

PDF ÇÖZÜMLER

www.acilmatematik.com.tr



Copyright ©

Bu kitabın her hakkı yayınevine aittir.

Hangi amaçla olursa olsun, bu kitabın tamamının ya da bir kısmının, kitabı yayınlayan ve yayınevinin önceden izni olmaksızın elektronik, mekanik, fotokopi ya da herhangi bir kayıt sistemi ile çoğaltılması, yayınlanması ve depolanması yasaktır.

ISBN: 978-625-7134-17-0

Genel Yayın Koordinatörü

Tevfik GÖRGÜN

Yazarlar

Mahsum ÖZTÜRK

İbrahim Turan BAŞAY

Editörler

Yusuf SÖNMEZ

Coşkun TAŞCI

Mustafa ERDOĞAN

Sezgin POLAT

Hamza SİNCAR

Tuğba TOPCU AKKAŞ

Mustafa Zahid ÖNER

Meltem Gökçe POLAT

İsmail KOCABAŞ

Dizgi

Acil Yayınları Dizgi Birimi

Kapak İllüstrasyon

Filiz İrem ÖZBAŞ

ACİL YAYINLARI

Ostim Mahallesi 1207. Sokak 3 / C-D Ostim / Yenimahalle /ANKARA

Tel: (0312) 386 00 26 Fax: (0312) 394 10 04

İÇİNDEKİLER

BÖLÜM 1: POLİNOMLAR

Polinom Kavramı.....	6
Polinomlarda Bölme.....	10

BÖLÜM 2: İKİNCİ DERECEDEKİ DENKLEMLER

Diskriminant (Δ) ve Kökleri Bulma.....	25
Kök - Katsayı İlişkisi.....	30
Köklü ve Mutlak Değerli Denklemler.....	34
Değişken Değiştirme.....	35
İkinci Dereceden Denklemler.....	36
Karmaşık Sayılar ve Karmaşık Kökler.....	45

BÖLÜM 3: PARABOL

Parabolün Tepe Noktası	
Eksenleri Kestiği Noktalar - Simetri Merkezi.....	51
Parabol ile x Ekseninin Durumları.....	54
Parabol ve Analitik Düzlem.....	56
Parabol Denkleminin Bulunması.....	58
İkinci Dereceden Fonksiyonlarla	
Modellenen Problemler.....	61
Bir Parabol ile Bir Doğrunun Birbirine Göre Durumları.....	62
Parabol.....	63

BÖLÜM 4: FONKSİYONLARIN UYGULAMALARI

Fonksiyonların Dönüşümleri.....	82
Artanlık-Azalanlık - Maksimum-Minimum	
Ortalama Değişim Oranı.....	91
Fonksiyonların Grafikleri.....	97

BÖLÜM 5: EŞİTSİZLİKLER

Eşitsizlikler.....	102
--------------------	-----

BÖLÜM 6: TRİGONOMETRİ

Esas Ölçü ve Birim Çember.....	119
Trigonometrik Fonksiyonlar ve Özdeşlikler.....	125
Trigonometrik Fonksiyonların	
Aralığı ve Sıralaması.....	128
Dik Üçgende Trigonometrik Oranlar.....	129
Trigonometri.....	133
İndirgeme Formülleri.....	143
Üçgende Trigonometrik Bağlantılar.....	156
Toplam - Fark Formülleri.....	163
Yarım Açı Formülleri.....	169
Toplam-Fark - Yarım Açı Formülleri.....	174
Ters Trigonometrik Fonksiyonlar	
Periyot - Grafik.....	185
Trigonometrik Denklemler.....	194

BÖLÜM 7: LOGARİTMA

Üstel Fonksiyonların Grafikleri.....	204
Logaritma Fonksiyonunun Tanım Kümesi.....	206
Üstel ve Logaritma Fonksiyonunun Tersi.....	207
Logaritma Fonksiyonunun Özellikleri.....	208
Üstel - Logaritmik Denklem ve Eşitsizlikler.....	216
Üstel - Logaritmik Eşitsizlikler.....	218
Logaritmik Grafikler.....	220
Logaritmanın Günlük Hayat	
Problemlerine Uygulanması.....	222

BÖLÜM 8: DİZİLER

Diziler.....	238
Aritmetik Dizi.....	245
Geometrik Dizi.....	249
Aritmetik ve Geometrik Dizi.....	253
Fibonacci Dizisi.....	255
Diziler Karma.....	256
Toplam Sembolü.....	262

BÖLÜM 9: KOŞULLU VE DENEYSEL OLASILIK

Koşullu Olasılık ve Bağımsız Olaylar.....	266
Deneysel Olasılık.....	282

BÖLÜM 10: LİMİT VE SÜREKLİLİK

Limit Kavramı.....	285
$\frac{0}{0}$ Belirsizliği.....	292
Limit.....	295
Süreklilik.....	302
Limit ve Süreklilik.....	309

BÖLÜM 11: TÜREV

Türevin Limit Tanımı.....	321
Türev Kuralları.....	323
Bileşke Fonksiyonun Türevi.....	327
Türev - Süreklilik İlişkisi.....	331
Parçalı ve Mutlak Değer Fonksiyonunun Türevi.....	332
Türevin Fiziksel Anlamı.....	334
Türev Karma.....	336
Türevin Geometrik Yorumu.....	344
Artanlık - Azalanlık - Ekstremum Noktalar.....	349
Minimum - Maksimum Problemleri.....	356
Polinom Fonksiyonların Grafiği.....	360
Türev.....	362

BÖLÜM 12: İNTEGRAL

Belirsiz İntegral.....	390
İntegral Alma Kuralları.....	392
Değişken Değiştirme.....	398
Belirli İntegral.....	401
Tek-Çift-Parçalı ve Mutlak Değer	
Fonksiyonunun İntegrali.....	407
Belirli İntegral Karma.....	410
Riemann Toplamı.....	416
İntegralde Alan Hesabı.....	418
İntegral Karma.....	427

**Çıkmış değil,
çıkabilecek sorular...**

ACİL MATEMATİK AYT

BÖLÜM - 1 POLİNOMLAR



- Polinom Kavramı
- Polinomlarda Bölme
- Karma Test

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Alan yeterlilik testlerinin (AYT) vazgeçilmez konusu olan polinomlar, son yıllarda karşımıza seçici sorularla çıkmaktadır. Çarpanlara ayırma konusu ile sıkı bağlantısı olan polinomlara gereken önemi verirken bu konudan sonraki ikinci dereceden denklemler, ikinci dereceden eşitsizlikler ve parabol gibi konularda da daha hızlı ilerlersin. AYT konularını kuru bilgi ya da formül yığını olarak görmemelisin. Yorum gücünü üst seviyeye taşıyarak ve kendine has notlar tutarak ilerlemen dileğiyle...

1. I. $\frac{x^4}{5} + 3$

II. $x^3 + \sqrt{3}x - 2$

III. $\frac{x^8}{\sqrt{2}} - \frac{1}{2}$

IV. $x^4 + \frac{1}{8}$

V. $\sqrt{5}x^2 - 1$

Yukarıda verilen ifadelerden hangileri polinom değildir?

A) Yalnız II

B) III ve V

C) I ve IV

D) II ve III

E) Yalnız III

2. $P(x) = 5x^4 - 2x^3 + 7x^2 + x + 1$

polinomu için,

- I. $P(x)$ polinomunun derecesi 4'tür.
- II. $P(x)$ polinomunun başkatsayısı 5'tir.
- III. $P(x)$ polinomunun 5 tane termi vardır.
- IV. $P(x)$ polinomunun sabit terimi 1'dir.
- V. $P(x)$ polinomunun terimlerinden biri $2x^3$ tür.

yukarıdakilerden kaç tanesi doğrudur?

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

E) 5

3. $P(x) = 2 \cdot x^{n-3} + 5 \cdot x^{7-n} - 4$

İfadesi bir polinom belirttiğine göre, n yerine gelecek tam sayıların toplamı kaçtır?

A) 25

B) 24

C) 23

D) 22

E) 21

4.

$$P(x) = (a - 2)x^2 + (b + 3)x + ab - 1$$

polinomu sabit bir polinom olduğuna göre, $P(10)$ kaçtır?

A) -10

B) -9

C) -8

D) -7

E) -6

5.

$$P(x) = mx^3 + (n - m)x^2 + (n + k)x + 7$$

$$Q(x) = 2x^3 - 5x + e - 2k$$

polinomlar veriliyor.

$$P(x) = Q(x)$$

olduğuna göre, $m + n + k + e$ toplamı kaçtır?

A) -10

B) -9

C) -8

D) -7

E) -6

6.

$$P(x - 1) = 2x^3 \cdot Q(x) + x^2$$

olduğuna göre, $\frac{P(1) - 4}{Q(2)}$ ifadesinin değeri kaçtır?

A) 19

B) 18

C) 17

D) 16

E) 15



7. $P(x) - P(x-1) = 3x^2 - 1$ polinomu veriliyor.

$P(x)$ polinomunun sabit terimi 2 olduğuna göre, $P(3)$ kaçtır?

- A) 37 B) 38 C) 39 D) 40 E) 41



8. $P(x)$ bir polinomdur.

$$(x+1) \cdot P(x) = 3x^2 + 5x + m$$

olduğuna göre, $P(x+1)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11



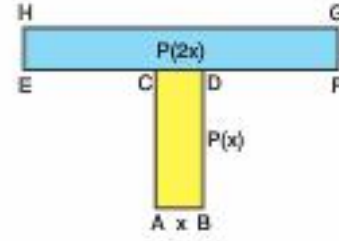
9. $P(x) = (x^3 - 2x^2 + x)^2$

polinomu açıldığında tek dereceli terimlerin katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -7 E) -6



10. Aşağıdaki logo iki dikdörtgenden oluşmuştur. $P(x)$ bir polinom olmak üzere,



$|AB| = x$ birim, $|BD| = P(x)$ birim ve

$A(EFGH) = P(2x)$ birimkaredir.

Taralı alanlar toplamı, $mx^2 + 7x + 2$ birimkare olduğuna göre, m kaçtır?

- A) $\frac{7}{2}$ B) 3 C) $\frac{5}{2}$ D) 2 E) $\frac{3}{2}$



11. $(2x^2 - 3x - 2)^3$

açılımında başkatsayı dışındaki katsayıların toplamı kaçtır?

- A) -27 B) -30 C) -33 D) -35 E) -37



12. $\text{der}[P(x)] = 2$ olmak üzere,

$$(3x^2 + 1) \cdot P(x^4)$$

polinomunun derecesi kaçtır?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 16 E) 24

1. A	2. D	3. A	4. D	5. A	6. D
7. E	8. B	9. C	10. C	11. D	12. B



1.

$$P(x) = x^n + 2x + n - 1$$

İfadesi birinci dereceden polinom olduğuna göre, $P(2)$ nin alabileceği değerler toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 12 C) 14 D) 16 E) 18



4.

$$P(x) = (x^3 - 2)^n \cdot (x^7 + x)^4$$

polinomunun derecesi 40 olduğuna göre, n kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



2.

$$P(x) = x^{\frac{12}{a+1}} - 2 \cdot x^{a-2} + 3$$

İfadesi bir polinom belirttiğine göre, a 'nın alabileceği kaç tam sayı değeri vardır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7



5.

$$P(x) = (a - b)x^2 + (c - 3)x$$

$$Q(x) = (a - b)x^3 + 2cx - 1$$

polinomları veriliyor.

$P(x)$ polinomu sıfır polinomu olduğuna göre, $Q(2)$ kaçtır?

- A) 13 B) 12 C) 11 D) 10 E) 9



3.

$$P(x) = (m - n - 2)x^2 + (m + n - 4)x + c - 2$$

polinomu bir sabit polinomdur.

$$P(2) + P(3) = 6$$

olduğuna göre, $m \cdot n \cdot c$ çarpımı kaçtır?

- A) 20 B) 18 C) 15 D) 12 E) 9



6.

$P(x)$ bir polinom olmak üzere,

$$(x - 2) \cdot P(x) + P(1) = 5x^2 - 7x + 2$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun sabit terimi kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

7. $P(x)$ bir polinomdur.

$$P(-x) + P(3x) = 8x - 10$$

olduğuna göre, $P(3)$ kaçtır?

- A) 11 B) 9 C) 7 D) 5 E) 3

8. Başkatsayısı 3 olan ikinci dereceden bir $P(x)$ polinomunun çift dereceli terimlerinin katsayıları toplamı 10 olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun sabit terimi kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

9. Birbirlerinden farklı $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomları birinci dereceden birer polinomdur.

Buna göre,

- I. $P(x) + Q(x)$ polinomu birinci dereceden bir polinomdur.
- II. $P(x) \cdot Q(x)$ çarpımının sonucu ikinci dereceden bir polinomdur.
- III. $P(3x) - Q(2x)$ polinomu birinci dereceden bir polinomdur.

yargılarından hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) Yalnız III

10. $a + b$ olmak üzere,

$$P\left(\frac{ax+b}{bx+a}\right) = (a+b)x - (a-b)$$

olduğuna göre, $P(-1)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $-3a$ B) $-2a$ C) $-a$ D) a E) $2a$

11. Bir zeytin tarlasındaki ağaç sayısı, her bir ağaçtaki dal sayısı ve her bir daldaki zeytin sayısı birbirine eşittir. Bu tarlada x tane zeytin ağacı vardır.

Tarladaki zeytin sayısı, dal sayısı ve ağaç sayısının toplamı $P(x)$ polinomudur.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamının polinomun derecesine oranı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12. İkinci dereceden $P(x)$ polinomunun katsayılarının oluşturduğu küme,

$$A = \{1, 3\}$$

olduğuna göre, kaç farklı $P(x)$ polinomu yazılabilir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

1. A	2. B	3. C	4. C	5. C	6. C
7. C	8. E	9. B	10. B	11. A	12. C



1.

$$P(-x) = x^3 - x - ax + b$$

polinomu veriliyor.

$P(x)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan 6'dır.

Buna göre, $a - b$ farkı kaçtır?

- A) -7 B) -6 C) -5 D) -4 E) -3



4.

$$P(x) = 4x^3 + 10x^2 - 10x + 2 \text{ polinomu ve}$$

$$P(x) = (x^2 + 3x - 1) \cdot Q(x) \text{ eşitliği veriliyor.}$$

Buna göre, $Q(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 8 E) 10



2.

a ve b doğal sayılar olmak üzere,

$$P(x) = (x + 3)^{a+1} + (x - 1)^{2b+3}$$

polinomunun $x + 1$ ile tam bölünebilmesi için a ile b arasındaki bağıntı aşağıdakilerden hangisi olmalıdır?

- A) $a = 2b - 1$ B) $a = 2b$ C) $a = 2b + 1$
D) $a = 2b + 2$ E) $a = 2b + 3$



5.

$P(x + 1)$ polinomunun $x - 2$ ile bölümünden kalan 2'dir.

Buna göre, $x^4 \cdot P^2(x^2)$ polinomunun $x - \sqrt{3}$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) 48 B) 44 C) 36 D) 32 E) 24



3.

$$\frac{P(x+1)}{Q(x+3)} = 3x^2 - 2x + a$$

eşitliği veriliyor.

$P(x)$ polinomunun x ile bölümünden kalan 15 ve $Q(x)$ polinomunun $x - 2$ ile bölümünden kalan 5'tir.

Buna göre, a kaçtır?

- A) -8 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1



6.

$$P(x) = ax^2 + 3x - b$$

polinomu $x^2 - 3x + 2$ ile bölünebildiğine göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -12 B) -8 C) -6 D) -3 E) -2

7. Başkatsayısı 3 olan ikinci dereceden bir $P(x)$ polinomu $(x - 1)$ ve $(x + 1)$ ile tam bölünebilmektedir.

Buna göre, $P(3)$ kaçtır?

- A) 27 B) 24 C) 18 D) 15 E) 12

8. Sabit terimi 16 olan üçüncü dereceden bir $P(x)$ polinomu $(x - 1)$, $(x - 2)$ ve $(x - 3)$ ile bölündüğünde 4 kalanını veriyor.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun başkatsayısı kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

9. $(x + 1) \cdot P(x) = 2x^3 - mx^2 - 3x + 2$

eşitliğindeki $P(x)$ polinomunun $(x - 1)$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

10. a ve b birer doğal sayıdır.

$$P(x) = x^a - 5x + b$$

polinomunun sabit terimi 6'dır.

$P(x)$ polinomunun $x - 2$ ile bölümünden kalan 4 olduğuna göre, derecesi kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

- 11.



Montessori soyut matematiksel akıl yürütmeyi şekilde görüldüğü gibi somut cisimler kullanarak öğretmeyi amaçlamış bir yöntemdir.

Buna göre, $(x^3 + 6x^2 + 12x + 8)$ cm^3 hacimli bir montessori cisminin hacminin, $(x + 2)$ cm^3 hacimli bir montessori cisminin hacmine oranı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x + 2)^2$ B) $(x + 3)^2$ C) $x^2 + 2x + 3$
D) $x^2 + x + 2$ E) $x^2 + 3x + 2$

12. $P(x)$ polinomunun sabit terimi 3, katsayıları toplamı 5 tir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x^2 - x$ ile bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x - 3$ B) $2x - 1$ C) $2x + 1$
D) $2x + 3$ E) $2x + 5$

1. B	2. D	3. D	4. A	5. C	6. E
7. B	8. D	9. B	10. B	11. A	12. D



1.

- Bir $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı 12'dir
- $P(x) = P(x-1) - 2$ 'dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x - 3$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 8 D) 7 E) 6



2.

$$P(x) = x^p + 4 + x^p - 2$$

polinomunun $x - 1$ ve $x + 1$ ile bölümünden kalanlar eşit olduğuna göre, p için aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- A) Çift sayı B) Çift doğal sayı C) Tek sayı
D) Tek doğal sayı E) Doğal sayı



3.

İkinci dereceden bir $P(x)$ polinomunun tüm katsayıları sıfırdan farklı olup polinomun sabit terimine eşittir.

$P(x)$ polinomunun $x + 2$ ile bölümünden kalan -6 'dır.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -15 B) -12 C) -10 D) -9 E) -8



4.

$$P(x) = 3x^2 + P(1) \cdot x + P(0)$$

polinomunun $x + 2$ ile bölümünden kalan 7'dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -3 B) -1 C) 1 D) 3 E) 5



5.

Bir $P(x)$ polinomunun $x^2 - 9$ ile bölümünden kalan $3x + 7$ dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x + 3$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 1 E) 3



6.



Şekilde verilen iplik yumağının uzunluğu; derecesi 2, başkatsayısı 1 olan $P(x)$ polinomu ile ifade edilmektedir.

- İplik $(x - 3)$ cm uzunluğundaki parçalara ayrıldığında 8 cm ip artmaktadır.
- İplik $(x + 1)$ cm uzunluğundaki parçalara ayrıldığında 8 cm ip artmaktadır.

Buna göre, bu iplik yumağı $(x - 2)$ cm'lik ip parçalarına ayrılırsa kaç cm uzunluğunda ip artar?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

7. Bir $P(x)$ polinomu $(x + 1)$ ile bölündüğünde bölüm $B(x)$, kalan 3 tür. $B(x)$ polinomu da $(x - 2)$ ile bölündüğünde bölüm $R(x)$ ve kalan 6 dir.

$$R(1) = 10$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -7 B) -5 C) -3 D) -1 E) 3

8. $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ polinomunun katsayılarının aritmetik ortalaması 2 ve $P(x)$ polinomunun $x - 1$ ile bölümünden kalan 10'dur.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun derecesi kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 8 D) 6 E) 4

9. $P(x) = x^3 - mx^2 + mx + n - 4$ polinomu $x^2 - 3x$ ile bölünebildiğine göre, $m \cdot n$ çarpımı kaçtır?

- A) 24 B) 20 C) 18 D) 16 E) 12

10. $P(x)$ bir polinom olmak üzere,

$$P(4) + P(8) = 5$$

$$P(8) + P(9) = 11$$

$$P(4) + P(9) = 16$$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, $P(x)$ polinomu aşağıdakilerden hangisine kesinlikle tam bölünür?

- A) $x - 4$ B) $x - 8$ C) $x - 9$
D) $(x - 4)(x - 8)$ E) $(x - 8)(x - 9)$

11. $R_1(x) = x \cdot (x - 1) \cdot (x - 2) \cdot \dots \cdot (x - (i - 1))$

$$Q_j(x) = P(x) + P(x + 1) + \dots + P(x + (j - 1))$$

şeklinde R ve Q polinomları tanımlanıyor.

$$Q_3(x) = 6x + 9$$

olduğuna göre, $R_2(x)$ polinomunun $Q_2(x)$ polinomu ile bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

12. $P(x)$ polinomu başkatsayısı 1 olan üçüncü dereceden bir polinomdur.

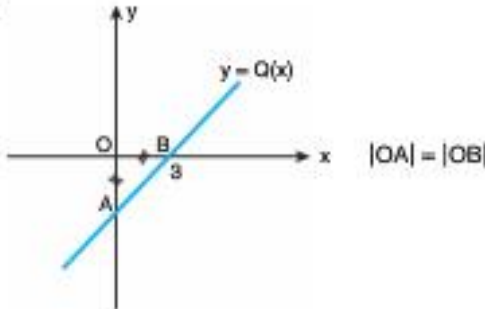
$$P(2) = 2, P(3) = 3 \text{ ve } P(4) = 4 \text{ tür.}$$

Buna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -9 B) -8 C) -7 D) -6 E) -5

13. İkinci dereceden bir $P(x)$ polinomu ile birinci dereceden bir $Q(x)$ polinomunun grafiği hakkında aşağıdaki bilgiler verilmiştir.

- $P(x)$ polinomunun $(x - 1)$ ile bölümünden kalan 1'dir.
- $P(x)$ polinomunun $(x - 2)$ ile bölümünden kalan 2'dir.
-



$P(x)$ polinomunun $Q(x)$ polinomu ile bölümünden kalan 7'dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun başkatsayısı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

14. $P(x)$ polinomunun $x - 2$ ile bölümünden kalan -1, $P(2x + 1)$ polinomunun katsayıları toplamı 1 dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x^2 - 5x + 6$ ile bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x - 7$ B) $2x - 5$ C) $2x - 1$
D) $2x + 1$ E) $2x + 3$

15. Katsayıları sıfırdan farklı birinci dereceden $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomları için,

- $P(x)$ polinomunun başkatsayısı, $Q(x)$ polinomunun sabit termine eşittir.
- $P(x)$ polinomunun sabit termi, $Q(x)$ polinomunun başkatsayısına eşittir.

$P(x) - Q(x)$ polinomunun sabit termi 4 ve $P(x) + Q(x)$ polinomunun katsayıları toplamı 12 olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

1. C	2. B	3. E	4. C	5. B	6. E	7. B	8. E
9. C	10. B	11. E	12. E	13. B	14. B	15. B	



1. $P(x)$, bütün katsayıları birbirine eşit olan ikinci dereceden bir polinom olmak üzere,

$$P(3) = 39$$

$$P(a) = 6$$

olduğuna göre, $a^2 + a$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



2. $P(x)$ polinomu pozitif başkatsayıdır.

$$P[P(x)] = 8x + 12$$

olduğuna göre, $P(-1)$ kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



3. $P(x) = (a \cdot x^3 - 4x)^{\frac{a+1}{3}}$ polinomunun derecesi 12 olduğuna göre, $P(-1)$ kaçtır?

- A) -15^4 B) -7^4 C) 7^4 D) 15^4 E) 17^4



4. $P(x)$ başkatsayısı pozitif olan ikinci dereceden bir polinom olmak üzere,

$$P(1) = P(7) = 0$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi en küçüktür?

- A) $P(0)$ B) $P(4)$ C) $P(8)$
D) $P(10)$ E) $P(-5)$



5. $P(x)$ polinomu,

$$x^2 - x - 2, x^2 + x - 6, x^2 - 1 \text{ ve } x^3 - 8$$

polinomlarına tam bölünebiliyor.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun derecesi en az kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8



6. $P(x)$, $Q(x)$, $R(x)$ polinom ve $a > b$ olmak üzere,

$$\text{der}[P(x)] = a$$

$$\text{der}[Q(x)] = b$$

$$R(x) = \left[\frac{P^3(2x-1)}{Q^2(x^3+1)} \right]$$

$\text{der}(R(x))$ 'in a ve b türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $6a - 6b$ B) $6a - 3b$ C) $3a - 2b$
D) $3a - 6b$ E) $a - 6b$

7. Mahsum Öğretmen tahtaya;

$P(x) = x^2 + x - 1$ polinomunun $(x - 1)$ 'in azalan kuvvetlerine göre düzenlenmiş biçimi; $(x - 1)^2 + 3(x - 1) + 1$ şeklindedir.

diye yazıyor.

Mahsum Öğretmen öğrencilerine; $x^2 + 4x - 2$ polinomunu $(x + 1)$ 'in azalan kuvvetlerine göre yazdığında, öğrenciler bu polinomun katsayılar toplamının doğru sonucunu kaç olarak bulur?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 2 E) 3

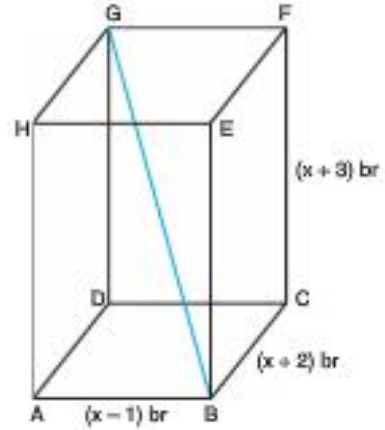
8. Bir hareketlinin aldığı yol, "Yol = Hız • Zaman" formülü ile bulunur.

Bir A aracı x km/saat hızla $x + 1$ saat, bir B aracı ise $(x + 1)$ km/saat hızla x saat hareket etmiştir. A ve B araçlarının aldıkları yollar sırasıyla $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomudur.

Buna göre, $P(x) \cdot Q(x)$ polinomunun $P(x) + Q(x)$ polinomuna bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0 B) x C) $x + 1$ D) $2x$ E) $2x + 2$

9. $x > 1$ olmak üzere, ayrıt uzunlukları $(x - 1)$ br, $(x + 2)$ br, $(x + 3)$ br olan dikdörtgenler prizması veriliyor.



Buna göre,

- $|GB|$ ifadesi bir polinom belirtir.
- Cismin hacmini veren ifadenin $(x - 2)$ ile bölümünden kalan 20 dir.
- Seçilen herhangi bir yüzün alanını veren polinomun $(x + 2)$ ile tam bölünebilme olasılığı $\frac{1}{3}$ tür.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız II B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

10. Başkatsayısı a olan I. dereceden bir $P(x)$ polinomu $(x - a)$ ile bölündüğünde a kalanını vermektedir.

Buna göre $P(x)$ polinomu için,

- Sabit terimi $a \cdot (1 - a)$ dir.
- Polinomun $x + 1$ ile bölümünden kalan a^2 dir.
- Katsayılar çarpımı $-a^4$ tür.

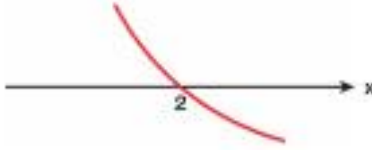
İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) Yalnız III E) I, II ve III

11. Aşağıda,

$$P(x) = x^3 - x^2 - 22x + 40$$

polinomunun grafiğinin bir kısmı çizilmiştir.



$P(x)$ polinomunun x eksenini kestiği diğer iki noktanın apsisi a ve b 'dir.

Buna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

12. En az birinci dereceden iki polinomun çarpımı biçiminde yazılamayan polinomlara "İndirgenemeyen Polinom" ve başkatsayısı 1 olan indirgenemeyen polinomlara da "Asal Polinom" denir.

Buna göre,

- I. $3x^2 - 12$ polinomu indirgenemeyen polinomdur.
- II. $x^3 + 1$ polinomu asal polinomdur.
- III. $x^2 - 2x + 5$ polinomu asal polinomdur.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) Yalnız III E) I ve III

13. b ve c birer reel sayı olmak üzere,

$$P(x) = x^2 + bx + c$$

polinomu veriliyor.

$P(x)$ polinomunun sıfırlarından biri, bu polinomun katsayılar toplamına, diğeri ise sabit termine eşittir.

Buna göre, $P(2)$ kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

14. $P(x)$ bir polinom olmak üzere, $P(x)$ polinomunun katsayılar toplamı $P(1)$, sabit termi $P(0)$ dir.

a bir gerçel sayı olmak üzere,

$$P(x) = P(0) \cdot x^2 + P(1) \cdot x + a - 2$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, a kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

1.



Şekilde gösterilen dairenin alanı A birimkare ve çevresi B birimdir.

Buna göre,

- I. A, x'e bağlı bir polinom değildir.
- II. B, x'e bağlı birinci dereceden bir polinomdur.
- III. A + B, katsayıları toplamı 3π olan x'e bağlı bir polinomdur.

yargılarından hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I
- B) Yalnız III
- C) I ve II
- D) I ve III
- E) II ve III

2.

$P(x) = x^2 + mx + n$ polinomunun çarpanlarından biri $(x - 2)$ dir.

Eğer sabit terimi 5 fazla olsaydı bir çarpanı $(x + 1)$ olacağına göre, $m \cdot n$ çarpımı kaçtır?

- A) -4
- B) $-\frac{35}{9}$
- C) $-\frac{34}{9}$
- D) $-\frac{11}{3}$
- E) $-\frac{32}{9}$

3.

Aşağıda bir akarsuyun üstüne yapılacak köprü gösterilmiştir.



Köprü, her 1 birim uzunluğu için genişliğin karesine eşit değerde beton maliyeti, genişliğe eşit değerde demir maliyeti ve 20 TL'lik sabit işçilik maliyeti ile yapılmıştır.

Örnek: Köprü genişliği 3 birim ve köprünün uzunluğu 10 birim olsun. 1 birim uzunluğundaki köprü için; beton maliyeti $3^2 = 9$ TL, demir maliyeti 3 TL ve 20 TL sabit işçilik maliyeti olmak üzere, 10 birim uzunluğundaki köprü için toplam maliyet,

$$10 \cdot 9 + 10 \cdot 3 + 10 \cdot 20 = 320 \text{ TL'dir.}$$

Köprünün genişliği x birim ve uzunluğu genişliğinin 10 katı olmak üzere, köprü maliyeti $P(x)$ polinomudur.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) 22
- B) 121
- C) 180
- D) 202
- E) 220

4.

$P(x)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan -20 ve katsayıları toplamı 42'dir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun tek dereceli terimlerinin katsayıları toplamı kaçtır?

- A) 31
- B) 28
- C) 22
- D) 11
- E) 8



5. $P(x) = x^2 - 5x + 4$

polinomu veriliyor.

Buna göre, $P(2x + 2)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden elde edilen bölüm ile kalan polinomunun toplamı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $4x - 10$ B) $4x - 8$ C) $4x - 6$
D) $4x - 4$ E) $4x - 2$



6. Bir yemek yapma yarışmasında yarışmacılara kilogram cinsinden içinde A, B ve C gıdalarının bulunduğu bir tabak hazırlamaları istenmiştir.

A, B ve C gıdalarının miktarları,

$$P(x) = 8x^3 - 14x^2 + 7x - 1$$

polinomunun farklı sıfırları olup tabakta A gıdasından

$\frac{1}{4}$ kg bulunmaktadır.

Buna göre, tabakta bulunan B ve C gıdalarının miktarları arasındaki fark kaç gramdır?

- A) 250 B) 300 C) 400 D) 500 E) 750



7. $P(x) = a \cdot x^b + b \cdot x^c + c \cdot x^a$ polinomu veriliyor.

- $a < b < c$ olmak üzere, a , b ve c ardışık doğal sayılardır.
- $P(x)$ polinomunun $x - 1$ ile bölümünden kalan 9'dur.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



8. İkinci dereceden tüm katsayıları aynı olan bir $P(x)$ polinomunun sabit termi,

$$Q(x) = x^2 - 3x + 2$$

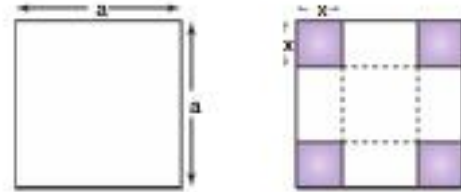
polinomunun bir sıfırındır.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $x + 2$ ile bölümünden kalan en çok kaçtır?

- A) 12 B) 9 C) 8 D) 6 E) 4



9.



Kenarları a birim olan kare şeklindeki bir kartonun köşelerinden bir kenarı x birim olan 4 adet özdeş kare kesilip atılıyor. Geriye kalan karton ile üstü açık kare prizma elde ediliyor. Elde edilen kare prizmanın hacminin $x > 0$ değişkenine bağlı bir polinom ifadesi $P(x)$ 'tir.

$P(x + 1)$ polinomunun sabit termi 25'tir.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

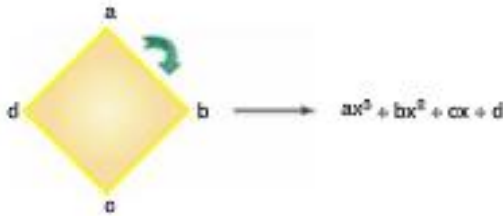
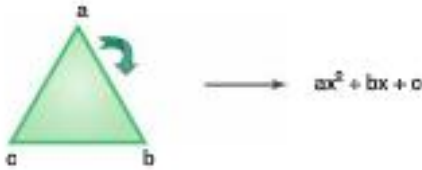
10. $P(x)$ polinomu ile ilgili aşağıdaki bilgiler verilmiştir.

- $P(x)$ polinomunun $x - 1$ ve $x + 1$ ile bölümünden kalanlar sırasıyla R_1 ve R_2 dir.
- $P(x)$ polinomunun $x^2 - 1$ ile bölümünden kalan $R(x)$ dir.

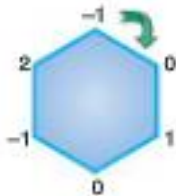
Buna göre, $R(x)$ polinomunun sabit terimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $R_1 - R_2$ B) $\frac{R_1 + R_2}{R_1 \cdot R_2}$ C) $R_1 + R_2$
D) $R_1 \cdot R_2$ E) $\frac{R_1 + R_2}{2}$

11. $n \geq 2$ olmak üzere, derecesi n olan polinomlar $(n + 1)$ kenarlı çokgenler ile aşağıdaki gibi gösterilmektedir.



Buna göre,



polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan kaçır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2

12. Başkatsayıları aralarında asal olan $P(x)$ ve $Q(x)$ sırasıyla ikinci dereceden ve birinci dereceden polinomlardır.

$Q(x)$ polinomunun sıfır aynı zamanda $P(x)$ polinomunun da sıfırlarından biridir.

$$\frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{4}{3} \cdot (x - 3) \text{ ve}$$

$Q(x)$ polinomunun katsayıları toplamı 9 olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçır?

- A) -28 B) -24 C) -18 D) -16 E) -12

13. Üçüncü dereceden bir $P(x)$ polinomunun başkatsayısı, katsayılar toplamına eşittir.

$$P(-1) = P(2) = P(0) = 3 \text{ tür.}$$

Buna göre, $P(3)$ kaçır?

- A) 12 B) 15 C) 18 D) 21 E) 24

14. $P_1(x), P_2(x), \dots, P_n(x)$ birer polinomdur. Aşağıda verilen polinomlarda x^2 li terimlerin katsayısı değiştirilmiyıp diğer terimlerin katsayıları 1 artırılarak yazılmıştır.

$$P_1(x) = x^2 - x - 30$$

$$P_2(x) = x^2 - 29$$

$$P_3(x) = x^2 + x - 28$$

$P_n(x)$ polinomunun sıfırları $\{-15, 1\}$ dir.

Buna göre, n kaçır?

- A) 14 B) 15 C) 16 D) 17 E) 19

1. E	2. E	3. E	4. A	5. E	6. D	7. E
8. D	9. E	10. E	11. E	12. B	13. B	14. C



1. $2x^3 - 4x^2 + mx - 10$

polinomu $x - 2$ ile bölünebildiğine göre, bölüm aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x^2 + x$ B) $2x^2 + 5$ C) $2x^2 - 5$
D) $2x - 5$ E) $2x^2 + x + 5$



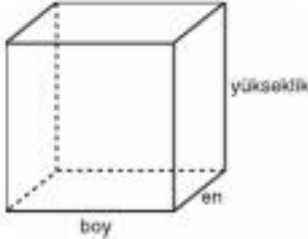
2. $15x^2 + ax + 1$

polinomu katsayıları tam sayı olan birinci dereceden ik polinomun çarpımı şeklinde yazılabildiğine göre, a 'nın alabileceği kaç farklı değer vardır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8



3.



Şekildeki dikdörtgenler prizmasında; en, boy ve yükseklik küçükten büyüğe doğru artan ardışık doğal sayılardır.

Bu prizmada, hacim polinomunun, enin karesini ifade eden polinoma bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0
B) Eni ifade eden polinom
C) Boyu ifade eden polinom
D) Eni ifade eden polinomun 2 katı
E) Boyu ifade eden polinomun 2 katı



4. Dorukalp; $(x - 1)$, $(x - 2)$, $(x - 3)$ ve $(x + 1)$ polinomlarının her birini ayrı ayrı dört kağıda yazarak bir torbaya alıyor.

- Torbadan bir kağıt seçerek buna $Q(x)$ diyor.
- Kalan kağıtlardaki ifadelerin çarpımını da $P(x)$ elde ediyor.
- Elde ettiği $P(x)$ polinomunu $Q(x)$ polinomuna bölüyor.

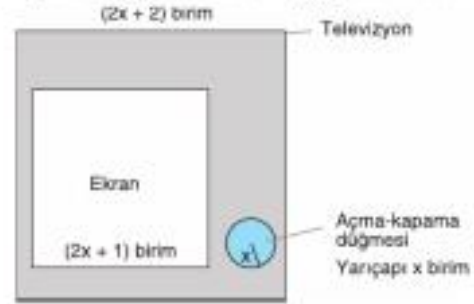
Buna göre, Dorukalp'in elde ettiği kalan aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) -24 B) -3 C) 3 D) 4 E) 8



5. Yarıçapı r olan bir dairenin alanı " $A = \pi r^2$ " formülü ile hesaplanır.

Aşağıda ön yüzü kare biçiminde olan bir televizyon gösterilmiştir. Televizyonun ekranı kare, açma-kapama düğmesi daire biçimindedir. Televizyonun ön yüzünün alanı $P(x)$, açma-kapama düğmesinin alanı $Q(x)$ polinomudur.



Buna göre, $P(x)$ polinomunun $Q(x)$ polinomuna bölümünden kalan aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) Açma-kapama düğmesinin çevresi
B) Açma-kapama düğmesinin alanı
C) Ekranın çevresi
D) Ekranın alanı
E) Ekran ve açma-kapama düğmesinin çevreleri toplamı



6. Bir $P(x)$ polinomunun $x^2 - 4$ ile bölümünden kalan $(k - 1)x - 6$ ve $2x + 4$ ile bölümünden kalan 4 'tür.

Buna göre, k kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4

7. $a, b \in \mathbb{R}$ 'dir.

$$P(x) = (3 - a)x^2 + bx - 2x + 4$$

polinomu sabit polinom olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) 4 D) 5 E) 6

- 8.



kütelleri ve $P(x) = 2x^3 - 3x^2 + 5x + 17$ polinomu veriliyor.

Terazinin bir kefesine a tane $(x - 2)$, b tane $(x - 2)^2$ Kg, c tane $(x - 2)^3$ Kg kütle, diğer kefesine ise $P(x - 1)$ Kg değerinde kütle konulduğunda denge sağlanmaktadır.

Buna göre, $a + b + c$ toplamı kaçtır?

- A) 25 B) 28 C) 30 D) 31 E) 34

9. $P(x)$ birinci dereceden bir polinomdur.

$P(x) + P(2 - x)$ polinomunun $x - 1$ ile bölümünden kalan -6 'dır.

$$(5x - 1) \cdot P(x)$$

polinomunun $x^2 - 3x + 2$ ile bölümünden kalan $K(x)$ olduğuna göre, $K(1)$ kaçtır?

- A) -18 B) -16 C) -12 D) -8 E) -6

10. Katsayıları geometrik, dereceleri aritmetik bir dizi oluşturan,

$$P(x) = x + 2x^4 + 4x^7 + 8x^{10} + \dots$$

polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan 85 tir.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun derecesi kaçtır?

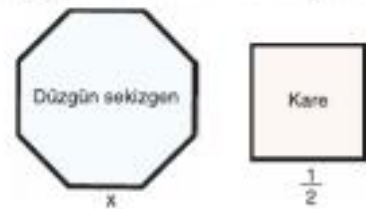
- A) 22 B) 23 C) 24 D) 25 E) 26

11. $P(x - 2) \cdot P(x + 2)$ polinomunun $x^2 - 4$ ile bölümünden elde edilen kalan $6x + 3$ 'tür.

Buna göre, $\frac{P(-4)}{P(4)}$ oranı kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{4}{5}$ C) $-\frac{3}{5}$ D) $-\frac{1}{5}$ E) $\frac{2}{5}$

12. Aşağıda iki çokgen ve kenar uzunlukları gösterilmiştir.



İki çokgenin çevre uzunlukları toplamı $P(x)$ polinomu, birer kenarlarının uzunlukları toplamı $Q(x)$ polinomudur.

Buna göre, $P(x)$ polinomunun $Q(x)$ polinomuna bölümünden kalan kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 0 E) 1

13. $P(x)$ ve $Q(x)$ birer polinomdur.

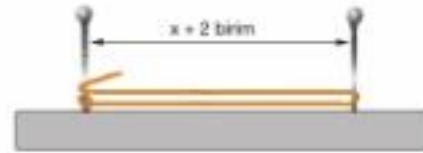
$$P(x) - Q(x) = x^3 - 15x - 4$$

$$\frac{P(x)}{Q(x)} = x - 3$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun $x + 1$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) -16 B) -8 C) 2 D) 8 E) 16

- 15.



Murat $2x^3 - x + 12$ birim uzunluğundaki bir teli, aralarında $x + 2$ birim uzaklık bulunan iki çivi etrafına saracaktır.

Murat bir ucunu soldaki çiviye taktıktan sonra teli diğer çiviye taşıyacak ve etrafından geçirip tekrar soldaki çiviye taşıyacak onun da etrafından geçirip ikinci tur tel sarımını ve daha sonraki turları gerçekleştirecektir. Tel sarımı esnasında, iki çivi arasındaki mesafeyi aldırmanın dışında, çivilerin etrafından geçilirken ya da daha başka nedenlerle fazladan da tel kullanılabilir. Tüm turlarda bu türden fazladan kullanılan tel uzunluklarının toplamı x birimdir.

Buna göre, Murat'ın kaç tur tel sarım işlemi yaptığı x türünden aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - 2x + 3$ B) $x^2 - 3x - 4$ C) $x^2 - 6x - 8$
D) $2x^2 - 3$ E) $2x^2 - x + 6$

14. $P(x)$ bir polinom olmak üzere, $P(a) = 0$ eşitliğini sağlayan a sayısına bu polinomun kökü denir.

- $P(x + m - 1)$ polinomunun katsayıları toplamı n 'dir.
- $P(x)$ polinomunun kökü n 'dir.

Buna göre, $P(m + P(x + n))$ polinomunun sabit terimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0 B) m C) n D) $m + n$ E) $m - n$

- 16.

- $P(x)$ üçüncü dereceden bir polinomdur.
- $P(x - 1)$ polinomu x , $(x - 1)$ ve $(x + 3)$ ile ayrı ayrı tam bölünebilmektedir.

Buna göre, $\frac{P(5)}{P(2)}$ oranı kaçtır?

- A) 8 B) $\frac{15}{2}$ C) 7 D) $\frac{13}{2}$ E) 6

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 2

İKİNCİ DERECEDEN DENKLEMLER



- Diskriminant (Δ) ve Kökleri Bulma
- Kök - Katsayı İlişkisi
- Köklü ve Mutlak Değerli Denklemler
- Değişken Değiştirme
- Karma Test
- Karmaşık Sayılar ve Karmaşık Kökler

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Bu konumuzda her önemli başlığı ayırıp, her biriyle ilgili öncelikle standart sorular yazmaya çalıştık. Sonrasında daha düşündürücü, yoruma dayalı sorular göreceksin. Konu, genel anlamda sevilen bir konudur. İleride göreceğin parabol, eşitsizlikler, türev ve integral gibi bir çok konuda ara ara yolun ikinci dereceden denklemlere düşecektir. Kuru kuruya formül ezberlemekten kaçınmalı, bol bol yorum yapmaya çalışmalısın. Seni geliştirecek olan formüller değil yaptığın yorumlar olacaktır. Başarılar dileriz.

1. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$x^a + 2 + x^2 - a - 6x - 8 = 0$$

denklemi ikinci dereceden bir bilinmeyenli denklemdir.

Buna göre, denklemin büyük kökü kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 2 D) 4 E) 8

4. $a \in \mathbb{Z}^+$ olmak üzere,

$$x^2 + ax + a = 0$$

denkleminin iki farklı reel kökü olduğuna göre,
 a 'nın en küçük değeri kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

2. $(mx + x - 2) \cdot (4x + 1) = 0$

denklemi ikinci dereceden bir denklem olduğuna göre,
 m yerine hangi değer yazılamaz?

- A) -2 B) -1 C) 1 D) 2 E) 4

5. $f(x) = x^2 - 4x + m$

fonksiyonu veriliyor.

$f(x) = -2$ denkleminin çözüm kümesi bir elemanlı olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

3. $2x^2 + 3x + m = 0$

denkleminin diskriminantı negatif olduğuna göre,
 m 'nin alabileceği en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

6. p ve q birer reel sayıdır.

$x^2 + px + 12 = 0$ denkleminin bir kökü 4'tür.

$$x^2 + px + q = 0$$

denkleminin kökleri çakışık olduğuna göre, q kaçtır?

- A) 13 B) $\frac{51}{4}$ C) $\frac{25}{2}$ D) $\frac{49}{4}$ E) 12

İKİNCİ DERECEDEN DENKLEMLER
Diskriminant (Δ) ve Kökleri Bulma

Test - I

7. $x^2 - 3x + 1 = 0$
denkleminin köklerinden biri x_1 olduğuna göre,
 $x_1 + \frac{1}{x_1}$ toplamı kaçtır?
A) -3 B) -1 C) 1 D) 3 E) 7

8. m bir reel sayı olmak üzere,
 $x^2 + (2m - 1)x + 4 - m = 0$
denkleminin çözüm kümesi bir elemanlıdır.
Buna göre, $4 \cdot m^2$ kaçtır?
A) 0 B) 8 C) 9 D) 12 E) 15

9. $5x^2 - \sqrt{5}x - 2 = 0$
denkleminin büyük kökünün küçük köküne oranı kaçtır?
A) -3 B) -2 C) -1 D) 2 E) 3

10. $x^2 + 6x - m + 8 = 0$
 $x^2 + 4x - m + 8 = 0$
denklemlerin birer kökü ortaktır.
Bu denklemlerin ortak olmayan köklerinin toplamı kaçtır?
A) -12 B) -10 C) -8 D) -6 E) -4

11. $(x - 4) \cdot (x^2 + mx + 36) = 0$
denkleminin iki kökü çakışık olduğuna göre,
 m 'nin alabileceği değerlerin toplamı kaçtır?
A) -25 B) -13 C) -12 D) -1 E) 0

12. $cx^2 + bx + a = 0$
denkleminin diskriminantı 9 ve bir kökü 1 olduğuna göre, $b + 2c$ toplamının pozitif değeri kaçtır?
A) 3 B) 4 C) 6 D) 8 E) 12

1. D	2. B	3. E	4. B	5. B	6. D
7. D	8. E	9. B	10. C	11. B	12. A

1. m bir gerçekte sayıdır.

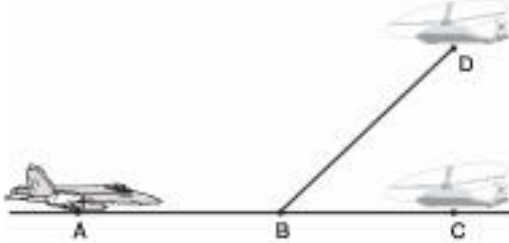
$$5x^2 - 2\sqrt{21}x + m = 0$$

denklemnin sabit termi denklemin diskriminantına eşittir.

Buna göre, m kaçtır?

- A) 4 B) $\frac{15}{4}$ C) 3 D) $\frac{11}{4}$ E) $\frac{5}{2}$

2. Aşağıda doğrusal bir pistin AC bölümü verilmiştir. Havada-ki D noktasında bulunan bir helikopter düşey bir biçimde C noktasına iniş yaptığında AB yolunun 1 km eksikliği kadar mesafe inmiştir. Helikopterin inişinin ardından, şekildedeki uçak pistin A noktasından hareket etmiş ve B noktasına kadar pistte gittikten sonra B'de kalkışa geçerek sabit bir eğim açısıyla pistte aldığı kadar yol alarak D noktasına ulaşmıştır.



C noktasında helikopterden inenler burada bindikleri bir araçla DC mesafesinin 2 km eksikliği kadar giderek B noktasına ulaşmışlardır.

Buna göre, AB mesafesi kaç km'dir?

- A) $4 - \sqrt{6}$ B) $3 - \sqrt{6}$ C) $\sqrt{6}$
D) $3 + \sqrt{6}$ E) $4 + \sqrt{6}$

3. Bir sihirbaz, göselerinin matematikte ilgili bölümünde, izleyiciler arasından rastgele sahneye çıkan birine,

- Bir sayı seç.
- Seçtiğin sayıyı bir fazlasıyla çarp.
- Bulduğun sonuca seçtiğin sayının 1 fazlasını ekle.
- Son bulduğun sonucu bana söyle.

demıştır ve izleyici sihirbaza 144 sayısını söylemiştir.

Bundan sonra sihirbazla izleyici arasında aşağıdaki karşılıklı konuşmalar olmuştur:

Sihirbaz: Seçtiğin sayı -13 'tür.

İzleyici: Hayır.

Sihirbaz: O zaman seçtiğin sayı a 'dır.

İzleyici: Evet.

Buna göre, a 'nın rakamları toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

4. $1 \leq a \leq 50$ olmak üzere,

$$x^2 + x - a = 0$$

denklemnin kökleri birer tam sayı olduğuna göre, bu denklemi sağlayan kaç farklı a doğal sayısı vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



5.

$$x^2 - x + m = 0$$

denkleminin reel kökleri x_1 ve x_2 dir.

Denklemin bir kökü denklemin diskriminantına (Δ) eşit olduğuna göre, m sayısının alacağı değerler toplamı kaçtır?

- A) $\frac{3}{8}$ B) $\frac{5}{16}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{3}{16}$ E) $\frac{1}{8}$



6.

c pozitif bir tam sayıdır.

$$x^2 - 6x + c = 0$$

denkleminin köklerinin rasyonel olması için c 'nin alabileceği kaç değer vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



7.

p bir asal sayıdır.

$$x^2 - px - 14 = 0$$

denkleminin kökleri birer tam sayı olduğuna göre, p 'nin alabileceği değerler toplamı kaçtır?

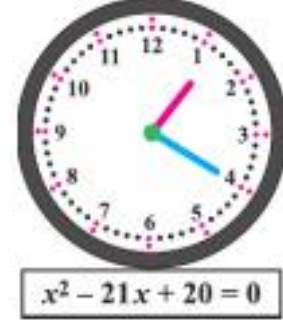
- A) 24 B) 20 C) 18 D) 16 E) 15



8.

Bilgin, aşağıdaki duvar saatinin altına elektronik bir göstergesi yapmıştır. Bu göstergede, duvar saatinin belirttiği süredeki saat ve dakikayı kök kabul eden ikinci dereceden denklem yazmaktadır. Süre değiştiğinde göstergedeki denklem de süreye uygun biçimde değişmektedir.

Örneğin; Şekilde süre 1.20'dir ve Bilgin'in yaptığı göstergede kökleri 1 ile 20 olan ikinci dereceden denklem yazmaktadır.



Bilgin bir salı günü evden okula gitmiş, okulda bir süre kaldıktan sonra aynı gün okuldan eve dönmüştür. Aşağıda bu saatin gösterdiği denklemler verilmiştir.

Evden çıktığı an: $x^2 - 20x + 100 = 0$

Okula vardığı an: $x^2 - 11x = 0$

Okuldan çıktığı an: $x^2 - 3x = 0$

Bilgin okula giderken ve eve dönerken sabit bir hızla yürüdüğüne göre, eve vardığı an saatin gösterdiği ikinci dereceden denklem aşağıdakilerden hangisidir?

A) $x^2 - 4x = 0$

B) $x^2 - 5x = 0$

C) $x^2 - 5x + 4 = 0$

D) $x^2 - 53x + 150 = 0$

E) $x^2 - 55x + 250 = 0$

9. İkinci dereceden bir denklemin çözüm kümesi, denklemin katsayılarından oluşan kümenin alt kümesi ise böyle denklemlere "İlgili İkinci Dereceden Denklem" denir.

Örneğin; $x^2 - 3x + 2 = 0$ denkleminin çözüm kümesi $\{1, 2\}$ ve kat sayılarının kümesi $\{-3, 1, 2\}$ dir. $\{1, 2\} \subset \{-3, 1, 2\}$ olduğundan verilen denklem ilgili ikinci dereceden denklemdir.

a ve b, birbirinden farklı birer negatif reel sayı olmak üzere,

$$x^2 + ax + b = 0$$

denklemi "İlgili İkinci Dereceden Denklem" olduğuna göre, a + b toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

10. a ve b birer gerçel sayıdır.

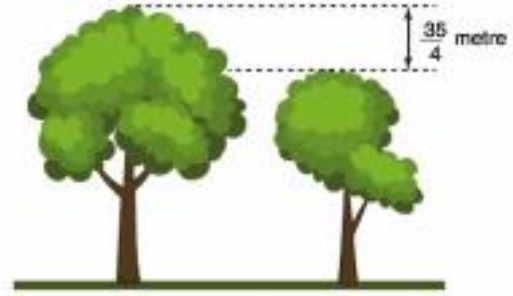
$$y = \frac{b}{2}(x^2 + 1) + ax$$

denkleminin gerçel sayılarda çözüm kümesi boş kümedir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $a^2 - b^2 < 0$ B) $b^2 - 4a > 0$ C) $b^2 - 2ab < 0$
D) $a - b < 0$ E) $a^2 - 4b < 0$

11. Şekilde düz bir zemine dikilmiş iki ağaç verilmiştir.

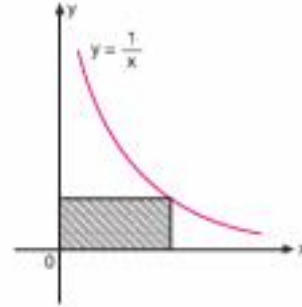


Soldaki ağacın boyu sağdaki ağacın boyunun karesine eşittir.

Buna göre, soldaki ağacın boyu kaç metredir?

- A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{7}{2}$ C) $\frac{25}{4}$ D) $\frac{49}{4}$ E) 13

12. Aşağıda bir eğrinin I. bölgedeki kısmı verilmiştir.



Şekildeki taralı bölge, çevre uzunluğu 6 birim olan ve bir köşesi $y = \frac{1}{x}$ eğrisi üzerinde bulunan bir dikdörtgen olduğuna göre, bu dikdörtgenin x eksenı üzerindeki kenarı en çok kaç birimdir?

- A) $2 + \sqrt{2}$ B) $3 + \sqrt{2}$ C) $2 + 2\sqrt{2}$
D) $\frac{3 + \sqrt{5}}{2}$ E) $3 + 2\sqrt{5}$

1. A	2. E	3. B	4. E	5. D	6. B
7. C	8. D	9. B	10. A	11. D	12. D

İKİNCİ DERECE DENKLEMLER

Kök - Katsayı İlişkisi

Test - I



1.

$$4x^2 - 11x - 12 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Buna göre, $2(x_1 + x_2) - x_1 \cdot x_2$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 6,5 B) 7 C) 7,5 D) 8 E) 8,5



2.

$a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$x^2 - ax + a + 2 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_1 + x_2 + x_1 \cdot x_2 = -4$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -2 B) -3 C) -4 D) -5 E) -6



3.

$$x^2 - 2x + a - 3 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$2x_1 - x_2 = 4$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



4.

$$x^2 - (m - 3)x + 2 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_1 + \frac{3}{x_2} = 1$$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 9 B) $\frac{44}{5}$ C) $\frac{43}{5}$ D) $\frac{42}{5}$ E) 8



5.

$$x^2 - 3x - m = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_1^2 + x_2^2 = 13$$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 1 D) 2 E) 3



6.

$$x^2 + mx + n = 0$$
 denkleminin bir kökü 6,

$$x^2 + kx + l = 0$$
 denkleminin bir kökü -2 dir.

Bu iki denklemin diğer kökleri birbirine eşit olduğuna

göre, $(m - k) + \frac{n}{l}$ toplamı kaçtır?

- A) -12 B) -11 C) -10 D) -9 E) -8



7. $x^2 + (a+2)x - 2 = 0$
 $2x^2 - 2x + b - 1 = 0$

denklemlerinin çözüm kümeleri aynı olduğuna göre,
 $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



8. $x^2 - x - 4 = 0$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Kökleri $x_1 + 1$ ve $x_2 + 1$ olan ikinci dereceden denklem
aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - 3x + 1 = 0$ B) $x^2 - 3x = 0$
C) $x^2 - 3x - 1 = 0$ D) $x^2 - 3x - 2 = 0$
E) $x^2 - 3x - 3 = 0$



9. Rasyonel katsayılı ve bir kökü $5 - \sqrt{3}$ olan ikinci dereceden denklem aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - 10x + 28 = 0$ B) $x^2 - 10x + 22 = 0$
C) $x^2 + 10x - 28 = 0$ D) $x^2 + 10x - 22 = 0$
E) $x^2 - 22x + 10 = 0$



10. $x^2 - 2x + a = 0$

denkleminin kökleri,

$x^2 + bx - 2 = 0$

denkleminin köklerinin 2 katı olduğuna göre,
 $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -6 E) -4



11. Dikdörtgen veya kare olduğu bilinen bir kartonun kenar uzunlukları metre birimine göre,

$x^2 - 55x + 125 = 0$

denkleminin kökleridir.

Buna göre,

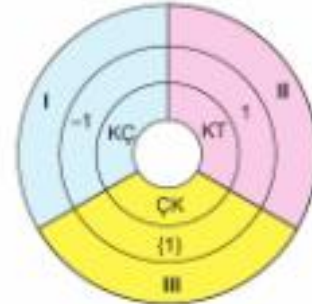
- I. Kartonun çevresi 110 metredir.
II. Kartonun alanı 125 metrekaredir.
III. Karton kare şeklindedir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III



12. a, b, c birer reel sayı olmak üzere,



Şekildeki I, II, III ile gösterilen üç bölgeye,

$x^2 - 2x + a = 0$

$x^2 + x + b = 0$

$x^2 - cx = 0$

denklemlerinden sadece biri yazılacaktır. Yazım işlemi tamamlanıldığında her dilimdeki koşul sağlanacaktır.

Örneğin; Mavi renkli dilimin koşulu kökler çarpımının -1 olmasıdır.

KÇ: kökler çarpımı,

KT: kökler toplamı,

ÇK: çözüm kümesi

olduğuna göre, $a + b + c$ toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

1. E	2. B	3. C	4. D	5. D	6. B
7. A	8. D	9. B	10. B	11. C	12. A

İKİNCİ DERECE DENKLEMLER

Kök - Katsayı İlişkisi

Test - 2

1. $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = x^2 - 1 \text{ ve } g(x) = \frac{x+2}{3}$$

fonksiyonları veriliyor.

Buna göre, $(f \circ g^{-1})(x) = 0$ denkleminin kökler toplamı kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{8}{3}$ C) 2 D) $\frac{5}{3}$ E) $\frac{4}{3}$

2. $nx^2 - (n^2 - 4)x + n + 3 = 0$

denkleminin simetrik gerçekte iki kökü olduğuna göre, n kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 2 E) 4

3. $x^2 - mx - 54 = 0$ denkleminin x_1 ve x_2 kökleri arasında,

$$\frac{x_1}{x_2} = 2$$

bağıntısı olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 11 B) 13 C) 15 D) 17 E) 19

4. $2x^2 - 4\sqrt{2}x + 1 = 0$

denkleminin kökleri bir dik üçgenin dik kenar uzunluklarıdır.

Buna göre, bu dik üçgenin hipotenüsü kaç birimdir?

- A) $\sqrt{5}$ B) $\sqrt{6}$ C) $\sqrt{7}$ D) $2\sqrt{2}$ E) $\sqrt{10}$

5. $x^2 + ax + b = 0$

denkleminin çözüm kümesi $\{-2, 5\}$ olduğuna göre,

$$(x-3)^2 + a \cdot (x-3) + b = 0$$

denkleminin kökler çarpımı kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 8 D) 6 E) 4

6. p ve q sıfırdan farklı birer gerçekte sayıdır.

$$x^2 + 5px - 8q = 0$$

denkleminin kökleri p ve q 'dir.

Buna göre, $p + q$ toplamı kaçtır?

- A) 45 B) 42 C) 40 D) 36 E) 32

7. $x^2 - 2x - 5 = 0$

denkleminin köklerinin ikisi eksiğini kök kabul eden ikinci derece denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - 2x + 5 = 0$ B) $x^2 + 2x + 3 = 0$
C) $x^2 + 2x - 5 = 0$ D) $x^2 - 5x + 2 = 0$
E) $x^2 + 5x - 2 = 0$

8. $x^2 + 2x - 3 = 0$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Kökleri $\frac{1}{x_1}$ ve $\frac{1}{x_2}$ olan ikinci derece denklem

aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3x^2 - 2x - 1 = 0$ B) $3x^2 - 2x + 1 = 0$
C) $3x^2 + 2x + 1 = 0$ D) $3x^2 + 2x - 1 = 0$
E) $x^2 + 3x - 1 = 0$

9. $2x^2 + \frac{2}{\sqrt{x}} - 5 = 0$

denklemini 2. dereceden bir denkleme dönüştürerek çözen bir öğrenci aşağıda verilen denklemlerden hangisini çözerse, her iki denklemin de çözüm kümesini aynı bulur?

- A) $4x^2 - 15x - 4 = 0$ B) $4x^2 - 17x + 4 = 0$
C) $2x^2 - 21x + 2 = 0$ D) $4x^2 - 25x - 4 = 0$
E) $2x^2 - 5x + 2 = 0$

10. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$x^2 + ax - 6 = 0$

denkleminin diskriminantı Δ dır.

$-a + \sqrt{\Delta} = 4$

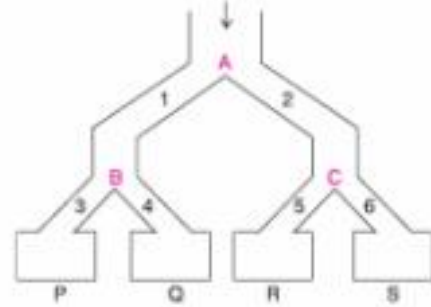
olduğuna göre, $-a - \sqrt{\Delta}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) -2 E) 4

11. $K = \{-1, 1\}$ ve $a, b \in K$ olmak üzere,

$x^2 + ax + b = 0$

denklemleri veriliyor.



$x^2 + ax + b = 0$ denklemleri, şekilde verilen güzergahta yolculuk yapacaktır. Bu yolculukta aşağıda belirtilen talimatlar uygulanacaktır.

A ayrımında:

Kökler reel ise 1 yönünde ilerle

Kökler reel değilse 2 yönünde ilerle

B ayrımında:

Kök toplamı pozitif ise 3 yönünde ilerle

Kök toplamı negatif ise 4 yönünde ilerle

C ayrımında:

Kök çarpımı pozitif ise 5 yönünde ilerle

Kök çarpımı negatif ise 6 yönünde ilerle

Yolculuklar P, Q, R, S kutularında sonlandığına göre, hangi kutuda daha çok denklem olur?

- A) P B) Q C) R
D) S E) Her kutuda eşit sayıda denklem olur.

1. E	2. B	3. C	4. C	5. C	6. C
7. C	8. A	9. B	10. B	11. C	

İKİNCİ DERECEDEKİ DENKLEMLER
Köklü ve Mutlak Değerli Denklemler

Test

1. $x - \sqrt{3x - 6} = 2$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) 7 B) 5 C) 3 D) 2 E) 1

2. $\sqrt{6x + 7} = 2x - 1$
denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?
A) {1} B) {2} C) {3} D) {1, 2} E) {1, 3}

3. $\sqrt{4 - x} + \sqrt{x + 9} = 5$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

4. $x^2 - 8x + 10 = 5|x - 4|$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6

5. $(x - 2)^2 + |x - 2| - 2 = 0$
denkleminin reel olan köklerinin toplamı kaçtır?
A) 8 B) 6 C) 4 D) 2 E) 1

6. $x^2 - |x + 2| = 0$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) 3 B) 2 C) 1 D) -1 E) -3

1. A 2. C 3. A 4. C 5. C 6. C



1.

$$x^4 - x^2 - 12 = 0$$

denkleminin kökler çarpımı kaçtır?

- A) -16 B) -9 C) -4 D) 4 E) 16



2.

$$\left(\frac{x-2}{x+3}\right) - 3\left(\frac{x+3}{x-2}\right) = 2$$

denkleminin kökler çarpımı kaçtır?

- A) $\frac{7}{2}$ B) $\frac{13}{4}$ C) 3 D) $\frac{11}{4}$ E) $\frac{5}{2}$



3.

$$4^x - 3(2^{x+3}) + 128 = 0$$

denkleminin kökler toplamı kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8



4.

$$\frac{2^x + 10}{4} = \frac{9}{2^{x-2}}$$

denkleminin reel kökler toplamı kaçtır?

- A) -15 B) -8 C) -5 D) 3 E) 8



5.

$$\frac{7}{\sqrt[4]{x}} - \frac{10}{\sqrt{x}} = 1$$

denklemini sağlayan x değerlerinin çarpımı aşağıdaki-
lerden hangisidir?

- A) 10^4 B) 10^8 C) 20^4 D) 20^8 E) 40^4



6.

$$(x^2 - x)^2 - 8x^2 + 8x + 12 = 0$$

denkleminin köklerinin mutlak değerleri toplamı kaç-
tır?

- A) 8 B) 6 C) 4 D) 3 E) 1



- 1.
- $a \in \mathbb{R}$
- olmak üzere,

$$x^2 + a \cdot x + a - 3 = 0$$

denkleminin kökler çarpımı, kökler toplamının 2 katıdır.

Buna göre, bu denklemin büyük kökü kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 3



- 4.
- a
- bir tam sayıdır.

$$(x - 2) \cdot (x + 4) = a$$

denkleminin iki farklı reel kökü vardır.

Buna göre, a 'nın en küçük değeri kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -7 E) 0



- 2.
- $a \in \mathbb{R}$
- olmak üzere,

$$ax^2 + x - 2 = 0$$

denkleminin çakışık iki kökü olduğuna göre, a kaçtır?

- A)
- $-\frac{1}{8}$
- B)
- $-\frac{1}{4}$
- C)
- $-\frac{1}{2}$
- D) -1 E) 2



- 5.

$$(a - 2)x^2 - 3x + 4 = 0$$

$$ax^2 + x - b = 0$$

denklemlerinin çözüm kümeleri aynı olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A)
- $\frac{1}{2}$
- B)
- $\frac{2}{3}$
- C)
- $\frac{3}{4}$
- D)
- $\frac{4}{5}$
- E)
- $\frac{5}{6}$



3. Çevre uzunlukları birbirine eşit olan bir eşkenar üçgen ve bir karenin birer kenarları
- x_1
- ve
- x_2
- dir.

$$x^2 - 14x + a - 1 = 0$$

denkleminin kökleri de x_1 ve x_2 dir.Buna göre, a kaçtır?

- A) 16 B) 25 C) 49 D) 64 E) 81



- 6.

$$x^2 - 3x + 1 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.Buna göre, $\frac{6}{x_1 + \frac{2}{x_1 + \frac{1}{x_2}}}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

7. a sıfırdan farklı bir gerçel sayıdır.

$$P(x) = x^2 + ax + a$$

polinomunun bir kökü $P(0)$ olduğuna göre, a kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) -1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

8. $x^2 - 2x - 6 = 0$

denkleminin kökleri m ve n dir.

Buna göre,

$$\frac{12}{m^2 - 2m} + \frac{2n^2 - 4n}{3}$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 6 E) 5

9. $f(x) = x^2 + ax + 2$

$$g(x) = x^2 + 2x + a$$

polinomları için, $f(x_0) = 0$ ve $g(x_0) = 0$ olacak şekilde

bir x_0 sayısı varsa, $f(x) + g(x) = 0$ denkleminin kökleri

toplamı kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{1}{2}$ C) 0 D) $-\frac{1}{2}$ E) -1

10. b ve c birer reel sayı olmak üzere,

$$x^2 - bx + c = 0$$

denkleminin ardışık iki tam sayı kökü vardır.

Buna göre, $b^2 - 4c$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 8

11. $A \cdot (A + B) = 53$

$$B \cdot (A + B) = 28$$

denklemleri sağlayan (A, B) ikilileri için

$A - B$ farkı en çok kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{25}{9}$ C) $\frac{8}{3}$ D) 2 E) 1

12. $m \neq 0$ olmak üzere,

$$\frac{x}{m+x} + \frac{m}{x} + 2 = 0$$

denklemleri için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Köklerinden en az biri rasyoneldir.
B) Her iki kökü de irrasyoneldir.
C) Her iki kökü de pozittir.
D) Kökleri çarpımı negattir.
E) Gerçel kökü yoktur.

1. C	2. A	3. C	4. C	5. B	6. B
7. B	8. D	9. B	10. A	11. B	12. E



1.

$$x^2 - 2x + m + 1 = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_1^2 + x_1 \cdot x_2 = 6$$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) 0



2.

$$(x - 3) \cdot (x + 5) = (x - 3)$$

denkleminin kökler toplamı kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1



3.

$b < 0 < a$ olmak üzere,

$$2x^2 - ax + 2b^2 = 0$$

denkleminin çözüm kümesi bir elemanlı ise a ile b arasındaki bağıntı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $a - 4b = 0$ B) $a + 4b = 0$ C) $a - 2b = 0$
D) $a + 2b = 0$ E) $4a - b = 0$



4.

$$x^2 - 103x + k = 0$$

ikinci derece denkleminin kökleri asal sayılar olduğuna göre, k kaçtır?

- A) 203 B) 202 C) 201 D) 102 E) 101



5.

$$x^2 - 3x + a - 2 = 0$$

$$2x^2 - x + 2a - 9 = 0$$

denklemlerinin birer kökü ortak olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



6.

$a \geq 2$ olmak üzere,

$$(a - 1)! \cdot x^2 + (a - 2)! \cdot x - a! = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Buna göre,

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$$

toplamının eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{a^2 - a}$ B) $\frac{1}{a}$ C) $a^2 - a$
D) a E) $\frac{1}{a^2 - 2a}$

7. $x^2 - 3x - 5 = 0$ denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Buna göre, kökleri $\frac{-1}{x_1}$ ve $\frac{-1}{x_2}$ olan, ikinci dereceden denklem aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $5x^2 - 3x - 1 = 0$ B) $5x^2 - x + 3 = 0$
C) $3x^2 - 5x + 1 = 0$ D) $3x^2 - 5x - 1 = 0$
E) $x^2 - 5x + 3 = 0$

8. Aşağıdaki tablonun her karesinde, o karenin satır ve sütun numarasının kareleri toplamına eşit olan bir sayı vardır.

	1.	2.	3.				
1.			
2.		13	
...	
...	a	265	...
...
...

Örneğin: Sarı renkli kare 2. satır ve 3. sütunda olduğundan bu karede $2^2 + 3^2 = 13$ vardır.

Tablodaki mavi renkli kare, satır ve sütun numarası aynı olan bir karedir ve bu karenin sağındaki ilk karede 265 sayısı vardır.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 200 B) 220 C) 222 D) 242 E) 248

9. $\sqrt{x + \sqrt{x - 6}} = 2\sqrt{3}$ denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) \emptyset B) $\{10\}$ C) $\{10, 15\}$
D) $\{9, 10\}$ E) $\{15\}$

10. $x^2 - (p - 4)x + 2p = 0$

denkleminin kökleri, alanı 24 birimkare olan dikdörtgenin kenarlarıdır.

Buna göre, dikdörtgenin çevresi kaç birimdir?

- A) 24 B) 18 C) 16 D) 12 E) 8

11. Diskriminantı köklerinden en az birine eşit olan ikinci dereceden denklemlere; "EXTRA DENKLEM" denir.

Buna göre,

$$x^2 - x + m = 0$$

denklemin "EXTRA DENKLEM" olduğuna göre, m'nin alacağı değerler toplamı kaçtır?

- A) $-\frac{3}{16}$ B) -1 C) 0 D) $\frac{3}{16}$ E) 1

12. $|x - y| = 2$

$$x^2 + y^2 = 34$$

denklemin çözüm kümesi kaç tane ikiliden oluşur?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

1. A	2. E	3. B	4. B	5. C	6. A
7. A	8. D	9. B	10. C	11. D	12. E

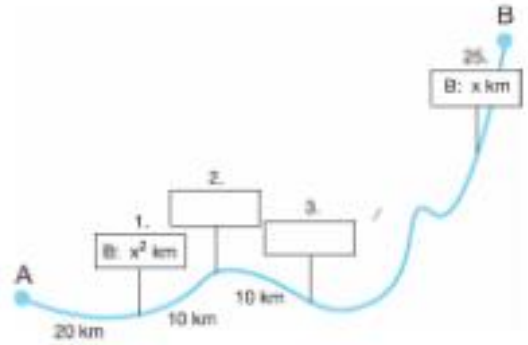
1. $8x^3 - 27 = 0$
denkleminin reel olmayan köklerinin toplamı kaçtır?
A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) $-\frac{2}{3}$ E) 0

2. $x^2 + 3x - m + 1 = 0$
denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.
 $x_1^2 + 5x_1 + 2x_2 = 12$
olduğuna göre, m kaçtır?
A) 10 B) 13 C) 15 D) 17 E) 19

3. $a \neq 0$ ve $b \neq c$ olmak üzere,
 $ax^2 + 2bx + c = 0$
 $ax^2 + 2cx + b = 0$
denklemlerinin ortak olan kökleri a olduğuna göre,
 $\frac{a+b+c}{a}$ oranı kaçtır?
A) -2 B) -1 C) $-\frac{1}{4}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

4. p ve q birer reel sayıdır.
 $x^2 + 6x - p - q = 0$
denkleminin kökleri p ve q olduğuna göre, denklemin diskriminantı kaçtır?
A) 60 B) 48 C) 36 D) 24 E) 12

5.



A ile B arasındaki yolda B'ye kalan mesafeyi gösteren 25 tane tabela vardır. İlk tabela A'dan 20 km sonra, diğer her tabela hemen önceki tabeladan 10 km sonradır.

Buna göre, AB yolu kaç km'dir?

- A) 260 B) 268 C) 276 D) 288 E) 300

6.

$$y = x^2 + 4x$$

$$|x| = |y|$$

denklemin çözüm kümesi kaç elemanlıdır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



7.

$$\frac{x^2 + bx + 1}{x - 2} = 0$$

denkleminin reel sayılardaki çözüm kümesi bir elemanlı olduğuna göre, b 'nin alabileceği değerler çarpımı kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 12



8.

$A = \{-2, -1, 3\}$ ve $b, c \in A$ olmak üzere,

$$x^2 + bx + c = 0$$

denkleminin köklerinden kaç tanesi reel sayıdır?

- A) 16 B) 14 C) 12 D) 8 E) 6



9.

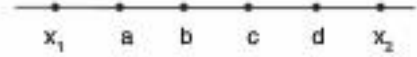
$$2\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) - 9\left(x + \frac{1}{x}\right) + 14 = 0$$

denkleminin kaç tane reel kökü vardır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



10. $x^2 - 3x + k = 0$ denkleminin tam sayı kökleri x_1 ve x_2 dir.



Yukarıda verilen sayı doğrusunda görüldüğü gibi kökler arasında sadece 4 tane tam sayı vardır.

Buna göre, $a + c$ toplamı kaç olmalıdır?

- A) -3 B) -2 C) 0 D) 2 E) 3



11. Bir öğrenci katsayıları birbirinden farklı $ax^2 + bx + c = 0$ şeklindeki bir denklemleri çözerken diskriminantı yanlışlıkla $a^2 - 4bc$ almasına rağmen denklemin köklerini doğru bulmuştur.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $a + b - c = 0$ B) $4a + b - c = 0$
C) $a + b + 4c = 0$ D) $a + b = 2c$
E) $b = c$



12. $m, n, p \in \mathbb{R}$, m ve n sıfırdan farklı sayılardır.

$$|m - n| = |m| + |n|$$

olduğuna göre, $mx^2 + px + n = 0$ denklemi ile ilgili olarak aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- A) Denklemin iki reel kökü vardır.
B) $m + n = 0$
C) $p^2 = 4mn$
D) Denklemin iki pozitif kökü vardır.
E) Denklemin kökler toplamı negatiftir.

1. B	2. E	3. D	4. E	5. C	6. C
7. D	8. C	9. D	10. D	11. C	12. A

1. $ax^2 + bx + c = 0$ denkleminin kökleri toplamı -4 'tür.

Buna göre,

$$a + \left(\frac{3-x}{5}\right)^2 + b\left(\frac{3-x}{5}\right) + c = 0$$

denkleminin kökleri toplamı kaçtır?

- A) 21 B) 23 C) 24 D) 25 E) 28

2. $x^2 = x + 1$ denkleminin köklerinden biri $\phi = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$ dir.

Buna göre, $\phi^3 - 2\phi$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

3. $P(x) = x^2 + bx + c$, polinomunun tam sayı sıfırlarından biri değerinin 4 katıdır.

Buna göre, b ile c arasındaki bağıntı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $25c = 16b$ B) $16c = 25b^2$ C) $4b^2 = 16c$
D) $25c = 4b^2$ E) $25c^2 = 16b$

4. I. $x^2 - ax + b - 3 = 0$ denkleminin bir kökü a 'dır.
II. $x^2 + bx + a = 0$ denkleminin bir kökü b 'dir.

Buna göre, II. denklemin diğer kökü kaçtır?

- A) -9 B) -6 C) -3 D) 3 E) 6

5. Bir sayı doğrusundaki noktalar küçükten büyüğe doğru sırasıyla A, B, C ve D dir.

$$|AB| = a, |AC| = m, |AD| = b \text{ ve } |BC| = |CD| \text{ dir.}$$

Buna göre,

$$x^2 + \frac{b+a}{m}x + \frac{m-a}{b-m} = 0$$

denkleminin köklerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -2 B) -1 C) 1 D) 2 E) 3

6. $(2x + 5)^5 = (2x + 5)^3$ denklemini sağlayan farklı x değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) $-7,5$ B) -7 C) $-5,5$ D) -5 E) -3



7.



Yanda bir Sebül görseli verilmiştir. Sebülün kırmızı düğmesine basıldığında sıcak, mavî düğmesine basıldığında soğuk su akmaktadır.

Bir kap her iki düğmeye basıldığında 4 saniyede dolmaktadır. Kapı sadece soğuk suyla doldurmak için geçen süre sadece sıcak su ile doldurmak için geçen süreden 6 saniye daha azdır.

Buna göre, kap sadece sıcak su ile kaç saniyede doldurulabilir?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16



8.

Öğretmen; aşağıda yazılan ikinci dereceden,

$$x^2 - mx + m = 0$$

denklemin köklerini öğrencilerine tam sayı olarak bulmayı hedeflemektedir.

Buna göre, öğretmenin m yerine yazabileceği sayıların toplamı kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4



9.

İkinci dereceden bir bilinmeyenli denklemler aşağıdaki gibi gruplandırılmıştır.

1. grup: Diskriminantı pozitif olanlar
2. grup: Diskriminantı negatif olanlar
3. grup: Diskriminantı sıfır olanlar

Buna göre, ikinci dereceden denklemlerle ilgili aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

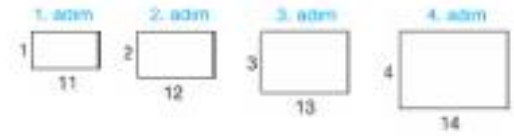
- A) Başkatsayı ve sabit terimi farklı işaretli olanlar 1. gruptadır.
- B) İki reel kökü olanların bir kısmı 1. grup, bir kısmı 3. gruptadır.
- C) Kökleri eşit olanların tümü 3. gruptadır.
- D) 2. gruptakilerden hiçbirinin reel kökü yoktur.
- E) Kökleri toplamı 6 ve kökleri çarpımı 10 olan denklemler 1. gruptadır.

ACIL MATEMATİK



10.

Aşağıda bir şekil örüntüsü verilmiştir. Örüntünün ilk adımında dikdörtgenin kısa kenarı 1 cm ve uzun kenarı 11 cm'dir. Her yeni adımda kısa ve uzun kenarlar birer cm artmaktadır.



Bu örüntünün herhangi bir adımındaki dikdörtgenin alanı $S \text{ cm}^2$ ve çevresi Ç cm 'dir.

$S - \text{Ç} = 140$ olduğuna göre, $S + \text{Ç}$ toplamı kaçtır?

- A) 200 B) 220 C) 240 D) 260 E) 280

11. Bir odanın dikdörtgen biçimindeki tabanının kenar uzunlukları metre birimine göre,

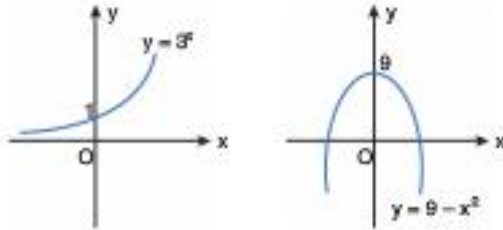
$$x^2 - (a + 2)x + a = 0$$

denkleminin kökleridir.

Oda tabanının çevresi 40 m olduğuna göre, odanın alanı kaç m^2 dir?

- A) 18 B) $18\sqrt{5}$ C) 20 D) $20\sqrt{2}$ E) 38

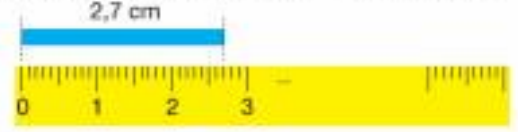
12. Aşağıda, $y = 3^x$ ve $y = 9 - x^2$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.



Buna göre, $x^2 + 3^x - 9 = 0$ denkleminin çözüm kümesi kaç elemanlıdır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

13. Aşağıda verilen cetvelle bir çubuğun uzunluğu ölçüldüğünde çubuk 2,7 cm gelmiştir. Esra, bu 2,7 değerinde 2'nin ve 7'nin karelerini toplayınca, $2^2 + 7^2 = 53$ elde etmiştir.



Esra, yukarıdaki işlemin aynısını ikinci bir çubuğa uygulamıştır. Önce ikinci çubuğun uzunluğunu ölçmüş, sonra bulunduğu değerde virgünün solundaki ve sağındaki tam sayıların karelerini toplayıp 289 elde etmiştir. Esra son olarak ikinci çubuktan 1 cm daha kısa olan üçüncü bir çubuğa da aynı işlemi yapmış ve 260 bulmuştur.

Buna göre, ikinci çubuğun uzunluğu hangi ardışık iki tam sayı arasındadır?

- A) 12 ile 13 B) 13 ile 14 C) 14 ile 15
D) 15 ile 16 E) 16 ile 17

14. abc üç basamaklı bir sayı olmak üzere,

$$ax^2 + bx + c - abc = 0$$

denkleminin bir kökü aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $\frac{-b+10a}{a}$ B) $\frac{c-10a}{a}$ C) $\frac{c}{10a}$
D) $\frac{-b-10a}{a}$ E) $\frac{10c}{a}$

1. E	2. A	3. D	4. B	5. B	6. A	7. D
8. E	9. E	10. D	11. A	12. C	13. D	14. D

1. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$\frac{\sqrt{-18} + \sqrt{-9}}{\sqrt{-50}}$$

işleminin sonucu nedir?

- A) $2i$ B) $\frac{9i}{5}$ C) i D) $\frac{4i}{5}$ E) $\frac{2i}{5}$

2. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$(i^3)^5 - (i^5)^7$$

farkının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-2i$ B) $-i$ C) 0 D) i E) $2i$

3. $z \in \mathbb{C}$ olmak üzere,

I. $\operatorname{Re}(z) + \operatorname{Re}(\bar{z}) = 0$

II. $z + \bar{z} = 2\operatorname{Im}(z)$

III. $\operatorname{Im}(z) - \operatorname{Im}(\bar{z}) = 2\operatorname{Im}(z)$

İfadelerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) Yalnız III E) II ve III

4. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$P(x) = x^{15} - x^{12} - x^3 + x - 1$$

polinomunun $x^3 - i^{10}$ ile bölümünden elde edilen kalan nedir?

- A) $x + 2$ B) $x + 1$ C) x D) $x - 1$ E) $x - 2$

5. $i^2 = -1$ olmak üzere, i^n sayısının gerçekte sayı olmasını mümkün kılan kaç değişik iki basamaklı n doğal sayısı vardır?

- A) 90 B) 89 C) 45 D) 44 E) 40

6. $a, b \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$i^2 = -1 \text{ olmak üzere,}$$

$$3 + i^7 + i^8 + i^9 + \dots + i^{447} = 2a + b + bi$$

olduğuna göre, a^b kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4

7. $i^2 = -1$ olmak üzere,
 $(i - 1)^8 + (i + 1)^8$
toplamının sonucu kaçtır?
A) $4 \cdot (i + 1)$ B) $4 \cdot (i + 2)$ C) $8 \cdot (i + 1)$
D) $8 \cdot (i + 2)$ E) -8
8. $z = 4 - 2i$
karmaşık sayısı veriliyor.
Buna göre, $\frac{z - \bar{z}}{z + \bar{z}}$ ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?
A) $-2i$ B) $\frac{-1}{2}i$ C) 0 D) $\frac{1}{2}i$ E) $2i$
9. m ve n reel sayı olmak üzere, $x^2 + mx + n = 0$ denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.
 i sanal sayı birimi olmak üzere,
 $x_1 = 3 + i$ olduğuna göre,
I. Denkleminin diskriminantı negatiftir.
II. $x_1 \cdot x_2 = 10$ dur.
III. $\frac{m}{n} = \frac{-3}{5}$ tir.
İfadelerinden hangileri doğrudur?
A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) II ve III E) I, II ve III
10. i sanal sayı birimi olmak üzere, köklerinden biri $a + 2bi$ olan reel katsayılı ikinci dereceden denklemin diğer kökü $5 - 6i$ 'dir.
Buna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?
A) 11 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7
11. z bir karmaşık sayıdır.
 $z = a + bi$ ve $z \cdot \bar{z} = a^2 + b^2$
olmak üzere, köklerinden biri $\sqrt{2} + i$ olan gerçekte katsayılı ikinci dereceden denklem aşağıdakilerden hangisidir?
A) $x^2 + 2\sqrt{2}x + 3 = 0$ B) $x^2 + 2\sqrt{2}x - 3 = 0$
C) $x^2 - 2\sqrt{2}x + 3 = 0$ D) $x^2 - 2\sqrt{2}x - 3 = 0$
E) $x^2 - \sqrt{2}x + 3 = 0$
12. z bir karmaşık sayıdır.
 $\bar{z}(1 - i) + z = 5 - 2i$
eşitliğini sağlayan z karmaşık sayısı aşağıdakilerden hangisidir?
A) $1 + i$ B) $2 - i$ C) $3 - i$
D) $-1 + i$ E) $1 + 2i$

1. B	2. C	3. D	4. E	5. C	6. B
7. D	8. B	9. E	10. D	11. C	12. B



1. Gerçek katsayılı,
 $x^2 + bx + c = 0$

denkleminin bir kökü $(1 + i)^2$ olduğuna göre, c kaçtır?

- A) 0 B) 4 C) 6 D) 8 E) 10



2. $x^4 + 5x^2 - 6 = 0$

denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\{ \mp 1, \mp i\sqrt{6} \}$ B) $\{ \mp i, \mp i\sqrt{6} \}$
C) $\{ \mp i, \mp \sqrt{6} \}$ D) $\{ -1, \mp i\sqrt{6} \}$
E) $\{ \mp i\sqrt{6}, 1 \}$



3. $i^2 = -1$ olmak üzere,
 $f_n(x) = x + i^n$

şeklinde tanımlanan f_n fonksiyonu için,

$$(f_1 \circ f_2 \circ f_3)(3)$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $4 + i$ B) $3 + 2i$ C) $3 + i$ D) $3 - i$ E) $4 - i$



4. $f: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$, $f(z) = \bar{z}$ fonksiyonu tanımlanıyor.

Buna göre,

$$\underbrace{(f \circ f \circ \dots \circ f \circ f)}_{99 \text{ tane } f}(2 + 3i)$$

ifadesinin sonucu aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $2 + 3i$ B) $2 - 3i$ C) $(2 + 3i)^{99}$
D) $(2 - 3i)^{99}$ E) $-2 - 3i$



5. $i^2 = -1$ ve $m < 0 < n$ dir.

Buna göre,

- I. \sqrt{m} karmaşık sayıdır.
II. \sqrt{n} reel sayıdır.
III. $i \cdot \sqrt{m}$ reel sayıdır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I, II ve III



6. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$(1 - i) \cdot (1 - i^2) \cdot (1 - i^3) \cdot \dots \cdot (1 - i^7)$$

çarpımının sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



7.

$$a_1x^2 + b_1x + c_1 = 0$$

denkleminin çözüm kümesi $\{2\}$,

$$a_2x^2 + b_2x + c_2 = 0$$

denkleminin çözüm kümesi $\{1 - \sqrt{3}i, 1 + \sqrt{3}i\}$,

$$a_3x^2 + b_3x + c_3 = 0$$

denkleminin çözüm kümesi $\{-3, 2\}$ dir.

Yukarıda verilen denklemlerin diskriminantları sırasıyla, $\Delta_1, \Delta_2, \Delta_3$ olduğuna göre, aşağıdaki sıralamalardan hangisi doğrudur?

A) $\Delta_1 > \Delta_2 > \Delta_3$

B) $\Delta_3 > \Delta_1 > \Delta_2$

C) $\Delta_3 > \Delta_1 = \Delta_2$

D) $\Delta_2 > \Delta_1 > \Delta_3$

E) $\Delta_1 > \Delta_3 > \Delta_2$



9.

$$i^2 = -1 \text{ olmak üzere,}$$

$$i^1 + i^2 + i^3 + \dots + i^{100}$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

A) $97 + i$

B) $95 - i$

C) $2i + 98$

D) $i + 95$

E) $i + 96$



10. $f: \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{C}$

$$f(x) = i^x + i^{-x}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, f fonksiyonunun görüntü kümesi kaç elemanlıdır?

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

E) 5



8.

z bir karmaşık sayı olmak üzere,

$$z \cdot \bar{z} = 16$$

olduğuna göre, $\text{Re}^2(z) + \text{Im}^2(z)$ kaçtır?

A) 4

B) 16

C) 32

D) 64

E) 256



11. $f: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$,

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x$$

olarak tanımlanıyor.

Buna göre, $(f \circ f)(1 + i)$ aşağıdakilerden hangisidir?

A) $1 - i$

B) $1 + i$

C) $-1 - i$

D) $-1 + i$

E) i



12. $z \in \mathbb{C}$ olmak üzere,

$$z^2 + 5z + 10 = 0$$

denkleminin kökleri z_1 ve z_2 dir.

Buna göre, $z_1^2 + z_2^2 + z_1 \cdot z_2^2$ toplamı kaçtır?

- A) -50 B) -25 C) 0 D) 25 E) 50



13. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$P(x) = x^2 - 2xi - 1$$

olduğuna göre, $P(21 \cdot i)$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -400i B) -400 C) 400 D) 400i E) 0



14. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$1 + \frac{i}{1 - \frac{1}{i}}$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 + i$ B) $\frac{1}{2} + \frac{3i}{2}$ C) $\frac{1}{2} - \frac{3i}{2}$
D) $\frac{-3}{2} - \frac{i}{2}$ E) $\frac{3}{2} + \frac{i}{2}$



15. $a < b < 0$ olmak üzere,

$$z = \sqrt{-a^2 + 2ab - b^2} - \sqrt{a^2} - b$$

karmaşık sayısının gerçel kısmı ile sanal kısmının toplamı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -2b B) 0 C) -2a D) 2a E) 2b



16. $i^2 = -1$, p ve q iki reel sayıdır.

$$\frac{x^2 + 9}{x - 3i} = px + iq$$

olduğuna göre, $3p - q$ farkı kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 3

PARABOL



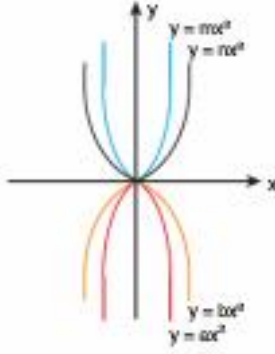
- Parabolün Tepe Noktası
Eksenleri Kestiği Noktalar
Simetri Merkezi
- Parabol ile x Ekseninin
Durumları
- Parabol ve Analitik
Düzlem
- Parabol Denkleminin
Bulunması
- Fonksiyonlarla Modellenen
Problemler
- Bir Parabol ile Bir Doğrunun
Birbirine Göre Durumları
- Parabol

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Şimdi sıra geldi fonksiyon ve ikinci dereceden denklem bilgilerini birlikte kullanacağın parabol konusuna. Bu konuda bazen denklem çözmen gerekecek, bazen grafik çizmen gerekecek, bazen de varolan grafiği yorumlaman gerekecek. İlerde göreceğin türev, integral gibi çok önemli konularda parabol bilgine fazlasıyla ihtiyaç duyacaksın. Amacın günü kurtarmak olmamalı. Aksi halde atladığın veya kaçırdığın yerler mutlaka karşına çıkacaktır. Parabol sık sık karşılaşacağın bir konudur. Gereken zamanı ve önemi vermelisin. Başarılar dileriz.

1. Aşağıda orijinden geçen 4 tane parabol çizilmiştir.



Buna göre,

- I. $|m - n| = m - n$
- II. $|a - b| = b - a$
- III. $|n - b| = n - b$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

2. $y = f(x) = x^2 - 2x - 3$ fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

- I. Fonksiyonun alabileceği en küçük değer -4 'tür.
- II. Simetri ekseninin denklemleri $x = 1$ doğrusudur.
- III. $a \neq 100$ olmak üzere, $f(100) = f(a)$ ise $a = -98$ 'dir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

3. $f(x) = x^2 - 2x + m$

parabolünün tepe noktasının ordinatı -6 olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -8 B) -7 C) -6 D) -5 E) -4

4. $f(x) = x^2 - ax + b - 5$

parabolünün tepe noktası $T(3, -5)$ olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 17 B) 16 C) 15 D) 14 E) 13

5. $f(x) = ax^2 - 2x + b$ parabolünün tepe noktası, $y = 3 - x$ doğrusu üzerindedir.

Buna göre, b kaçtır?

- A) -3 B) -1 C) 1 D) 3 E) 5

6. Tepe noktası orijinde olan parabolün denklemi

$$f(x) = (m - n)x^2 + (m + 3)x + n - 2$$

olduğuna göre, $f(3)$ kaçtır?

- A) -48 B) -47 C) -46 D) -45 E) -44

7. $y = f(x) = -2x^2 - (3k - 4)x + k$

parabolünün tepe noktası y ekseninde yer almaktadır.

Buna göre, $f\left(\frac{1}{3}\right)$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{11}{9}$ C) $\frac{10}{9}$ D) 1

8. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{12}{x^2 + 4x + 10}$$

fonksiyonunun en büyük değeri kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{6}{5}$ C) $\frac{4}{3}$ D) $\frac{3}{2}$

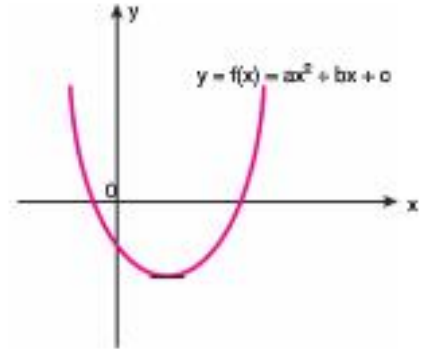
9. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = -2x^2 + 4x + 5$$

biçiminde tanımlanan f fonksiyonunun görüntü kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 11]$ B) $(-\infty, 10]$ C) $(-\infty, 9]$
D) $(-\infty, 8]$ E) $(-\infty, 7]$

10. $y = f(x) = ax^2 + bx + c$



Yukarıda verilen $y = f(x)$ parabolü için,

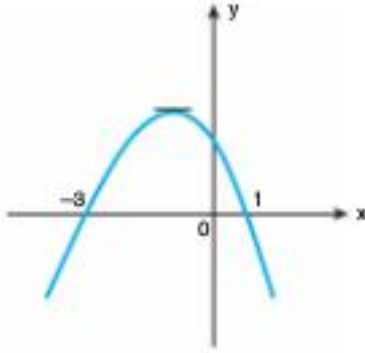
- I. $a \cdot c < 0$
II. $c \cdot \Delta < 0$
III. $a \cdot b < 0$

ifadelerinden hangileri doğrudur?
(Δ : Diskriminant)

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I, II ve III



11.



$$y = f(x) = -x^2 - (a - 1)x + a$$

parabolünün grafiği yukarıda verilmiştir.

Buna göre, $f(x)$ 'in alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



12. $x \in [-3, 0]$ olmak üzere,

$$-x^2 - 2x + 8$$

ifadesinin alacağı en büyük tam sayı değeri ile en küçük tam sayı değerinin toplamı kaçtır?

- A) 18 B) 15 C) 14 D) 13 E) 12



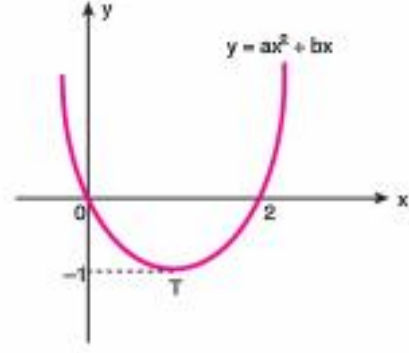
13. $f(x) = x^2 + (m - 2)x + 3$

fonksiyonuna ait parabolün simetri eksenini $x = 3$ doğrusu olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) 0



14.



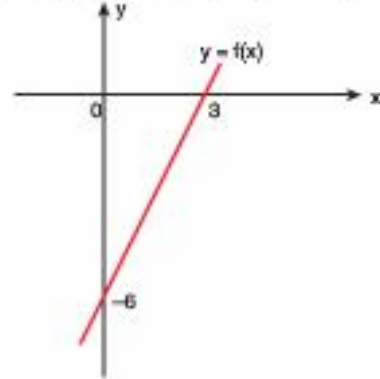
Yukarıda grafiği verilen parabolün tepe noktasının ordinatı -1 dir.

Buna göre, b kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) -1 D) 1 E) 2



15. Aşağıda $y = f(x)$ doğrusunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, $g(x) = (x - 1) \cdot f(x)$ fonksiyonunun alabileceği en küçük değer kaçtır?

- A) -8 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



1.

$$f(x) = mx^2 + (m^2 + m - 6)x - 4$$

parabolünün x eksenini orijine göre simetrik iki noktada kesmesi için m kaç olmalıdır?

- A) -3 B) -2 C) 0 D) 2 E) 3



4.

$$y = x^2 + (a - 5)x + a - 2$$

parabolü x eksenini kesmediğine göre, a'nın alabileceği kaç farklı tam sayı değeri vardır?

- A) 8 B) 7 C) 6 D) 5 E) 4



2.

$$y = f(x) = ax^2 + 2x + 3$$

parabolünün tepe noktası x ekseninde olduğuna göre, parabolün tepe noktasının apsisi kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) 0 D) 2 E) 3



5.

$$f(x) = (a - 1)x^2 + (a + 6)x - 9$$

parabolünün daima x ekseninin altında kalması için a'nın bulunduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisi olmalıdır?

- A) (-50, 0) B) (-49, 0) C) (-48, 0)
D) (-45, 0) E) (-40, 0)



3.

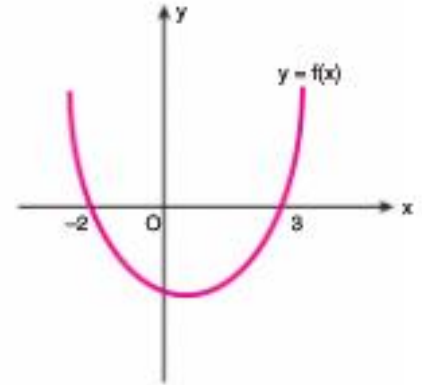
$$f(x) = x^2 - mx + 4$$

parabolü x eksenine negatif tarafta teğet olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) -3 E) -2



6.



Şekilde,

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

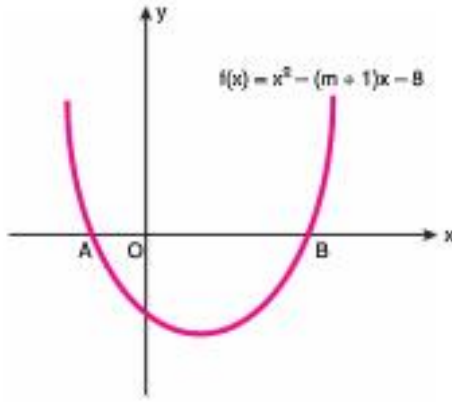
parabolünün grafiği verilmiştir.

Buna göre, $\frac{2b - c}{a}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{9}{2}$ B) 4 C) $\frac{7}{2}$ D) 3 E) $\frac{5}{2}$



7.



Yukarıda grafiği verilen parabolde,

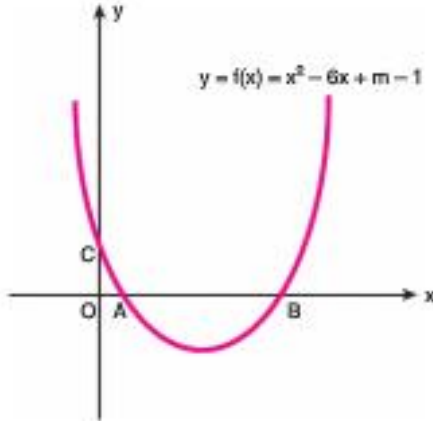
$$2|AO| = |OB|$$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



8.



Yukarıda grafiği verilen parabolde,

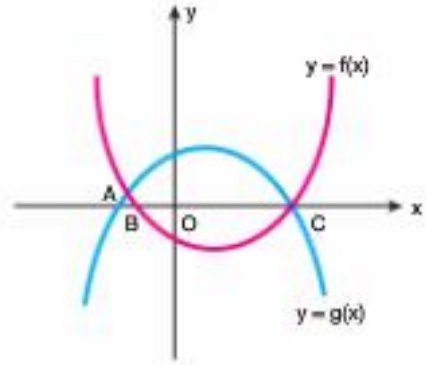
$$|AB| = 2 \text{ birimdir.}$$

Buna göre, m kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6



9.



Yukarıda,

$$f(x) = x^2 + ax + b$$

$$g(x) = -x^2 - (a+2)x + b+4$$

fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, $|AB|$ kaç birimdir?

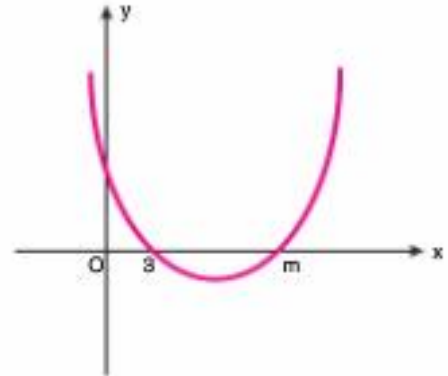
- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1



10. Aşağıda,

$$f(x) = ax^2 - bx + c$$

fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

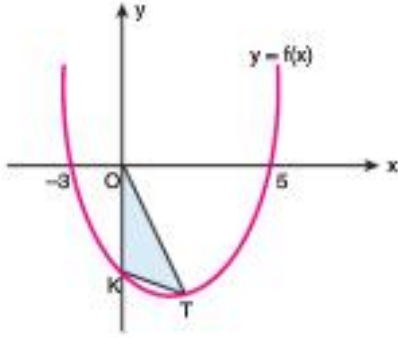
$$f\left(\frac{c}{3a}\right) + f\left(\frac{b}{a} - 3\right)$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) -3 B) -1 C) 0 D) 1 E) 3

1. D	2. A	3. C	4. B	5. C
6. B	7. A	8. B	9. D	10. C

1.

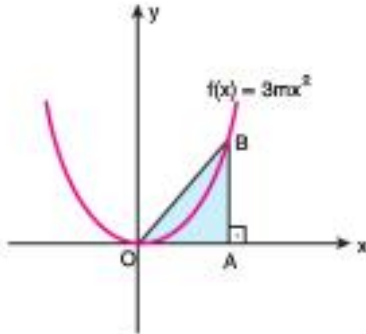


Yukarıda grafiği verilen parabolün tepe noktası T ve $A(\widehat{KOT}) = 12 \text{ br}^2$ dir.

Buna göre, parabolün y eksenini kestiği noktanın ordinatı kaçtır?

- A) -32 B) -28 C) -24 D) -20 E) -18

2.



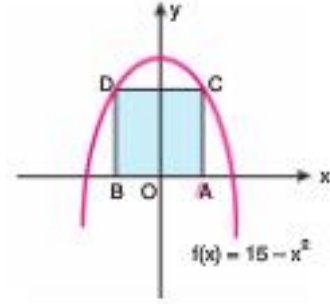
Yukarıda grafiği verilen parabolde,

$3|OA| = |AB|$ ve Taralı Alan 18 birimkare

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{6}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ E) $\frac{\sqrt{3}}{6}$

3.

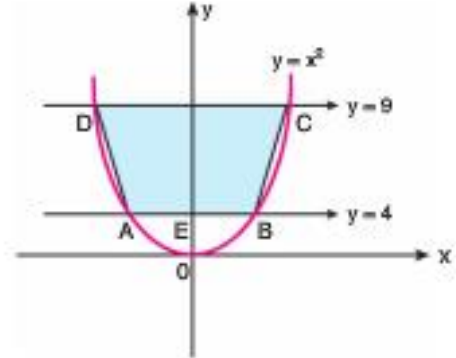


Tepe noktası y ekseninde bulunan parabol verilmiştir.

Buna göre, ACDB karesinin alanı kaç birimkaredir?

- A) 45 B) 36 C) 32 D) 27 E) 25

4.

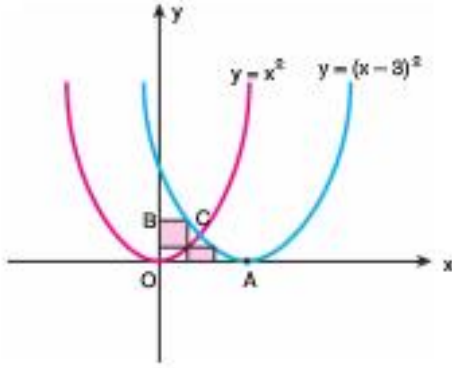


Yukarıda grafiği verilen $y = x^2$ parabolünde ABCD bir yamuktur.

Buna göre, $y = 4$ ve $y = 9$ doğruları tarafından sınırlanan yamuğun alanı kaç birimkaredir?

- A) 36 B) 32 C) 27 D) 25 E) 24

5.



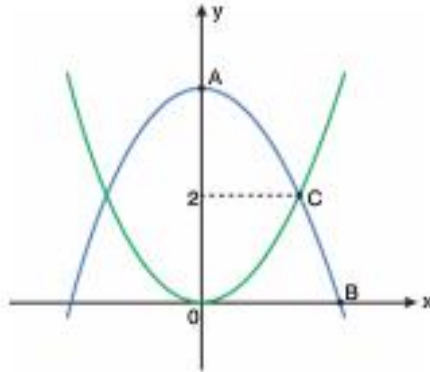
Şekilde $y = x^2$ ve $y = (x-3)^2$ parabolleri verilmiştir.

B noktasının ordinatı 4 olduğuna göre, taralı dikdörtgenlerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 12 B) 10 C) 8 D) 6 E) 4

6.

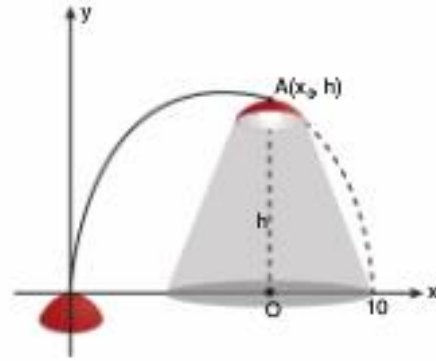
Aşağıda $y = x^2$ ve $y = -x^2 + m$ parabollerinin grafikleri verilmiştir.



Parabollerin kesim noktalarından biri olan C noktasının ordinatı 2 olduğuna göre, $|AB|$ kaç birimdir?

- A) $\sqrt{5}$ B) $\sqrt{6}$ C) $2\sqrt{5}$ D) $3\sqrt{6}$ E) $4\sqrt{5}$

7.



Yukarıda $y = -x^2 + 10x$ fonksiyonu ile tanımlanmış bir masa lambası analitik düzlem üzerinde gösterilmiştir. Lamba, alanı 16π br² olan dairesel bir bölgeyi aydınlatmaktadır.

Buna göre, $|AO| = h$ kaç birimdir?

- A) 32 B) 30 C) 28 D) 24 E) 18

8.

A noktasından hareket ederek 1, 2 km uzakdaki B noktasına doğru yol alan bir hareketlinin konum zaman fonksiyonu,

$$f(t) = t^2 - at + b$$

biçimindedir. $f(t)$, hareketlinin t anındaki B'ye uzaklığıdır. t 'nin birimi saniye, $f(t)$ 'nin birimi metredir.

Hareketli 1 dakika sonra B noktasına ulaştığına göre, a kaçtır?

- A) 90 B) 85 C) 80 D) 75 E) 70

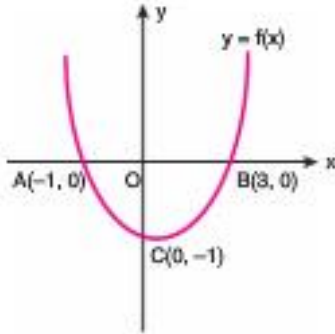
1. C 2. E 3. B 4. D 5. E 6. C 7. D 8. C

1. A(0, 0), B(6, 0) ve C(1, -5) noktalarından geçen parabolün belirttiği fonksiyon $y = f(x)$ dir.

Buna göre, $f(3)$ kaçtır?

- A) -18 B) -9 C) 6 D) 9 E) 18

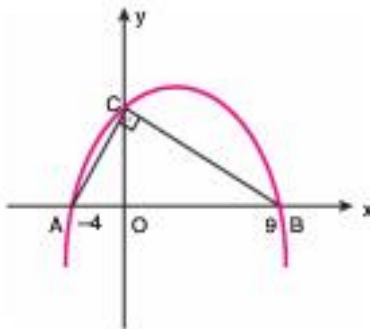
- 2.



Yukarıda verilen $y = f(x)$ parabolünün grafiğine göre, $f(4)$ kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{8}{3}$ C) $\frac{7}{3}$ D) 2 E) $\frac{5}{3}$

3. Aşağıda $y = f(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.

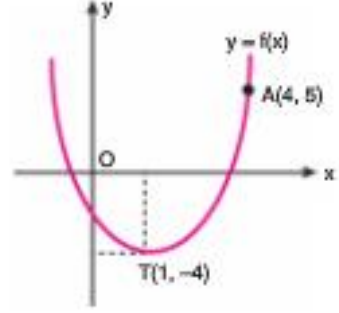


$[AC] \perp [BC]$

Buna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

- 4.

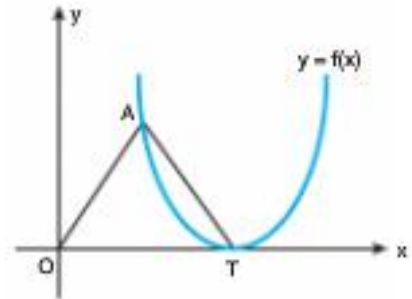


Şekilde grafiği verilen parabolün tepe noktası T(1, -4) ve parabolün üstünde bir nokta A(4, 5) verilmiştir.

Parabolün denklemini $y = ax^2 + bx + c$ olduğuna göre, b kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

- 5.

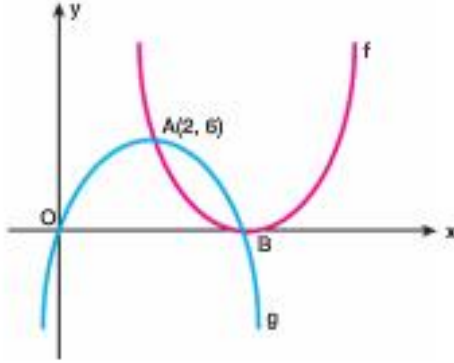


Yukarıda verilen AOT eşkenar üçgeninin alanı $4\sqrt{3}$ birim-karedir.

$y = f(x)$ parabolünün tepe noktası T olduğuna göre, $f(6)$ kaçtır?

- A) $6\sqrt{3}$ B) $4\sqrt{3}$ C) $3\sqrt{3}$ D) $2\sqrt{3}$ E) $\sqrt{3}$

6.

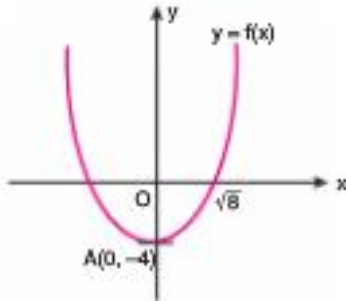


Şekildeki parabollerin tepe noktaları $A(2, 6)$ ve B dir.

g parabolü orijinden de geçtiğine göre, $(g \circ f)(2)$ kaçtır?

- A) -24 B) -22 C) -20 D) -18 E) -16

7.

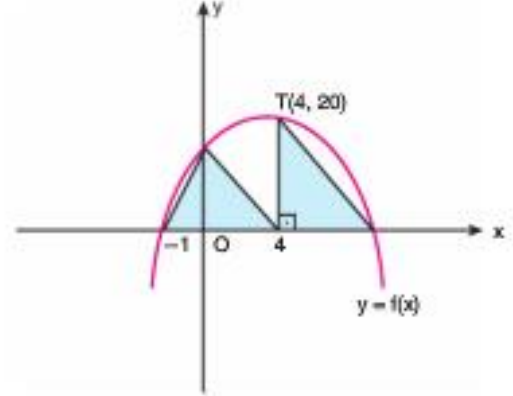


Tepe noktası $A(0, -4)$ olan $y = f(x)$ parabolü verilmiştir.

Buna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) -3 B) $-\frac{5}{2}$ C) -2 D) $-\frac{3}{2}$ E) -1

8.



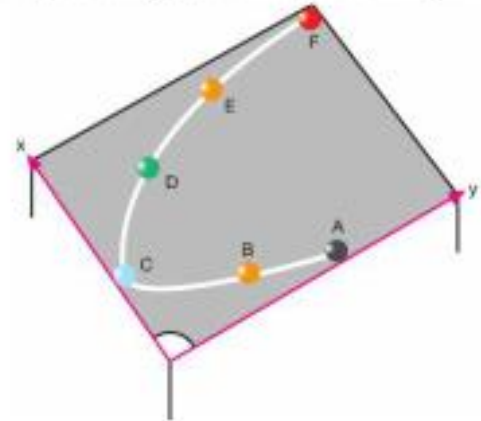
Yukarıda tepe noktası $T(4, 20)$ olan bir parabol verilmiştir.

Buna göre, taralı alanlar toplamı kaç birimkaredir?

- A) 74 B) 72 C) 70 D) 68 E) 66

9.

Bir bilardo oyununun herhangi bir anında altı bilardo topu masada şeklideki gibi parabolik biçimde dizilmiştir.

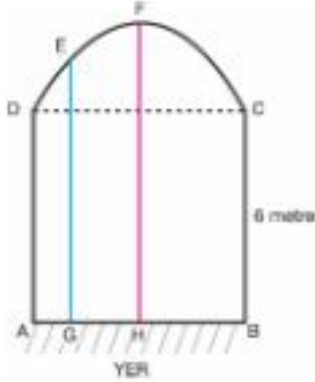


Bilardo masasının dik kenarlarından biri x eksen, diğeri y eksenidir. C topunun konumu $(-2, 0)$ noktası, A topunun konumu $(0, 4)$ noktası, F topunun konumu $(a, 16)$ noktasıdır.

Bu masanın kısa kenarı 1,8 metre olduğuna göre, uzun kenarı kaç metredir?

- A) 5,8 B) 5,6 C) 5,2 D) 4,8 E) 4,6

10. Bir maden ocağındaki bir tünelin giriş kapısı aşağıdaki gibidir. ABCD dörtgeni kare, DEFC eğrisi bir paraboldür.

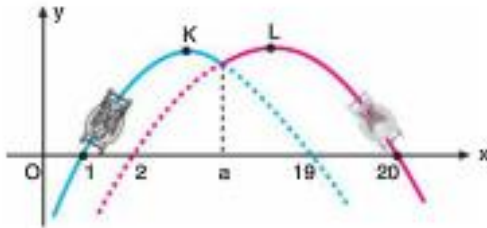


AB kenarına dik olarak, A noktasının 1 metre ve 3 metre uzağına, parabol biçimindeki tavana kadar uzayan birer dayanak direği konulmuştur. Pembe renkle gösterilen HF direği 9 metre boyundadır.

ABCD karesinin köşegenlerinin kesişme noktası orijin ve x ile y eksenleri karenin kenarlarına paralel kabul edilirse, mavi renkle gösterilen EG direğinin boyu kaç metre olur?

- A) $\frac{26}{3}$ B) $\frac{25}{3}$ C) 8 D) $\frac{23}{3}$ E) 7

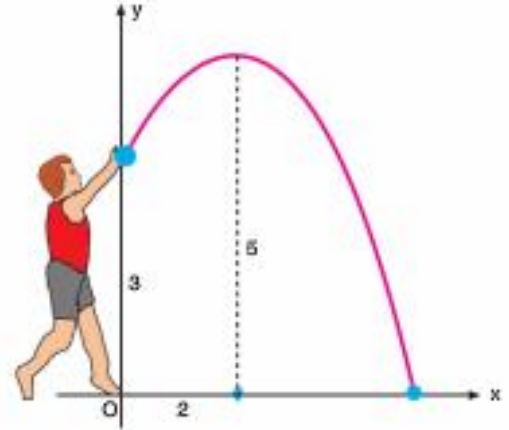
11. Aşağıdaki koordinat düzleminde iki kızığın hareketi modellenmiştir. Kızıklardan biri x eksenini üzerindeki $x = 1$ apselli noktadan diğer $x = 20$ apselli noktadan kalkış yaparak birer parabolik rota izlemiştir. Kızıklardan biri K'den diğer L'den dönüş yaparak yollarına devam etmiş ve apsisi a olan noktada çarpışmıştır. Eğer çarpışma olmasaydı kızıklardan biri x eksenini üzerindeki $x = 19$ apselli noktada, diğer $x = 2$ apselli noktada hareketini sonlandırıcaktı.



K ve L noktaları x eksenine 81 birim uzakta olduğuna göre, çarpışma noktasının apsisi kaçtır?

- A) 12,5 B) 11,5 C) 11 D) 10,5 E) 9,5

12. Aşağıda bir gülle atışı modellenmiştir.



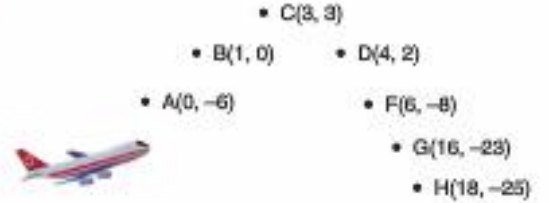
Sporcu, gülle 3 birim yüksekliğe ulaşınca gülleyi elinden fırlatmıştır. Gülle parabolik bir menzilde yol alarak yere düşmüştür. Gülle yerden en fazla 5 birim yüksekliğe ulaşmış ve tam bu esnada gülleden kopan bir parça orijinin 2 birim uzağına düşmüştür.

Buna göre, güllemin kendisi parçasından kaç birim uzağına düşmüştür?

(Gülleden kopan parçanın düşey düzlemde hareket ettiği kabul edilecektir.)

- A) $2\sqrt{5}$ B) $3\sqrt{2}$ C) $\sqrt{15}$ D) $2\sqrt{3}$ E) $\sqrt{10}$

- 13.



Şekilde verilen uçağın parabolik bir yol izleyerek A ve C noktalarından geçtiği bilinmektedir. Uçak maksimum yüksekliğe C noktasında ulaşmış olup bu noktadan itibaren inişe geçmiştir.

Buna göre, uçak yukarıda verilen noktaların hangisinden geçer?

- A) B B) D C) F D) G E) H

1. B	2. E	3. A	4. D	5. D	6. D	7. C
8. D	9. D	10. D	11. D	12. E	13. B	

1. x TL'ye alınan bir mal $x^2 - 5x + 20$ TL'ye satılırsa en az kaç TL kâr elde edilir?

- A) 17 B) 15 C) 13 D) 11 E) 9

2.

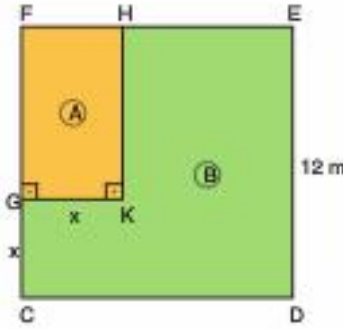


3 kademe çalışan bir muslukta 1. kademe musluktan çıkan suyun yüksekliğinin zamana bağlı saniye cinsinden değişiminin denklemi $h(x) = (-x^2 + 10x)$ cm olarak modellenmektedir. Her kademe kendinden önceki kademenin sağladığı maksimum yüksekliği %20 oranında artırmaktadır.

Buna göre, 3. kademe açılırsa suyun alabileceği maksimum yükseklik kaç cm'dir?

- A) 48 B) 42 C) 38 D) 36 E) 34

3.



Bir kenarı 12 m uzunluğunda olan kare şeklindeki bahçe iki kısma ayrılmıştır. Bu iki kısma çiçek dikilecektir.

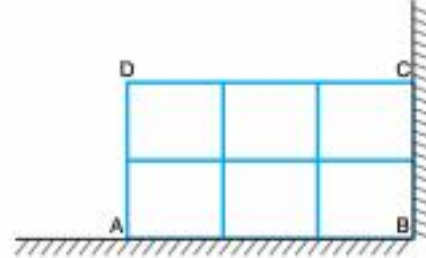
$$|GC| = |GK| = x \text{ metre}$$

A kısmına m^2 al 2 TL ve B kısmına m^2 al 3 TL olan çiçeklerden dikilecektir.

Buna göre, çiçek dikim maliyetinin minimum değeri kaç TL'dir?

- A) 404 B) 402 C) 398 D) 396 E) 394

4.

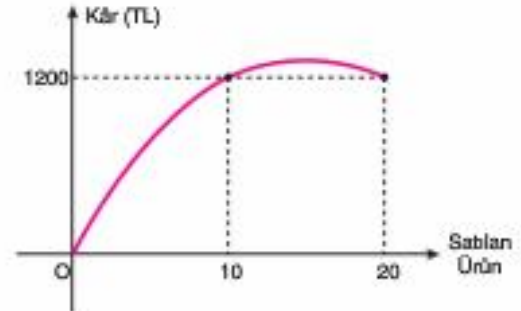


Şekilde verilen duvara dayalı ABCD dikdörtgenini oluşturmak için 8 tane eş dikdörtgen kullanılmıştır. Her bir dikdörtgen çelik çubuklarla oluşturulmuş olup duvara denk gelen kısımlarında çelik çubuk kullanılmamıştır.

Toplamda 100 metre çelik çubuk kullanıldığına göre şeklin kapladığı alan en çok kaç m^2 dir?

- A) 350 B) $\frac{1100}{3}$ C) $\frac{1150}{3}$
D) 400 E) $\frac{1250}{3}$

5.



Yukarıda verilen ikinci dereceden fonksiyon grafiğinde, bir şirketin sattığı ürünlerin sayısı ile elde ettiği kâr arasındaki ilişki verilmiştir.

Buna göre, bu şirketin elde edebileceği maksimum kâr kaç TL'dir?

- A) 1425 B) 1400 C) 1375 D) 1350 E) 1325

1. D 2. D 3. D 4. E 5. D

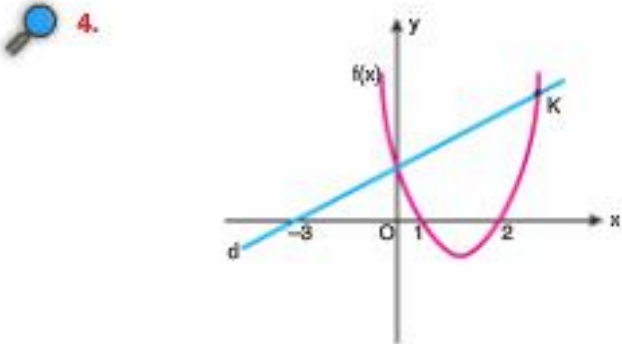
BİR PARABOL İLE BİR DOĞRUNUN BİRBİRİNE GÖRE DURUMLARI

Test

1. $y = -x^2 - x + 2$
parabolü ile $y = 3x + m$ doğrusu farklı iki noktada kesiştiklerine göre, m 'nin bulunduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?
- A) $m < 6$ B) $m > 6$ C) $m < 3$
D) $m > 3$ E) $m > -6$

2. $f(x) = x^2 + 5x + 1$
parabolü ile $y = 3x + 9$ doğrusunun kesim noktalarının apsilerinin toplamı kaçtır?
- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) 0

3. $y = x^2 + 1$ parabolü $y = 2x + 1$ doğrusunu A ve B noktalarında kesmektedir.
Buna göre, $|AB|$ kaç birimdir?
- A) $2\sqrt{5}$ B) $3\sqrt{2}$ C) 4 D) $2\sqrt{3}$ E) $\sqrt{10}$



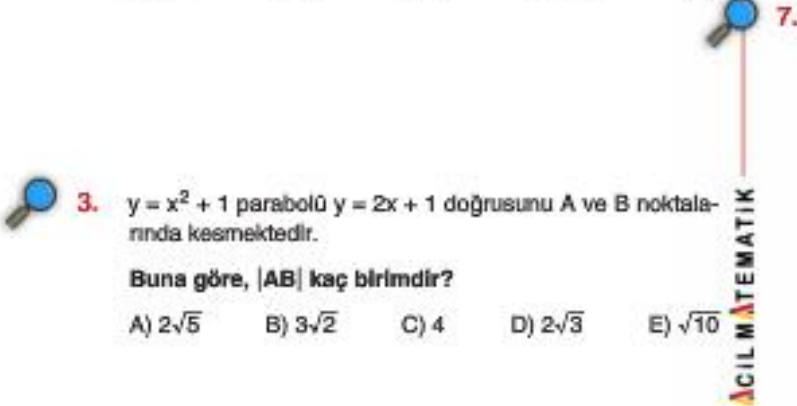
Şekilde d doğrusu ve $f(x)$ parabolü verilmiştir.

Buna göre, K noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\frac{13}{3}$ B) 4 C) $\frac{11}{3}$ D) $\frac{10}{3}$

5. $y = ax - 4$ doğrusu $y = 3x^2 - 1$ parabolüne teğet olduğuna göre, a 'nın alacağı değerlerin çarpımı kaçtır?
- A) -64 B) -36 C) -25 D) -16 E) -9

6. $y = x^2 + 3x - 2$
parabolünün $y = x - 4$ doğrusuna en yakın noktasının ordinatı kaçtır?
- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



Yukarıdaki koordinat sisteminde, $y = mx^2$ parabolünün grafiği verilmiştir. C noktasının ordinatı A noktasının apsisinin karesinin 3 katıdır.

$$|AC| = 3|AB|$$

Buna göre, m kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{11}{4}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{9}{4}$ E) 2

8. $f(x) = x^2 - 3x + 1$
parabolünün orijinden geçen teğetlerinden birinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?
- A) $y = -6x$ B) $y = -5x$ C) $y = -4x$
D) $y = -3x$ E) $y = -2x$

1. A 2. C 3. A 4. C 5. B 6. C 7. D 8. B



1.

$$f(x) = -x^2 + (a - 2)x + 7 - a$$

fonksiyonuna alt parabolün simetri eksenini $x = 3$ doğrusu olduğuna göre, fonksiyonun alacağı en büyük değer kaçtır?

- A) 9 B) 8 C) 7 D) 6 E) 5



2.

$a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

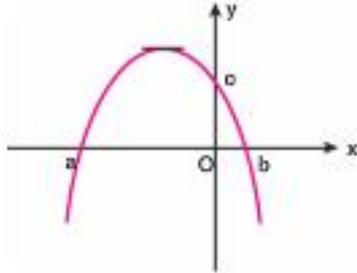
$$y = x^2 + 10x + 3a + 1$$

parabolünün tepe noktası x ekseninde olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 6 E) 4



3.



Yukarıdaki şekilde,

$$f(x) = -x^2 - 3x + 18$$

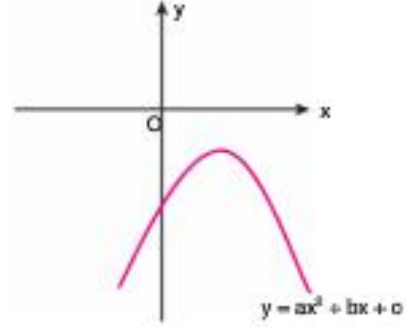
parabolünün grafiği verilmiştir.

Buna göre, $a + b + c$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 9 C) 12 D) 15 E) 21



4.



Şekilde grafiği verilen parabole göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $4ac - b^2 < 0$ B) $abc > 0$ C) $ac < 0$
D) $ab > 0$ E) $bc > 0$



5.

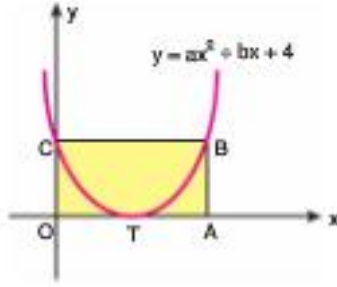
x bir reel sayıdır.

$$(7 - x) \cdot (x - 1)$$

çarpımı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) 16 B) 15 C) 12 D) 10 E) 7

6.

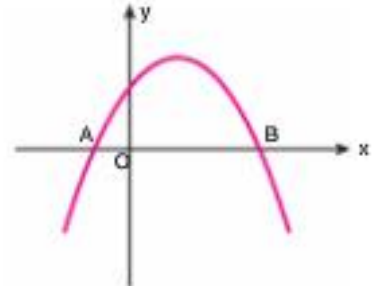


Yukarıda verilen parabolde, OABC bir dikdörtgen ve parabolün tepe noktası T'dir.

Parabolün simetri ekseninin denklemi $x = 3$ doğrusu olduğuna göre, OABC dikdörtgeninin alanı kaç birimkaredir?

- A) 32 B) 28 C) 24 D) 20 E) 12

8.



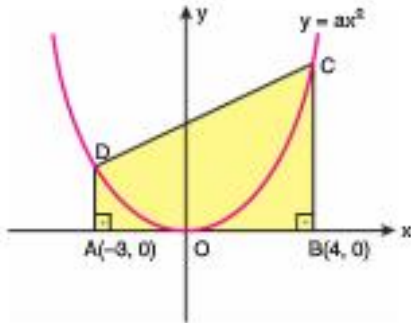
Yukarıdaki $y = -x^2 + 8x + a$ parabolünün grafiği verilmiştir.

$$|OB| = 5|OA|$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 5 B) 10 C) 15 D) 20 E) 25

7.

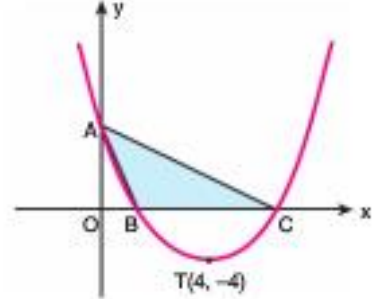


Şekildeki ABCD dik yamuğun alanı 175 birimkaredir.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

9.



Yukarıdaki grafik, $f(x) = x^2 + ax + b$ parabolüne aittir.

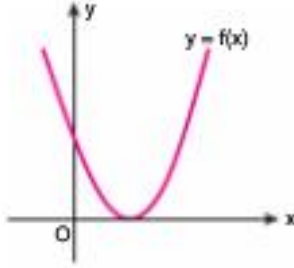
Parabolün tepe noktası $T(4, -4)$ olduğuna göre,

$A(\widehat{ABC})$ kaç birimkaredir?

- A) 12 B) 16 C) 18 D) 24 E) 30



10.

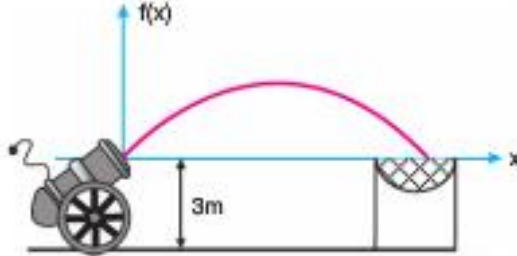


Yukarıda verilen parabolün denkleminin $y = 2x^2 - ax + b$ ile ifade edilebilmesi için a ile b arasındaki bağıntı aşağıdakilerden hangisi olmalıdır?

- A) $a^2 = 8b$ B) $a = 2b$ C) $a = b = 2$
D) $a^2 + 4b = 0$ E) $a = b \neq 2$



11.



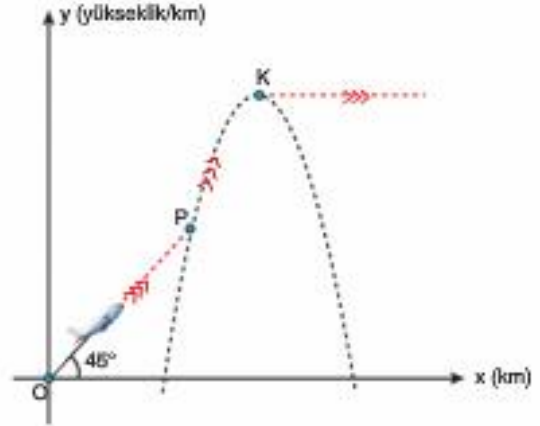
Bir top tarafından fırlatılan bir aırk cambazının yörüngesi $f(x) = x - \frac{1}{20}x^2$ fonksiyonunun grafiği ile veriliyor. Top ve gerilmiş ağız her ikisi de yerden 3 metre yüksekliktedir.

Buna göre, cambazın yerden yüksekliği en fazla kaç metredir?

- A) 28 B) 18 C) 15 D) 8 E) 5



12.



O noktasında bulunan bir uçak yer düzlemi ile 45° lik bir açı yaparak P noktasına kadar doğrusal olarak, P noktasından sonra ise $f(x) = -x^2 + 14x - 40$ fonksiyonuyla temsil edilen parabolik yörüngeyle yol almıştır.

Uçak, parabolik yörüngenin en üst noktası olan K noktasına ulaştıktan sonra x eksenine paralel olarak yoluna devam etmiştir.

Buna göre, uçak P noktasından K noktasına kadar düşeyde kaç km yol almış olur?

- A) 2,5 B) 3 C) 3,5 D) 4 E) 4,5

ACIL MATEMATİK



13.

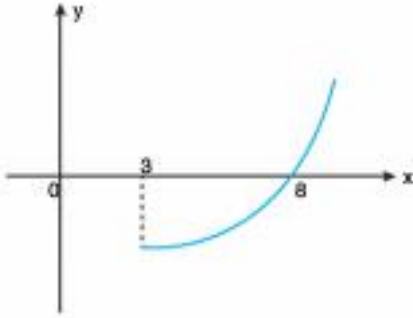
$$f(x) = x^2 - 6x + m - 1$$

fonksiyonunun alabileceği en küçük değer 2 olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 11 E) 12

1. B	2. C	3. D	4. B	5. E	6. C	7. A
8. D	9. D	10. A	11. D	12. D	13. E	

1. Aşağıda $y = f(x) = x^2 + bx + c$ parabolünün bir kısmı çizilmiştir.



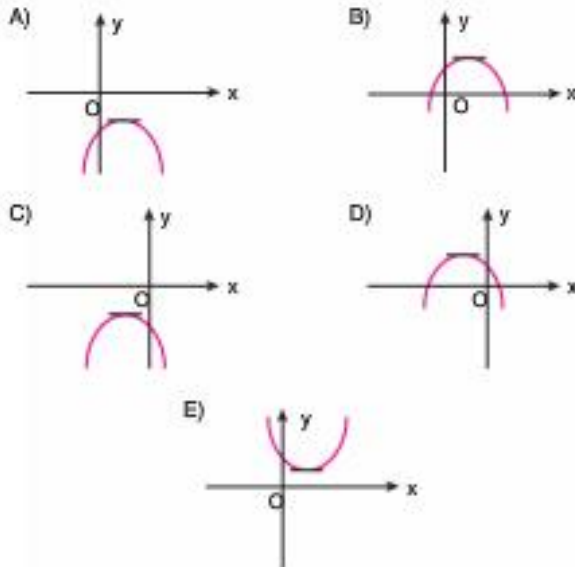
$y = f(x)$ fonksiyonu en küçük değerini $x = 3$ apseli noktasında almaktadır.

Buna göre, $\frac{b}{c}$ oranı kaçtır?

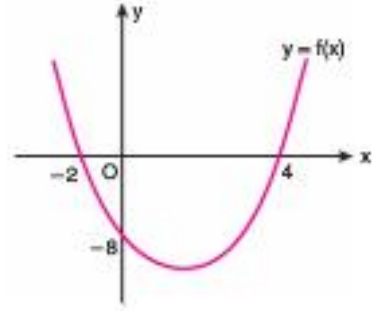
- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{5}{8}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{1}{2}$

2. $m < -1$ olmak üzere,
 $f(x) = mx^2 - x + m$

parabolünün grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



3.



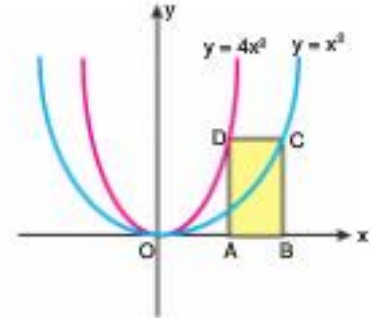
Yukarıda $y = f(x)$ fonksiyonuna ait parabolün grafiği verilmiştir.

Buna göre, parabolün alacağı en küçük değer kaçtır?

- A) -13 B) -12 C) -11 D) -10 E) -9

ACIL MATEMATİK

4.



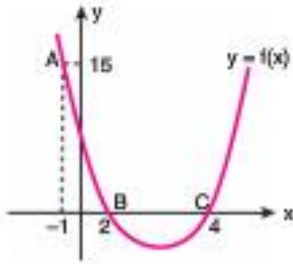
Şekilde iki köşesi $y = 4x^2$ ve $y = x^2$ parabolleri üzerinde olan ABCD dikdörtgeni verilmiştir.

$$A(ABCD) = 500 \text{ birimkare}$$

olduğuna göre, ABCD dikdörtgeninin çevresi kaç birimdir?

- A) 225 B) 210 C) 205 D) 200 E) 195

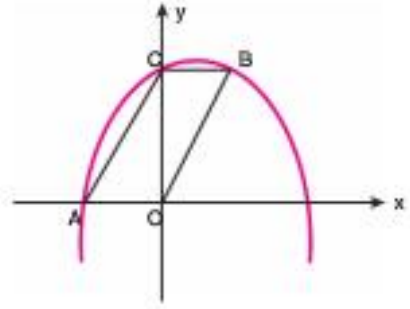
5.



Yukarıda verilen parabolün denklemleri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 2x^2 - 4x + 8$ B) $y = x^2 - 6x + 8$
C) $y = x^2 - 8x + 8$ D) $y = 3x^2 - 4x + 5$
E) $y = x^2 + 6x - 8$

7.



Yukarıdaki şekildeki AOBC paralelkenarının C köşesi y ekseninde olup parabolün denklemleri,

$$f(x) = -x^2 - mx + 6 \text{ dir.}$$

Buna göre, B noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ B) $\sqrt{3}$ C) $2\sqrt{3}$ D) $3\sqrt{3}$ E) $6\sqrt{3}$

6. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

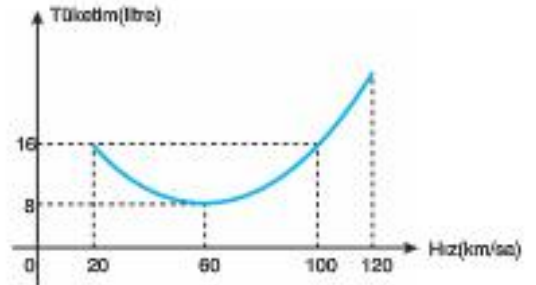
$$f(x) = x^2 + (3 - a)x + 2a + 1$$

parabolünün tepe noktası y ekseninde olduğuna göre, parabolün tepe noktasının ordinatı kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

8.

Aşağıda bir otomotiv dergisinin test ekibi belirli bir otomobil modelinin yakıt tüketiminin hızıyla nasıl değiştiğini gösteren 2. dereceden fonksiyonun grafiğini oluşturmuşlardır.



Buna göre, test ekibi ekonomik hızın 60 km/sa olduğunu bildiklerine göre, bu otomobil 120 km/sa ulaştığında kaç litre benzin tüketmeye başlar?

- A) 22 B) 24 C) 25 D) 26 E) 27

9. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = x^2 - 40x + 89$$

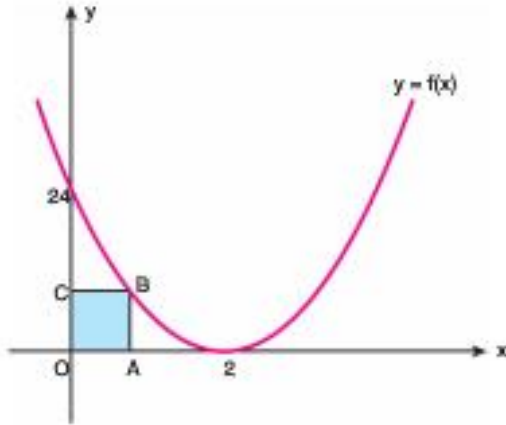
fonksiyonu için,

- I. $f(m) \cdot f(n) < 0$ eşitsizliğini sağlayan m ve n sayıları vardır.
- II. $f(21) = f(19)$
- III. $f(0) > f(19)$

ifadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I
- B) I ve II
- C) II ve III
- D) I ve III
- E) I, II ve III

10.

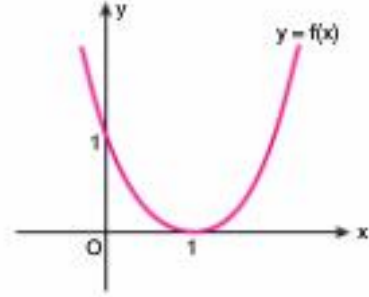


Şekilde, $y = f(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.

Buna göre, OABC karesinin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{1}{4}$
- B) $\frac{1}{8}$
- C) $\frac{1}{16}$
- D) $\frac{9}{4}$
- E) $\frac{64}{9}$

11.

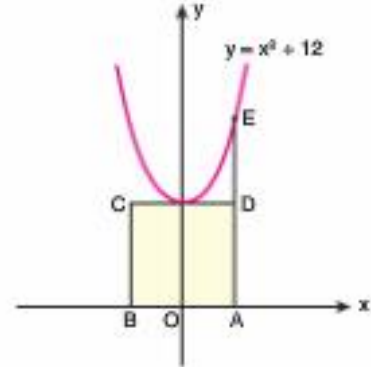


Şekilde parabol üzerinde alınan bir A noktasının koordinat eksenlerine olan uzaklıklar toplamı 19 birimdir.

Buna göre, A noktasının apsisinin negatif tam sayı değeri kaçtır?

- A) -6
- B) -4
- C) -3
- D) -2
- E) -1

12.



Yukarıda, $f(x) = x^2 + 12$ parabolü ile ABCD karesi verilmiştir. A, D, E noktaları doğrusaldır.

$$2|OB| = |OA|$$

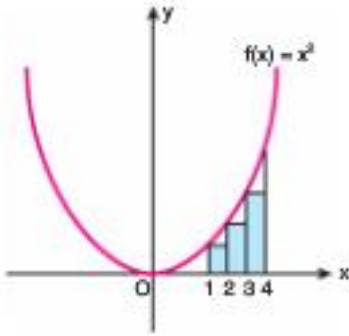
olduğuna göre, |DE| kaç birimdir?

- A) 48
- B) 52
- C) 62
- D) 64
- E) 68

1. D	2. C	3. E	4. B	5. B	6. E
7. B	8. D	9. E	10. D	11. C	12. D



1.



Grafiği verilen $f(x) = x^2$ parabolünde taralı dikdörtgenlerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 12 B) 13 C) 14 D) 15 E) 16



2.

$a \neq 0$ olmak üzere,

$f(x) = ax^2 + bx + c$ fonksiyonu veriliyor.

$$f(3) = f(7)$$

olduğuna göre, $\frac{b}{a}$ oranı kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) -8 C) $\frac{1}{4}$ D) -10 E) $-\frac{1}{10}$



3.

x ekseninin daima altında kalan,

$$y = ax^2 + bx - 6$$

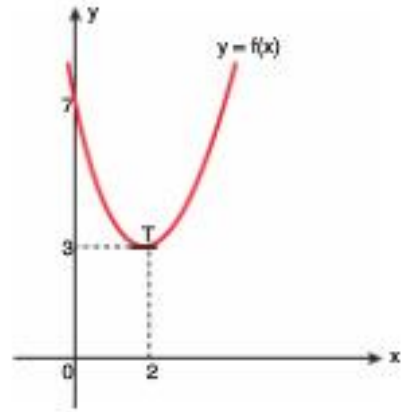
parabolü veriliyor.

$a^2 = 49$ olduğuna göre, b nin alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 14 B) 13 C) 12 D) 11 E) 10



4.



Yukarıda $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir. T noktası parabolün tepe noktasıdır.

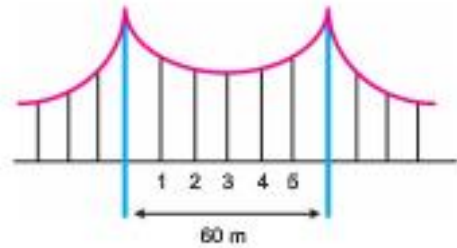
$y = -f(x - 2) - 1$ fonksiyonu üzerinde bir (x_0, A) noktası ve $y = f(x)$ fonksiyonu üzerinde (x_0, B) noktası için $|A - B|$ farkının alabileceği en küçük değer kaçtır?

- A) 6 B) 9 C) 12 D) 14 E) 17

SIL MATEMATİK



5.



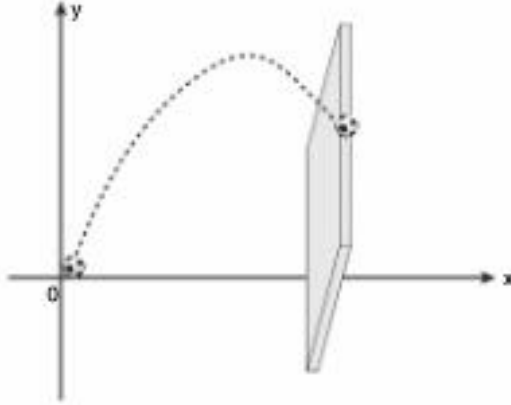
Yukarıda verilen asma köprüde aralarındaki uzaklık 60 m olan eşit yükseklikteki iki direk arasına çelik telle yola bağlayan 10'ar metre aralıklı 5 halat bulunmaktadır. Şekildeki numaralandırılmış halatlardan 3 numaralı halatın uzunluğu 40 m, 4 numaralı halatın uzunluğu 45 m dir.

Şekilde görülen eğriler birer parabol olduğuna göre, direklerin yoldan yüksekliği kaç metredir?

- A) 105 B) 100 C) 90 D) 85 E) 75



6.



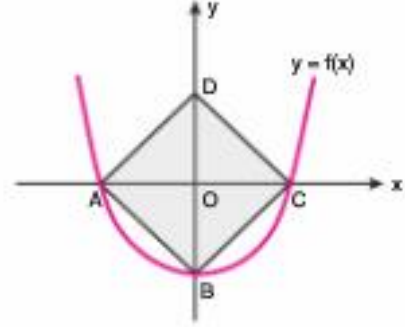
Bir çocuk 3 metre yüksekliğinde bir duvardan 6 metre uzaklıkta, top duvara vuracak şekilde topa vuruyor. Topun izlediği yörüngesinin denklemi, $f(x) = ax^2 + (1 - 4a)x$ dir.

Buna göre, topun ulaşabileceği maksimum yükseklik kaç metredir?

- A) 5,5 B) 5 C) 4,5 D) 4 E) 3,5



8.



Yukarıdaki ABCD karesinin alanı 4 br^2 olduğuna göre, $y = f(x)$ parabolünün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = x^2 - 2$ B) $y = \frac{1}{2}(x^2 - 2)$
 C) $y = \frac{\sqrt{2}}{2}(x^2 - 2)$ D) $y = \frac{\sqrt{2}}{2}(x^2 - 2)$
 E) $y = \frac{1}{2}(x^2 - 4)$



7.

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

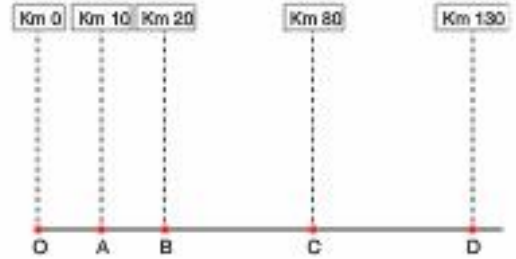
$$f(x) = -x^2 + 20x + 20$$

fonksiyonunun görüntü kümesindeki elemanlardan biri aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) -100 B) 0 C) 115 D) 120 E) 125



9.



Gıda ürünleri dağıtan distribütör bir aracıyla aynı hat üzerinde bulunan A, B, C ve D şehirlerine O şehirden hareket ederek ürünleri servis edecektir. A şehri karayolunun 10., B şehri 20., C şehri 80. ve D şehri 130. kilometresinde bulunmaktadır. x, yukarıda verilen kara yolunun O, A, B, C ve D şehirleri ile aynı hat üzerinde bulunan bir şehrin O şehrine olan uzaklığı olmak üzere, distribütörün A, B, C ve D şehirlerine taşıma masrafları, $(x - 10)^2$, $(x - 20)^2$, $(x - 80)^2$ ve $(x - 130)^2$ dir.

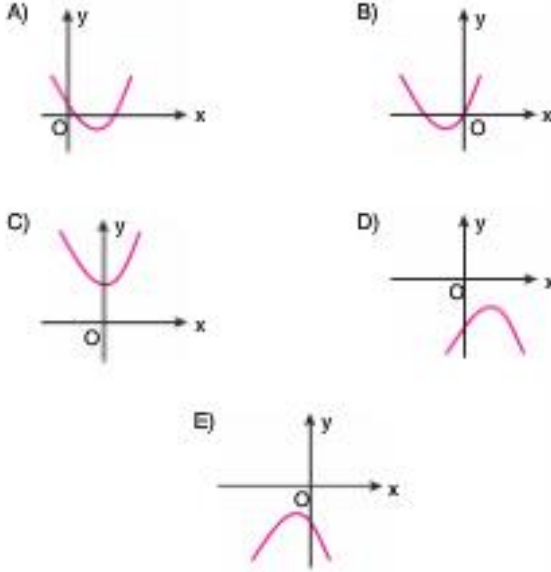
Buna göre, distribütörün taşıma maliyetini en aza indirmesi için dağıtım merkezini karayolunun kaçınıcı kilometresine kurması gerekir?

- A) 20 B) 40 C) 60 D) 80 E) 100

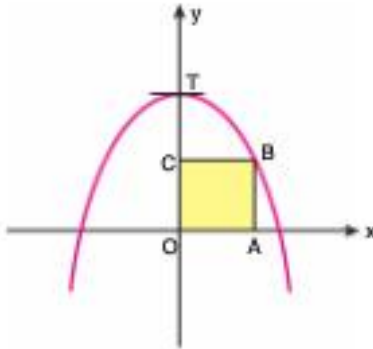
10. $f(x) = ax^2 + bx + c$ parabolünde $\Delta = b^2 - 4ac$ dir.

$$\Delta \cdot a > 0$$

olduğuna göre, parabolün grafiği aşağıdakilerden hangisi olamaz?



11.



Yukarıdaki şekilde tepe noktası y ekseninde olan,

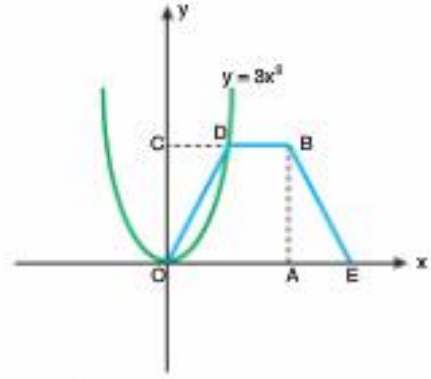
$$f(x) = ax^2 + (a^2 - 4)x + 6$$

parabolü verilmiştir.

Buna göre, OABC karesinin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{5}{2}$ B) $\frac{9}{4}$ C) 4 D) 9 E) $\frac{16}{25}$

12.



Şekilde $y = 3x^2$ parabolü, OABC karesi ve OEBC dikkenar yamığu verilmiştir.

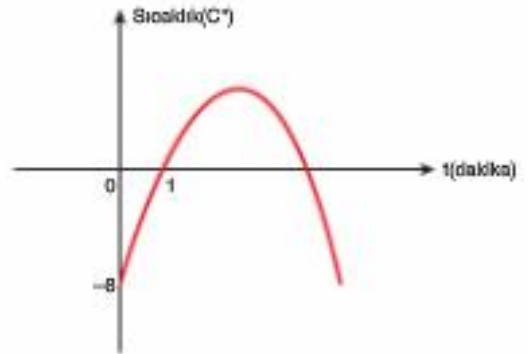
$$|OD| = |BE|, |DB| = |AE|$$

olduğuna göre, E noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) 1 C) $\frac{4}{3}$ D) 2 E) $\frac{8}{3}$

ACIL MATEMATİK

13. Aşağıda kimyasal bir maddenin önce $-8\text{ }^\circ\text{C}$ den itibaren ısıtılmaya başlatılıp daha sonra soğutulmasıyla ilgili ikinci dereceden fonksiyon grafiği verilmiştir.



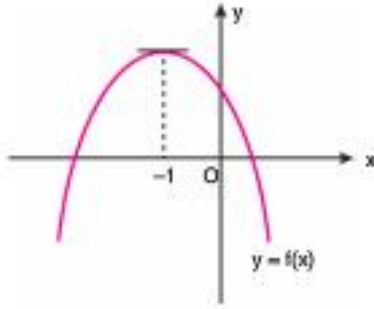
Maddenin sıcaklığının 1 dakika içinde $0\text{ }^\circ\text{C}$ ye 2 dakika içinde $8\text{ }^\circ\text{C}$ ye ulaştığı gözlemlenmiştir.

Buna göre, bu madde kaç dakika sonra maksimum sıcaklığa ulaşmıştır?

- A) 5,4 B) 5,2 C) 4,5 D) 4,2 E) 4

1. C	2. D	3. C	4. B	5. D	6. D	7. E
8. D	9. C	10. C	11. B	12. D	13. C	

1.

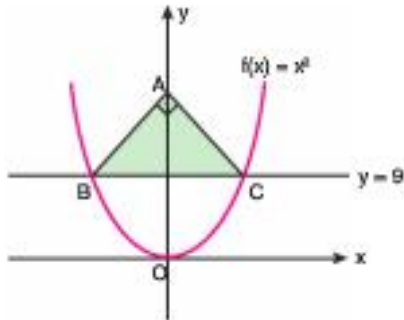


$f(x)$ parabolünün tepe noktasının apsisi -1 'dir.

Buna göre, $f(x - 5) = 0$ denkleminin kökler toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

2.

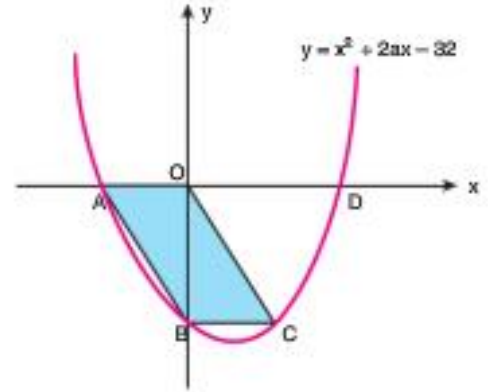


$[AB] \perp [AC]$

Yukarıda şekilde verilenlere göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 6 B) 9 C) 12 D) 18 E) 27

3.

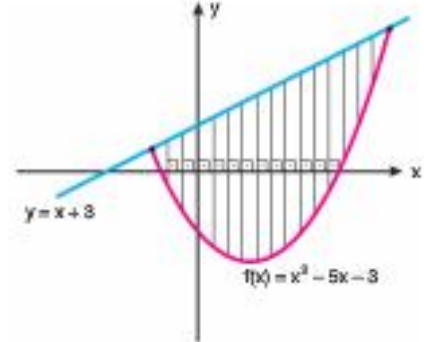


Şekilde $f(x) = x^2 + 2ax - 32$ parabolü ve ABCO paralel kenarı veriliyor.

Buna göre, paralelkenarın alanı kaç birimkaredir?

- A) 256 B) 240 C) 196 D) 160 E) 128

4.

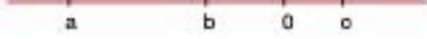


Arp bir müzik aletidir. Şekilde $y = x + 3$ doğrusu ve $f(x) = x^2 - 5x - 3$ parabolü ile modellenmiş bir arp görülmektedir.

Buna göre, en uzun telin uzunluğu kaç birimdir?

- A) 18 B) 16 C) 15 D) 13 E) 11

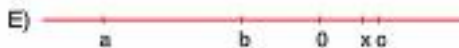
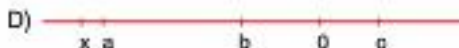
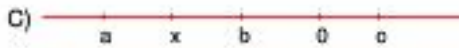
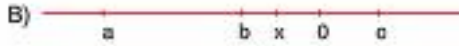
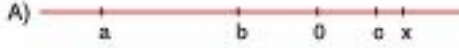
5.



Yukarıda verilen sayı doğrusunda, $|a| = 2|b| = 2|c|$ dir.

$$(x-a)^2 + (x-b)^2 + (x-c)^2$$

toplamı en küçük değerini aldığı anda, x 'in sayı doğrusundaki yeri aşağıdakilerden hangisi olabilir?



6.



Yukarıda verilen parabol şeklindeki tünelin taban genişliği 6 metre ve yüksekliği 3 metredir. Tünelden geçecek olan kamyonun genişliği 2 metre ve yüksekliği h metredir.

Bu kamyonun tünelden geçebilmesi için h yüksekliği aşağıdaki eşitsizliklerden hangisini sağlamalıdır?

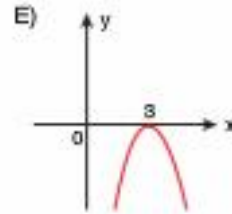
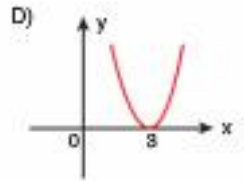
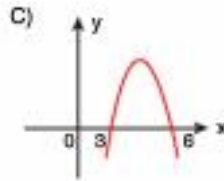
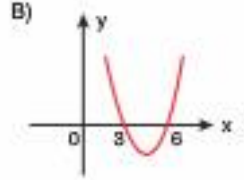
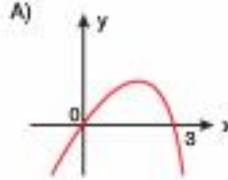
- A) $h \geq 3$ B) $h < 3$ C) $h > \frac{8}{3}$
D) $h < \frac{8}{3}$ E) $h < 4$

7.

Birinci dereceden $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomları veriliyor.

- $P(3) = Q(3) = 0$
- $P(6) > 0$ ve $Q(6) < 0$ dir.

Buna göre, her $x \in \mathbb{R}$ için $f(x) = P(x) \cdot Q(x)$ fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



8.

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $a \neq 0$ olmak üzere,

$y = f(x) = ax^2 + bx + c$ parabolü veriliyor.

2 den farklı her x değeri için $f(x) > f(2)$ dir.

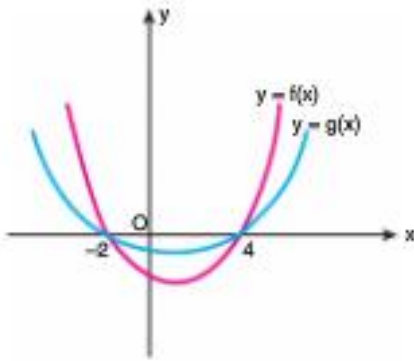
Buna göre,

- I. f fonksiyonu $x = 2$ doğrusuna göre simetrik.
- II. $f(2+x) = f(2-x)$ dir.
- III. $f(3) > 0$ dir.

İfadelerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) Yalnız III

9.



Yukarıdaki,

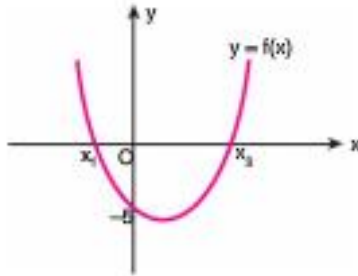
$$y = f(x) \text{ ve } y = g(x)$$

parabollerinin tepe noktaları arasındaki uzaklık 3 birimdir.

Buna göre, $f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonlarının x^2 li terimlerinin katsayıları farkı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{2}$

10.



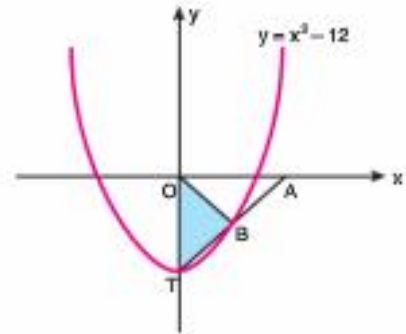
Yukarıda verilen,

$$y = f(x) = x^2 - x + a$$

parabolünün x eksenini kestiği noktalar x_1 ve x_2 dir.Buna göre, $|x_1| + |x_2|$ toplamı kaçtır?

- A) 5 B) $\sqrt{21}$ C) $5\sqrt{5}$ D) $3\sqrt{2}$ E) $2\sqrt{21}$

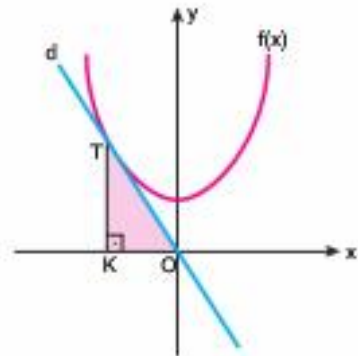
11.

Şekilde $f(x) = x^2 - 12$ parabolünde, $|TB| = 2|BA|$ dir.

Buna göre, TOB üçgeninin alanı kaç birimkaredir?

- A) $12\sqrt{2}$ B) $8\sqrt{2}$ C) $6\sqrt{2}$
D) $4\sqrt{2}$ E) $3\sqrt{2}$

12.

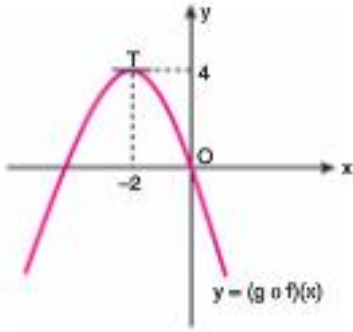
d doğrusu $f(x) = x^2 + 4$ parabolüne T noktasında teğettir.

Buna göre, OKT üçgeninin alanı kaç birimkaredir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

1. B	2. B	3. E	4. C	5. B	6. D
7. E	8. B	9. C	10. B	11. A	12. E

1.



Tepe noktası $T(-2, 4)$ olan ve orijinden geçen $y = (g \circ f)(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(x) = -x + a \text{ ve } f(2) = 3$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -11 B) -10 C) -9 D) -7 E) -6

2. a, b ve c birer reel sayıdır.

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

$$f(-2) = f(6)$$

olduğuna göre, parabolün tepe noktasının apsisi kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

3. $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{Z}$ fonksiyonu tanımlanmıştır.

Buna göre,

$$f(x) = x^2 + 6x$$

fonksiyonunun alacağı en küçük değer kaçtır?

- A) -18 B) -9 C) 0 D) 9 E) 18

4. a ve b sıfırdan büyük gerçel sayılar,
 $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = ax^2 + bx + c$ fonksiyonu veriliyor.

$f(0) = 2$ ve f fonksiyonunun görüntü kümesi $[b, \infty)$ dur.

Buna göre,

$$\frac{8a - b^2}{ab}$$

ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

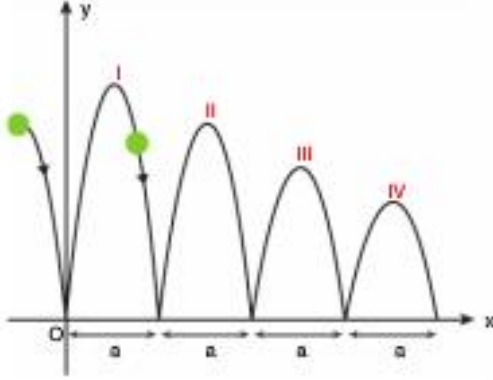
5. Matematik dersinde öğretmen tahtaya $A(-3, 0)$ ve $B(7, 0)$ noktalarından geçen bir parabol çiziyor.

Daha sonra $C(a, 0)$ ve parabol üzerinde $D(x, 4)$ noktalarını gösterip $|AC| = |BC| = |CD|$ olduğunu söylüyor.

Buna göre, çizilen parabolün eksenleri kestiği noktaları köşe kabul eden üçgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 20 B) $\frac{105}{4}$ C) 25 D) 50 E) $\frac{105}{2}$

6.



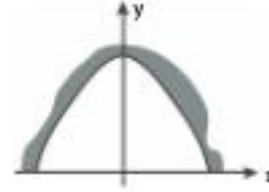
Bir tenis topu, O noktasında yere çarptıktan sonra şekilde görüldüğü gibi 4 tane parabol şeklinde yörünge izlemiştir.

Tenis topunun her zıplayıp ulaştığı maksimum yükseklik bir önceki ulaştığı maksimum yüksekliğin $\frac{3}{4}$ katı olup yata da aldığı yollar eşittir.

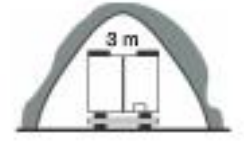
Orijinden geçen ilk parabolün denklemi $y = -4x^2 + 8x$ olduğuna göre, dördüncü parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = \frac{-27}{16}(x-6) \cdot (x-8)$
 B) $y = -\left(\frac{3}{4}\right)^3 \cdot (x-6) \cdot (x-8)$
 C) $y = -x^2 - 14x + 48$
 D) $y = -6x^2 + 16x$
 E) $y = -x^2 + \frac{9}{16}x - 14$

7.



Şekil I



Şekil II

Şekil I'deki tünel parabol şeklinde olup denklemi

$$y = \frac{-3}{10}x^2 + 4 \text{ tır.}$$

Şekil II'de arkadan görünüşü verilen bir kamyonetin tünel den geçmesi için kamyonet kasasının en üstteki uç noktalarının tünele sağdan ve soldan en fazla 0,5 metre uzaklığa sahip olması gerekmektedir. Kamyonet kasasının eni 3 metredir.

Buna göre, tünel girişine kamyonetin maksimum yüksekliğini gösteren bir tabela konulacağına göre, bu tabela aşağıdakilerden hangisidir?

A)



B)



C)



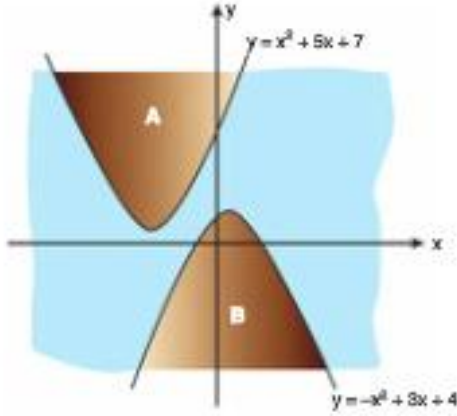
D)



E)



8. Harita üzerinde iki farklı kara parçası aşağıdaki gibi modellenmiştir.

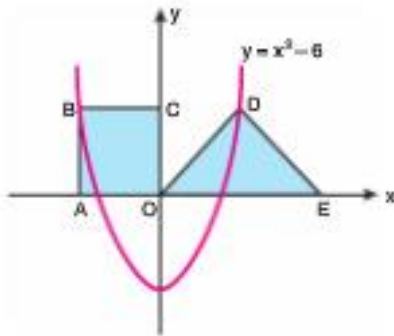


Oluşturulan temsili koordinat ekseninde her birim gerçekte 100 km'ye eşit olmak üzere, A ve B parçaları arasında x eksenine dik olacak şekilde feribot seferleri planlanmaktadır.

Buna göre, iki kara parçası arasında oluşturulabilecek en kısa güzergah kaç km'dir?

- A) 200 B) 225 C) 250 D) 275 E) 300

- 9.

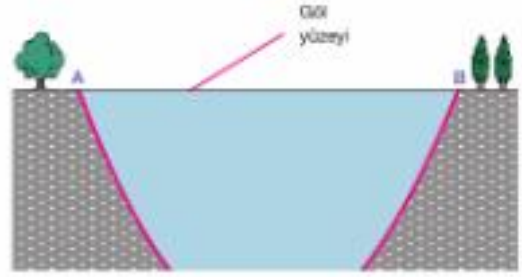


OABC kare ve ODE eşkenar üçgendir.

Buna göre, eşkenar üçgenin çevresi, karenin çevresinin kaç katıdır?

- A) 1 B) $\sqrt{2}$ C) $\sqrt{3}$ D) 2 E) $\sqrt{6}$

- 10.



Şekilde içinde göl de bulunan bir arazinin yere dik bir düzlemle arakesitinin bir kısmı gösterilmiştir.

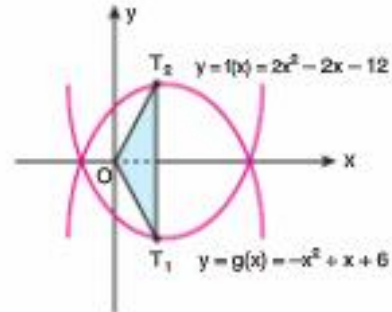
Bu görüntüde,

- Su ve toprak birbirinden $y = x^2 - 4x - 5$ parabolü ile ayrılmıştır.
- $|AB| = 80$ metre ve göl yüzeyi AB doğrusuyla çakışiktır.

Buna göre, AB doğrusu x eksenini kabul edilirse, bu göle dalış yapan bir dalgıç en fazla kaç metre derine inebilir?

- A) 60 B) 70 C) 80 D) 90 E) 120

- 11.



Yukarıda grafiği verilen parabolere göre, taralı üçgenin alanı kaç birimkaredir?

(T_1, T_2 parabolere tepe noktalarıdır.)

- A) $\frac{39}{8}$ B) $\frac{77}{16}$ C) $\frac{19}{4}$ D) $\frac{75}{16}$ E) $\frac{9}{4}$

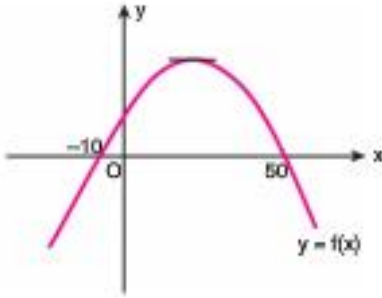
1. C	2. B	3. C	4. D	5. B	6. A
7. C	8. C	9. C	10. D	11. D	

1. $f: [-1, 3] \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,
 $f(x) = -x^2 - 4x + 8$

olduğuna göre, f fonksiyonunun görüntü kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[-15, 9]$ B) $[-15, 10]$ C) $[-15, \infty)$
 D) $[9, \infty)$ E) $(-\infty, 10]$

2.



Şekilde, $y = f(x)$ parabolü verilmiştir.

Buna göre,

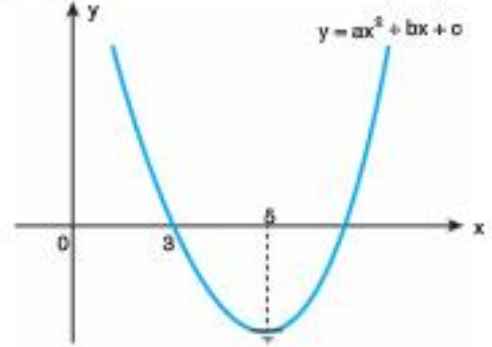
$$\frac{f(-5) - f(45)}{f(20)}$$

oranı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) $f(20)$ E) $f(25)$

3.

- $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomlarının $x - 2$ polinomuna bölümünden kalanlar sırasıyla r_1 ve r_2 dir.
- $y = ax^2 + bx + c$ denkleminin kökleri r_1 ve r_2 dir.

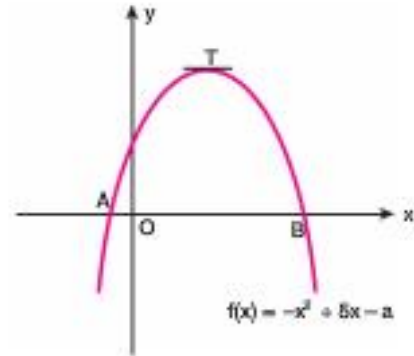


Buna göre, $P(x) \cdot Q(x)$ çarpım polinomunun $x - 2$ ile bölümünden kalan kaçtır?

- A) 3 B) 5 C) 8 D) 15 E) 21

ACIL MATEMATİK

4.



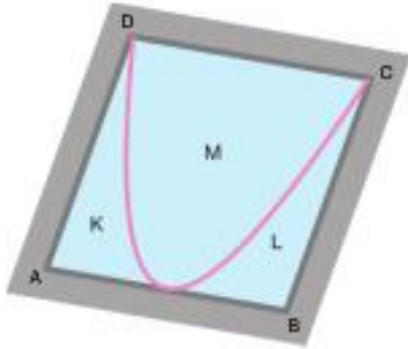
Şekilde verilen, $f(x) = -x^2 + 5x - a$ parabolünün tepe noktası T dir.

$$|AO| + |OB| = 11$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -8 B) -12 C) -16 D) -24 E) -27

5. Aşağıda kare prizma biçimindeki bir havuzun üst yüzeyi gösterilmiştir. Bu havuzda K ve L bölgeleri boyu aşan derinlikte, M bölgesi boyu aşmayan derinliktedir. ABCD karesinin bir kenarı 8 metredir.



K, L ve M bölgelerinin sınır çizgisi olan şekildeki pembe renkli eğri bir paraboldür.

DC kenarı x ekseni ve BC kenarı y ekseni kabul edilirse bu sınır eğrisi $y = f(x)$, AB kenarı x ekseni ve AD kenarı y ekseni kabul edilirse bu sınır eğrisi $y = g(x)$ olmaktadır.

Buna göre, $f(x) - g(x)$ farkının eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $8x - 6$ B) $8x - 4$ C) $8x - 2$
D) $8x$ E) $8x + 2$

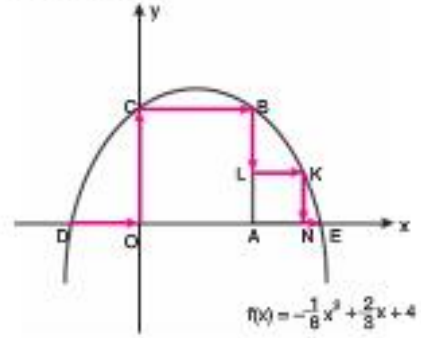
6. $f : [a, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,
 $f(x) = x^2 + 8x + 5$

fonksiyonu bire birdir.

Buna göre, a aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) -1 B) -2 C) -3 D) -4 E) -5

7. OABC ve ANKL karedir.



Şekilde,

$$f(x) = -\frac{1}{8}x^2 + \frac{2}{3}x + 4$$

parabolünün grafiği verilmiştir.

D noktasından E noktasına işaretli yoldan giden bir hareketlinin aldığı yol kaç birimdir?

- A) $4\sqrt{7}$ B) $4\sqrt{7} + 4$ C) $4\sqrt{7} + 6$
D) $4\sqrt{7} + 8$ E) $4\sqrt{7} + 12$

8. t yıl olmak üzere, bir çocuğun 2 ile 10 yaşları ve bu yaşlar arasındaki kilosunun zamana bağlı değişim fonksiyonu,

$$f(t) = \begin{cases} \frac{11t+5}{3}, & 2 \leq t \leq 5 \\ \frac{-t^2+16t-6}{2}, & 5 < t \leq 10 \end{cases}$$

şeklinde belirlenmiştir.

Buna göre, çocuğun kilosunun bu zaman aralığında alabileceği en küçük ve en büyük değerlerin toplamı kaçtır?

- A) 36 B) 38 C) 40 D) 42 E) 44

9. Gerçek sayılarda tanımlı bir $y = f(x)$ parabolü için,

- Parabolün tepe noktası $(4, -1)$ dir.
- Parabolün x eksenini kestiği noktalardan biri $A(5, 0)$ dir.

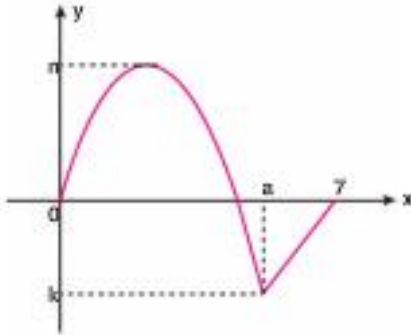
Buna göre, $y = f(x)$ parabolünün y eksenini kestiği noktanın ordinatı kaçtır?

- A) 14 B) 15 C) 16 D) 17 E) 18

10. $[0, 7]$ aralığında tanımlı,

$$f(x) = \begin{cases} -2x^2 + 8x, & 0 \leq x \leq a \\ 5x - 35, & a < x \leq 7 \end{cases}$$

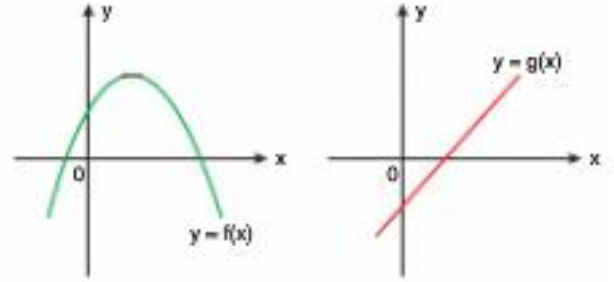
fonksiyonu veriliyor.



Buna göre, $n - k$ farkı kaçtır?

- A) 12 B) 14 C) 16 D) 18 E) 20

11. Aşağıda $f(x) = ax^2 + bx + c$ parabolü ile $g(x) = dx + e$ doğrusunun grafiği verilmiştir.



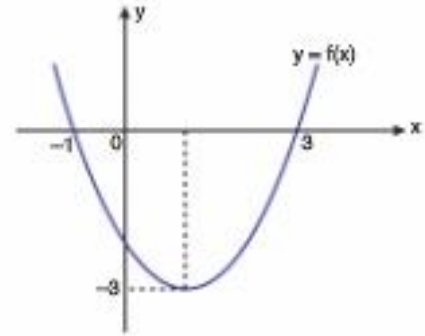
Buna göre,

- $(a - b) \cdot e > a \cdot c$
- $a \cdot b \cdot c + \frac{e}{d} > 0$
- $\frac{e}{d} > b$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) Yalnız III

12. Aşağıda $y = f(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.



$y = f(x)$ fonksiyonunun alabileceği en küçük değer -3 olduğuna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) $-\frac{5}{2}$ B) $-\frac{9}{4}$ C) -2 D) $-\frac{7}{4}$ E) $-\frac{3}{2}$

1. A	2. C	3. E	4. D	5. A	6. E
7. D	8. B	9. B	10. D	11. A	12. B

ACİL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 4

FONKSİYONLARIN UYGULAMALARI



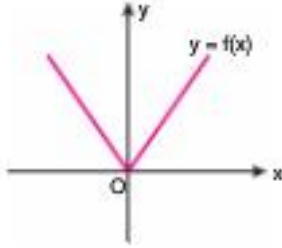
- Fonksiyonların Dönüşümleri
- Artanlık-Azalanlık Maksimum-Minimum Ortalama Değişim Oranı
- Fonksiyonların Grafikleri

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Öncelikle TYT kitabımızdaki fonksiyonlar konusunu bitirmeni öneririz. Burada yapılacaklar fonksiyon grafiklerini ötelemekle sınırlı kalacaktır. Testlerimizde fonksiyon dönüşümlerini günlük hayat problemlerine aktararak uygulamayı hedef aldık. Soruların fazla yer kapladığına, büyüklüğüne aldanmadan tüm dikkatinle okumalısın. Zamanla alıştığını farkedecek ve çoğu standart sorudan bile daha kolay olduklarını anlayacaksın. Keyifli çalışmalar dileriz.

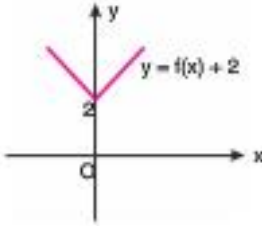
1.



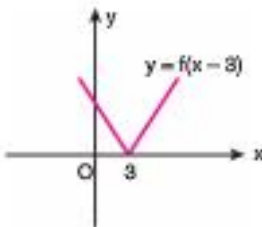
Yukarıdaki şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

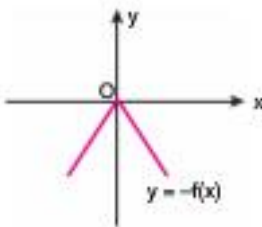
I.



II.



III.



grafiklerinden hangileri doğrudur?

A) Yalnız I

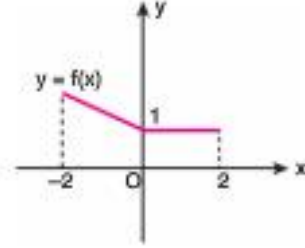
B) I ve II

C) II ve III

D) I ve III

E) I, II ve III

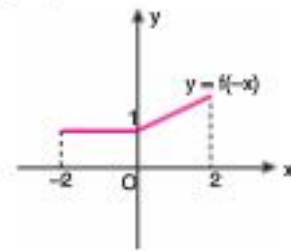
2.



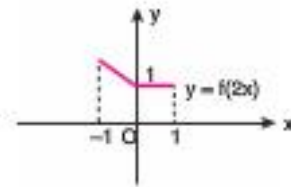
Yukarıdaki şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

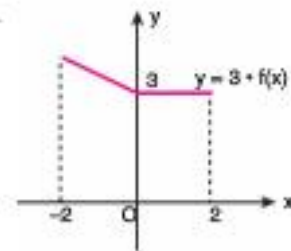
I.



II.



III.



grafiklerinden hangileri doğrudur?

A) Yalnız I

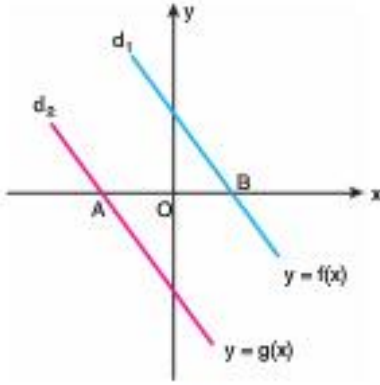
B) I ve II

C) Yalnız III

D) II ve III

E) I, II ve III

3.



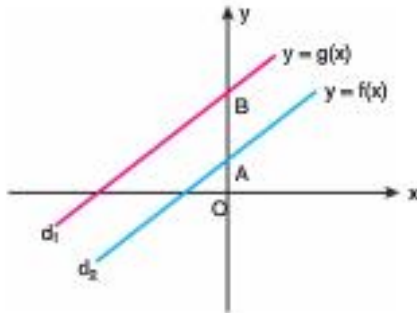
Şekilde, $y = f(x)$ ve $y = g(x)$ fonksiyonlarının grafikleri birbirine paralel iki doğrudur.

$|AB| = 10$ birimdir.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonunu $g(x)$ türünden ifadesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $g(x) - 10$ B) $g(x - 10)$ C) $g(x) + 10$
D) $g(x + 10)$ E) $10 \cdot g(x)$

4.



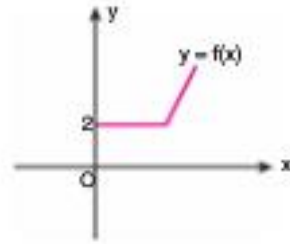
Şekilde, d_1 ve d_2 doğruları birbirine paraleldir.

$A\left(0, \frac{1}{2}\right)$ ve $B\left(0, \frac{5}{2}\right)$

olduğuna göre, $g(x)$ fonksiyonunu $f(x)$ türünden ifadesi aşağıdakilerden hangisidir?

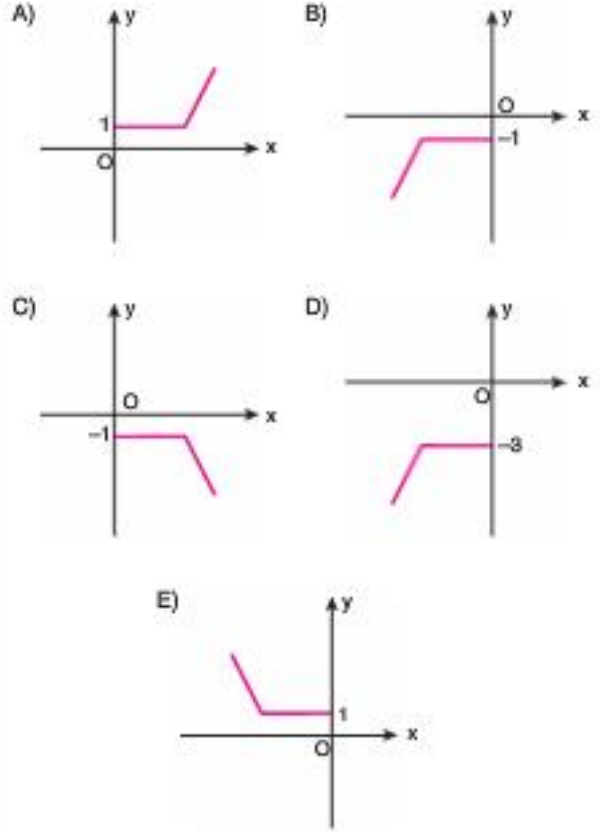
- A) $f(x) - 2$ B) $f(x - 2)$ C) $f(x) + 2$
D) $f(x + 2)$ E) $2 \cdot f(x)$

5.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $g(x) = 1 - f(-x)$ fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?



6.

$$y = (x - 1)^2 + 3$$

parabolü önce x eksenini boyunca 4 birim sola sonra y eksenini boyunca 2 birim aşağı ötelenirse oluşan yeni parabolün tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) (-3, 1) B) (1, 3) C) (-3, -1)
D) (-1, -3) E) (-1, 3)

7.

İki öğrenci aşağıdaki iki grafiği çizmiştir.

Mehmet: $y = x^2 - x - 1$

Soner: $y = 2(x^2 - x - 1)$

Buna göre,

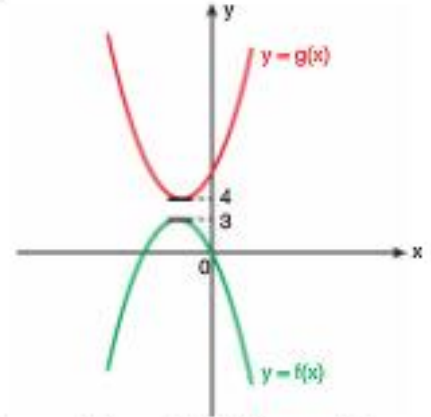
- I. Mehmet'in grafiği x eksenini hangi iki noktada kesiyorsa Soner'in grafiği de x eksenini o iki noktada keser.
- II. Soner'in grafiğinde parabolün kolları birbirine daha yakındır.
- III. Soner'in grafiği, Mehmet'in grafiğinin 2 birim aşağı ötelenmiş biçimindedir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

8.

Aşağıda başkatsayıları sırası ile -1 ve 1 olan f ve g ikinci dereceden polinom fonksiyonlarının (parabol) grafikleri verilmiştir.



$y = f(x)$ ve $y = g(x)$ parabollerinin tepe noktalarının apsisi-ri aynıdır.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $g(x) = 7 - f(x)$ B) $g(x) = -f(x) - 1$
C) $g(x) = 1 - f(x)$ D) $g(x) = -f(x) - 7$
E) $g(x) = -f(x - 7)$

9.

$a \neq 0$ olmak üzere,

$$f(x + 1) = ax^2 + bx + c$$

parabolünün simetri ekseninin denklemi $x = 5$ olduğuna göre, $f(x - 1)$ parabolünün simetri ekseninin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

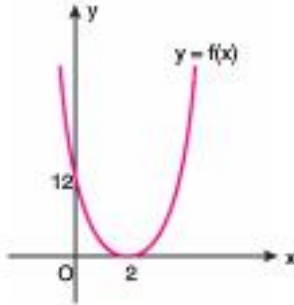
- A) $x = 4$ B) $x = 5$ C) $x = 6$
D) $x = 7$ E) $x = 8$

10. Denklemi $y = 2 \cdot (x - 1)^2 - 1$ olan parabol x ekseninin negatif yönünde 1 birim kaydırıldıktan sonra x eksenine göre simetrisi alınıyor.

Buna göre, elde edilen son parabolün denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 1 - 2x^2$ B) $y = 2 - x^2$ C) $y = 2x^2 - 1$
D) $y = x^2 - 2$ E) $y = 2 - 2x^2$

11.



Şekilde verilen parabol x ekseninde negatif yönde 1 birim ötelenip daha sonra y ekseninin pozitif yönünde 3 birim ötelenirse oluşan yeni parabolün denklemi $y = g(x)$ olduğuna göre, $g(3)$ kaçtır?

- A) 18 B) 16 C) 15 D) 14 E) 12

12. $a \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$ olmak üzere,

$$f(x) = a \cdot (x - 1)^2 + 3$$

fonksiyonu veriliyor.

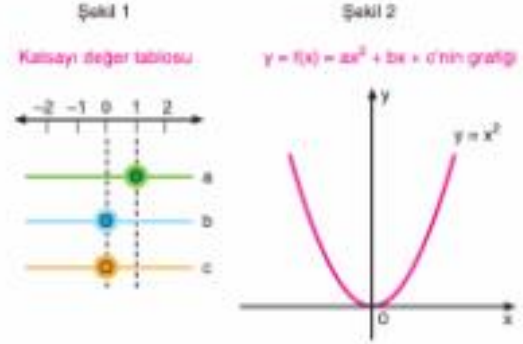
Buna göre,

- I. $f(x)$ fonksiyonu yatay ekseninde negatif yönde 1 birim ötelenirse çift fonksiyon elde edilir.
- II. $f(x)$ fonksiyonunun alacağı en küçük değer 3 tür.
- III. $f(x)$ fonksiyonu $x \geq 1$ için birebir fonksiyondur.
- IV. $f(x)$ fonksiyonu x eksenini kemez.

İfadelerinden hangileri daima doğrudur?

- A) I, II ve III B) I ve III C) I, III ve IV
D) II ve IV E) I, II ve IV

13. Murat bir grafik çizim programıyla aşağıdaki grafiği çizdirmiştir.



Murat Şekil 1'deki katsayı değer tablosunda a, b, c için tablodaki değerleri belirtmiş ve çizim programı bu değerlere göre oluşan $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğini Şekil 2'deki gibi çizmiştir.

Murat daha sonra Şekil 1'deki katsayı değer tablosunda a'nın butonunu olduğu gibi bırakıp b ve c'nin butonlarını k birim sağa taşıyarak $y = g(x)$ fonksiyonunu elde etmiş ve grafiğini çizdirmiştir.

$y = g(x)$ fonksiyonunun grafiği $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğinin 2 birim sola ötelenmiş biçimi olduğuna göre, k kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

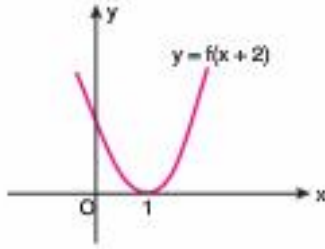
14. $f(x) = x^2 - 2x + 5$ parabolü 2 birim sağa ve 3 birim aşağı öteleniyor. Oluşan yeni parabolün $y = 4$ doğrusuna göre simetrisi alınıyor.

Son durumda oluşan parabolün tepe noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (1, 4) B) (2, 5) C) (3, 5)
D) (4, 6) E) (3, 7)

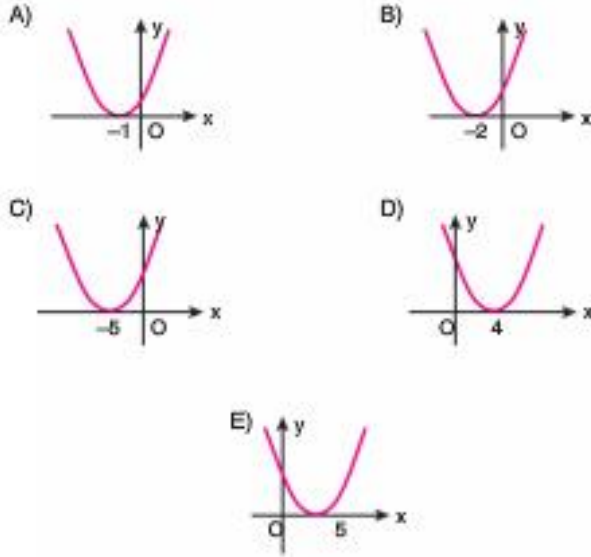
1. E	2. E	3. B	4. C	5. B	6. A	7. D
8. A	9. D	10. A	11. C	12. B	13. D	14. E

1.

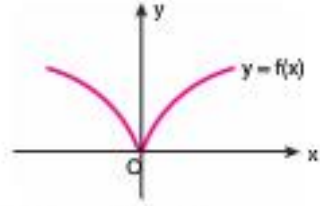


Yukarıdaki şekilde, $y = f(x+2)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(x+5)$ fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?

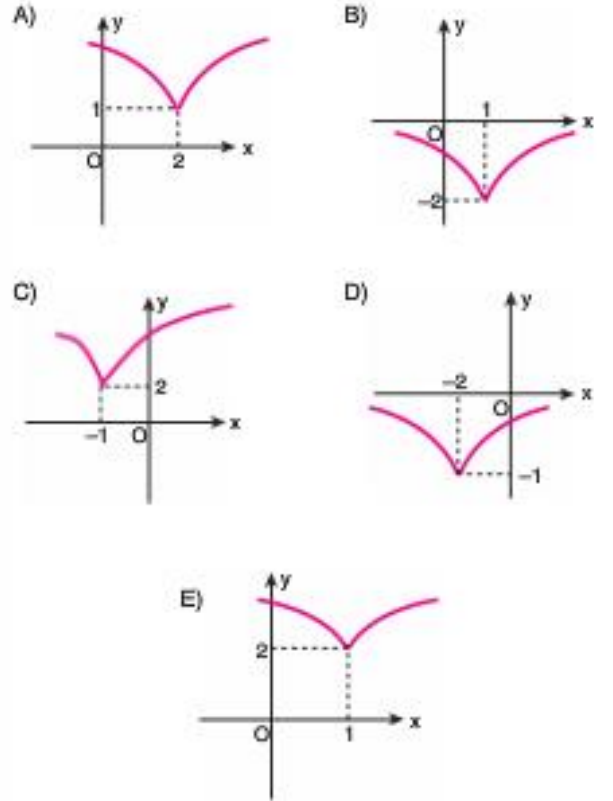


3.



Yukarıdaki şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(x-1) + 2$ fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?



2.

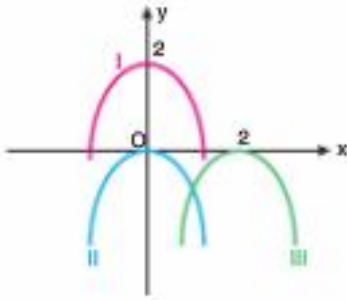
$f(x) = |x - 10|$ fonksiyonunun x ekseninde 5 br sola ötelenmiş biçimi $y = g(x)$ ve $y = g(x)$ fonksiyonunun y eksenine göre simetrisi $y = h(x)$ tir.

Buna göre, $y = g(x)$, $y = h(x)$ ve x eksenleri arasında kalan bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 5 B) 10 C) 25 D) 50 E) 100



4.



Yukarıda verilen koordinat sisteminde,

a: $y = f(x)$

b: $y = f(x - 2)$

c: $y = f(x) + 2$

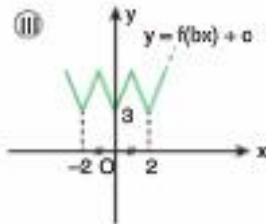
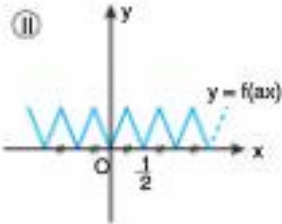
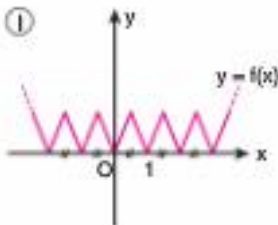
fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, aşağıdaki seçeneklerden hangisinde fonksiyon-grafik eşleştirmesi doğru verilmiştir?

- A) I-a, II-b, III-c B) I-a, II-c, III-b C) I-b, II-a, III-c
D) I-c, II-a, III-b E) I-b, II-c, III-a



5.



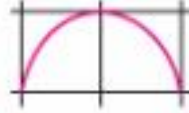
Yukarıda verilen II. ve III. grafikler, I. grafikten elde edilmiştir.

Buna göre, $a \cdot c - b$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{1}{2}$ B) 5 C) $\frac{11}{2}$ D) -2 E) 0

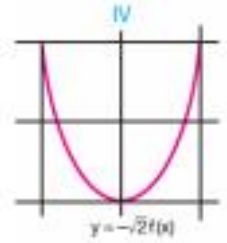
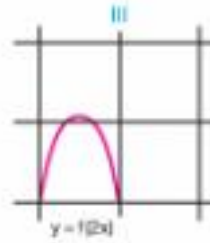
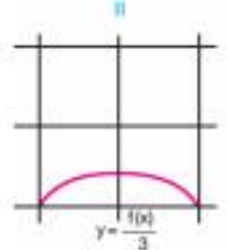
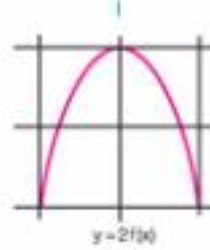


6.



$y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği, koordinat eksenleri silindiğinde yandaki gibi olmuştur.

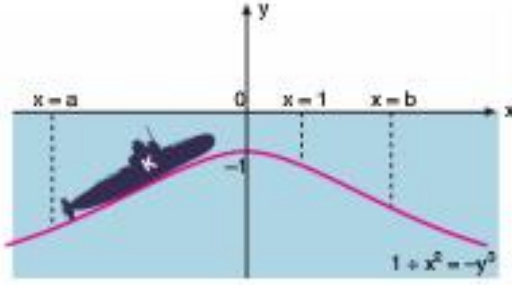
Aşağıda f fonksiyonundan elde edilen dört ayrı fonksiyonun daha grafiği verilmiştir.



Verilen beş grafik de birim kareli zeminde olduğuna göre, I, II, III, IV nolu grafiklerden hangileri kesinlikle yanlıştır?

- A) Yalnız II B) Yalnız III C) Yalnız IV
D) II ve III E) III ve IV

7. Şekildeki K denizaltısı, aşağıda verilen $1 + x^2 = -y^3$ eğrisi biçimindeki rotanın; $x = a$ apselli noktasından hareket etmiş, $x = 1$ apselli noktasında yakıt takviyesi yapmış ve sonra $x = b$ apselli noktasında sabitlenmiştir.



L adlı başka bir denizaltı ise $1 + (x - 1)^2 = -(y - 1)^3$ rotasını izlemiştir. Bu denizaltı, rotasının; $x = a$ apselli noktasından hareket etmiş, $x = 1$ apselli noktasında yakıt takviyesi yapmış ve $x = b$ apselli noktasında sabitlenmiştir. y eksen, denizaltıların denizin kaç birim aşağısına indiğini göstermektedir.

Örneğin; K denizaltısı $x = 0$ apselli noktasında deniz seviyesinin 1 birim aşağısındadır.

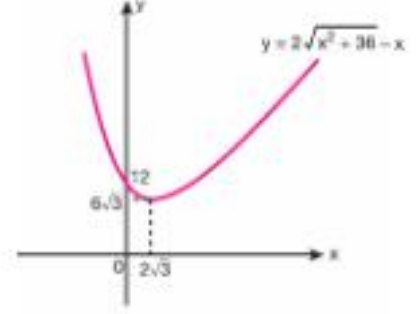
Buna göre,

- I. K denizaltısına, derinliği 1 birimden fazla olan bir noktada yakıt takviyesi yapılmıştır.
- II. L denizaltısına deniz seviyesinde yakıt takviyesi yapılmıştır.
- III. İki denizaltı da sabitlenmişken, K denizaltısı, L denizaltısının daha aşağısındadır.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I, II ve III

8.

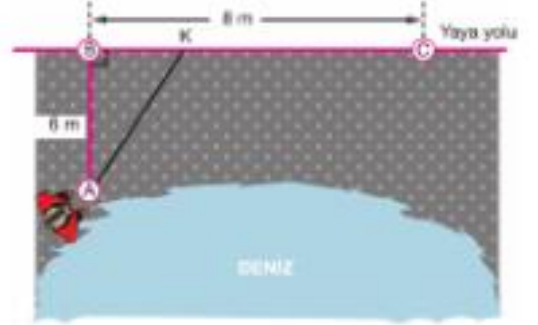


Yukarıda en küçük değeri $6\sqrt{3}$ olan,

$$f(x) = 2\sqrt{x^2 + 36} - x$$

fonksiyonunun grafiği verilmiştir. Bu grafik aşağıda verilen sorunun çözümünde yardımcı bilgi olarak kullanılacaktır.

Aşağıda verilen şekilde deniz ile BC doğrusunun arası kumsal bölge ve BC doğrusu yaya yoludur. Kumsaldaki A noktasında bulunan Berkay'ın B noktasına uzaklığı 6 metre ve ABC dik açıdır.



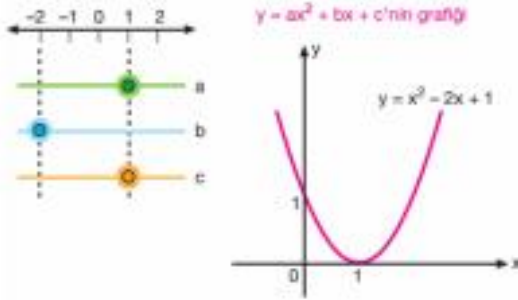
Berkay kumsalda saniyede yarım metre, yaya yolunda saniyede 1 metre hızla yürüyebilmektedir.

K, B ile C arasında değişken bir nokta olmak üzere, Berkay A noktasından K noktasına oradan da yaya yolu üzerinde yürüyerek B noktasından 8 metre uzakta C noktasına gidecektir.

Buna göre, Berkay A noktasından C noktasına en az kaç saniyede gidebilir?

- A) 8 B) $2\sqrt{3}$ C) $6 + 6\sqrt{3}$
D) $8 + 6\sqrt{3}$ E) $12 + 6\sqrt{3}$

9. Aşağıda bir grafik çizim programında yapılan bir çizim gösterilmiştir.

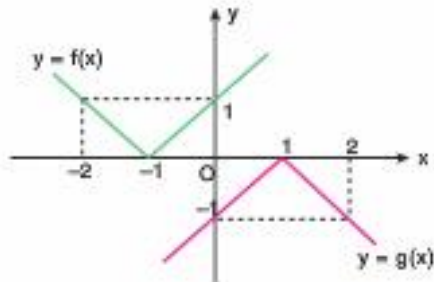


Soldaki kısımda, a, b, c'den her birinin bulunduğu doğru-
daki yuvarlak buton sağa veya sola hareket ettirildiğinde
a, b, c'nin değeri değişmekte ve yeni değerlere göre
 $y = ax^2 + bx + c$ fonksiyonunun grafiği sağda çizilmekte-
dir.

Buna göre, a ve b'nin butonu yerinde kalır, c'nin buto-
nu 2 birim sola kayarsa, oluşan fonksiyonun grafiği
aşağıda belirtilenlerden hangisindeki gibi olur?

- A) Şekildeki grafiğin 2 birim sola kaymış biçimi
B) Şekildeki grafiğin 2 birim sağa kaymış biçimi
C) Şekildeki grafiğin 2 birim aşağı kaymış biçimi
D) Şekildeki grafiğin 2 birim yukarı kaymış biçimi
E) Şekildeki grafiğin x eksenine göre simetrisi

10.



Yukarıda, $y = f(x)$ ve $y = g(x)$ fonksiyonlarının grafikleri ve-
rilmiştir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $f(x) = -g(x) + 2$ B) $f(x) = -g(x) - 2$
C) $f(x) = -g(x + 2)$ D) $f(x + 2) = -g(x)$
E) $f(x + 1) = -g(x - 1)$

11. Bir ticari taksinin ücret tarifi aşağıdaki gibidir.

	Gündüz Tarifi	Gece Tarifi
Açılış Ücreti (TL)	2	8
Her 1 km Ücreti (TL)	2	2

İsmet ve Edip bu taksi ile farklı zamanlarda şeklideki A nok-
tasından C noktasına gitmiştir.



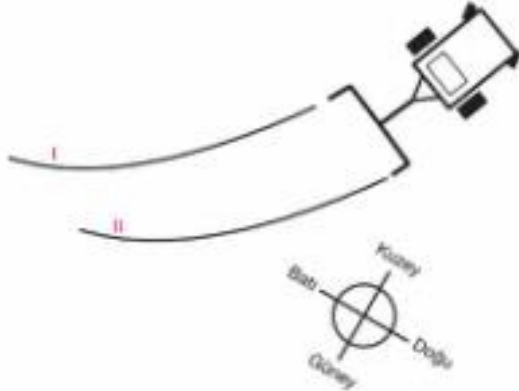
A'dan C'ye; İsmet yolun AB kısmını gece, BC kısmını gün-
düz, Edip yolun AB kısmını gündüz, BC kısmını gece tar-
ifesinden hesaplanacak biçimde gitmiştir. Açılış Ücreti, tak-
simetre ilk çalıştırıldığında alınan sabit bir ücrettir ve yolcu
inene kadar sadece bir kez uygulanmaktadır.

İsmet'in taksi ücreti $f(x)$ fonksiyonu, Edip'in taksi ücreti $g(x)$
fonksiyonudur.

$a > 0$ olmak üzere, $y = g(x)$ fonksiyonu, $y = f(x)$ fonks-
yonunun $x = a$ birim sağa ötelenmiş biçimi olduğuna
göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12. Bir traktör, arkasındaki tırmıkla bir tarlayı sürerken aşağıdaki görüntü oluşmuştur.

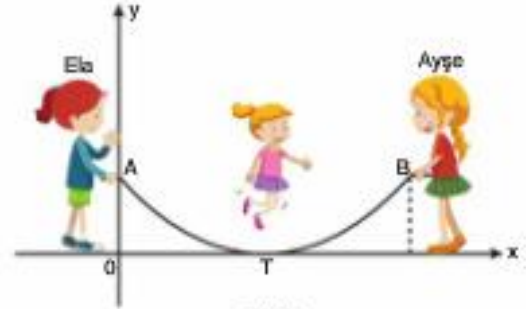


II nolu eğri, I nolu eğrinin doğu yönünde 10 birim ötelenmiş biçimidir. Batı-doğu çizgisini x eksen, güney-kuzey çizgisini y eksen kabul edelim.

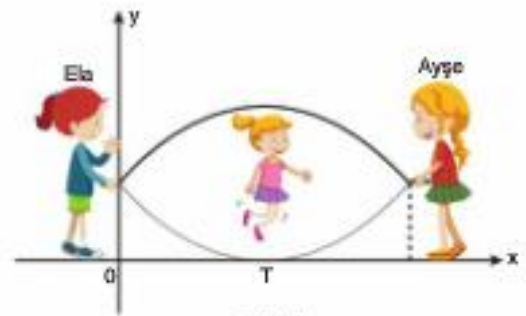
I nolu eğrinin denklemi $y = 2^x$ olduğuna göre, II nolu eğrinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 2^x - 10$ B) $y = 2^x + 10$ C) $y = 2^{x-10}$
D) $y = 2^{x+10}$ E) $y = 10 \cdot 2^x$

13. Aşağıda dik koordinat sisteminde modellenmiş bir ip atlama oyunu verilmiştir. Ela ile Ayşe ipi $A(0, 4)$ ve $B(6, 4)$ noktalarında tutmaktadırlar. T noktası parabol biçiminde olan ipin tepe noktasıdır.



Şekil I



Şekil II

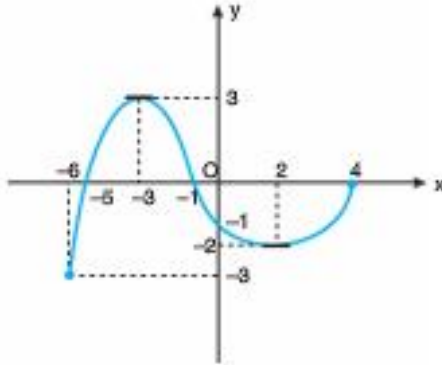
Şekil I'de verilen ipin $y = 4$ doğrusuna göre simetrisi Şekil II'deki gibi olmuştur.

Şekil II'deki ipin belirttiği fonksiyon $y = f(x)$ olmak üzere, $f(4)$ kaçtır?

- A) $\frac{70}{9}$ B) $\frac{23}{3}$ C) $\frac{68}{9}$ D) $\frac{67}{9}$ E) $\frac{22}{3}$

1. B	2. C	3. E	4. D	5. C	6. E	7. E
8. D	9. C	10. C	11. C	12. C	13. C	

1. $f: [-6, 4] \rightarrow [-3, 3]$, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



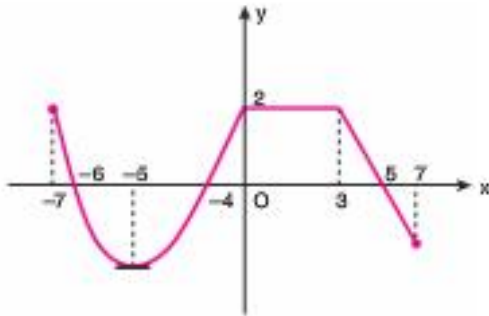
Buna göre,

- I. $f(x)$ 'in alabileceği maksimum değer 3'tür.
- II. f fonksiyonunun pozitif değerli artan olduğu aralık $(-6, -3)$ 'tür.
- III. $f(x)$ 'in $[-3, 2]$ aralığında ortalama değişim oranı -1 'dir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

2.



$f: [-7, 7] \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. $(0, 3)$ aralığında f sabittir.
- II. $(-5, 0)$ aralığında f artandır.
- III. $(3, 7)$ aralığında f azalandır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

3. f , artan bir fonksiyondur.
 $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

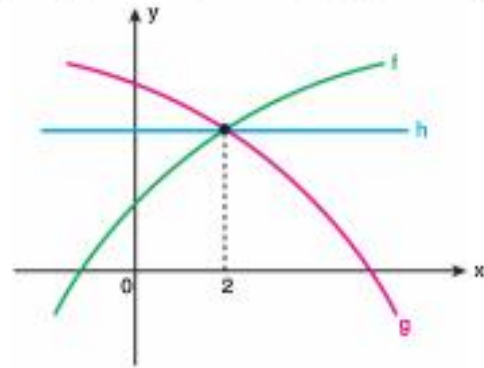
$$f(a) = a - 5$$

$$f(a - 2) = 16 - 2a$$

olduğuna göre, a 'nın en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

4. Aşağıda f , g ve h fonksiyonlarının grafiği gösterilmiştir.



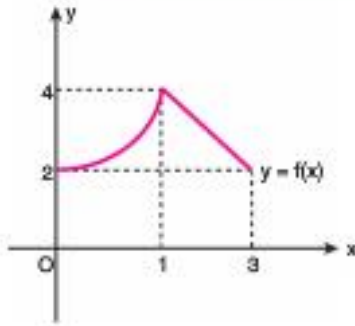
Buna göre,

- I. $[2, \infty)$ aralığında $(f - g)(x)$ fonksiyonu artandır.
- II. $(-\infty, 2]$ aralığında $(h - g)(x)$ fonksiyonu azalandır.
- III. $[2, \infty)$ aralığında $(f \circ g)(x)$ fonksiyonu azalandır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

5.

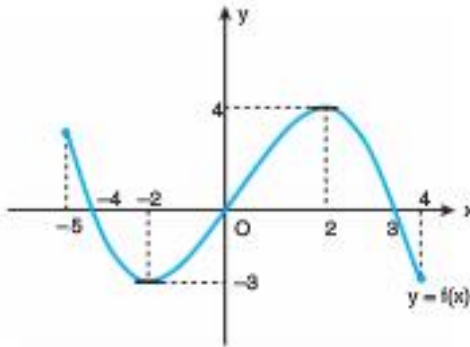


Yukarıda; $f : [0, 3] \rightarrow \mathbb{R}$, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = -f(x - 3)$ fonksiyonu aşağıdaki aralıklardan hangisinde artandır?

- A) $[2, 5]$ B) $[4, 6]$ C) $[-3, 2]$
D) $[-1, 0]$ E) $[-3, 0]$

6.



Yukarıda, tanım kümesi $[-5, 4]$ olan $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(x)$ fonksiyonunun minimum değeri ile maksimum değerinin toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

7.

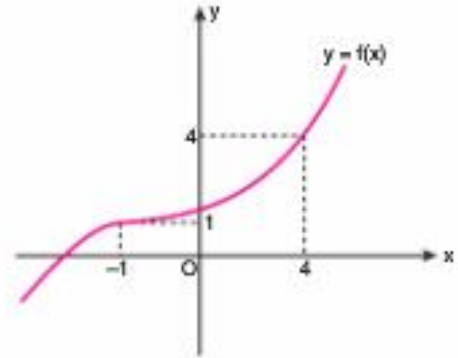
$y = f(x)$ fonksiyonunun minimum noktası $A(2, 1)$ olduğuna göre, $y = -f(x - 1)$ fonksiyonunun maksimum noktası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(3, 0)$ B) $(0, -3)$ C) $(-3, 1)$
D) $(3, -1)$ E) $(-3, -1)$

8.

Tanım: Bir f fonksiyonunun $[a, b]$ aralığındaki ortalama de-

ğişim oranı; $\frac{f(b) - f(a)}{b - a}$ dir.



Buna göre, $y = f(x)$ fonksiyonunun $[-1, 4]$ aralığındaki ortalama değişim oranı kaçtır?

- A) $\frac{6}{5}$ B) 1 C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{2}{5}$

9.

$f(x) = x^2 + mx$ fonksiyonunun $[2, 3]$ aralığındaki ortalama değişim oranı 8'dir.

Buna göre, m kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

10.

Aşağıda bir facebook sayfasının beğeni sayısı saat ile ilişkilendirilmiştir.

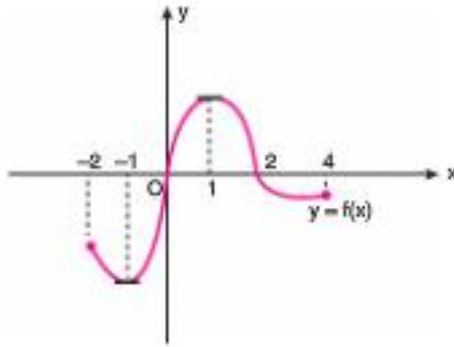
Beğeni sayısı	Süre (saat)
130	1
190	3
280	6
340	8

Buna göre, beğeni sayısının 1-8 saatleri arasındaki değişim oranı kaçtır?

- A) 60 B) 50 C) 40 D) 30 E) 20

1. C	2. E	3. D	4. D	5. B
6. D	7. D	8. D	9. C	10. D

1. Aşağıda $[-2, 4]$ aralığında tanımlı f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) f 'nin en büyük değeri $f(1)$ 'dir.
- B) f 'nin en küçük değeri $f(-1)$ 'dir.
- C) $f(x) = 0$ denkleminin iki farklı reel kökü vardır.
- D) $(-1, 0)$ aralığında f negatif değerli ve artandır.
- E) $(0, 2)$ aralığında f pozitif değerli ve artandır.

2. Reel sayılarda tanımlı $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğinin maksimum noktasının ordinatı 10 'dur.

Buna göre, aşağıdaki fonksiyonlardan hangisinin grafiğinin maksimum noktasının ordinatı 10 'dan büyüktür?

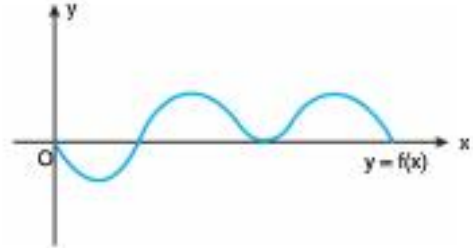
- A) $y = f(-x)$
- B) $y = f(x - 2)$
- C) $y = f(2x)$
- D) $y = 2f(x)$
- E) $y = f(x + 1)$

3. $y = f(x)$ fonksiyonunun minimum noktası $A(-4, 1)$ dir.

Buna göre, $A'(-4, -1)$ aşağıdaki fonksiyonlardan hangisinin kesinlikle maksimum noktasıdır?

- A) $y = f(-x)$
- B) $y = -f(x)$
- C) $y = f(x) + 1$
- D) $y = f(x - 1)$
- E) $y = f(x) - 2$

- 4.



Yukarıda, $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere $y = f(x)$ çift fonksiyonunun $x > 0$ için grafiği verilmiştir. Verilen grafiğin x eksenliyle dört ortak noktası vardır.

Buna göre, $f(x) = 0$ denkleminin birbirinden farklı en az kaç kökü vardır?

- A) 10
- B) 9
- C) 8
- D) 7
- E) 6

5. f , azalan ve g artan bir fonksiyondur.

$$a, b \in \mathbb{R}$$

$$x_1 < x_2 < x_3 < x_4 \text{ olmak üzere,}$$

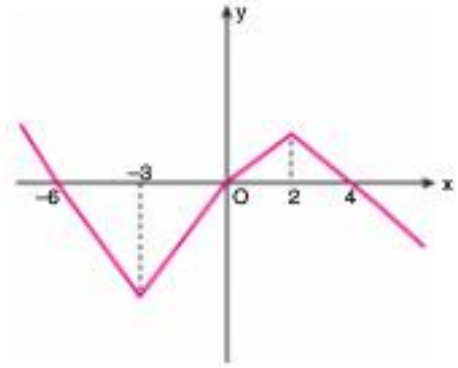
$$f(x_1) - f(x_2) = a$$

$$g(x_3) - g(x_4) = b$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi daima doğrudur?

- A) $a \cdot b > 0$ B) $a + b < 0$ C) $a > b > 0$
D) $a > 0 > b$ E) $x_1 \cdot x_4 < 0$

- 7.



Yukarıda; $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(2x)$ fonksiyonunun negatif değerli ve artan olduğu aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(-\frac{3}{2}, 0\right)$ B) $\left(-\frac{3}{2}, 1\right)$ C) $(-\infty, -3)$
D) $(0, 4)$ E) $(-6, 0)$

6. Bir hareketli A noktasından B noktasına şekilde gösterilen hızla gidecektir. Hareketli A noktasından ayrıldığı anda bir kronometre çalıştırılıyor. B noktasına vardiktan sonra B'de duruyor ama kronometre çalışmaya devam ediyor.



Kronometrenin gösterdiği herhangi bir anda, hareketlinin A noktasına olan uzaklığının zamana bağlı fonksiyonu f , B noktasına olan uzaklığının zamana bağlı fonksiyonu g 'dir.

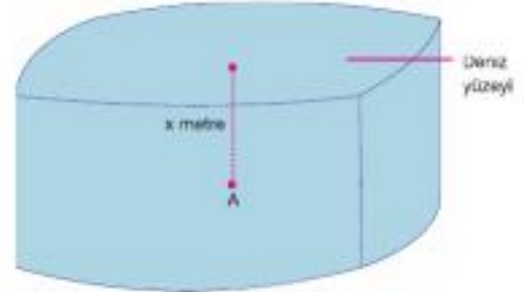
Zamanın birimi saat olmak üzere, f ve g , $[0, 6]$ zaman aralığından $[0, 100]$ aralığına tanımlı olduğuna göre,

- I. g azalandır.
II. $(5, 6)$ aralığında f ve g 'nin grafiği paraleldir.
III. $[0, 6]$ aralığında f 'nin değişim oranı 25'tir.

yargılarından hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

- 8.



Bir denizin x metre derinliğindeki A noktasında basınç değeri x 'e bağlı birinci dereceden f fonksiyonudur.

- Deniz yüzeyindeki basınç 1 atmosferdir.
- 50 metre derinliğindeki bir noktada basınç 6 atmosferdir.

f fonksiyonunun en büyük değeri 20 olduğuna göre, bu denizin en derin yeri kaç km'dir?

- A) 1 B) 2 C) 5 D) 10 E) 20



9.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & , 1 \leq x < 3 \\ 12 - x & , x \geq 3 \end{cases}$$

şeklinde tanımlanan f fonksiyonunun maksimum noktasının koordinatları toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 9 C) 12 D) 15 E) 18



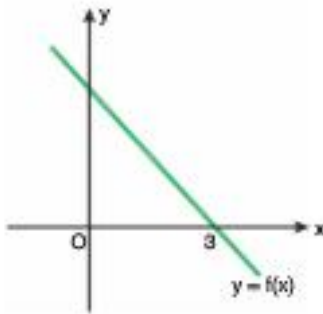
10. $a < b < 0$ olmak üzere, her $x \in [a, b]$ için f fonksiyonu azalandır.

Buna göre, her $x \in (a, b)$ için aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- A) $f(x) > 0$ B) $f(x) > f(a)$ C) $f(b) > f(x)$
D) $f(x) > f(a) > f(b)$ E) $f(x) > f(b)$



11.



Şekilde verilen $f(x)$ fonksiyonunun x 'e göre, değişim oranı -2 olduğuna göre, $f(1)$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4



12. $0 \leq t \leq 3600$ olmak üzere, saat 12.00'den itibaren t . saniyede akrep ile yelkovan arasındaki küçük açının ölçüsünü belirten fonksiyon $f(t)$ 'dir. Akrep ile yelkovan arasındaki iki açının ölçüsü eşli ise $f(t)$ bu iki açı ölçüsünden herhangi birine eşittir.

Buna göre,

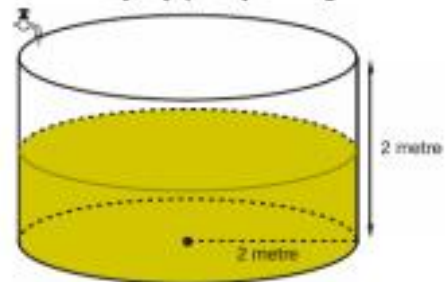
- I. f artan fonksiyondur.
II. f bire bir fonksiyondur.
III. f , en büyük değerini, $1800 < t < 3600$ koşulunu sağlayan bir t değeri için alır.

yargılarından hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III



13. Aşağıda dik silindirik biçiminde bir zeytinyağı kazanı verilmiştir. Kazanın taban yarıçapı ve yüksekliği 2 metredir.



Bir yağ fabrikasında, sıkılan zeytinlerden elde edilen yağlar şeklindeki musluktan sabit bir hızla akararak bu kazanın boş halini yarım saatte doldurmaktadır.

Bu dolum işleminin herhangi bir anında, kazandaki yağın yüksekliğinin zamana göre değişim oranı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{15}$ m/dk B) $\frac{2}{15}$ m/dk C) $\frac{1}{5}$ m/dk
D) $\frac{4}{15}$ m/dk E) $\frac{1}{3}$ m/dk

14. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $y = f(x)$ fonksiyonu artan bir fonksiyon ve $f(0) = 0$ dir.

Buna göre,

- I. Her $x \in \mathbb{R}^+$ için $f(x) > 0$ dir.
- II. $f(-10) < f(100)$
- III. f fonksiyonunun grafiği x eksenini sadece bir noktada keser.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

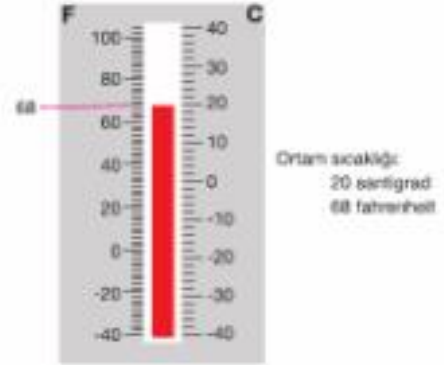
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III

15. Dik silindirik biçimindeki bir yakıt deposunun yüksekliği 50 cm'dir. Bu yakıt deposu, boş iken, doldurma hızı $2000 \text{ cm}^3/\text{dk}$ olan bir pompa ile 10 dakikada doldurulmuştur.

Bu doluş işleminin herhangi bir anında, depoda bulunan yakıt miktarının silindirin yüksekliğine göre değişim oranı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $200 \text{ cm}^3/\text{cm}$ B) $400 \text{ cm}^3/\text{cm}$ C) $500 \text{ cm}^3/\text{cm}$
D) $800 \text{ cm}^3/\text{cm}$ E) $1000 \text{ cm}^3/\text{cm}$

16. Aşağıda, ortam sıcaklığını hem fahrenheit hem de santigrad birimine göre ölçen bir termometre verilmiştir.



Bu termometre için, x santigradı y fahrenheitte dönüştüren fonksiyon,

$$y = f(x) = \frac{9x}{5} + 32$$

biçimindedir.

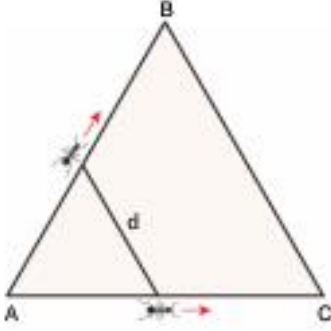
Buna göre,

- I. Fonksiyonun en büyük değeri 104 fahrenheit'tir.
- II. x negatif olduğunda $f(x)$ de negatif olur.
- III. $-10,0001 < x < 20$ olduğunda $f(x)$ 'in en küçük değeri pozitif olur.

yargılarından hangileri doğrudur?

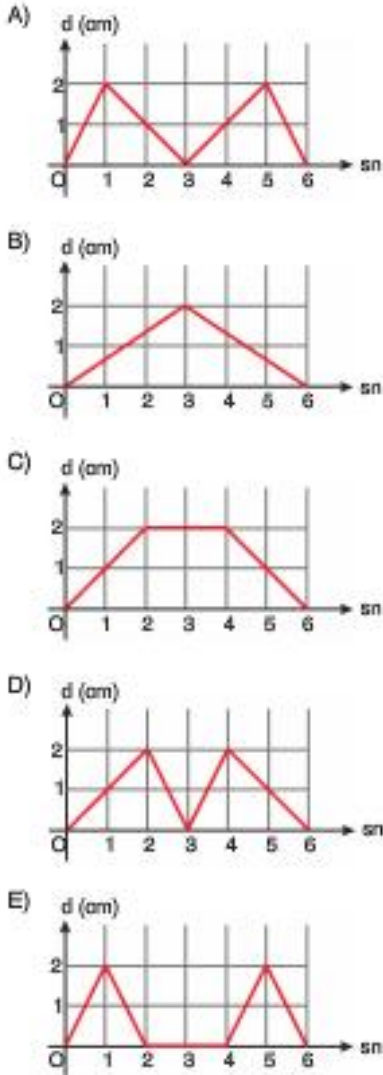
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

1.

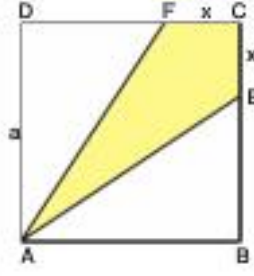


Şekilde, hızları saniyede 1 cm olan karıncalar bir kenarı 2 cm olan ABC eşkenar üçgenin A köşesinden başlayarak hareket etmişlerdir.

Buna göre, karıncaların ters yönlerde birer tur atıp başlangıç noktasına dönünceye kadarki zaman içerisinde aralarındaki mesafenin zamana bağlı değişimini gösteren grafik aşağıdakilerden hangisidir?

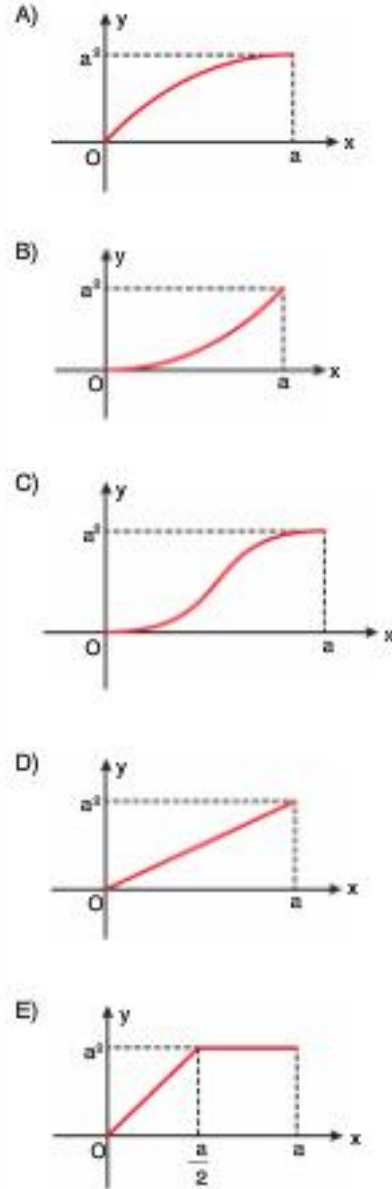


2.

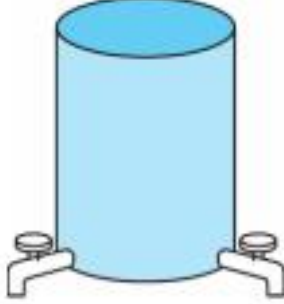


$f(x): x \rightarrow \text{Alan}(AECF)$

olduğuna göre, $f(x)$ 'in grafiği aşağıdakilerden hangisidir?



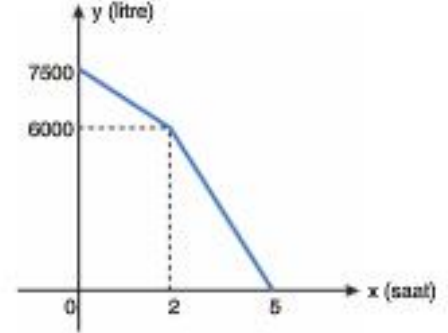
3. Şekilde verilen dik silindir biçimindeki kap su ile dolu iken, kabı boşaltmak için kullanılan iki özdeş musluktan biri açılarak kap yarısına kadar boşaltılmıştır. Kabin diğer yarısı diğer musluk da açılarak boşaltılmıştır.



Buna göre, boşaltım işleminin herhangi bir anında kapta bulunan suyun yüksekliğinin zamana göre değişimini gösteren grafik aşağıdakilerden hangisidir?

- A) Yüseklik Zaman
- B) Yüseklik Zaman
- C) Yüseklik Zaman
- D) Yüseklik Zaman
- E) Yüseklik Zaman

4. Aşağıda iki doğru parçası tarafından oluşturulan grafik, bir havuzda bulunan suyun litre cinsinden hacminin zamana bağlı bir fonksiyonu olarak gösterilmiştir.

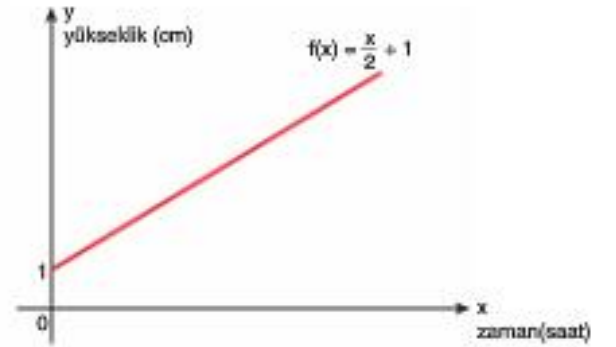


Havuz 5 saatte boşaltılmış olup ilk iki saatte havuzdan sadece bir pompa ile su çekilmiştir. Bundan sonraki 3 saatte havuzu boşaltma süresini azaltmak için ilk pompa ile birlikte ikinci bir pompa daha çalıştırılmıştır.

Buna göre, ikinci pompanın saatteki akış hızı kaç litredir?

- A) 750 B) 1000 C) 1250 D) 1500 E) 1750

5. Bilgi: Yarıçapı r , yüksekliği h olan bir dik silindirin hacmi; $\pi \cdot r^2 \cdot h$ formülü ile bulunur.



İçinde başlangıçta 1 cm yüksekliğinde su bulunan dik silindir şeklindeki bir depoya bir musluktan su akmaktadır.

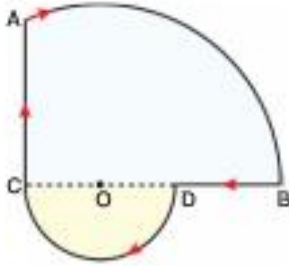
Depoda biriken suyun zamana bağlı yüksekliği, grafiği verilen f fonksiyonu ile belirlenmektedir.

Depodaki suyun hacminin $[2, 5]$ zaman aralığında değişim oranı 18π 'dir.

Buna göre, silindir şeklindeki bu deponun taban yarıçapı kaç cm'dir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 8 E) 9

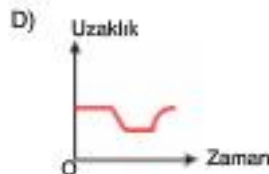
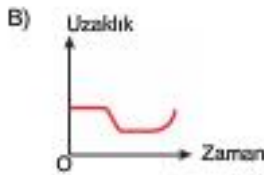
6. Aşağıda verilen şekilde O noktası, \widehat{AB} yaylı çemberin ve \widehat{CD} yaylı yarım çemberin merkezidir.



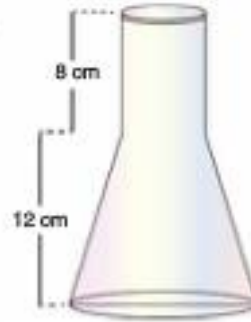
$$|DB| = 2|OC| = 2|OD|$$

A noktasından yola çıkan bir hareketli ok yönünde hareket ederek tekrar A noktasına gelecektir.

Buna göre, yolculuk boyunca hareketlinin O noktasına uzaklığını gösteren grafik aşağıdakilerden hangisi olabilir?

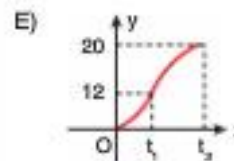
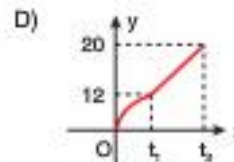
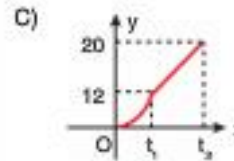
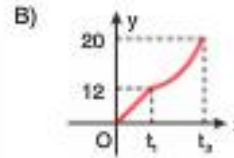
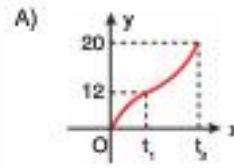


7.

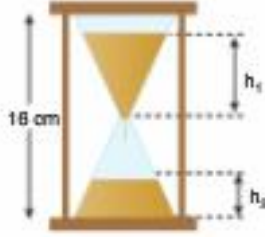


Ayşe hanım şeklindeki gibi olan sürahiye su dolduracaktır. Suyun sürahiideki yüksekliğinin artışının dolana kadarki değişimi için; f: "f(t) = t. saniyedeki suyun yüksekliği" şeklinde tanımlanmıştır.

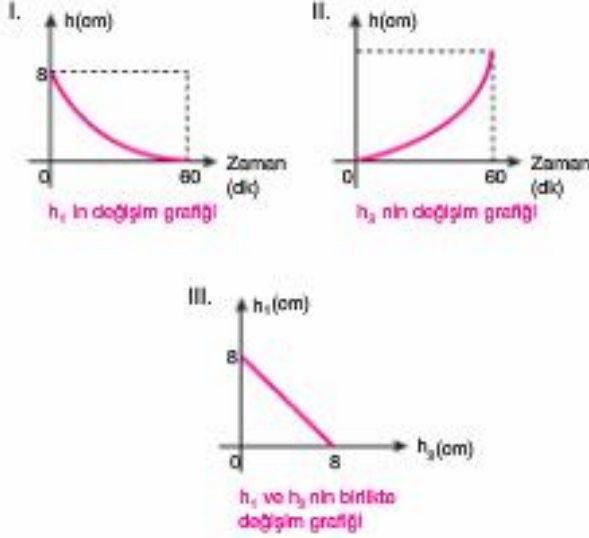
Buna göre, f fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



8.



Yukarıdaki kum saatinin bir bölümü kum ile dolu iken ters çevrildiğinde bir saatte boşalmaktadır. Kum saatinin yüksekliği 16 cm dir. Herhangi bir anda üst bölümde kalan kumun yüksekliği (h_1) ve alt bölümde biriken kumun yüksekliği (h_2) dir.

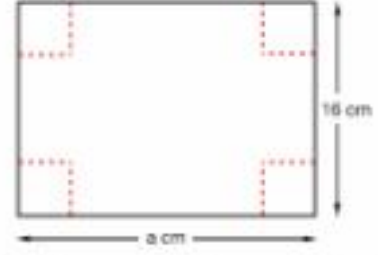


Buna göre, yukarıdaki değişim grafiklerinden hangileri çizilebilir?

- A) I ve II B) I ve III C) II ve III
D) Yalnız II E) I, II ve III

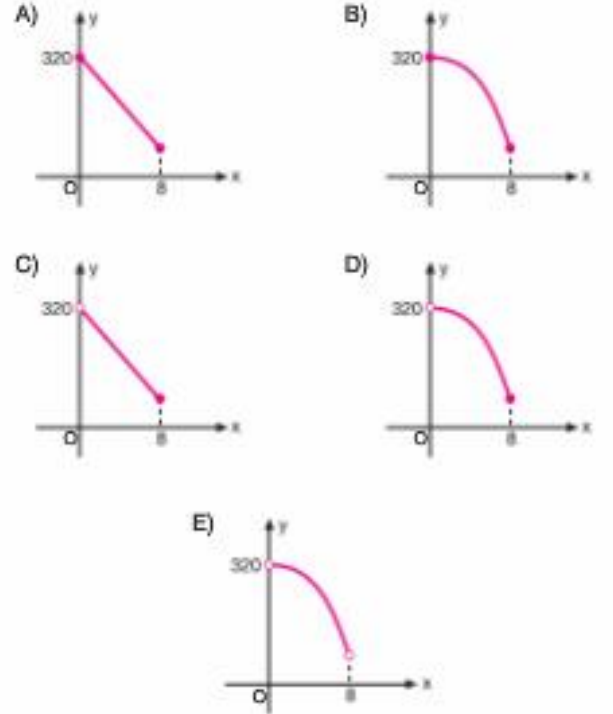
9.

Ersin kısa ve uzun kenarı 16 cm ile a cm olan şekildedeki dikdörtgenin her köşesinden aynı boyutta birer kare kesmiştir.



Kesme işleminden sonra, Ersin kalan şeklin alanını, kesilen karenin bir kenar uzunluğunun fonksiyonu olarak yazmıştır. Ersin'in yazdığı fonksiyon f olup $f(\sqrt{10}) = 280$ 'dir.

Buna göre, kesilen karenin bir kenar uzunluğuna x denirse, f fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olur?



ACİL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 5

EŞİTSİZLİKLER



Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Matematikçiler de sanatçılar gibi anlatacak çok şey olduğunda bir yerleri boyamaya başlayabilirler. Eşitsizlikler konusunda çoğu zaman karşımıza çıkan çözüm kümeleri sayılamayacak veya söylenemeyecek kadar geniş olabilir. Bu yüzden tablo gösteriminde belli bölgeleri boyamaya kalkışmamız, bir sanatçı hassasiyetinden başka birşey değildir. Denklem çözümüne ve tablo gösterimine titizlikle dikkat etmelisin. Eşitsizliklerin kullanılmadığı konu yok nerdeyse. İyi bitir, rahat et! Aksi halde sürekli rahatsızlık hissedersin. Matematiğin vazgeçilmez çok amaçlı bir aparatıdır eşitsizlikler. Tek başına monoton gözükse de vakti geldiğinde anahtar cümleyi genelde o kuracaktır. Bu testlerde eşitsizlikler adına her şeyi göreceksin ve öğreneceksin. İyi çalışmalar dileriz.



1.

$$(x - 1) \cdot (x + 4) < 0$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığında bulunan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) -8 B) -7 C) -6 D) -5 E) -4



2.

$$x \cdot (x^2 - 9) < 0$$

eşitsizliğini sağlayan en küçük pozitif tam sayı ile en büyük negatif tam sayının toplamı kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



3.

$$(4 - x^2) \cdot (x + 1) \geq 0$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, -2] \cup [-1, 2]$ B) $(-\infty, -1] \cup [2, \infty)$
 C) $[2, \infty) \cup (-1, 2]$ D) $[-2, 2] - \{-1\}$
 E) $(-\infty, 2] - \{-1\}$



4.

$a < 0 < b$ olmak üzere,

$$x \cdot (ax + b) \geq 0$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left[\frac{b}{a}, 0\right]$ B) $\left(-\infty, -\frac{b}{a}\right]$ C) $\left[-\frac{b}{a}, \infty\right)$
 D) $\left[0, -\frac{b}{a}\right]$ E) $(-\infty, 0]$



5.

$$f(x) = x^2 - 2x \text{ ve } g(x) = x + 3$$

fonksiyonları veriliyor.

$$(f \circ g)(a) < 8$$

eşitsizliğini sağlayan en küçük a tam sayısı kaçtır?

- A) -7 B) -6 C) -5 D) -4 E) -3



6.

Bir sayının 3 katının 2 fazlasının karesi, kendisinin 6 katının 7 fazlasından küçüktür.

Bu şarta uyan sayıların en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(\frac{1}{3}, 1\right)$ B) $\left(-\frac{1}{3}, \infty\right)$ C) $(-1, \infty)$
 D) $\left(-1, \frac{1}{3}\right)$ E) $\left(\frac{1}{3}, \infty\right)$



7.

$$\frac{n!}{(n-2)!} < 20$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane n tam sayısı vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



8.

$$\left(\frac{3}{2}\right)^{15-x^2} > \left(\frac{9}{4}\right)^{x^2+2x}$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane doğal sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



9.

$$x^3 + 2x^2 - x - 2 < 0$$

eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığı,

- I. $(-\infty, -2)$
II. $(-1, 2)$
III. $(-1, 1)$
IV. $(0, 2)$

kümelerinin hangilerinin birleşimiyle oluşur?

- A) II ve IV B) I ve III C) Yalnız IV
D) I ve IV E) Yalnız I



10.

$$(x-1)^{2020} \cdot (x-3) \geq 0$$

eşitsizliğinin en geniş çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[3, \infty)$ B) $[3, \infty) \cup \{1\}$ C) $(-\infty, 3]$
D) $[1, \infty)$ E) $[1, 3]$



11.

$$(x-3)^6 \cdot (x^2-4) \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane tam sayı vardır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



12.

$$(x-2) \cdot (5-x)^2 \cdot (x-9)^3 < 0$$

eşitsizliğini sağlayan x tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 32 B) 30 C) 28 D) 26 E) 24



13.

a < |a|, b = |b| ve b ≠ 0 olmak üzere,

$$(ax-b) \cdot (bx+a) > 0$$

eşitsizliğini sağlayan x sayılarının bulunduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(\frac{-a}{b}, \frac{b}{a}\right)$ B) $\left(\frac{b}{a}, \frac{-a}{b}\right)$ C) $\left(-\infty, \frac{-a}{b}\right)$
D) $\left(\frac{b}{a}, \infty\right)$ E) $\left(-\infty, \frac{b}{a}\right)$



14.

$$(x-2) \cdot (x-5) \leq (x-2)$$

en geniş çözüm aralığında bulunan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 20 B) 18 C) 16 D) 14 E) 12

1. C	2. D	3. A	4. D	5. D	6. D	7. B
8. B	9. B	10. B	11. B	12. C	13. B	14. A

1. $\frac{(x-2) \cdot (x+1)}{x+3} \leq 0$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, -3) \cup [-1, 2]$ B) $[-1, 2]$
 C) $(-\infty, 2] - \{-3\}$ D) $[2, \infty)$
 E) $[-1, 3]$

4. $\frac{ax-b}{x-b} \leq 0$

eşitsizliğin çözüm kümesi $(-4, 2]$ olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

5. $\frac{x^2 - x}{36 - x^2} \geq 0$

eşitsizliğini sağlayan doğal sayıların toplamı kaçtır?

- A) 18 B) 16 C) 15 D) 14 E) 13

2. $\frac{(2-x) \cdot (x+3)}{x} > 0$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 2)$ B) $(-\infty, -3)$ C) $(-3, 2) - \{0\}$
 D) $(-\infty, -3) \cup (0, 2)$ E) $(0, 2) \cup \{-3\}$

6. $1 + 2x \leq \frac{3}{x}$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right] \cup (0, 1]$ B) $\left(-\infty, -\frac{3}{2}\right] \cup (0, 1]$
 C) $(-\infty, 1] - \left\{\frac{-3}{2}\right\}$ D) $(0, \infty)$
 E) $\left(-\infty, \frac{3}{2}\right] - \{1\}$

3. a bir tam sayı olmak üzere,
 $\frac{x-a}{x-2} < 0$

eşitsizliği x 'in birbirinden farklı 5 tam sayı değeri için sağlandığına göre, a 'nın en büyük değeri kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6

7. $\frac{x-3}{x} < \frac{x}{x-3}$

eşitsizliğini sağlayan en küçük iki tam sayının toplamı kaçtır?

- A) 8 B) 7 C) 6 D) 5 E) 4

8. $b < 0 < c < a$ olmak üzere,

$$\frac{x^2 - (a+c)x}{b-x} > \frac{ac}{x-b}$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı,

- I. $(-\infty, b)$
 II. (c, a)
 III. (a, b)
 IV. (b, c)

kümelerinin hangilerinin birleşimiyle oluşur?

- A) I ve II B) III ve IV C) I ve IV
 D) II ve III E) Yalnız II

9. $\frac{x^2 - 4x + 3}{(x-2)^2} \leq 0$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığında bulunan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3

10. $\frac{-(x-2)^2 + x^3}{x^2 - 2} > 0$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 0) \cup \{\sqrt{2}\}$ B) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2}) - \{0\}$
 C) $(-\sqrt{2}, \infty)$ D) $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (0, \sqrt{2})$
 E) $(-\infty, \sqrt{2})$

11. $\frac{2^x(x^3 - x^2 - 20x)^2}{(x^2 + x + 2)^{2018}} \leq 0$

eşitsizliğin çözüm kümesinde kaç tane tam sayı vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

12. $\frac{x^2 - 2x + 1}{|x+2| - 3} \leq 0$

eşitsizliğini sağlayan kaç farklı tam sayı vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

13. $\frac{x^2 - 16}{|x-3|} < 0$

eşitsizliğini sağlayan tam sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) -8 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2

14. $\frac{|x^2 - 9|}{x^2 - 4x + 4} \leq 0$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane x tam sayı değeri vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

1. A	2. D	3. C	4. A	5. C	6. B	7. D
8. A	9. D	10. D	11. B	12. D	13. D	14. B



1.

$$4 - x < 0$$

$$x^2 - 3x - 18 < 0$$

eşitsizlik sistemini sağlayan kaç tane tam sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



2.

$$-2 < x^2 + 3x \leq 18$$

eşitsizliğin çözüm kümesinde kaç tane negatif tam sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



3.

$$(x + 7) \cdot (x - 3) < 0$$

$$\frac{x-5}{x+2} < 0$$

eşitsizlik sisteminin en geniş çözüm aralığındaki tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



4.

$$x - \frac{1}{x^{2010}} < 0$$

$$x - \frac{1}{x^{2011}} > 0$$

eşitsizlik sisteminin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 0)$ B) $(-1, 0)$ C) $(-\infty, -1)$
D) $(-1, \infty)$ E) $(0, \infty)$



5.

$$\frac{x^2 - 2x - 8}{|x - 3|} \leq 0$$

$$\frac{x^2 - 5x + 4}{2^{x+1}} > 0$$

eşitsizlik sistemini sağlayan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



6.

$$\frac{x^2 - 9}{\sqrt{x - 1}} \leq 0$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (1, 3) B) (-3, 1) C) (1, 3]
D) (1, ∞) E) $(-3, 3) - \{1\}$



7.

$$\sqrt{x^2 - x - 2} \cdot (x^2 - 9) \leq 0$$

eşitsizliğin çözüm kümesinde kaç tane tam sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



1. A 2. D 3. E 4. B 5. D 6. C 7. E



1. $x^2 - ax + 2a - 3$
ifadesi daima pozitifdir.

Buna göre, a sayısının en geniş değer aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (2, 6) B) (2, 3) C) (3, 6)
D) $(-\infty, 2)$ E) $(6, \infty)$



2. $mx^2 - 4x + m - 3 < 0$

eşitsizliği daima doğru olduğuna göre, m sayısının en geniş değer aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 4)$ B) $(-\infty, -3)$ C) $(-\infty, -2)$
D) $(-\infty, -1)$ E) $(-\infty, 0)$



3. $\bullet x + 5 > 0$
 $\bullet x^3 - 27 < 0$

eşitsizlik sistemini sağlayan x tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -7 E) -6



4. $(-x^2 + 2x - 5) \cdot (9 - x^2) < 0$

eşitliğini sağlayan kaç tane x tam sayısı vardır?

- A) 8 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



5. a sıfırdan farklı bir gerçekte sayıdır.

$$ax^2 + ax > \frac{-3}{a} - 1$$

eşitsizliği her x gerçekte sayı için sağlanmaktadır.

Buna göre, a 'nın alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 8 B) 7 C) 6 D) 5 E) 4

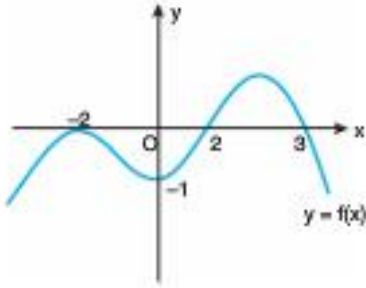


6. $\frac{(x^2 + x + 2)(x - 2)^{2018}}{(x + 1)^{2017}} < 0$

eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığında bulunan en büyük iki negatif tam sayının toplamı kaçtır?

- A) -8 B) -7 C) -6 D) -5 E) -4

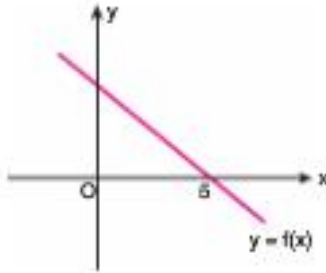
1.



Yukarıda verilen $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğine göre, $f(x) \geq 0$ eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[2, 3] \cup [-2]$ B) $[-2, 3]$ C) $[-2, 2] \cup \{3\}$
D) $[2, \infty)$ E) $(-\infty, -2] \cup \{3\}$

2.



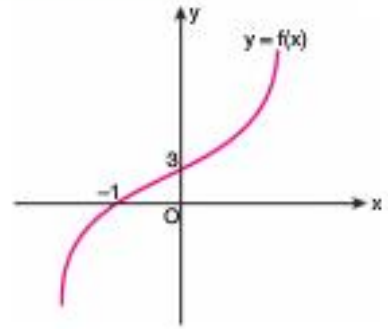
Yukarıda verilen $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğine göre,

$$(x + 1) \cdot f(x) \geq 0$$

eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığında bulunan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 16 B) 15 C) 14 D) 13 E) 12

3.



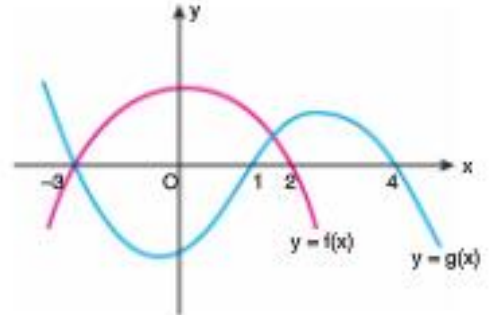
Şekildeki $f(x)$ fonksiyonunun grafiğine göre,

$$(x - 4) \cdot f(x) \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan x tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6

4.



Şekildeki $f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonlarının grafiklerine göre,

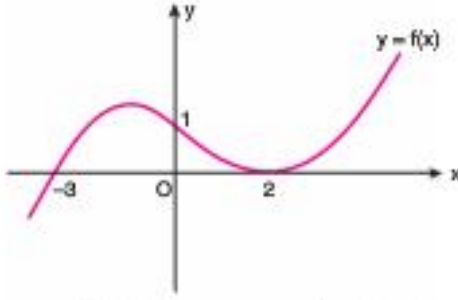
$$\frac{(x + 1) \cdot g(x)}{f(x)} < 0$$

eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığında kaç tane tam sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



5.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

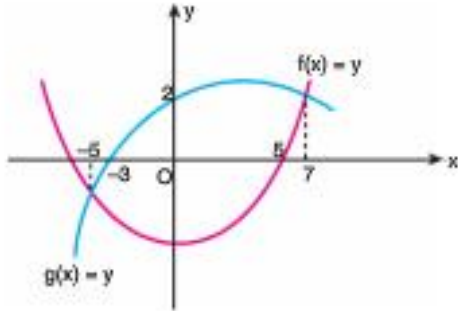
$$\frac{x^2 - 4}{f(x)} < 0$$

eşitsizliğini sağlayan kaç farklı doğal sayı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



6.



Yukarıda $y = f(x)$ ve $y = g(x)$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

$$\frac{g(x) - f(x)}{x + 2} \geq 0$$

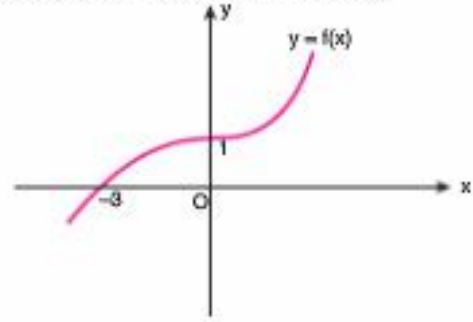
eşitsizliğini sağlayan x doğal sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) 36 B) 32 C) 28 D) 21 E) 15



7.

Aşağıdaki grafik $y = f(x)$ fonksiyonuna aittir.



Buna göre,

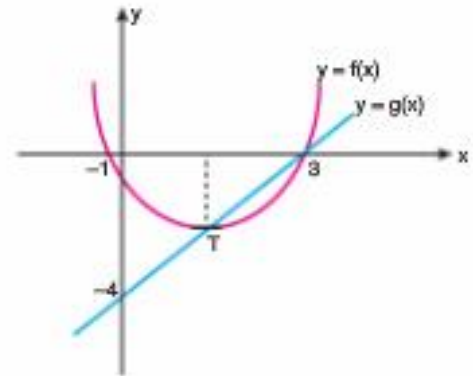
$$\frac{f(x-2)}{(x-5)(x+3)} < 0$$

eşitsizliğini sağlayan x pozitif tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 12 B) 11 C) 10 D) 9 E) 8



8.



Yukarıda tepe noktası T olan $y = f(x)$ parabolü ile $y = g(x)$ doğrusu verilmiştir.

Buna göre, $g(x) \geq f(x)$ eşitsizliğini sağlayan en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[0, 3]$ B) $[-1, 3]$ C) $[1, 3]$
D) $[3, 4]$ E) $[-4, 1]$



1. $f(x) = x^2 - 5x - 6$

fonksiyonu veriliyor.

$$\frac{|f(x)|}{f(x)} = -1$$

denklemini sağlayan kaç farklı x tam sayısı vardır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



2. $|x - 2| = 2 - x$ olmak üzere,

$$\frac{x-7}{x+3} \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan x tam sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 0 E) 1



3. Reel sayılarda iki tane kökü olan ikinci dereceden bir denk-

lemin diskriminantı $\Delta = \frac{25 - a^2}{a - 3}$ dir.

Buna göre, a tam sayısının alabileceği en büyük iki değerin toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6



4. $(x + p^2 - 36) \cdot (x + p - 3) = 0$

denkleminin zıt işaretli iki kökü olduğuna göre, p 'nin alabileceği doğal sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 11 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7



5. $x \neq y$ olmak üzere, $f(x, y) = \{x \text{ ile } y \text{ den küçük olmayanı}\}$ şeklinde tanımlanmıştır.

Buna göre,

$$f(x^2 + 13, 3 - 7x) = x^2 + 13$$

denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $(-5, -2)$
- B)
- $(-\infty, -5] \cup (-2, \infty)$
-
- C)
- $\mathbb{R} - (-5, -2)$
- D)
- $\mathbb{R} - [-5, -2]$
-
- E)
- $[-5, -2]$



6. $b < a < 0$ olmak üzere,

$$\frac{x}{a} - \frac{b}{a} < \frac{x}{b} - \frac{a}{b}$$

eşitsizliğinin çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $x > a + b$
- B)
- $x < a - b$
- C)
- $x < a + b$
-
- D)
- $x > a - b$
- E)
- $x < a^2 - b^2$

7. Tanım kümesi \mathbb{R} olan bir f fonksiyonu için,
 $x \cdot f(x) < 0$ eşitsizliğinin çözüm aralığı,
 $(-\infty, -2) \cup (0, 3)$ tür.

Buna göre,

$$(x - 1) \cdot f(x) \geq 0$$

eşitsizliğinin çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[-2, 1] \cup [3, \infty)$ B) $[-2, 1] \cup (3, \infty)$
 C) $(-\infty, -2] \cup [3, \infty)$ D) $[1, 3]$
 E) $(-\infty, -2] \cup [1, 3]$

8. $m, n \in \mathbb{R}$ ve $m \neq 0$ olmak üzere,
 $mx^2 + 2x + n = 0$

denklemnin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi boş kümedir.

Buna göre, $m \cdot n$ çarpımının alabileceği değerler kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(1, \infty)$ B) $(-\infty, -1)$ C) $(-\infty, 1)$
 D) $(-1, \infty)$ E) $(-1, 1)$

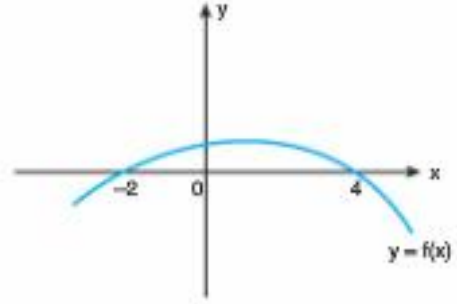
9. $a \neq 0$ olmak üzere,
 $ax^2 + (a - 2)x + 6 - a = 0$

denklemnin kökleri ters işaretlidir.

Buna göre, a 'nın en geniş aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\mathbb{R} - [0, 2]$ B) $\mathbb{R} - (0, 2)$ C) $\mathbb{R} - (0, 6)$
 D) $\mathbb{R} - [0, 6]$ E) $(0, 2) \cup (0, 6)$

10.



Yukarıda verilen $f(x)$ fonksiyonuna göre,

$$f(x - 2) \geq 0$$

$$x^2 - x - 6 < 0$$

eşitsizlik sistemini sağlayan x tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

11. Kenar uzunluğu cm birimine göre pozitif tam sayı olan bir karenin alanı $a \text{ cm}^2$ ve çevresi $b \text{ cm}$ 'dir.

$$a < b + 60$$

$$a > b$$

olduğuna göre, bu karenin bir kenar uzunluğu kaç farklı değer alır?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

1. B	2. D	3. B	4. C	5. D	6. A
7. A	8. A	9. D	10. B	11. A	

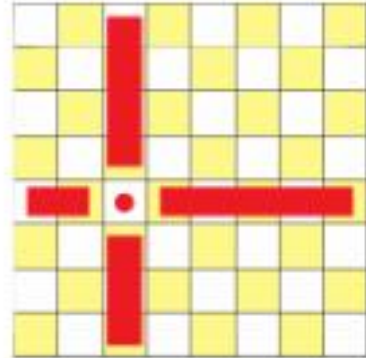
1. $A(x^2 + x - 20, x^2 - 2x + 1)$ noktası analitik düzlemin ikinci bölgesindedir. Buna göre, x 'in alabileceği kaç tane tam sayı değeri vardır?
- A) 9 B) 8 C) 7 D) 6 E) 5

2. $42 \cdot 68 = 2856$
 $84 \cdot 34 = 2856$
 $102 \cdot 28 = 2856$
- olduğuna göre,
 $x^2 - 130x + 2856 < 0$
- eşitsizliğin çözüm aralığında kaç tane tam sayı bulunur?
- A) 74 B) 73 C) 51 D) 50 E) 49

3. Bir akü fabrikası; işçilerinin sağlıklarını için, kanlarındaki kurşun miktarının ölçümlerini düzenli olarak yaptırmaktadır. Kandaki kurşunun yüzdesi P ve hastaya verilecek ilacın gramı x olmak üzere,
- $$P = \frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 + x + 1}$$
- eşitliği geçerlidir. Buna göre, çalışanların kanındaki kurşunun %2'den az olması için verilmesi gereken ilaç gram olarak aşağıdakilerden hangisi olabilir?
- A) 1,8 B) 2,5 C) 3,1 D) 3,8 E) 4,1

4. $A = \{x : x^2 - 2x - 8 \leq 0, x \in \mathbb{Z}\}$
 $B = \{x : 9 - x^2 > 0, x \in \mathbb{Z}\}$
- olduğuna göre, $s(A - B)$ kaçtır?
- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

5.



Yukarıda verilen 8×8 lik bir karenin hücrelerinden herhangi birine bir nokta konulup, nokta hariç noktanın bulunduğu satır ve sütundaki kareler boyanmıştır.

Buna göre, $n \geq 2$ olmak üzere, $n \times n$ lik bir karenin herhangi bir hücresine bir nokta konuluyor. Kalan hücre sayısı, boyanacak hücre sayısının 5 katından daha az olduğuna göre, n sayısı en çok kaçtır?

- A) 4 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

6.

$$x^2 + xy - 3y - 4 = 0$$

denklemi veriliyor.

$y \leq 0$ olduğuna göre, x 'in bulunduğu aralıklardan biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(2, \infty)$ B) $[-2, 3]$ C) $[2, \infty)$
D) $(-\infty, 2)$ E) $(3, \infty)$

7.

- Reel sayılarda tanımlı $y = x^2$ fonksiyonu önce x ekseninde sağa doğru 2 birim, daha sonra y ekseninde yukarıya doğru 3 birim ötelenip, $y = f(x)$ fonksiyonu oluşturuluyor.
- $y = f(x)$ fonksiyonunun y eksenini kestiği noktadan ve tepe noktasından geçen bir doğru çizilip $y = g(x)$ fonksiyonu oluşturuluyor.

Buna göre,

$$\frac{(6-x) \cdot f(x)}{g(x)} \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 18 B) 15 C) 12 D) 9 E) 7

8.

Birlikte tatile çıkan Bilal ve Özgür'de eşit miktarda para vardır. İlk gün, Bilal ve Özgür'ün her ikisi de 1 TL para harcamıştır. Bilal ilk günden sonraki her gün, hemen önceki günden 1 TL fazla para harcamış, Özgür ise ilk günden sonraki her gün, hemen önceki günden 2 TL fazla para harcamıştır.

Bilal'in n . günün sonuna kadar harcadığı toplam para, Özgür'ün sadece $(n + 18)$. gün harcadığı paradan fazladır.

Buna göre, n 'nin en küçük pozitif tam sayı değerinin rakamları toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

9.

$$\frac{f(x)}{(x-1)^2} < 0$$

eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığı $(1, 2)$ dir.

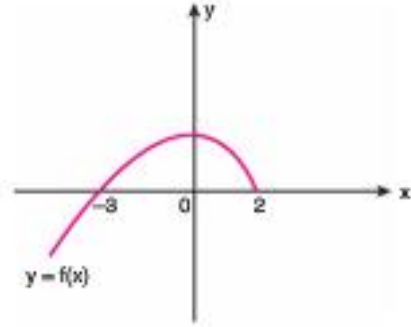
Buna göre,

$$\frac{f(x)}{|x-5|} > 0$$

eşitsizliğini sağlayan en küçük 3 pozitif tam sayının toplamı kaçtır?

- A) 9 B) 10 C) 11 D) 12 E) 13

10.

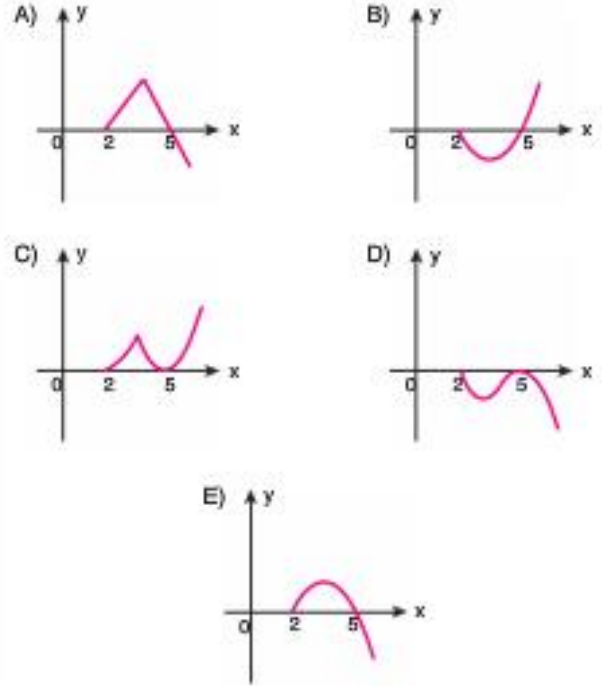


Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiğinin bir kısmı verilmiştir.

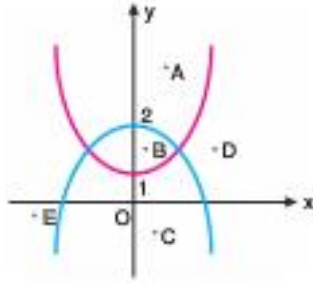
$f(x) \geq 0$ eşitsizliğinin çözüm kümesi,

$$[-3, 2] \cup \{5\}$$

olduğuna göre, aşağıdaki grafiklerden hangisi $f(x)$ fonksiyonunun grafiğinin devamı niteliğinde olabilir?



11.



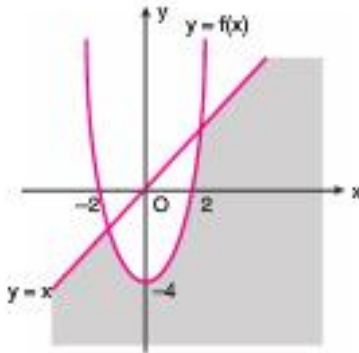
Grafikte gösterilen noktalardan hangisi,

$$\begin{cases} y \geq x^2 + 1 \\ y \leq -x^2 + 2 \end{cases}$$

eşitsizlik sistemini sağlayan bölgede bulunur?

- A) A B) B C) C D) D E) E

12.



Yukarıda, $y = f(x)$ parabolü ve $y = x$ doğrusunun grafiği veriliyor.

Buna göre, taralı bölgeyi ifade eden eşitsizlik sistemi aşağıdakilerden hangisidir?

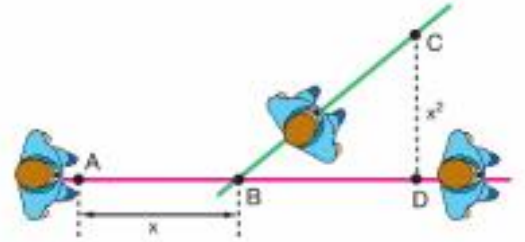
- A) $y \leq x^2 - 4$
 $y \leq x$ B) $y \geq x^2 - 4$
 $y \leq x$ C) $y \leq x^2 - 4$
 $y \geq x$ D) $y \leq (x - 2)^2$
 $y \leq x$ E) $y \geq (x - 2)^2$
 $y \leq x$

13.

Aydın okulunun bahçesine B noktasında kesişen iki doğru çizmiş ve AD doğrusu üzerinde A noktasından yürümeye başlamıştır. Aydın B noktasında ulaştığında yolunu değiştirmiş ve diğer doğru üzerinde yürümeye başlamıştır.

Aydın önce C noktasına, sonra en kısa yoldan ilk yürüdüğü yola dönmüştür.

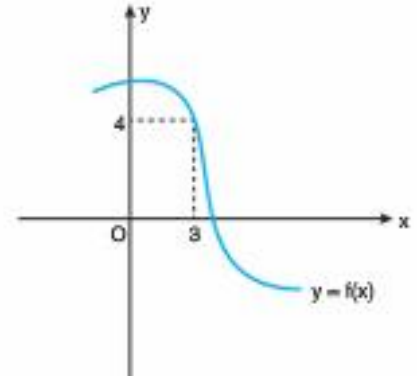
Şekilde, $|AB| = x$ metre ve $|CD| = x^2$ metredir.



Aydın A noktasından C noktasına kadar toplam 30 m yol aldığına göre, x 'in alabileceği tüm değerlerin aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (0, 1) B) (0, 2) C) (0, 3)
D) (0, 4) E) (0, 5)

14.



$$g(x) = x^2 - 2x$$

olmak üzere, $(f \circ g)(x) \geq 4$ şartını sağlayan x tam sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) -12 B) -4 C) -1 D) 5 E) 6

1. C	2. B	3. E	4. B	5. D	6. E	7. B
8. B	9. E	10. D	11. B	12. A	13. E	14. D

1. $x^2 - 4x - a$ liraya aldığı bir malı $2x - 1$ liraya satan bir satıcı bu malın satışından daima zarar ediyor.

Buna göre, a 'nın alabileceği değerler hangi aralıktadır?

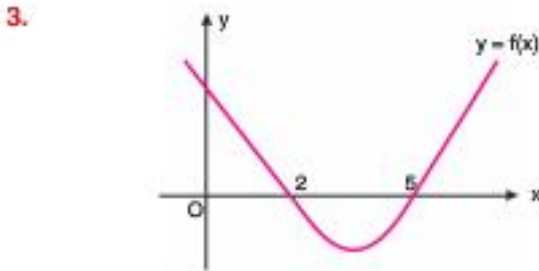
- A) $(-\infty, -8)$ B) $(-\infty, 8)$ C) $(-8, \infty)$
D) $(8, \infty)$ E) $(-8, 8)$

2. $\frac{(ax-4)(x+b)}{(x+c)(x+d)} \leq 0$

eşitsizliğin çözüm kümesi $[-2, -1) \cup [4, 5]$ aralıktır.

Buna göre, $2a + b + c + d$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



$$g(x) = \begin{cases} 9 - x, & f(x) \geq 0 \\ x - 1, & f(x) < 0 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

$g(x) \geq 0$ eşitsizliğini sağlayan en geniş aralık $(-\infty, a]$ dir.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 4 C) 5 D) 9 E) 10

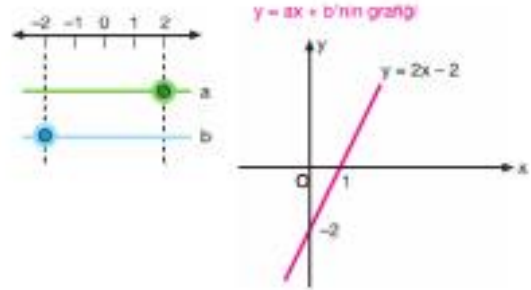
4. $|x + 1| \leq 3$ olmak üzere,

$$x^2 - 2x + 2$$

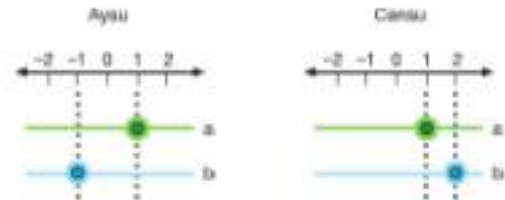
ifadesinin alabileceği en küçük ve en büyük değerler farkı kaçtır?

- A) 23 B) 24 C) 25 D) 26 E) 27

5. Aşağıda bir grafik çizim programında yapılan örnek çizim gösterilmiştir.



Soldaki kısımda, a ve b 'den her birinin bulunduğu doğruadaki yuvarlak buton sağa sola hareket ettirilerek a ve b için istenilen değerler belirlenmekte ve bu değerlere göre oluşan $y = ax + b$ fonksiyonunun grafiği sağda çizilmektedir.



Aysu ve Cansu a ile b 'yi yukarıdaki gibi belirledikten sonra $y = ax + b$ 'nin grafiğini çizdirmiştir. Sabri ise Aysu ve Cansu'nun belirlediği iki fonksiyonun çarpımı olan fonksiyonun grafiğini çizmiştir.

Buna göre, Sabri'nin çizdiği grafiğin x ekseninin alt kısmında olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

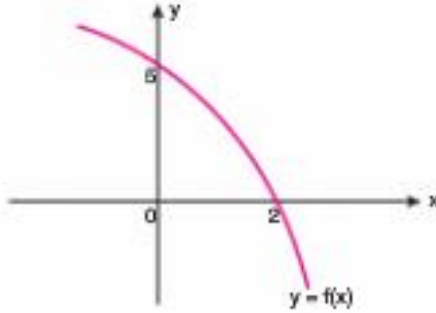
- A) $(-2, -1)$ B) $(-2, 0)$ C) $(-2, 1)$
D) $(0, 1)$ E) $(0, 2)$

6. $4x^2 + ax + 9 > 0$

eşitsizliğin çözüm kümesi $\mathbb{R} - \{b\}$ olduğuna göre, $a + b$ toplamının alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 7 B) $\frac{17}{2}$ C) 10 D) $\frac{21}{2}$ E) $\frac{27}{2}$

7.



Şekilde f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(x) = x^2 - 6x$$

$$(f \circ g)(x) \leq 5$$

olduğuna göre, x 'in alabileceği en küçük iki pozitif sayının toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 11 C) 12 D) 13 E) 14

8. $a \neq 0$ olmak üzere,

$$ax^2 + (5a - 1)x - 2 = 0$$

denklemnin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_1 \neq x_2 \text{ ve } |x_1| = |x_2|$$

olduğuna göre, $x_1 \cdot x_2$ çarpımı kaçtır?

- A) -7 B) -8 C) -9 D) -10 E) -11

9.

: Farklı iki reel kök var.

: Reel kök yok.

: Çakışık kök vardır.

$$x^2 - 2px + p^2 - p - 4 = 0$$

denkleminin köklerinin p sayısına göre değişimi aşağıdakilerden hangisinde doğru olarak verilmiştir?

- A)
- B)
- C)
- D)
- E)

10. a, b ve c sıfırdan farklı sayılardır.

$$P(x) = ax^2 + bx + c$$

olmak üzere, $P(x - 3)$ polinomunun çarpanlarından biri $x - 4$ tür.

$a > b > c$ olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun sıfırları olan x_1 ve x_2 için aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- A) $0 < x_1 < x_2$ B) $x_1 < x_2 < 0$ C) $x_1 + x_2 = 2$
D) $x_1 \cdot x_2 < 0$ E) $x_1 + x_2 < 0$

11. $2x^2 - (m-3)x - 7m = 0$

denklemnin x_1 ve x_2 kökleri arasında
 $x_1 < 0 < x_2$ ve $|x_1| > x_2$ bağıntısı vardır.

Buna göre, m 'nin alabileceği tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

12. Aşağıda 2'den 16'ya kadar sayma sayılarının bulunduğu bir döner çark verilmiştir. Şekildeki ok çarkın merkezine sabitlenmiş ve çark dönerken bu ok hareketsizdir. Bir kişi çarkı döndürdüğünde, çark bir süre sonra okun gösterdiği bir sayıya durmaktadır. Okun gösterdiği sayı bu döndürmenin puanıdır. Çark kişi tarafından 1'den fazla döndürüldüğünde, her döndürmenin puanları toplamı bu kişinin genel puanıdır.



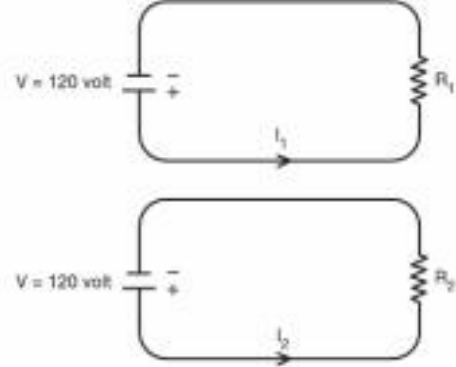
Pinar'ın oyununda, ok iki kez 16'yı ve başka bir sayıyı sayının kendisi kadar göstermiştir. (Okun bir sayıyı, sayının kendisi kadar göstermesi, örneğin, 13 sayısını 13 defa göstermesidir.) Eda ise bu çarkı 18 kez döndürmüştür. Eda'nın oyununda ok hep aynı sayıyı göstermiştir ve bu sayı Pinar'ın oyununda da gösterilen 16 dışındaki diğer sayıdır.

Bu oyunda Eda'nın genel puanı, Pinar'ın genel puanından fazla olduğuna göre, Pinar bu çarkı en fazla kaç kez döndürmüştür?

- A) 17 B) 18 C) 19 D) 20 E) 21

13. Aşağıda gösterilen elektrik devreleri için Ohm Kanununa göre, $V = RI$ eşitliği geçerlidir. Bu eşitlikte V volt olarak sabit bir gerilim, I amper olarak akım ve R ohm olarak dirençtir.

Şekildeki iki devrede de 120 volt gerilim olup, ikinci devredeki direncin değeri 1. devredeki direncin değerinden 2 ohm fazladır.



$3 < I_1 - I_2 < 5$ olduğuna göre, R_1 in değer aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) (3, 5) B) (4, 5) C) (4, 8)
D) (5, 8) E) (6, 8)

14. $\frac{|x-1| - |x+2|}{x^2 + 2x + 1} > 0$

eşitsizliğin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right)$ B) $\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right) - \{-1\}$
C) $\left(-\frac{1}{2}, \infty\right)$ D) $\left(\frac{1}{2}, \infty\right)$
E) $\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right]$

1. A	2. C	3. D	4. C	5. C	6. D	7. D
8. D	9. C	10. D	11. D	12. A	13. E	14. B

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 6

TRİGONOMETRİ



- Esas Ölçü ve Birim Çember
- Trigonometrik Fonksiyonlar ve Özdeşlikler
- Trigonometrik Fonksiyonların Aralığı ve Sıralaması
- Dik Üçgende Trigonometrik Oranlar
- Trigonometri
- İndirgeme Formülleri
- Üçgende Trigonometrik Bağlantılar

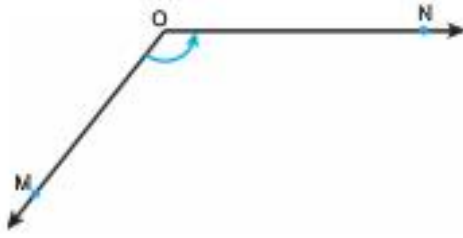
- Toplam - Fark Formülleri
- Yarım Açılış Formülleri
- Toplam-Fark - Yarım Açılış Formülleri
- Ters Trigonometrik Fonksiyonlar Periyot-Grafik
- Trigonometrik Denklemler

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Artık geometri kapsamında incelenen trigonometriyi biz matematik kitabımızda ele almayı uygun gördük. Çok da farkettiğini düşünmüyoruz. Trigonometriyi parçalar halinde kolaydan zora doğru adım adım ve yeni nesil güncel hayat problemleriyle birlikte sunduk. Soru sayısını bol tutmaya ve dışarda bir sürpriz bırakmamaya çalıştık. Burada başına birşey gelmiyorsa dışarda gelmeyeceğinden emin olabilirsin. Birim çembere, trigonometrik fonksiyonların birbirleriyle ilişkilerine, toplam fark ve yarım açı formüllerine biraz daha özen göstermen gerekebilir. Çözemediğin soruları, sevdiğin birinin fotoğrafı gibi gezdir yanında. Cebinde dursun. Çözdüklerin zaten seninle gelecektir. Unutmaman gereken birşey daha var. Trigonometri uzundur. Nil nehri kadar uzundur. Sabırlı ol!

1. Aşağıda (\widehat{MON}) yönlü açısı verilmiştir.



Buna göre,

- I. Bitim kenarı [ON dir.
- II. Pozitif yönlüdür.
- III. Başlangıç kenarı [OM dir.

İfadelelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

2. $m(\widehat{A}) = 52^\circ 18' 35''$
 $m(\widehat{B}) = 21^\circ 50' 32''$

olmak üzere,

- I. $m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) = 74^\circ 09' 07''$
- II. $m(\widehat{A}) - m(\widehat{B}) = 30^\circ 28' 03''$
- III. $3 \cdot m(\widehat{B}) = 64^\circ 31' 36''$

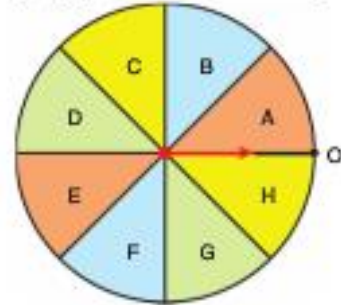
İfadelelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

3. Bir düzgün yirmigenin bir iç açısının ölçüsü ile bir düzgün beşgenin bir iç açısının ölçüsü toplamı kaç radyandır?

- A) $\frac{8\pi}{5}$ B) $\frac{3\pi}{2}$ C) $\frac{7\pi}{5}$ D) $\frac{13\pi}{10}$ E) $\frac{16\pi}{5}$

4. Aşağıda 8 eş parçaya bölünmüş bir daire gösterilmiştir.



Daire sabit olup, dairenin merkezine takılmış olan ibre O konumundan itibaren dairenin merkezi etrafında pozitif veya negatif yönde dönebilmektedir.

Buna göre ibre, -1020° döndüğünde hangi harf ile gösterilen bölgede bulunur?

- A) F B) E C) D D) C E) B

5. -110° ve 1453° nin esas ölçüleri sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 250° ve 13° B) 110° ve 13° C) 250° ve 113°
D) 110° ve 113° E) 250° ve 110°

6.

I. $\frac{33\pi}{5}$ radyanlık açının esas ölçüsü $\frac{3\pi}{5}$ radyandır.II. $\frac{-37\pi}{4}$ radyanlık açının esas ölçüsü $\frac{3\pi}{4}$ radyandır.III. $-\pi$ radyanlık açının esas ölçüsü π radyandır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

7.

$\frac{\pi}{12} < \alpha < 10\pi$
aralığındaki α açısının esas ölçüsü $\frac{\pi}{4}$ 'tür.

Buna göre, bu şartı sağlayan kaç farklı α açısı yazılabilir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

8.

$\frac{55\pi}{6} - \frac{\pi}{2}$

farkının esas ölçüsü kaç radyandır?

- A) $\frac{5\pi}{6}$ B) $\frac{2\pi}{3}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{\pi}{6}$

9.

 α ve β esas ölçüleri 8° olan farklı iki açı ölçüsüdür.

$$\alpha + \beta = \frac{\pi}{5}$$

Buna göre, θ aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) 36° B) 72° C) 144° D) 196° E) 198°

10.

Aşağıda Şekil I'deki görselde verilen iletkin açı sürgüsü ok yönünde hareket ettirilerek Şekil II'deki durumuna getirilmiştir.



Şekil I



Şekil II

Buna göre,

- I. AB yayı pozitif yönlüdür.
II. AB yayının ölçüsü $\frac{4\pi}{3}$ radyandır.
III. AB yayının ölçüsü -1240° olan yönlü açının esas ölçüsüne eşittir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) Yalnız III

11. Sabit bir ekseninde 1 dakika içerisinde gerçekleştirilen dönüş (devir) sayısı "rpm" ölçü birimi ile ifade edilir.



Yukarıdaki görselde yün eğirme çıkırığı verilmiştir.

Çıkırık 315 rpm devir sayısına sahip iken $\frac{1}{45}$ saniyede başlangıç durumuna göre, dönüş yönünde kaç derecelik açı yapar?

- A) 36 B) 42 C) 48 D) 56 E) 63

- 12.



Bir çocuk elini merkezde sabit tutarak, uzunluğu 1 m olan bir ipin ucuna bağladığı taşı aynı düşey düzlemde ve saniyedeki hızı $\frac{\pi}{3}$ radyan olacak şekilde döndürmektedir. Başlangıçta taşın yerden yüksekliği 30 cm'dir.

Buna göre, 2 saniye sonra taşın yerden yüksekliği kaç metre olur?

- A) 2,4 B) 2,2 C) 2 D) 1,8 E) 1,6

13. $-\frac{5\pi}{6}$ ve $\frac{41\pi}{5}$

radyanlık açıların esas ölçüleri sırasıyla hangisidir?

- A) $\frac{5\pi}{6}$ ve $\frac{\pi}{5}$ B) $\frac{7\pi}{6}$ ve $\frac{\pi}{5}$ C) $\frac{5\pi}{6}$ ve $\frac{7\pi}{5}$
D) $\frac{3\pi}{5}$ ve $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{2\pi}{5}$ ve $\frac{5\pi}{3}$

ACI MATematik

14. $\cot \frac{33\pi}{4} + \sec \frac{19\pi}{3}$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) -3 B) $-\sqrt{3}$ C) 0 D) $\sqrt{3}$ E) 3

1. E	2. B	3. B	4. E	5. A	6. E	7. C
8. B	9. E	10. B	11. B	12. D	13. B	14. E



1.

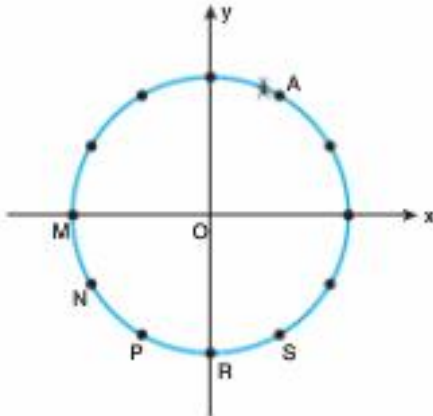
$$A\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}, a\right)$$

noktası birim çember üzerinde olduğuna göre, a'nın alabileceği değerler çarpımı kaçtır?

- A) $\frac{-1}{25}$ B) $\frac{-1}{16}$ C) $\frac{-1}{9}$ D) $\frac{-1}{4}$ E) $\frac{-3}{4}$



2.



Yukarıdaki birim çember üzerinde belirtilen noktalar ile çember yayı 12 eş parçaya ayrılmıştır. Şekildeki karınca çember yayı üzerinde bulunan A noktasından çember üzerinde pozitif yönde $\frac{5\pi}{6}$ radyan hareket ediyor.

Buna göre, karınca hareketli sona erdiğinde hangi noktaya ulaşır?

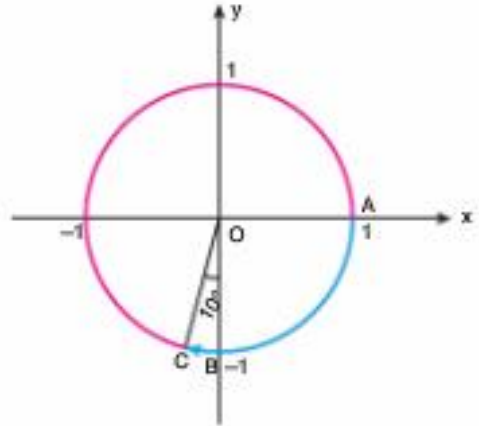
- A) M B) N C) P D) R E) S



3.

Aşağıda birim çember çizilmiştir.

$$m(\widehat{BOC}) = 10^\circ \text{ dir.}$$

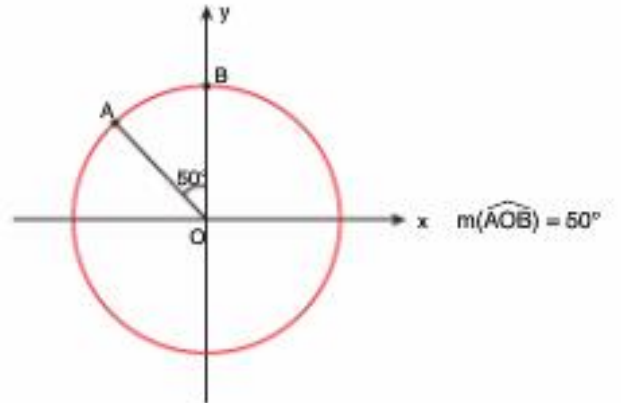


Buna göre, çemberde verilen AOC açısının esas ölçüsü kaç radyandır?

- A) $\frac{5\pi}{3}$ B) $\frac{14\pi}{9}$ C) $\frac{13\pi}{9}$ D) $\frac{4\pi}{3}$ E) $\frac{11\pi}{9}$



4.

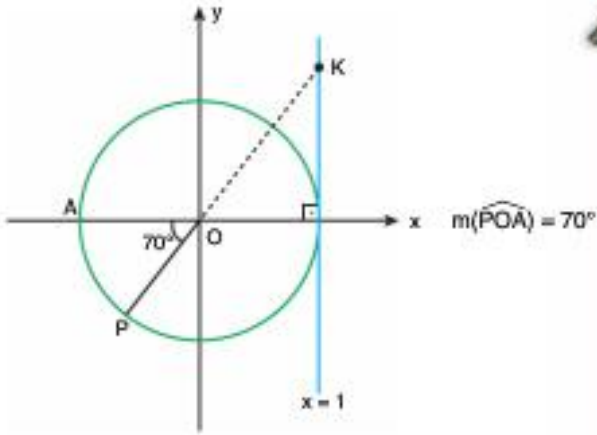


Şekildeki O merkezli birim çember üzerinde bulunan A noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(\cos 50^\circ, \sin 50^\circ)$ B) $(\sin 50^\circ, \cos 50^\circ)$
C) $(\tan 140^\circ, \cot 140^\circ)$ D) $(\sin 140^\circ, \cos 140^\circ)$
E) $(\cos 140^\circ, \sin 140^\circ)$



5.



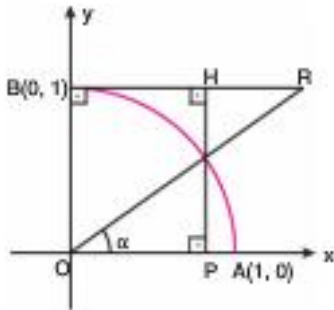
Şekildeki O merkezli birim çemberde K, O, P noktaları doğrusaldır.

Buna göre, K noktasının ordinatı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sin 70^\circ$ B) $\cos 70^\circ$ C) $\tan 70^\circ$ D) $\cot 70^\circ$ E) 1



6.



Şekilde, O merkezli çeyrek çember verilmiştir.

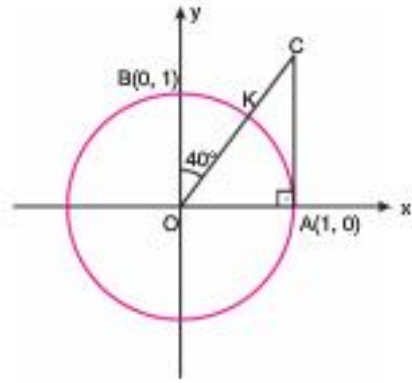
$[PH] \perp [Ox]$ ve $m(\widehat{ROA}) = \alpha$

olduğuna göre $|HR|$ uzunluğu α türünden aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\tan \alpha - \sin \alpha$ B) $\tan \alpha - \cos \alpha$ C) $\cot \alpha - \sin \alpha$
D) $\cot \alpha - \cos \alpha$ E) $\cot \alpha - 1$



7.



Şekilde, O merkezli birim çember verilmiştir.

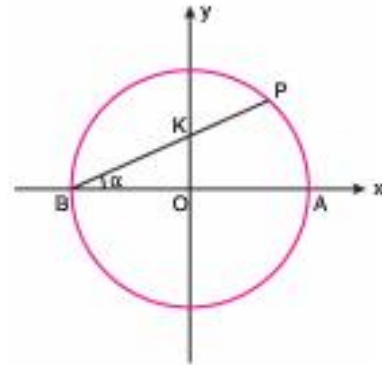
$[CA] \perp [AO]$ ve $m(\widehat{COB}) = 40^\circ$

olduğuna göre, $|KC|$ değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sec 50^\circ - 1$ B) $\operatorname{cosec} 50^\circ - 1$ C) $\tan 50^\circ - 1$
D) $\cot 50^\circ - 1$ E) $\sec 50^\circ - \sin 50^\circ$



8.

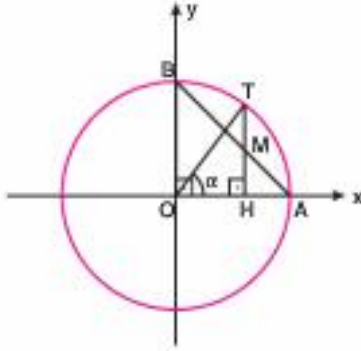


O merkezli birim çember A, B, P noktaları çember üzerinde ve $m(\widehat{PBA}) = \alpha$ dir. B, K ve P noktaları doğrusaldır.

P noktasının ordinatı $\cos 7\alpha$ olduğuna göre, α kaç derecedir?

- A) 5 B) 7,5 C) 10 D) 12,5 E) 15

9.



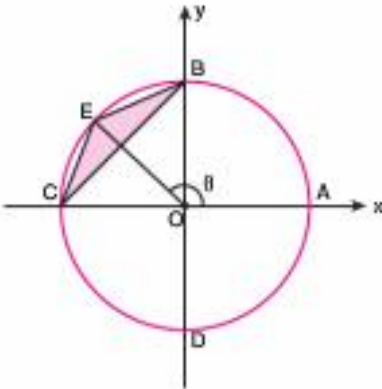
Şekilde O merkezli birim çember verilmiştir. OBA ve OTH birer dik üçgendir.

$$m(\widehat{TOH}) = \alpha$$

olduğuna göre, $|TM|$ uzunluğunun α türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\tan \alpha - \sin \alpha - 1$ B) $\tan \alpha - \cos \alpha - 1$
 C) $\sin \alpha - \cos \alpha - 1$ D) $\sin \alpha + \cos \alpha - 1$
 E) $\sin \alpha + \cos \alpha + 1$

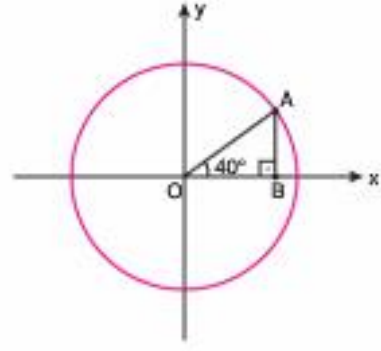
10.



Şekilde birim çemberde, $m(\widehat{AOE}) = \theta$ olduğuna göre, BCE üçgeninin alanının θ cinsinden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sin \theta - \cos \theta - 1}{2}$ B) $\frac{\sin \theta + \cos \theta - 1}{2}$
 C) $\frac{\cos \theta - \sin \theta - 1}{2}$ D) $\frac{\sin \theta + \cos \theta + 1}{2}$
 E) $\frac{\sin \theta - \cos \theta}{2}$

11.

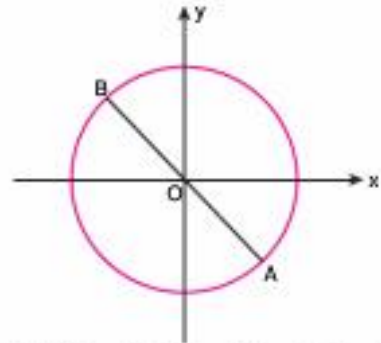


Dik koordinat sisteminde O merkezli birim çember verilmiştir.

Buna göre, AOB üçgeninin alanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sin 40^\circ}{2}$ B) $\frac{\cos 40^\circ}{2}$ C) $\frac{\sin 40^\circ + \cos 40^\circ}{2}$
 D) $\frac{\tan 40^\circ + \cot 40^\circ}{2}$ E) $\frac{\sin 40^\circ \cdot \cos 40^\circ}{2}$

12. Aşağıda verilen birim çemberde,



$A(\sin 40^\circ, -\sin 50^\circ)$ ve A, O, B noktaları doğrusaldır.

Buna göre, B noktasının koordinatları aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(\cos 130^\circ, \sin 130^\circ)$ B) $(-\cos 140^\circ, \sin 140^\circ)$
 C) $(\cos 130^\circ, -\sin 130^\circ)$ D) $(\cos 140^\circ, \sin 140^\circ)$
 E) $(-\cos 130^\circ, -\sin 130^\circ)$

1. D	2. B	3. C	4. E	5. C	6. D
7. A	8. C	9. D	10. A	11. E	12. A



1.

$$\frac{\tan x}{\sec x - \cos x}$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sec x$ B) 0 C) $\csc x$ D) $\sin x$ E) $\cot x$



2.

$$\frac{8 + \cos^2 x}{3 - \sin x} - 3$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-\sin x$ B) $-\cos x$ C) $\sin x$ D) 1 E) 2



3.

$$1 - \cot^2 x + \operatorname{cosec}^2 x$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) $\sec x$ E) $\cos x$



4.

$$\sin x + \cos x = \frac{1}{3}$$

olduğuna göre, $\sin x \cdot \cos x$ çarpımı kaçtır?

- A) $-\frac{8}{9}$ B) $-\frac{7}{9}$ C) $-\frac{2}{3}$ D) $-\frac{5}{9}$ E) $-\frac{4}{9}$



5.

$$\frac{3 \sin^2 x + 2 \cos^2 x - 2}{5 \cos^2 x + \sin^2 x - 5}$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) $-2 \sin x$
D) $-\frac{\cos x}{4}$ E) -1



6.

$$\frac{\cot x}{\csc x - 1} - \frac{1}{\sec x + (\sin x + 1)}$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\tan x$ B) $\cot x$ C) $2 \tan x$
D) $2 \cot x$ E) $2 \sec x$



7.

$$x^2 + bx + c = 0$$

denklemnin kökleri $\sin \theta$ ve $\cos \theta$ olduğuna göre, b^2 'nin c türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2c - 1$ B) $2c$ C) $2c + 1$
D) $c + 2$ E) $3c + 1$



8.

$$\sin^2 1^\circ + \sin^2 2^\circ + \sin^2 3^\circ + \dots + \sin^2 89^\circ + \sin^2 90^\circ$$

toplamının değeri kaçtır?

- A) 48 B) $\frac{91}{2}$ C) 45 D) $\frac{89}{2}$ E) 44



9.

$$\sin x - \cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

olduğuna göre, $\sin^3 x - \cos^3 x$ farkının değeri kaçtır?

- A) $\frac{3\sqrt{3}}{4}$ B) $\frac{9\sqrt{3}}{16}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) $\frac{7\sqrt{3}}{16}$ E) $\frac{3\sqrt{3}}{8}$



10.

$$\cos^2 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{3\pi}{8}$$

toplamının değeri kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B) 1 C) $\sqrt{2}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $\sqrt{3}$

11. $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ olmak üzere,

$$\sqrt{\frac{1+\sin x}{1-\sin x}} + \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sec x$ B) $2\sec x$ C) $\operatorname{cosec} x$
D) $2\operatorname{cosec} x$ E) $2\sin x$

12. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ için $\tan x = 3$ tür.

Buna göre,

$$\frac{\sin^3 x - \cos^3 x}{\sin x + \sin^2 x + \cos x}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{2}$



13.

$$\frac{2 \cos x + \sin x}{7 \cos x + 2 \sin x} = \frac{2}{5}$$

olduğuna göre, $\cot x$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) 4

14. $x + 2y = \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\frac{\sin(x+y)}{\cos y} - \frac{\tan(x-y)}{\cot 3y}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



15. Bir ABC üçgeninin kenar uzunlukları sırasıyla a, b ve c birimdir.

Buna göre,

$$a \cdot \cos \widehat{C} + c \cdot \cos \widehat{A}$$

toplamının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) a B) b C) c D) a + c E) 1



16. Kenar uzunlukları a, b ve c birim olan bir ABC üçgeninde,

$$\frac{c - a \cdot \cos \widehat{B}}{\cos \widehat{A}}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) a B) b C) c D) 0 E) 1



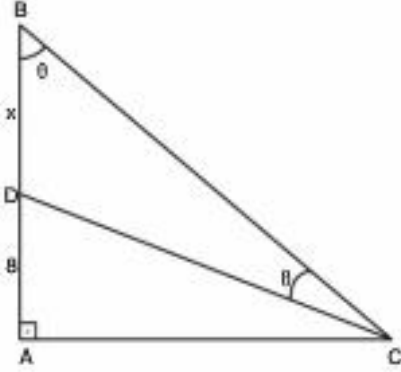
17. $\sec \alpha - \tan \alpha = 4$

olduğuna göre, $\sec \alpha + \tan \alpha$ toplamının değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) 4



18.



BAC dik üçgen,

$$m(\widehat{DCB}) = m(\widehat{DBC}) = \theta, \quad |AD| = 8 \text{ cm'dir.}$$

$$\frac{\sin(20^\circ + \theta)}{\cos(10^\circ + \theta)} = 1$$

olduğuna göre, $|BD| = x$ kaç cm'dir?

- A) 18 B) 16 C) 12 D) 10 E) 8



19. $\sin x + \cos x = \frac{1}{2}$

olduğuna göre, $\tan x + \cot x$ 'in toplamının değeri kaçtır?

- A) -3 B) $-\frac{8}{3}$ C) $-\frac{7}{3}$ D) -2 E) $-\frac{5}{3}$



20. $\sin^6 \theta + \cos^6 \theta + 3 \cos^2 \theta \cdot \sin^2 \theta$

ifadesinin en sade biçimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 1 B) $\sin \theta$ C) $\cos^2 \theta$
D) $\cos \theta$ E) $\sin \theta + \cos \theta$



21. $\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = m$

olduğuna göre,

$$\frac{\cot^2 \alpha - \tan^2 \alpha}{\sec^2 \alpha + \csc^2 \alpha}$$

işleminin sonucu m türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -m B) $-\frac{m}{2}$ C) $\frac{m}{2}$ D) m E) 2m

1. C	2. C	3. C	4. E	5. A	6. C	7. C
8. B	9. B	10. B	11. B	12. B	13. B	14. C
15. B	16. B	17. D	18. B	19. B	20. A	21. D



1.

$$A = \frac{5 - 3 \sin(5x + 2)}{2}$$

eşitliğini sağlayan A gerçekte sayılarının bulunduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) [0, 3] B) [0, 4] C) [1, 3]
D) [1, 4] E) [2, 4]



2.

$$\sin(3x - 1) = \frac{2m + 1}{3}$$

olduğuna göre, m'nin bulunduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) [-3, 0] B) [-3, 1] C) [-2, 1]
D) [1, 2] E) [-1, 2]



3.

$$5^{\sin x}$$

ifadesinin alabileceği kaç farklı tam sayı değeri vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



4.

$$a = \tan 40^\circ, b = \tan 50^\circ, c = \cot 20^\circ$$

sayılarının doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $b < a < c$ B) $b < c < a$ C) $a < b < c$
D) $a < c < b$ E) $c < a < b$



5.

$$a = \sec 40^\circ$$

$$b = \operatorname{cosec} 50^\circ$$

$$c = \sin 20^\circ$$

sayılarının doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $c < a = b$ B) $c < a < b$ C) $a = b < c$
D) $a < b < c$ E) $c < b < a$



6.

$$2 \sin x - 3 \cos y$$

ifadesinin en büyük değeri a, en küçük değeri b olduğuna göre, a - b farkı kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6



7.

$x \neq 2$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2}$$

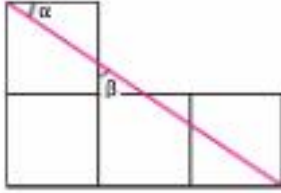
fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f(1 + \sin 89^\circ)$ fonksiyonunun yaklaşık değeri hangi tam sayıya en yakındır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



1.



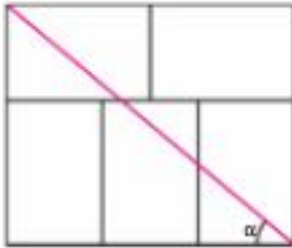
Yukarıdaki şekil eş birim karelerden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan \alpha + \tan \beta$ toplamı kaçtır?

- A) $\frac{5}{2}$ B) $\frac{7}{3}$ C) $\frac{13}{6}$ D) 2 E) $\frac{11}{6}$



2.



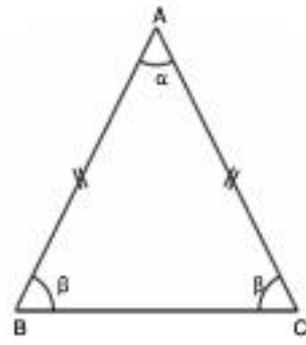
Yukarıdaki şekil eş 5 tane dikdörtgenden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{5}{6}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{6}$



3.



ABC bir ikizkenar üçgen,

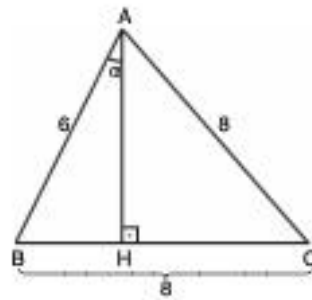
$$|AB| = |AC|, \sin \alpha = \frac{3}{5}$$

Yukarıdaki verilere göre, $\cot \beta$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{5}{6}$



4.



ABC bir ikizkenar üçgen

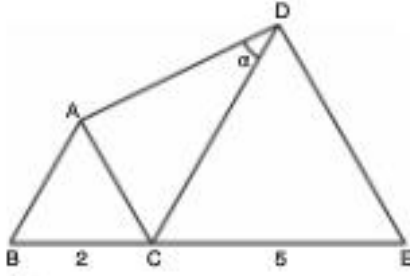
$$|AC| = |BC| = 8 \text{ birim}, |AB| = 6 \text{ birim}$$

$$[AH] \perp [BC]$$

Yukarıdaki verilere göre, $\sin \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{5}{8}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{8}$

5.



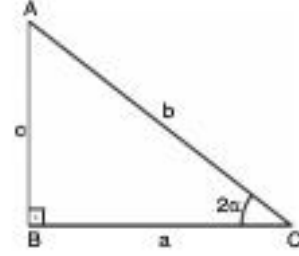
\widehat{ABC} ve \widehat{CED} üçgenleri eşkenar ve $C \in [BE]$ dir.

$|BC| = 2$ birim, $|CE| = 5$ birim, $m(\widehat{ADC}) = \alpha$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{16}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{8}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $2\sqrt{3}$

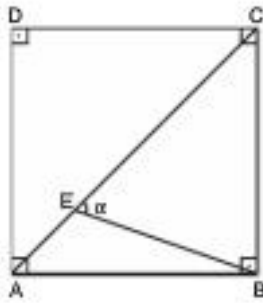
7.



ABC dik üçgeninde $m(\widehat{C}) = 2\alpha$ olduğuna göre, $\tan \alpha$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{c}{a+b}$ B) $\frac{b}{a+c}$ C) $\frac{a}{b+c}$
D) $\frac{a+b}{a+c}$ E) $\frac{b+c}{a+b}$

6.



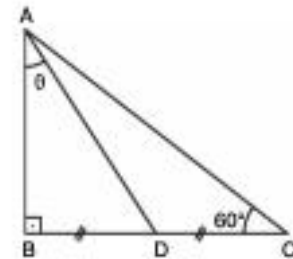
ABCD bir kare,

$m(\widehat{CEB}) = \alpha$, $8|AE| = |AC|$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) 2 B) $\frac{5}{3}$ C) $\frac{4}{3}$ D) $\frac{3}{2}$ E) 4

8.



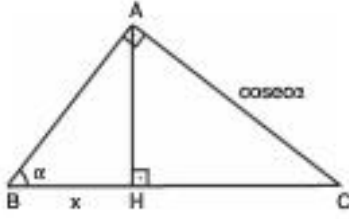
ABC dik üçgeninde,

$|BD| = |DC|$, $m(\widehat{BAD}) = \theta$, $m(\widehat{C}) = 60^\circ$

olduğuna göre, $\cot \theta$ kaçtır?

- A) $3\sqrt{3}$ B) $2\sqrt{3}$ C) $\sqrt{3}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{3}}{4}$

9.



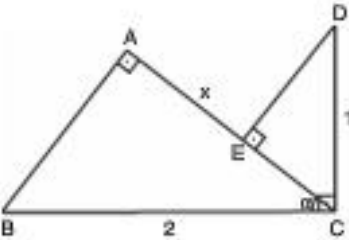
ABC dik üçgeninde,

$$m(\widehat{ABC}) = \alpha, |AC| = \operatorname{cosec} \alpha$$

Yukarıdaki verilere göre, x 'in α türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sin^2 \alpha$ B) $\cos^2 \alpha$ C) $\tan^2 \alpha$
D) $\cot^2 \alpha$ E) $\sec^2 \alpha$

10.



\widehat{ABC} ve \widehat{DEC} birer dik üçgendir.

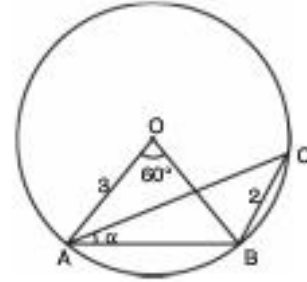
$$|DC| = 1 \text{ birim}, |BC| = 2 \text{ birim}$$

$$[AB] \perp [AC], [DE] \perp [AC], [DC] \perp [BC]$$

Yukarıdaki verilere göre, $|AE| = x$ 'in α türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\cos \alpha - \sin \alpha$ B) $2\cos \alpha - \tan \alpha$
C) $2\tan \alpha - \sin \alpha$ D) $2\cot \alpha - \sin \alpha$
E) $2\tan \alpha - \cos \alpha$

11.



O merkezli çemberde, \widehat{AOB} ve \widehat{ABC} birer üçgendir.

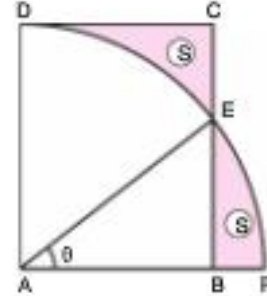
$$m(\widehat{CAB}) = \alpha, m(\widehat{AOB}) = 60^\circ$$

$$|OA| = 3 \text{ birim}, |BC| = 2 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\sin \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{5}$

12.

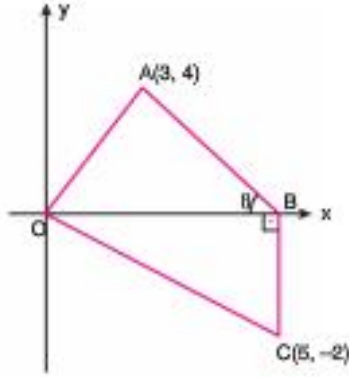


ABCD dikdörtgeni ve A merkezli çeyrek çember veriliyor.

Taralı alanlar eşit olduğuna göre, $\cos \theta$ kaçtır?

- A) $\frac{\pi}{8}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{3\pi}{8}$ D) $\frac{\pi}{2}$ E) $\frac{3\pi}{4}$

13.



Dik koordinat sisteminde,

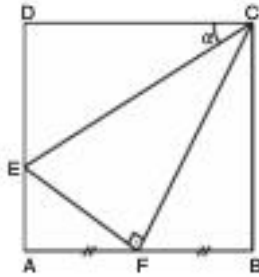
$$m(\widehat{ABO}) = \theta, A(3, 4) \text{ ve } C(5, -2)$$

noktaları veriliyor.

Buna göre, $\tan \theta$ kaçtır?

- A) $\frac{7}{2}$ B) 3 C) $\frac{5}{2}$ D) 2 E) $\frac{3}{2}$

14.



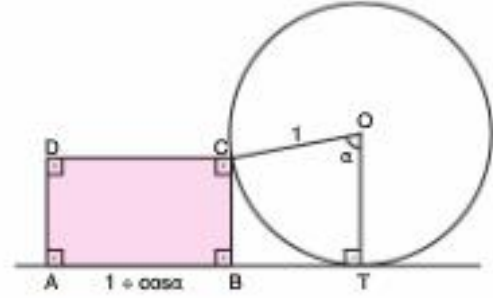
ABCD kare,

$$|AF| = |FB|, [EF] \perp [FC]$$

 $m(\widehat{DCE}) = \alpha$ olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{3}{2}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{8}$

15.



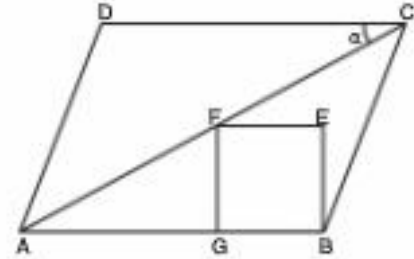
Şekilde ABCD dikdörtgeni ve yarıçapı 1 br olan O merkezli çember verilmiştir. A, B ve T noktaları doğrusaldır.

$$|AB| = 1 + \cos \alpha$$

olduğuna göre, dikdörtgenin alanının α türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos^2 \alpha$ B) $\sin^2 \alpha$ C) $\sec^2 \alpha$
D) $\csc^2 \alpha$ E) $\tan^2 \alpha$

16.



ABCD paralelkenar, GBEF karedir.

$$A(GBEF) = 4\text{cm}^2$$

$$|AF| = |FC| \text{ ve } \tan \alpha = \frac{1}{2}$$

olduğuna göre, $A(ABCD)$ kaç cm^2 dir?

- A) 36 B) 32 C) 28 D) 24 E) 18

1. C	2. A	3. A	4. C	5. C	6. C	7. A	8. B
9. D	10. A	11. C	12. B	13. D	14. C	15. B	16. D



1. $\tan^2 1140^\circ + \cot 765^\circ$
toplamının sonucu kaçtır?

A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



2. $\theta \in (0^\circ, 90^\circ)$ olmak üzere,
$$\cos \theta = \frac{\sin 20^\circ + \cos 70^\circ}{3 \sin^2 20^\circ + \csc 20^\circ}$$

olduğuna göre, $\tan^2 \theta$ ifadesinin değeri kaçtır?

A) $\frac{5}{9}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{5}{4}$ E) $\frac{1}{9}$



3. $\sin x + \cos x = p$ olmak üzere,
 $(1 + \sin x) \cdot (1 + \cos x)$
çarpımının p türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{1+p}{2}$ B) $\frac{1-p}{2}$ C) $\frac{(p+1)^2}{2}$
D) $\frac{(1-p)^2}{2}$ E) $\frac{p}{2}$



4. Bir ABC üçgeninde,
 $3 \tan \hat{A} = 2 \operatorname{cosec} \hat{C}$, $m(\hat{B}) = 90^\circ$ dir.

Buna göre, $\sqrt{5} \cdot \tan \hat{A} + 6 \sec \hat{C}$ toplamının sonucu kaçtır?

A) 5 B) 7 C) 9 D) 11 E) 13



5. x dar açı olmak üzere,
 $A = 3 \cos x + 4 \sin x$
 $B = 3 \sin x - 4 \cos x$
 $C = 5 \tan x$

olduğuna göre, $\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$ ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) 1 B) $5 \sec x$ C) $5 \operatorname{cosec} x$
D) $\sec x$ E) $\operatorname{cosec} x$



6. $\tan x + \cot x = 3$ olmak üzere,
 $(\sec x + \operatorname{cosec} x)^2$

işleminin sonucu kaçtır?

A) 6 B) 9 C) 12 D) 15 E) 18

7. Bir \widehat{ABC} üçgeninde, $m(\widehat{C}) = 90^\circ$ ve kenar uzunlukları a , b ve c dir.

Buna göre,

$$\sec^2 \widehat{A} - \cot^2 \widehat{B} + 1$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 2 B) a^2 C) b^2 D) c^2 E) abc

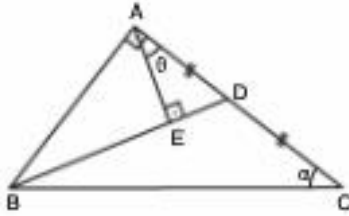
8.

$$\frac{a}{\cos x - 1} - \frac{b}{\cos x + 1} = \frac{5 - 9 \cos x}{\sin^2 x}$$

olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -14 B) -12 C) 9 D) 12 E) 14

9.



ABC üçgeninde,

$$m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{DEA}) = 90^\circ$$

$$[AE] \perp [BD], |AD| = |DC|$$

olduğuna göre, $\tan \alpha \cdot \tan \theta$ çarpımı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

10.

$$\frac{\sin 1^\circ + \sin 2^\circ + \sin 3^\circ \dots \sin 89^\circ}{\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ \dots \cos 89^\circ} + 5 \tan 20^\circ + \cot 20^\circ$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 5 D) 6 E) 10

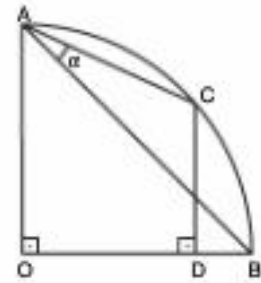
11.

$$(7 \sin 42^\circ + 2 \cos 48^\circ) \cdot \operatorname{cosec} 42^\circ + 5 \sec 60^\circ$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 9 C) 14 D) 19 E) 21

12.



O merkezli çeyrek çemberde,

$$|OD| = 2|CD| \text{ dir.}$$

Buna göre, $\cot \alpha$ değeri kaçtır?

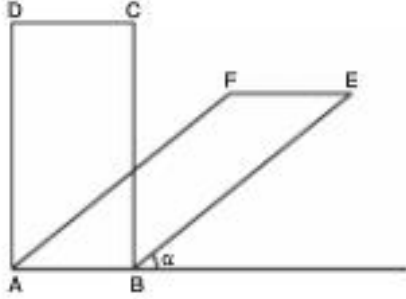
- A) $2 + \sqrt{5}$ B) $1 + \sqrt{5}$ C) $\sqrt{5}$
D) $\sqrt{5} - 1$ E) $\sqrt{2}$

13. $x = 2 + \sin\theta + \cos\theta$

olduğuna göre, $2\sin\theta \cdot \cos\theta$ çarpımının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(x+2)(x-2)$ B) $(x+2)(x-1)$
C) $(x+3)(x+1)$ D) $(x-3)(x+1)$
E) $(x-3)(x-1)$

14.



ABCD dikdörtgen ve ABEF paralelkenar,

$$|AD| = |AF|, 0^\circ < \alpha < 45^\circ \text{ dir.}$$

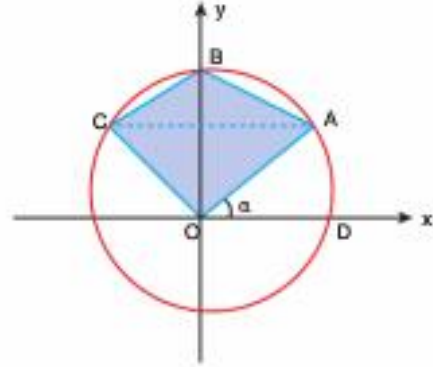
$$A(ABCD) = S \text{ ve } A(ABEF) = S'$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $S = S' \cdot \sin\alpha$ B) $S = S' \cdot \cos\alpha$ C) $S' = S$
D) $S = S \cdot \sin\alpha$ E) $S' = S \cdot \cos\alpha$

15. Aşağıda birim çemberde, OABC bir dörtgen,

$$[AC] \parallel Ox, m(\widehat{AOD}) = \alpha \text{ ve } \alpha \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$$



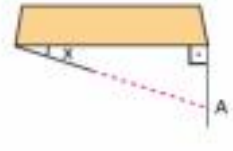
Buna göre, taralı alan aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\cos\alpha$ B) $\cos 2\alpha$ C) $\sin\alpha$
D) $\sin 2\alpha$ E) $\frac{\cos\alpha}{2}$

16. Şekil 1'de ayakları 40 cm uzunluğunda olan bir masa gösterilmiştir. Dikdörtgen biçimli masa yüzeyinin uzun kenarı 60 cm'dir. Masanın ayakları masa yüzeyinin köşelerinden yere dik olarak inmektedir.



Şekil 1



Şekil 2

I nolu ayak Şekil 2'deki gibi eğildiğinde bu ayağın uzantısı II nolu ayağı A noktasında kesmektedir.

$$\sin x = \frac{5}{13}$$

olduğuna göre, II nolu ayağın A noktasından aşağıda kalan kısmının uzunluğu kaç cm'dir?

- A) 9 B) 10 C) 12 D) 15 E) 18

1. D	2. D	3. C	4. D	5. B	6. D	7. A	8. A
9. A	10. D	11. D	12. A	13. E	14. D	15. A	16. D



1.

$$\left(\frac{1 - \sin^2 x}{\cot x} \right) \cdot \operatorname{cosec} x$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\sin x$ B) $\cos x$ C) 1 D) 0 E) $\sec x$



2.

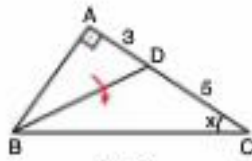
$$\frac{\sin x + \cos x}{\sin x - \cos x} = 2$$

olduğuna göre, $\cot x$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 3



3.

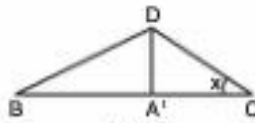


Şekil 1

Şekil 1'deki ABD üçgeni BD doğrusu boyunca katlandığında A köşesi BC üzerindeki A' noktası ile çakışıyor.

Buna göre, $\tan x$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{4}{5}$ E) $\frac{5}{3}$

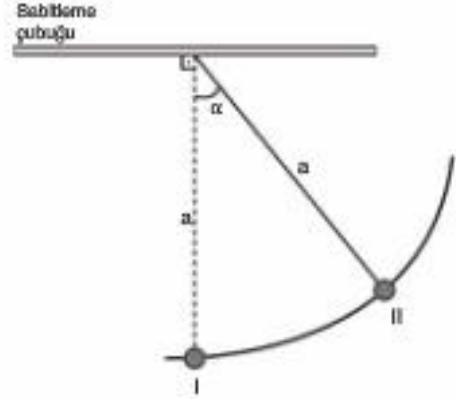


Şekil 2



4.

Aşağıda bir sarkaç görseli verilmiştir.



Topun merkezi I. konumda iken sabitleme çubuğuna dik duruludur. Sarkaç hareketine başladıktan bir süre sonra top α açısının gördüğü yay kadar yol alıp II. konuma gelmiştir.

Buna göre, II. durumda topun merkezinin sabitleme çubuğuna olan uzaklığı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

(Topun hacmi önemsenmeyecektir.)

- A) $a \cdot \cos \alpha$ B) $a \cdot \cos 2\alpha$ C) $a \cdot \sin \alpha$
D) $2 \cdot a \cdot \cos \alpha$ E) $a \cdot \sin 2\alpha$



5.



Şekilde su kanalının genişliği 24 m'dir. A noktasından kanala giren iki çocuktan biri C diğeri B noktasına kadar yürüyor.

Çocukların suya dalış rotaları yukarıda verildiğine göre, B ile C noktaları arasındaki uzaklık kaç m'dir? (sin 37° = 0,6 ve sin 53° = 0,8)

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 14 E) 16

6. $2\sin\theta + \cos\theta = \sqrt{3}$ olmak üzere,
 $\tan^2\theta + 4\tan\theta$

toplamının sonucu kaçtır?

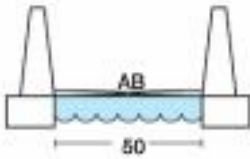
- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

7. I. $\sin 15^\circ < \cos 15^\circ$
 II. $\sin 72^\circ < \tan 72^\circ$
 III. $\cos 0^\circ < \tan 48^\circ$

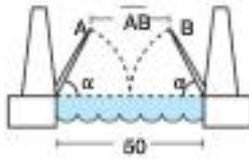
İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III D) II ve III E) I, II ve III

8. Bir nehrin üzerinden uzanan 50 metre uzunluğunda asma bir köprü bulunmaktadır.



I. Şekil



II. Şekil

A ve B noktaları köprüün konumundan bağımsız olarak eşit yüksekliğe sahiptir. Köprüün kanatları 30 saniyede birer derece açılmaktadır.

Buna göre, A ve B noktalarını 12,5 metre yüksekliğe çıkarmak kaç dakika sürer?

- A) 10 B) 12 C) 15 D) 16 E) 18

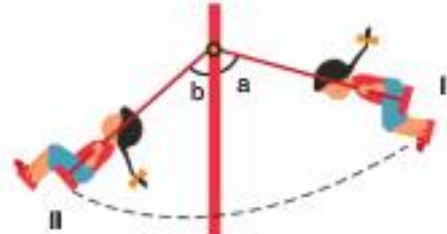
9. $\sin x - \cos y = \frac{1}{2}$ olduğuna göre,

$$\cos^2 x + \cos^2 y + \cos y$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

10. a ve b birer dar açı olmak üzere,



Bir salıncağın salınım yaparken direkleri arasında yaptığı açıların ölçüleri a ve b'dir.

a > b olduğuna göre,

- I. $\cos a < \cos b$
 II. $\tan b < \tan a$
 III. $\sin a = \cos b$

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?
 (Şekil düzlemseldir.)

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III D) II ve III E) I, II ve III

11. Bir bölgedeki depremin etkisi merkez üssü olan C noktasından en fazla 12 km uzaklıktaki yerlere kadar hissedilmiştir. O ve E noktaları etkilenen bölgelerin sınırında bulunan iki binayı temsil etmektedir.

Dik koordinat düzleminde her bir birim 1 km, O noktası orijin,

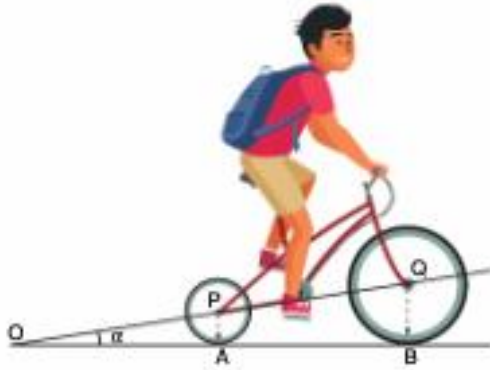
$$E(0,18) \text{ ve } m(\widehat{OCE}) = \theta$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

A) $\cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{4}$ B) $\cos \theta = \frac{2}{3}$ C) $\sin \theta = \frac{\sqrt{7}}{4}$

D) $\sin \frac{\theta}{2} = \frac{3}{4}$ E) $\sin 2\theta = \frac{\sqrt{7}}{2}$

12.



10	0,174	0,985	0,176
11	0,191	0,982	0,184
12	0,208	0,978	0,213
13	0,225	0,974	0,231
14	0,242	0,970	0,249

Yukarıda verilen bisikletin P merkezli arka tekerleğinin yarıçapı 25 cm ve Q merkezli ön tekerleğinin yarıçapı 52 cm dir.

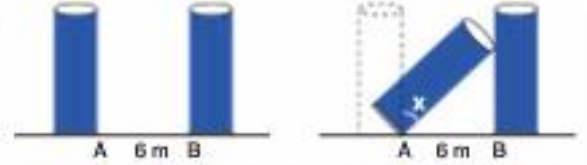
$$|PQ| = 120 \text{ cm}$$

olduğuna göre, α açısı kaç derecedir?

(Tabloda; bazı açılarının sinüs, kosinüs ve tanjanlarının yaklaşık değerleri verilmiştir.)

- A) 10 B) 11 C) 12 D) 13 E) 14

13.

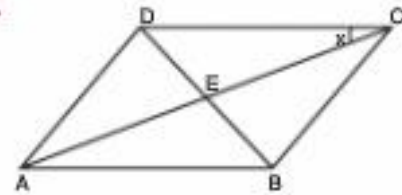


Şekildeki yere dik konumlu eş sütunların yüksekliği 10 m dir. Soldaki sütun bir sarsıntı sonucu A köşesi etrafında sağa doğru devriliyor ve sağdaki sütuna çarparak durabiliyor.

Soldaki sütun ilk konumuna göre, x açısı kadar devrildiğine göre, $\tan x$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{4}{5}$ E) $\frac{5}{3}$

14.



ABCD eşkenar dörtgen

$AC \cap BD = \{E\}$

$|AC| = 20$ birim

$|DB| = 12$ birim

$m(\widehat{ACD}) = x$

Buna göre, $\cot x$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{5}{3}$

1. B	2. A	3. A	4. A	5. D	6. B	7. E
8. C	9. B	10. B	11. D	12. D	13. C	14. E



1. $A = \frac{\sin 31^\circ}{\cos 59^\circ} + \frac{\tan 47^\circ}{\cot 43^\circ}$ olmak üzere,

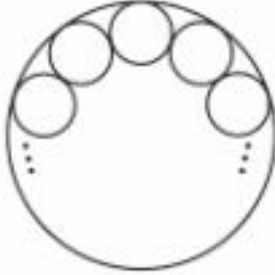
$$\sin \frac{\pi}{3A} + \tan \frac{\pi}{2A}$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 1,5 C) 3 D) 3,5 E) 4



2.



Birbirine eşit ve teğet olan 12 çemberin oluşturduğu dairesel bir zincir, şekilde görüldüğü gibi yarıçapı 1 olan çembere içten teğettir.

Buna göre, küçük çemberlerden birinin yarıçapı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sin 15^\circ}{1 - \sin 15^\circ}$ B) $\frac{\cos 15^\circ}{1 - \cos 15^\circ}$ C) $\frac{\cos 15^\circ}{1 + \cos 15^\circ}$
D) $\frac{\sin 15^\circ}{1 + \sin 15^\circ}$ E) $\frac{\cos 15^\circ}{1 + \sin 15^\circ}$



3. Seçkin Öğretmen sınıfta öğrencilerine aşağıda verilen talimatları uygulamalarını istemiştir.

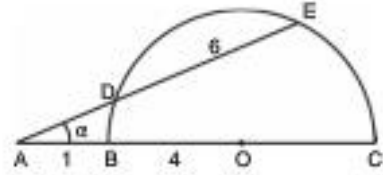
- Bir kenarı 2 birim olan ABCD karesi çiziniz.
- [DC] üzerinde bir E noktası alıp [AE]'yi çiziniz.
- $m(\widehat{EAB}) = \alpha$ açısını gösteriniz.

Buna göre, yukarıdaki talimatları uygulayan öğrenciler ABCE yamuğunun alanının doğru sonucunu aşağıdakilerden hangisi olarak bulurlar?

- A) $2\cot \alpha$ B) $4\cot \alpha$ C) $2 + 4\cot \alpha$
D) $4 - 4\cot \alpha$ E) $4 - 2\cot \alpha$



4.



Şekilde O merkezli yarım çember verilmiştir.

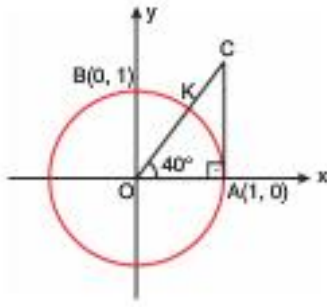
$$|AB| = 1 \text{ birim, } |OB| = 4 \text{ birim}$$

$$|DE| = 6 \text{ birim, } m(\widehat{EAC}) = \alpha$$

olduğuna göre, $\cos \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{5}$ C) $\frac{3\sqrt{2}}{5}$ D) $\frac{\sqrt{7}}{5}$ E) $\frac{3}{5}$

5.



Şekilde O merkezli birim çember verilmiştir. COA bir üçgendir.

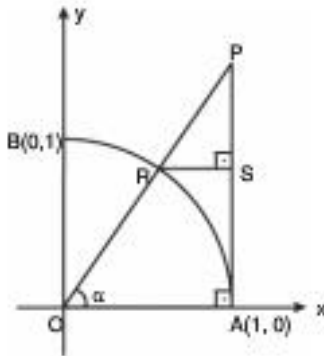
$$[CA] \perp [OA]$$

$$m(\widehat{COA}) = 40^\circ$$

olduğuna göre, $|KC|$ aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sec 40^\circ$ B) $\sec 40^\circ - 1$ C) $\operatorname{cosec} 40^\circ$
D) $\operatorname{cosec} 40^\circ - 1$ E) $\sec 50^\circ - 1$

6.



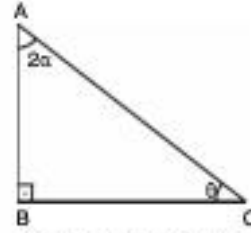
Şekilde O merkezli çeyrek çember verilmiştir. POA bir üçgendir.

$$[PA] \perp Ox, m(\widehat{POA}) = \alpha$$

olduğuna göre, $|PS|$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\tan \alpha$ B) $\tan \alpha - \cos \alpha$ C) $\tan \alpha - \sin \alpha$
D) $\sin \alpha - \cos \alpha$ E) $\cos \alpha - \sec \alpha$

7.



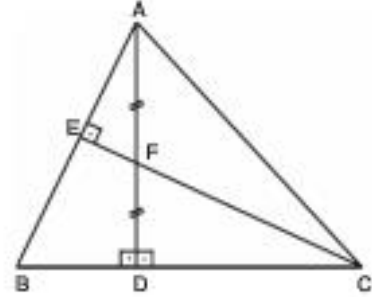
Yandaki ABC dik üçgeninde,

$$\sin \theta \cdot \cos 2\alpha = \frac{1}{4}$$

olduğuna göre, $\cos(\alpha + \theta)$ kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{8}$

8.



ABC üçgeninde,

$$|AF| = |FD|, [AD] \perp [BC], [EC] \perp [AB]$$

olduğuna göre, $\tan \widehat{B} \cdot \tan \widehat{C}$ çarpımı kaçtır?

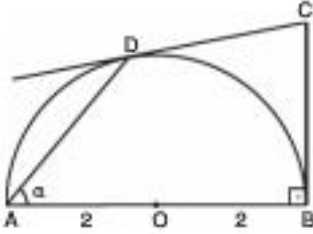
- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) $\frac{5}{2}$

9. $5\sin\alpha - 3\cos\beta$

farkının alabileceği en büyük ve en küçük tam sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

10.



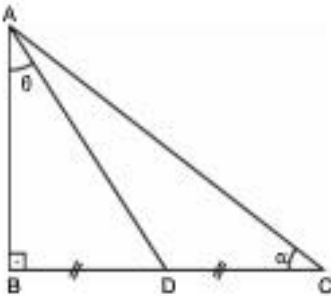
Şekildeki $|AB|$ çaplı çembere $[BC]$ ve $[CD]$ teğettir.

$[AB] \perp [BC]$, $|AB| = 4$ br, $m(\widehat{BAD}) = \alpha$

Yukarıdaki verilere göre, $|DC|$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $2\sin\alpha$ B) $2\sec\alpha$ C) $2\csc\alpha$
D) $2\cos\alpha$ E) $2\tan\alpha$

11.



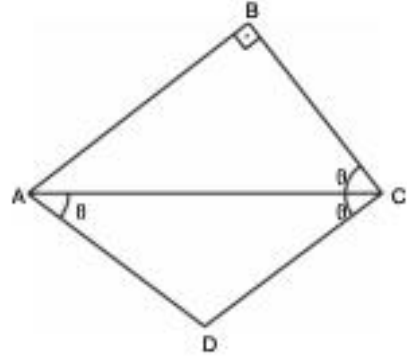
ABC dik üçgeninde,

$m(\widehat{ACB}) = \alpha$, $m(\widehat{BAD}) = \theta$, $|BD| = |DC|$ dir.

Buna göre, $\tan\alpha$ 'nın θ türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\tan\theta$ B) $2\cot\theta$ C) $\frac{\tan\theta}{2}$
D) $\frac{\cot\theta}{2}$ E) $4\cot\theta$

12.



Yukarıdaki verilen şekile,

$m(\widehat{B}) = 90^\circ$, $m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{DAC}) = m(\widehat{DCA}) = \theta$

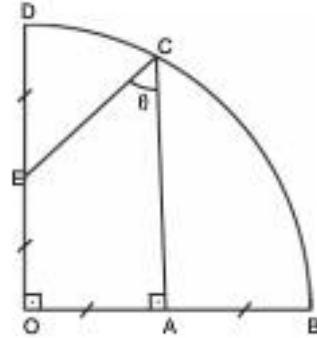
olduğuna göre,

$\frac{A(\widehat{ABC})}{A(\widehat{ADC})}$

oranı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $2\sin\theta$ B) $2\cos\theta$ C) $2\sin^2\theta$
D) $2\cos^2\theta$ E) $2\tan\theta$

13.



Şekildeki çeyrek çemberde,

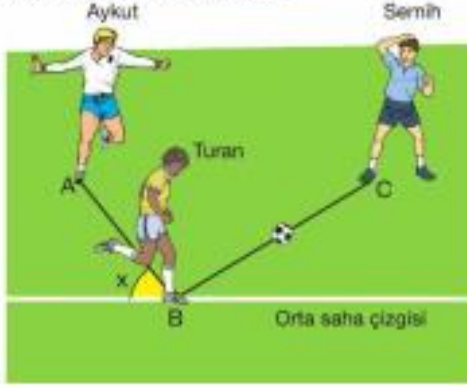
$|ED| = |EO| = |OA| = |AB|$

$[CA] \perp [OB]$, $m(\widehat{ECA}) = \theta$ dir.

Buna göre, $\cot\theta$ kaçtır?

- A) $\sqrt{3} - 1$ B) $\sqrt{3} + 2$ C) $2\sqrt{3} - 1$
D) $\sqrt{3} + 1$ E) $2\sqrt{3}$

14. Aşağıda bir futbol maçından bir görüntü verilmiştir. Aykut ile Semih'in bulunduğu A ve C noktaları orta saha çizgisi ne 10 metre uzaklıktadır. Turan orta saha çizgisi üzerindeki B noktasındadır. AB doğru parçasının orta saha çizgisiyle oluşturduğu açının ölçüsü x° 'dir.

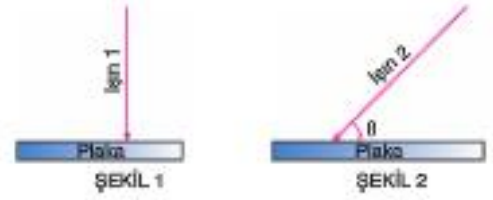
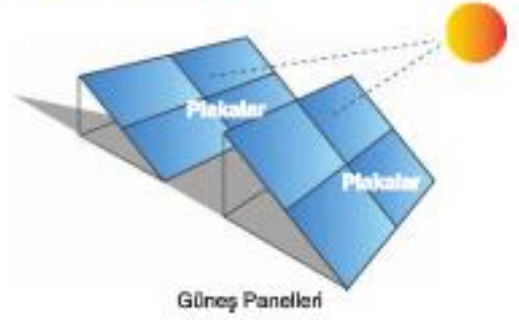


Aykut Turan'a, Turan'da Semih'e pas atmış ve atılan paslar doğrusal bir yol izlemiştir.

ABC açısı dik açı olduğuna göre, atılan bu iki pas esnasında topun aldığı toplam yolun, A ve C noktaları arasındaki uzaklığa oranı aşağıdakilerden hangisidir?

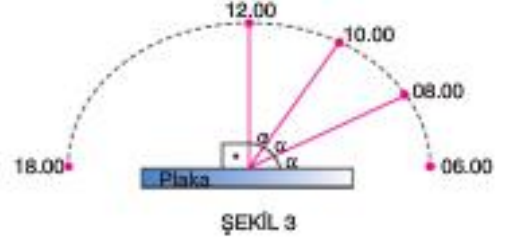
- A) $\sin x$ B) $\cos x$ C) $\sin x + \cos x$
D) $\sin x + \tan x$ E) $\tan x + \cot x$

15. Güneş enerjisinden elektrik üreten sistemlerin adına "Güneş Paneli Sistemi" denir.



Güneş ışınlarının Şekil 1'deki gibi dik açıyla geldiği saatte plaka 2000 wattlık güç üretir ve bu plakanın üretebileceği maksimum güçtür.

Aşağıdaki şekilde günün bazı saatlerinde güneş ışınlarının plakalara geliş açılar gösterilmiştir.



Güneş ışınlarının üreteceği gücün, ışının geliş açısının sinüsü ile doğru orantılı olduğu kabul edilirse 08.00, 08.00, 10.00 ve 12.00 saatlerinde plaka tarafından üretilen güçlerin ortalaması kaç wattır? ($\sqrt{3} = 1,7$ alınız.)

- A) 1225 B) 1200 C) 1175
D) 1150 E) 1125

1. B	2. D	3. E	4. C	5. B	6. C	7. C	8. D
9. C	10. E	11. D	12. D	13. A	14. C	15. C	



1.

$$\frac{\cos 90^\circ + \cos 540^\circ + \tan 360^\circ}{\sin 270^\circ + \cos 180^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{1}{2}$ B) -1 C) 0 D) $\frac{1}{2}$ E) 1



2.

$$\frac{(a+b)^2 \cdot \sec 360^\circ + (a-b)^2 \cdot \cos 180^\circ}{2ab \cdot \operatorname{cosec} 270^\circ}$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



3.

$$a = \sin 75^\circ$$

$$b = \tan 160^\circ$$

$$c = \cot 230^\circ$$

$$d = \cos 320^\circ$$

olduğuna göre; a, b, c ve d sayılarının işaretleri sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

- A) +, +, +, + B) +, -, -, + C) +, -, +, +
D) -, -, +, + E) -, -, +, -



4.

$$A = \sin 375^\circ + \sin 110^\circ - \sin 348^\circ$$

$$B = \cos 105^\circ - \cos 320^\circ + \cos 210^\circ$$

$$C = A \cdot \tan 330^\circ + B \cdot \tan 205^\circ$$

olduğuna göre; A, B ve C'nin işaretleri sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

- A) +, -, - B) +, +, - C) +, -, +
D) -, -, - E) -, -, +



5.

$$\frac{\sin 300^\circ + \tan 120^\circ}{\cot 315^\circ - \cos 300^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\sqrt{3}$ B) $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\sqrt{3}$ E) 2



6.

I. $\cos\left(\frac{7\pi}{2} + x\right) = \sin x$

II. $\cos(-5\pi - x) = -\cos x$

III. $\tan\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) = \cot x$

IV. $\cot\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \tan x$

V. $\sin(x - 3\pi) = \sin x$

Yukarıda verilen ifadelerden kaç tanesi doğrudur?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



7.

I. $\cos 235^\circ$

II. $\sin 25^\circ$

III. $\sin(-205^\circ)$

Yukarıda verilen ifadelerden hangileri $\cos 65^\circ$ değerine eşittir?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III



8.

$$\frac{\sin 150^\circ \cdot \cos(-225^\circ)}{\tan 60^\circ \cdot \cot(-30^\circ)}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{24}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{18}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{16}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{12}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{8}$

9.

$$\frac{\sin\left(x - \frac{13\pi}{2}\right) + \cos(\pi - x)}{\sin(3\pi + x)}$$

İfadesinin en sade biçimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\tan x$ B) $2\cos x$ C) $2\sec x$
D) $2\cot x$ E) $\frac{\cot x}{2}$

10. $\frac{\pi}{2} < x < \pi$ için $\tan x = -2$ dir.

Buna göre,

$$\sin(2\pi - x) + \sin\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{2\sqrt{5}}{5}$ B) $-\frac{\sqrt{5}}{5}$ C) $-\frac{\sqrt{5}}{10}$
D) $-\frac{2\sqrt{5}}{9}$ E) $-\frac{3\sqrt{5}}{16}$

11. $x + y = \frac{\pi}{2}$ olduğuna göre,

$$\cos(2x + 3y)$$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-\cos y$ B) $\cos y$ C) $\sin y$
D) $-\cos x$ E) $\cos x$

12. $x - y = \frac{\pi}{2}$ olduğuna göre,

$$\sin(2x - 3y)$$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos y$ B) $-\sin y$ C) $\sin y$
D) $\cos x$ E) $-\cos y$

13. ABC bir üçgen olduğuna göre,

$$\frac{\sin(\widehat{A} + \widehat{B}) + \sin \widehat{C}}{\cos(\widehat{A} + \widehat{B}) - \cos \widehat{C}}$$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-\tan \widehat{C}$ B) $\tan \widehat{C}$ C) $\cot \widehat{C}$
D) $-\cot \widehat{C}$ E) $-\sec \widehat{C}$

14. Bir ABC üçgeninde,

$$\tan \frac{\widehat{A}}{2} - \cot \left(\frac{\widehat{B} + \widehat{C}}{2} \right)$$

İfadesinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 \cdot \tan \frac{\widehat{A}}{2}$ B) $-\cot \frac{\widehat{A}}{2}$ C) 0
D) $\tan \frac{\widehat{A}}{2}$ E) $2 \cot \frac{\widehat{A}}{2}$

15. x bir dar açı olmak üzere,

$$\left(\frac{-\tan 343^\circ - \tan 107^\circ}{\tan 197^\circ + \tan 73^\circ} \right) \cdot \tan 163^\circ = -\tan x^\circ$$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 21 B) 19 C) 17 D) 13 E) 11

1. D	2. A	3. C	4. A	5. D	6. D	7. C	8. D
9. D	10. B	11. A	12. C	13. A	14. C	15. C	

1. $\cot 20^\circ = a$ olduğuna göre,

$$\frac{\csc 200^\circ + \sin 110^\circ}{\cos 290^\circ + \csc 430^\circ}$$

İfadesinin sonucunun a türünden değeri aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $-a^2$ B) $-a$ C) a D) a^2 E) $1 - a^2$

2. $\tan 15^\circ = x$ olduğuna göre,

$$\frac{\tan 15^\circ + \cot 255^\circ}{\tan 165^\circ + \cot 195^\circ}$$

İfadesinin x türünden değeri aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{x^2}{1-x^2}$ B) $\frac{2x^2}{1-x^2}$ C) $\frac{x^2}{2(1-x^2)}$
 D) $\frac{2x}{1-x^2}$ E) $\frac{x}{2(1-x^2)}$

3. $\sin 5^\circ = a$

olduğuna göre, $\cos 275^\circ$ ifadesinin a türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 - a$ B) $-a$ C) a^2 D) a E) $a + 1$

4. $1^\circ < x < 10^\circ$ olmak üzere,

$$\frac{\sin(x + 37^\circ)}{\cos(233^\circ - x)} + \frac{\cos(x + 60^\circ)}{\cos(x + 240^\circ)}$$

toplamının sonucu kaçtır?

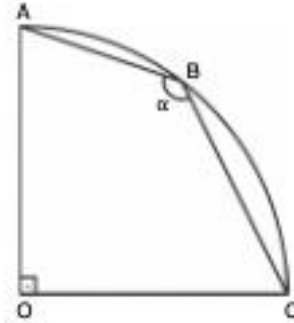
- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

5. $f(x + \pi) = \sin x + \cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$

olduğuna göre, $f(x)$ fonksiyonu aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) -1 B) 0 C) $\sin x - \cos x$
 D) $\sin x + \cos x$ E) $-\sin x - \cos x$

6.



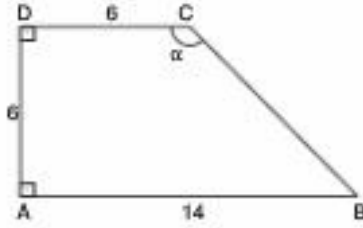
Şekilde O merkezli çeyrek çember verilmiştir.

$$m(\widehat{ABC}) = \alpha$$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) $-\frac{1}{2}$ E) $-\frac{1}{4}$

7.



ABCD bir dik yamuk,

DA \perp AB, $|AD| = |DC| = 6$ birim, $|AB| = 14$ birimYukarıdaki verilere göre, $\sin \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{3}{5}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{5}{13}$ D) $\frac{12}{13}$ E) $\frac{3}{4}$

8.

I. $\cos 250^\circ = \cos 110^\circ$

II. $\sin 40^\circ > \sin 140^\circ$

III. $\sin 160^\circ = |\sin 200^\circ|$

IV. $|\sin 240^\circ| > |\sin 310^\circ|$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) I ve II B) II ve III C) I, III ve IV
D) III ve IV E) II ve IV

9.

$a = \sin 550^\circ$, $b = \cos 250^\circ$, $c = \cos 310^\circ$

olduğuna göre; a, b ve c'nin küçükten büyüğe doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $b < c < a$ B) $b < a < c$ C) $c < b < a$
D) $a < c < b$ E) $c < a < b$

10.

$a = \tan 250^\circ$, $b = \tan 205^\circ$, $c = \cot 50^\circ$

olduğuna göre; a, b ve c'nin küçükten büyüğe doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $b < a < c$ B) $a < b < c$ C) $b < c < a$
D) $a < c < b$ E) $c < b < a$

11. $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$ olmak üzere, $\tan x = 3$ tür.

Buna göre,

$$\frac{\sin x - \cos x}{\sqrt{10}}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{1}{15}$ B) $-\frac{1}{10}$ C) $-\frac{1}{5}$ D) $-\frac{2}{5}$ E) $-\frac{3}{5}$

12. $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\tan x = -\frac{5}{12}$$

olduğuna göre, $\sin x + \cos x$ toplamı kaçtır?

- A) $-\frac{10}{13}$ B) $-\frac{9}{13}$ C) $-\frac{8}{13}$ D) $-\frac{7}{13}$ E) $-\frac{6}{13}$

13. $\cos 3^\circ + \cos 6^\circ + \cos 9^\circ + \dots + \cos 174^\circ + \cos 177^\circ + \cos 180^\circ$ toplamının sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

14. I. $|\cos \theta| = -\cos \theta$

II. $|\tan \theta| = \tan \theta$

III. $|\sin \theta| = \frac{\sqrt{5}}{3}$

Yukarıda verilen bilgilere göre,

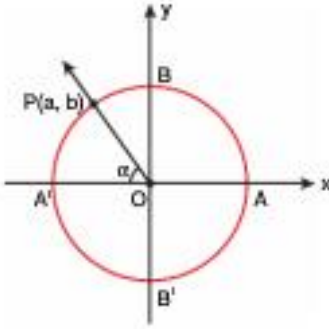
$$\sqrt{5} \cdot \csc \theta + 9 \cos \theta$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) -12 B) -10 C) -9 D) -8 E) -6



15.



Şekilde, O merkezli birim çemberin II. bölgesinde $P(a, b)$ noktası veriliyor.

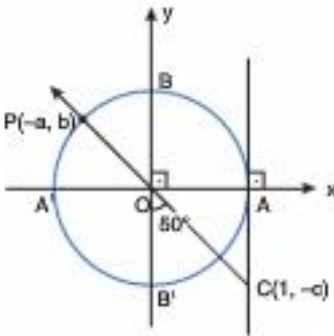
$$m(\widehat{A'OP}) = \alpha$$

olduğuna göre, $\cos(\pi - \alpha)$ ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-a$ B) a C) b D) $-b$ E) $\frac{a}{b}$



16.



Şekildeki verilere göre,

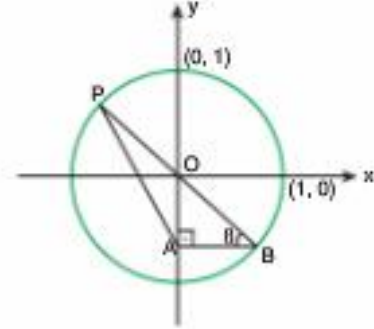
$$\sin 140^\circ + \cos 140^\circ + \tan 140^\circ$$

işleminin sonucunun a , b ve c türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $b - a - c$ B) $a - b - c$ C) $b - a + c$
D) $a - b + c$ E) $b + a + c$



17.

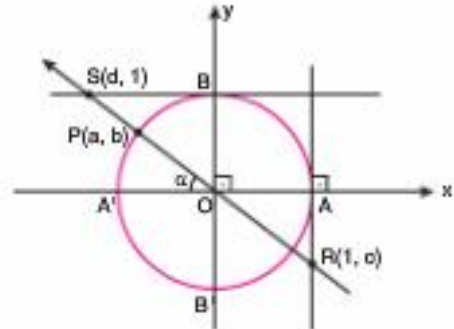


Yukarıda birim çemberin içinde verilen PAB üçgeninin alanının θ cinsinden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 \cdot \sin \theta \cdot \cos \theta$ B) $\sin \theta \cdot \cos \theta$ C) $\sin \theta \cdot \tan \theta$
D) $\frac{\sin \theta \cdot \cos \theta}{2}$ E) $\frac{\sin \theta \cdot \tan \theta}{2}$



18.



Şekildeki O merkezli birim çemberde, $P(a, b)$, $R(1, c)$ ve $S(d, 1)$ noktası veriliyor.

$$m(\widehat{A'OS}) = \alpha$$

olduğuna göre, $\tan(\pi - \alpha) + \cot(\pi - \alpha)$ toplamının eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $c + d$ B) $c - d$ C) $a + c$ D) $b + d$ E) $b - d$

1. A	2. B	3. D	4. A	5. B	6. C	7. A	8. C	9. B
10. C	11. C	12. D	13. B	14. C	15. B	16. A	17. B	18. A

1. $270^\circ < x < 360^\circ$ olmak üzere,

$$|\operatorname{cosec} x| - 4 \sin \frac{x}{6} = 0$$

olduğuna göre, $\sin x + \sqrt{3} \cos x$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{2}$

4.
$$\frac{\cos 235^\circ + \sin 35^\circ}{\sin 55^\circ}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

2. $\cos 10^\circ + \cos 30^\circ + \cos 50^\circ + \dots + \cos 170^\circ$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 0 C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) 1 E) $\frac{\sqrt{3}}{4}$

5. $x + y = 360^\circ$ olmak üzere,

$$\cos(\sin x + \sin y) + 1$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 0
D) $1 - \cos 2^\circ$ E) $1 + \cos 2^\circ$

3. $\sin 200^\circ \cdot \csc(-20^\circ) + \cos(-10^\circ) \cdot \sec(170^\circ)$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) 1 E) 2

6. $a + b = \frac{3\pi}{2}$

$$\cos b = \frac{3}{4}$$

olduğuna göre, $\cos(2a + 3b)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{3}{5}$ B) $-\frac{3}{4}$ C) $-\frac{4}{3}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{3}{5}$

7.

$$a = \sin 320^\circ$$

$$b = \sin^2 320^\circ$$

$$c = \sin^3 320^\circ$$

olduğuna göre; a, b ve c'nin büyükten küçüğe doğru sıralanmış biçimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $b > a > c$ B) $b > c > a$ C) $c > a > b$
D) $c > b > a$ E) $a > b > c$

8.

$$\cos 1996^\circ = -\sin x$$

olduğuna göre, $\tan 15x$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ B) $\sqrt{3}$ C) 1 D) -1 E) $-\frac{\sqrt{3}}{3}$

9.

$$|\cos \theta| + \cos \theta = 0$$

$$|\cot \theta| - \cot \theta = 0$$

$$|\operatorname{cosec} \theta| = \frac{17}{15}$$

olduğuna göre, $\tan \theta - \sec \theta$ farkı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

10.

$$\frac{(a+b)^2 \cdot \sin \frac{\pi}{2} + (a-b)^2 \cdot \sin^3 \left(\frac{3\pi}{2} \right)}{2ab \cdot \cos x}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

11.

$x \neq y$ olmak üzere,

$$x + y = 180^\circ \text{ dir.}$$

Buna göre, $\sin(\tan x) + \sin(\tan y)$ toplamının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -1 B) 0 C) $\sin x$
D) $\cos y$ E) 1

12.

$x \in (80^\circ, 210^\circ)$ olmak üzere,

$$8 \cos x + 1$$

ifadesi aşağıdaki aralıkların hangisinde bulunur?

- A) $(-7, 5]$ B) $[-7, 5)$ C) $(-7, 5)$
D) $(-6, 5]$ E) $(-4\sqrt{3}, 5)$

1. A	2. B	3. B	4. C	5. B	6. B
7. B	8. A	9. D	10. A	11. B	12. B



1.

- I. $\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$
- II. $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha$
- III. $\sin(\pi + \alpha) = \cos \alpha$
- IV. $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$

Yukarıdaki ifadelerden hangileri doğrudur?

- A) I ve II
- B) I ve IV
- C) II ve III
- D) II ve IV
- E) III ve IV



2.

$$x \cdot \sin 150^\circ = \cos 315^\circ$$

eşitliğini sağlayan x değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$
- B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- D) $\sqrt{3}$
- E) $\sqrt{2}$



3.

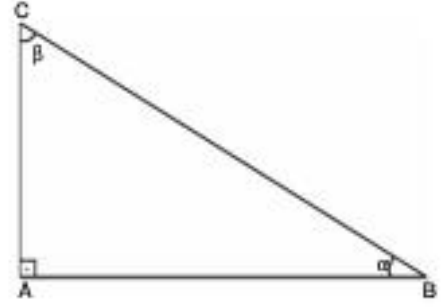
$$\begin{aligned} a &= \sin 75^\circ \\ b &= \cos 150^\circ \\ c &= \tan 225^\circ \\ d &= \cot 300^\circ \end{aligned}$$

olduğuna göre, aşağıdaki sıralamalardan hangisi doğrudur?

- A) $b < d < a < c$
- B) $b < d < c < a$
- C) $d < b < a < c$
- D) $d < b < c < a$
- E) $c < a < b < d$



4. BAC bir dik üçgen,



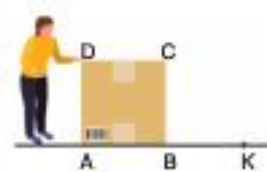
$$m(\widehat{ACB}) = \beta, \quad m(\widehat{ABC}) = \alpha$$

$\cos \alpha = \frac{3}{4}$ olduğuna göre, $\sin(\alpha + 2\beta)$ ifadesinin değeri kaçtır?

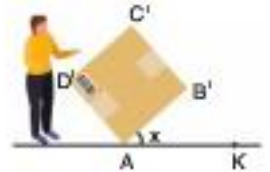
- A) $\frac{\sqrt{6}}{3}$
- B) $\frac{\sqrt{7}}{4}$
- C) $\frac{\sqrt{8}}{5}$
- D) $\frac{3}{7}$
- E) $\frac{3}{4}$



5.



Şekil 1



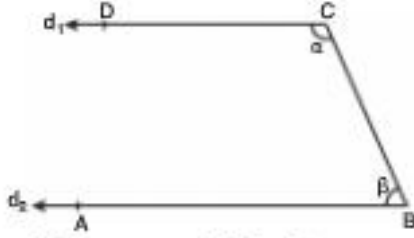
Şekil 2

Serpil, Şekil 1'de önden görünümü ABCD karesi olan kutuyu A köşesi sabit olacak şekilde x açısı kadar döndürdüğünde Şekil 2'deki görünüm elde ediliyor.

$\tan x = \frac{3}{4}$ olduğuna göre, $\sin(\widehat{D'AK})$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$
- B) $\frac{-3}{5}$
- C) $\frac{3}{4}$
- D) $\frac{3}{5}$
- E) $\frac{4}{5}$

6.



$d_1 \parallel d_2$, $m(\widehat{DCB}) = \alpha$ ve $m(\widehat{ABC}) = \beta$ dir.

$\tan \alpha = -2$ olmak üzere,

I. $\tan(\alpha + \beta) = 0$

II. $\cot \beta = 0,5$

III. $\sin \alpha = \cos \beta$

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) II ve III E) I, II ve III

7.

$$\frac{\tan\left(\pi - \alpha\right) \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)}{\cos\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)}$$

İfadesinin en sade hali aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -1 B) $-\sin \alpha$ C) $\cos \alpha$ D) 1 E) $\sin \alpha$

8.

$$|\sin \alpha| = -\sin \alpha$$

$$|\tan \alpha| = \tan \alpha$$

$$|\cos \alpha| = \frac{2}{3}$$

olduğuna göre, $\sec \alpha + \sqrt{5} \cdot \cot \alpha$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{1}{2}$ B) $-\frac{\sqrt{5}}{5}$ C) 1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{\sqrt{5}}{5}$

9.

$$n \cdot \sin 170^\circ + 2n \cdot \sin 350^\circ = 3 \sin 350^\circ + \sin 10^\circ$$

denkleminde n kaçtır?

- A) 0 B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2

10.

Bir gıda şirketi 2018 yılında Ocak ayından itibaren hangi ayda kaç TL kâr yaptığını, zamana bağlı bir fonksiyon şeklinde ifade etmiştir.

$$a > 0, b > 0 \text{ ve } 1 \leq t \leq 12$$

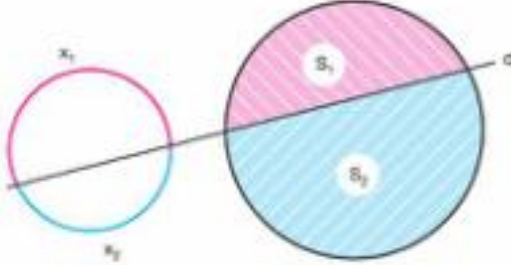
olmak üzere,

$$f(t) = a \cdot \cos\left(\frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{2} \cdot t\right) + b \text{ dir.}$$

Bu şirketin Nisan ayında kârı 50.000 TL ve Haziran ayında kârı 30.000 TL olduğuna göre, Aralık ayındaki kârı kaç TL'dir?

- A) 20.000 B) 25.000 C) 30.000
D) 40.000 E) 50.000

11. Aşağıdaki şekilde, d doğrusu yarıçapı $\frac{1}{4}$ birim olan soldaki çember yayını x_1 birim ve x_2 birimlik iki parçaya, yarıçapı $\sqrt{\frac{3}{2}}$ birim olan sağdaki daireyi S_1 birimkare ve S_2 birimkare alanlı iki parçaya bölmüştür.



Buna göre, $\frac{\sin x_1}{\cos x_2} + \frac{\tan S_1}{\cot S_2}$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1

12. b bir gerçekte sayıdır.

$$f(x) = x^2 + bx + \cos\left(\frac{8x}{7}\right)$$

fonksiyonunun grafiği için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Grafik x eksenini negatif apselli iki farklı noktada keser.
 B) Grafik x eksenini pozitif apselli iki farklı noktada keser.
 C) Grafik x eksenini bir pozitif bir negatif olan iki noktada keser.
 D) Grafik x eksenini kesmez.
 E) Grafik x eksenine negatif apselli noktada teğettir.

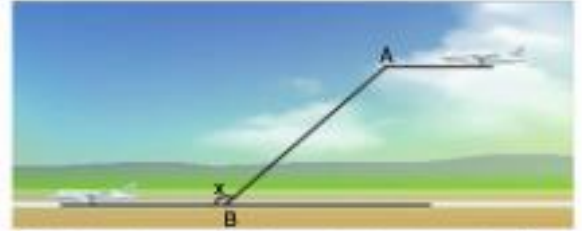
13. $\sin 10^\circ = a$ olmak üzere,

$$\sin 170^\circ + \cos 260^\circ$$

ifadesinin a türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-2a$ B) $-a$ C) 0 D) a E) $2a$

- 14.



Şekildeki uçak yere paralel uçarken A noktasından itibaren inişe geçmiştir. Uçağın inerken yer düzlemiyle yaptığı geniş açı x° dir.

$|AB| = 15$ km ve $\tan x = \frac{-3}{4}$ olduğuna göre, uçak A noktasında iken yerden yüksekliği kaç km dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 9 E) 12

1. A	2. E	3. A	4. B	5. E	6. B	7. A
8. D	9. E	10. E	11. E	12. C	13. C	14. D

1. Aşağıdakilerden hangisi $\cos\left(\frac{7\pi}{2} - x\right)$ ifadesine eşittir?

A) $\sin x$ B) $\cos\left(\frac{3\pi}{2} + x\right)$ C) $\cos(\pi + x)$
D) $\sin(\pi + x)$ E) $-\cos x$

2. $x \in (-1, 1)$ olmak üzere,

$$\left|x + \sin\frac{3\pi}{2}\right| + |x - \cos\pi|$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

A) -2 B) -2x C) 0 D) 2 E) 2x

3. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(\tan x) = \pi \cdot \cot x$$

olmak üzere,

$$\sin\left(f\left(\frac{2}{3}\right)\right) + \cos(f(2))$$

İşleminin sonucu kaçtır?

A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) 0 D) 1 E) $\frac{1}{2}$

4.

$$\frac{\tan(x+x) \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) \cdot \cos(x-x)}{\sin\left(\frac{3\pi}{2} + x\right) \cdot \tan(2\pi - x)}$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\cos x$ B) $-\cos x$ C) $\sin x$
D) $-\sin x$ E) 1

5.

$$\left(3\sin\frac{\pi}{2} - 2\cos\pi\right)^2 + \left(\sin\frac{3\pi}{2} - \cos 2\pi\right)^2$$

İşleminin sonucu kaçtır?

A) 25 B) 27 C) 29 D) 30 E) 32

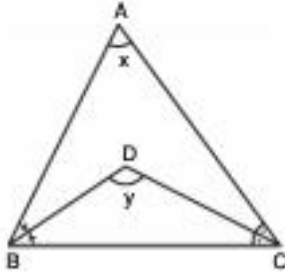
6.

$$a = \sin 95^\circ, b = \tan 165^\circ, c = \cos 275^\circ, d = \cot 300^\circ$$

olduğuna göre; a, b, c ve d'nin işaretleri sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

A) +, +, +, + B) +, +, -, - C) +, -, +, -
D) +, -, -, + E) -, -, -, -

7.



Şekilde verilen ABC üçgeninde, [BD] ve [CD] açıortay

$m(\widehat{BAC}) = x$, $m(\widehat{BDC}) = y$ dir.

Buna göre, $\cos y$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $-\sin x$ B) $-\sin \frac{x}{2}$ C) $\sin \frac{x}{2}$
D) $\sin x$ E) $2\sin x$

8.

$8a = \pi$ olmak üzere,

$\frac{\sin a}{\cos 3a} - \frac{\tan 3a}{\tan 5a}$
farkının sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

9.

Bir ABC üçgeninde,

$$\frac{\tan(2\widehat{A} + 2\widehat{B} + \widehat{C})}{\tan(\widehat{A} + \widehat{B})} + \cos(\widehat{B} + \widehat{C}) \cdot \sec \widehat{A}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

10.

$\sin 6^\circ = a$ olmak üzere,

$$\frac{\cos 96^\circ - \sin 174^\circ}{\tan 6^\circ}$$

ifadesinin a türünden değeri aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $-\sqrt{1-a^2}$ B) $-2\sqrt{1-a^2}$ C) $\frac{-2a}{\sqrt{1-a^2}}$
D) $\frac{2a}{\sqrt{1-a^2}}$ E) $\frac{2a}{1-a^2}$

11.

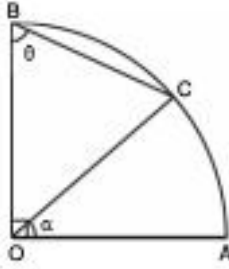
$$\frac{7 \sin 40^\circ - 3 \cos 50^\circ}{\sin 140^\circ}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 8 E) 10



12.



O merkezli çeyrek çember verilmiştir.

$$m(\widehat{OBC}) = \theta, \quad m(\widehat{AOC}) = \alpha$$

$$\tan \alpha = \frac{5}{12}$$

olduğuna göre, $\tan \theta$ kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{3}{2}$ C) $\frac{4}{3}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{1}{2}$



13.

$$f(x) = \sin(\pi + x) + \cos\left(\frac{7\pi}{2} + x\right)$$

olduğuna göre, $f(\pi - x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $-2\sin x$ B) $-\sin x$ C) 0 D) $\sin x$ E) $2\sin x$



14.

$\frac{\pi}{2} < x < \pi$ olmak üzere,

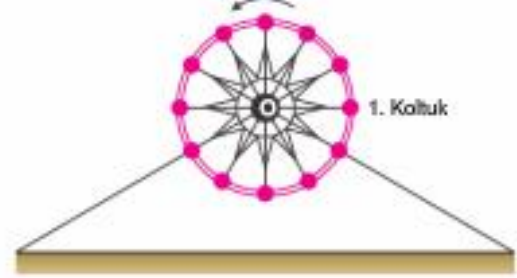
$$\sin x = \frac{3}{5}$$

olduğuna göre, $\sec x - \tan x$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) $-\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2



15.



O merkezli, yarıçapı 10 m olan şekildeki dönme dolabın eşit aralıklarla yerleştirilmiş 12 koltuğu vardır.

Dönme dolap bir tam dönüşünü 24 saniyede tamamlamaktadır. Dönme dolabın merkezinden zemine olan uzaklığı 11 m dir. Dönme dolap hareketli halde iken 1. koltukla merkez arasındaki uzaklık zemine paraleldir.

Buna göre, $h(t)$ saniye birimine göre, 1. koltuğun yerden yüksekliği olan fonksiyon aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $h(t) = 10\left(\cos\frac{\pi}{12}t\right) + 11$
 B) $h(t) = 10\left(\sin\frac{\pi}{12}t\right) + 11$
 C) $h(t) = \left(\cos\frac{\pi}{12}t\right) + 11$
 D) $h(t) = 11\left(\sin\frac{\pi}{6}t\right) + 1$
 E) $h(t) = \sin\left(\frac{\pi}{12}t\right) + 11$



16.

$$a = \sin 110^\circ$$

$$b = -\cos 250^\circ$$

$$c = \sin 350^\circ$$

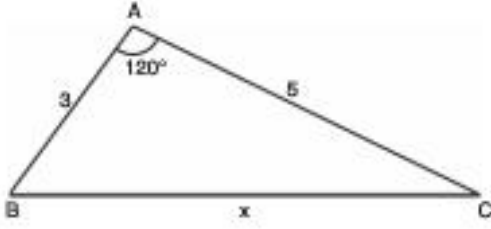
olduğuna göre; a, b ve c'nin küçükten büyüğe doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $a < b < c$ B) $a < c < b$ C) $b < c < a$
 D) $c < a < b$ E) $c < b < a$



1. D	2. D	3. A	4. B	5. C	6. C	7. B	8. E
9. C	10. B	11. B	12. B	13. C	14. C	15. B	16. E

1.



ABC üçgeninde,

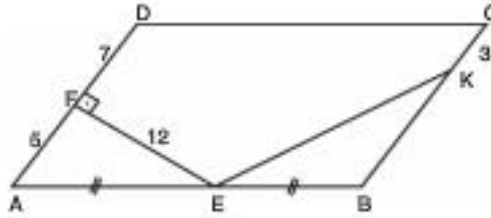
$$|AB| = 3 \text{ birim}, |AC| = 5 \text{ birim}, |BC| = x$$

$$m(\widehat{BAC}) = 120^\circ \text{ dir.}$$

Buna göre, x kaç birimdir?

- A) $2\sqrt{3}$ B) $3\sqrt{3}$ C) 6 D) 7 E) $5\sqrt{3}$

2.



Şekilde ABCD bir paralelkenardır.

$$|AE| = |EB|, [EF] \perp [AD]$$

$$|AF| = 5 \text{ birim}, |DF| = 7 \text{ birim}$$

$$|CK| = 3 \text{ birim}, |EF| = 12 \text{ birim}$$

Buna göre, $|EK|$ kaç birimdir?

- A) $2\sqrt{21}$ B) $\sqrt{85}$ C) $3\sqrt{21}$
D) $2\sqrt{85}$ E) $4\sqrt{21}$

3.

Bir ABC üçgeninin kenar uzunlukları a, b, c 'dir.

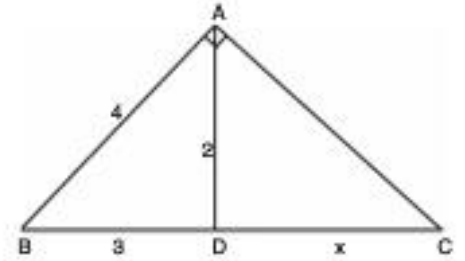
Kenar uzunlukları arasında,

$$a^2(a-b-c) = a^3 - b^3 - c^3$$

bağıntısı olduğuna göre, A açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 15 B) 30 C) 45 D) 60 E) 75

4.

Şekilde $[AB] \perp [AC]$ dir.

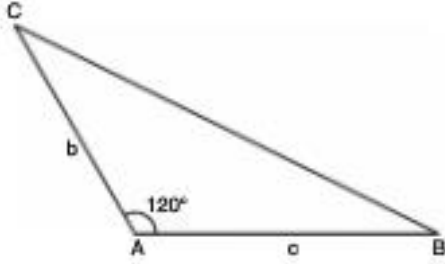
$$|AB| = 4 \text{ birim}, |AD| = 2 \text{ birim}, |BD| = 3 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $|DC| = x$ kaç birimdir?

- A) 2 B) $\frac{13}{7}$ C) $\frac{12}{7}$ D) $\frac{11}{7}$ E) $\frac{10}{7}$



5.



Yukarıda verilen ABC üçgeninde,

$$m(\widehat{BAC}) = 120^\circ$$

$$|AB| = c, |AC| = b \text{ ve } |BC| = 2\sqrt{7} \text{ birim}$$

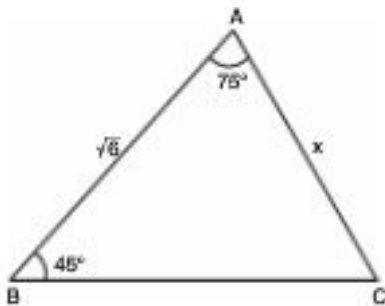
$$b^2 + c^2 = 20$$

olduğuna göre, $b + c$ toplamı kaç birimdir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8



6.



ABC bir üçgen,

$$m(\widehat{A}) = 75^\circ, m(\widehat{B}) = 45^\circ$$

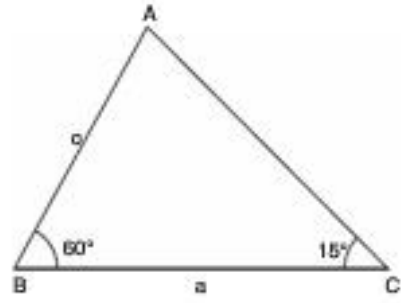
$$|AB| = \sqrt{6} \text{ birim}, |AC| = x$$

Yukarıdaki verilere göre, x kaç birimdir?

- A) $\sqrt{3}$ B) 2 C) $\sqrt{5}$ D) $\sqrt{6}$ E) $3\sqrt{2}$



7.



ABC bir üçgen,

$$m(\widehat{ABC}) = 60^\circ, m(\widehat{ACB}) = 15^\circ$$

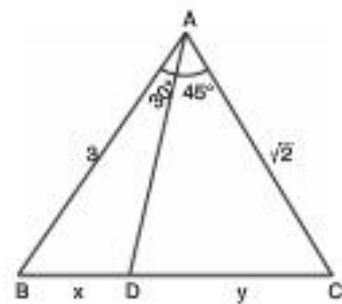
$$|BC| = a \text{ birim}, |AB| = c \text{ birim}$$

Yukarıdaki verilere göre, $\frac{a}{c}$ oranı kaçtır?

- A) $\tan 15^\circ$ B) $\sec 15^\circ$ C) $\cot 15^\circ$
D) $\operatorname{cosec} 15^\circ$ E) $\cos 15^\circ$



8.



Şekildeki ABC üçgeninde,

$$m(\widehat{BAD}) = 30^\circ, m(\widehat{DAC}) = 45^\circ$$

$$|BD| = x \text{ birim}, |CD| = y \text{ birim}$$

$$|AB| = 3 \text{ birim}, |AC| = \sqrt{2} \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\frac{x}{y}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{5}{2}$ B) 2 C) $\frac{3}{2}$ D) 1 E) $\frac{1}{2}$

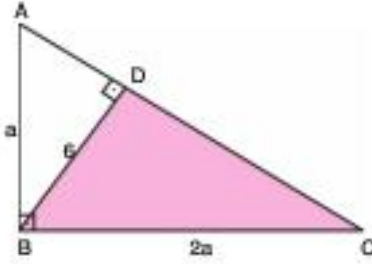
9. ABC üçgeninin iç açıları ölçüsü A, B, C ve kenar uzunlukları a, b, c dir.

$$\sin A + \sin B = 5 \sin C \text{ ve } a + b = 15 \text{ birim}$$

olduğuna göre, ABC üçgeninin çevresi kaç birimdir?

- A) 25 B) 20 C) 18 D) 16 E) 12

10.



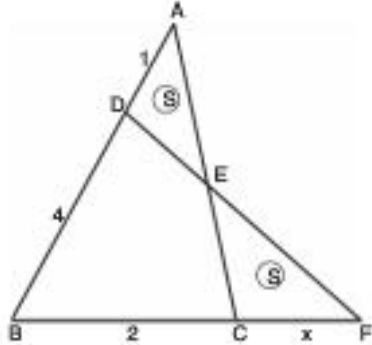
ABC dik üçgeninde,

$$[BD] \perp [AC], 2|AB| = |BC| = 2a \text{ birim, } |BD| = 6 \text{ birim}$$

olduğuna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 48 B) 42 C) 36 D) 32 E) 24

11.



Şekilde, ABC ve DBF birer üçgendir.

$$[AC] \cap [DF] = \{E\}$$

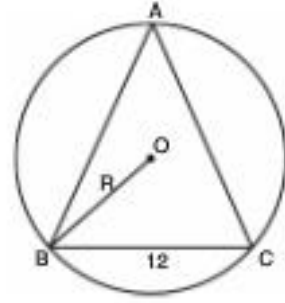
$$|AD| = 1 \text{ birim, } |BD| = 4 \text{ birim, } |BC| = 2 \text{ birimdir.}$$

$$\text{Alan}(\widehat{ADE}) = \text{Alan}(\widehat{ECF})$$

olduğuna göre, $|CF| = x$ kaç birimdir?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) $\frac{5}{2}$

12.



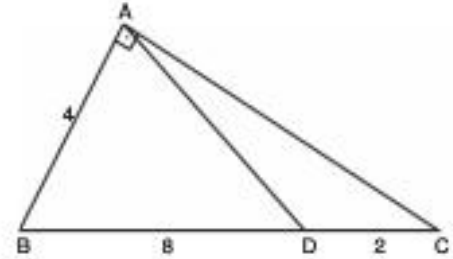
Şekilde, \widehat{ABC} nin çevrel çemberi çizilmiştir.

$$|BC| = 12 \text{ birim ve } \cot \widehat{A} = \frac{4}{3}$$

olduğuna göre, çemberin yarıçapı kaç birimdir?

- A) 20 B) 18 C) 16 D) 12 E) 10

13.



ABC dik üçgeninde,

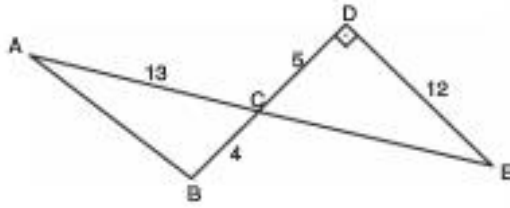
$$|DC| = 2 \text{ birim, } |BD| = 8 \text{ birim, } |AB| = 4 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\text{Alan}(\widehat{ADC})$ kaç birimkaredir?

- A) $\sqrt{21}$ B) $\frac{4\sqrt{21}}{5}$ C) $\frac{3\sqrt{21}}{5}$
D) $\frac{2\sqrt{21}}{5}$ E) $\frac{\sqrt{21}}{5}$



14.



C noktası $[AE]$ ile $[BD]$ nin kesiştiği nokta ve $[BD] \perp [DE]$ dir.

$$|DC| = 5 \text{ birim}, |DE| = 12 \text{ birim}$$

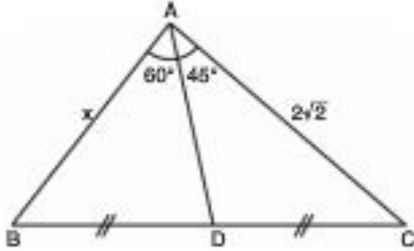
$$|AC| = 13 \text{ birim ve } |BC| = 4 \text{ birim}$$

olduğuna göre, \widehat{ABC} kaç birimkaredir?

- A) 36 B) 32 C) 28 D) 24 E) 18



15.



ABC üçgen,

$$m(\widehat{BAD}) = 60^\circ, m(\widehat{DAC}) = 45^\circ$$

$$|BD| = |DC|, |AC| = 2\sqrt{2} \text{ birim}$$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) $2\sqrt{3}$ B) $\frac{5\sqrt{3}}{3}$ C) $\frac{4\sqrt{3}}{3}$
D) $\sqrt{3}$ E) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$



16.



Şekilde doğrusal bir yol boyunca uzanan sahilin aynı noktasında Can ve Tarkan'dan, Can suya girip yüzerken, Tarkan da sahil boyunca yürüyor.

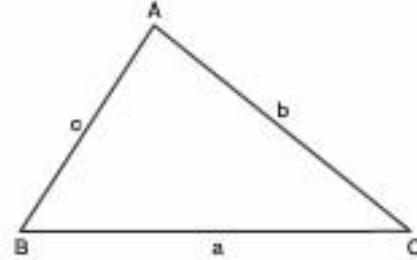
Şekildeki anlık görüntüde Tarkan 50 metre yürüyüp T' noktasına geldiğinde Tarkan ile Can arasındaki uzaklık (x) kaç metre olur?

($\sin 37^\circ \approx 0,6$ ve $\sin 24^\circ \approx 0,4$)

- A) 60 B) 75 C) 80 D) 90 E) 100



17.



ABC bir üçgen, $4\sin \widehat{B} - 3\sin \widehat{C} = 2\sin \widehat{A}$ ve üçgenin kenarları arasında $4b - 3c = 12 - a$ bağıntısı vardır.

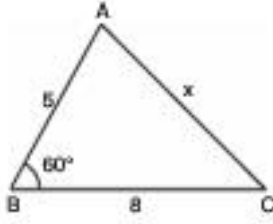
Buna göre, a kaçtır?

- A) 8 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



1. D	2. D	3. D	4. D	5. C	6. B	7. C	8. C	9. C
10. C	11. A	12. E	13. B	14. D	15. C	16. B	17. D	

1.



ABC bir üçgen,

$$|AB| = 5 \text{ cm}, |BC| = 8 \text{ cm}$$

$$m(\widehat{ABC}) = 60^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre, x kaç cm'dir?

- A) $4\sqrt{3}$ B) 7 C) $5\sqrt{2}$ D) $2\sqrt{13}$ E) $2\sqrt{14}$

2.

Bir ABC üçgeninde,

$$|AC| = b, |BC| = a, |AB| = c$$

olmak üzere,

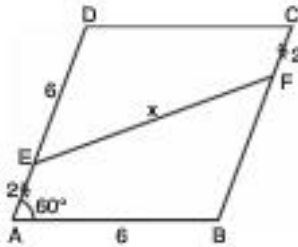
$$\frac{b+c}{a+c} = \frac{a}{b-c}$$

eşitliği vardır.

Buna göre, B açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 45 B) 60 C) 120 D) 135 E) 150

3.



ABCD paralelkenar,

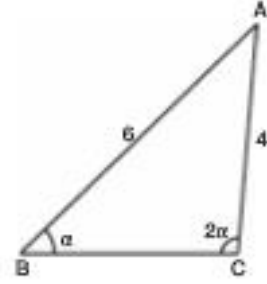
$$|CF| = |AE| = 2 \text{ birim}, |ED| = |AB| = 6 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $|EF| = x$ kaç birimdir?

- A) 8 B) $3\sqrt{5}$ C) $2\sqrt{19}$ D) $6\sqrt{2}$ E) $4\sqrt{8}$

4.

$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$ olmak üzere,



Şekilde ABC üçgeninde,

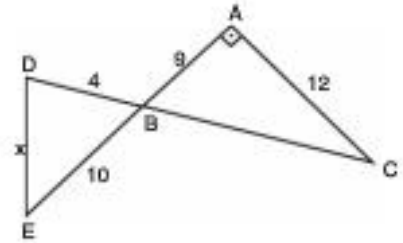
$$|AB| = 6 \text{ birim}, |AC| = 4 \text{ birim}$$

$$2m(\widehat{B}) = m(\widehat{C}) = 2\alpha$$

Yukarıda verilenlere göre, $\cos \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{2}{5}$ E) $\frac{4}{5}$

5.



$$[EA] \perp [AC]$$

$$|AC| = 12 \text{ birim}, |AB| = 9 \text{ birim}$$

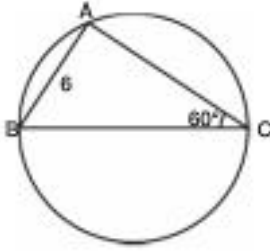
$$|BD| = 4 \text{ birim}, |EB| = 10 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $|DE| = x$ kaç birimdir?

- A) $2\sqrt{13}$ B) $2\sqrt{17}$ C) $6\sqrt{2}$ D) $4\sqrt{5}$ E) 8



6.



Şekildeki ABC üçgeninin çevrel çemberi çizilmiştir.

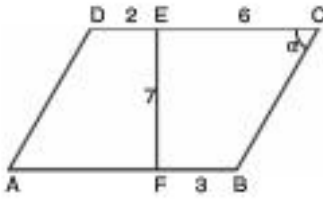
$$m(\widehat{ACB}) = 60^\circ \text{ ve } |AB| = 6 \text{ birim}$$

olduğuna göre, \widehat{ABC} nin çevrel çemberinin yarıçapı kaç birimdir?

- A) 3 B) $\sqrt{3}$ C) $2\sqrt{3}$ D) $4\sqrt{3}$ E) 6



7.



Şekilde ABCD eşkenar dörtgen,

$$|DE| = 2 \text{ birim, } |EC| = 6 \text{ birim}$$

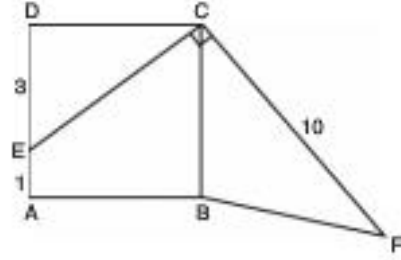
$$|FB| = 3 \text{ birim, } |EF| = 7 \text{ birim}$$

olduğuna göre, α kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 60 D) 75 E) 105



8.



ABCD bir kare,

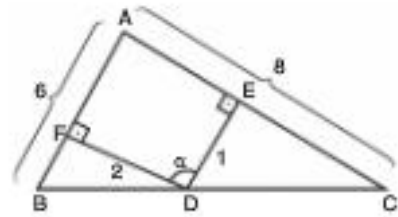
$$|DE| = 3 \text{ birim, } |EA| = 1 \text{ birim, } |CF| = 10 \text{ birimdir.}$$

Yukarıdaki verilere göre, $|BF|$ kaç birimdir?

- A) $\sqrt{13}$ B) $2\sqrt{13}$ C) $\sqrt{19}$ D) $2\sqrt{19}$ E) 7



9.



ABC bir üçgen,

$$|AB| = 6 \text{ birim, } |AC| = 8 \text{ birim}$$

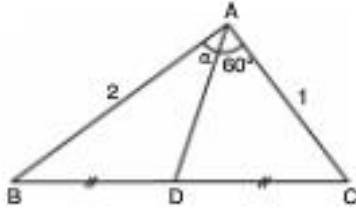
$$|DF| = 2 \text{ birim, } |DE| = 1 \text{ birim}$$

Yukarıdaki verilere göre, $\sin \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{5}{13}$ E) $\frac{5}{12}$



10.



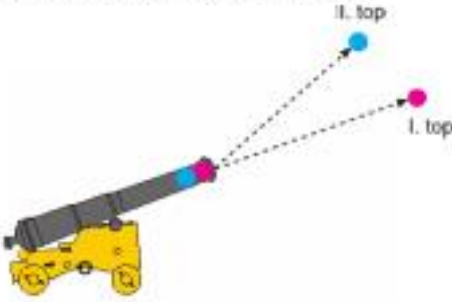
ABC bir üçgen,

$$|BD| = |DC|, |AB| = 2 \text{ birim}, |AC| = 1 \text{ birim}$$

Yukarıdaki verilere göre, $\sin \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{6}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{5}$

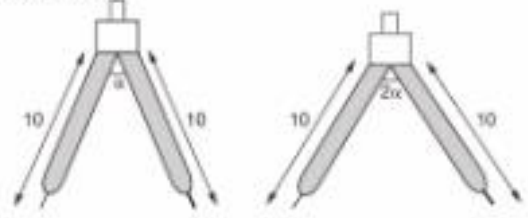
11. Aşağıdaki top arabasından 4 metre/sn hızla I. top, bundan 10 sn sonra da 8 metre/sn hızla II. top atılıyor. Topların başlangıç konumları aynı ve iki topun izlediği menziller arasında 26° 'lik açı vardır. Toplar ilk 20 saniye boyunca atıldıkları hızlarla doğrusal biçimde yol almaktadır.

Buna göre, $\cos 26^\circ = \frac{43}{48}$ kabul edildiğinde II. topun

atılışından 5 sn sonra topların konumları arasında kaç metre uzaklık olur?

- A) 10 B) 20 C) 30 D) 40 E) 50

12. Bilgin, ayakları arasında istenilen açı ölçüsü ayarlanarak kullanılabilen bir pergel yapmıştır. Pergelin ayak uzunlukları 10 cm'dir.

Bilgin, pergelin açısını α ve 2α olarak ayarlayıp birer daire çiziyor.

Buna göre, Bilgin'in çizdiği dairelerin alanları oranı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $2\sin \alpha$ B) $2\cos \alpha$ C) $2 + 2\sin \alpha$
D) $2 + 2\cos \alpha$ E) $\sin \alpha + \cos \alpha$

13. Bir ABC üçgeninin kenar uzunlukları a, b ve c dir.

$$\frac{b^2 + c^2 - a^2}{b \cdot c}$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos \hat{A}$ B) $-2\cos \hat{A}$ C) $2\cos \hat{A}$
D) $-\cos \hat{A}$ E) -1

1. B	2. C	3. C	4. B	5. B	6. C	7. C
8. B	9. E	10. B	11. C	12. D	13. C	

1. $\sin 165^\circ$ 'nin değeri aşağıdakilerden hangisin eşittir?

- A) $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{2}$
D) $\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$ E) $\frac{\sqrt{3}-1}{4}$

2. $4a + 3b = \pi$ olduğuna göre,

$$\frac{\sin 2b \cdot \cos 3a + \cos 2b \cdot \sin 3a}{\sin a \cdot \cos b + \cos a \cdot \sin b}$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) $-\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1

3. $\cos 100^\circ + \cos 32^\circ \cdot \cos 48^\circ - \sin 32^\circ \cdot \sin 48^\circ$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) $\frac{-1}{2}$ E) $\frac{-\sqrt{3}}{2}$

4. $\sin 50^\circ - 2\cos 40^\circ \cdot \sin 10^\circ$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) 1 E) 0

5.
$$\frac{\sin(\alpha + x) - \sin \alpha \cdot \cos x}{\cos(\alpha + x) + \sin \alpha \cdot \sin x}$$

İfadesinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\tan x$ B) $\cot x$ C) $\sec x$
D) $\csc x$ E) $\sin x$

6. $\cos(a + x) = 5 \cos(a - x)$

olduğuna göre, $\tan a \cdot \tan x$ çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{-3}{2}$ B) $\frac{-2}{3}$ C) $\frac{-3}{4}$ D) $\frac{-1}{2}$ E) $\frac{-3}{5}$



7.

$$\frac{\sin 40^\circ - \sin 10^\circ \cdot \cos 30^\circ}{\cos 40^\circ + \sin 30^\circ \cdot \sin 10^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\sqrt{3}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1



8.

$$\cos x + \sin y = \frac{2}{3}$$

$$\sin x - \cos y = \frac{1}{2}$$

olduğuna göre, $\sin(x - y)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{47}{72}$ C) $\frac{23}{36}$ D) $\frac{5}{8}$ E) $\frac{5}{9}$



9.

$$\frac{\sin(x + y)}{\sin(x - y)} = \frac{3}{2}$$

olduğuna göre, $\frac{\tan x}{\tan y}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 5 B) $\frac{9}{2}$ C) 4 D) $\frac{7}{2}$ E) 3

10. $x - y = \frac{\pi}{4}$ olmak üzere,

$$(\cos x + \cos y)^2 + (\sin x + \sin y)^2$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B) $\sqrt{2}$ C) $\sqrt{2} + 1$
D) $\sqrt{2} + 2$ E) $\sqrt{2} + 4$



11.

$$\frac{\sin 80^\circ - \sqrt{3} \cdot \cos 80^\circ}{\sin 160^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) 2 B) $\sqrt{3}$ C) $\sqrt{2}$ D) 1 E) $\frac{1}{2}$



12.

$$\frac{\tan 20^\circ + \tan 10^\circ}{1 - \tan 20^\circ \cdot \tan 10^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\sqrt{3}$ C) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ D) 1 E) $\frac{1}{2}$

13. $\tan 65^\circ = x$

olduğuna göre, $\cot 70^\circ$ 'nin x türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x-1}{x+1}$ B) $\frac{x+1}{x-1}$ C) $\frac{x}{x+1}$
D) $\frac{x}{x-1}$ E) $\frac{x+1}{x}$

15. Bir ABC üçgeninde,

$$\cos B \cdot \cos C - \sin B \cdot \sin C = \frac{-3}{5}$$

olduğuna göre, $\sin A$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{2}{5}$

14. $a \neq 0$ olmak üzere,

$$ax^2 + bx + c = 0$$

denkleminin kökleri $\tan \alpha$ ve $\tan \beta$ dir.

Buna göre, $\tan(\alpha + \beta)$ 'nin a , b ve c türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{b}{c-a}$ B) $\frac{c}{b-a}$ C) $\frac{a+c}{b}$
D) $\frac{a}{b-c}$ E) $\frac{a-c}{b}$

16. $\frac{2 \cdot \sin(x + 30^\circ) - \cos x}{\cot 30^\circ}$

ifadesinin en sade biçimi aşağıdakilerden hangisidir?

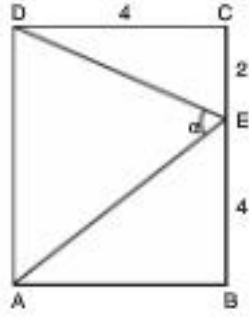
- A) $\sin x$ B) $-\sin x$ C) $\cos x$ D) $-\cos x$ E) $\tan x$

17. $f(x) = 5 - 2(\sin x + \cos x)$

ifadesinin alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 7 B) $5 + 2\sqrt{2}$ C) $5 + \sqrt{2}$ D) 5 E) 3

1.



ABCD dikdörtgen,

$$|DC| = |BE| = 4 \text{ birim}, |EC| = 2 \text{ birim}, m(\widehat{DEA}) = \alpha$$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{8}{3}$ C) $\frac{7}{3}$ D) 2 E) $\frac{5}{3}$

2.

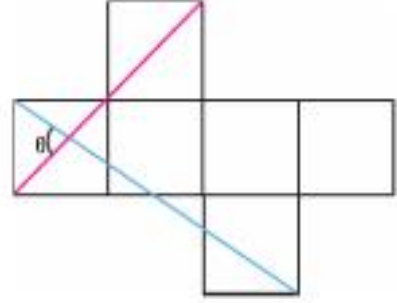


Şekil 8 eş birim kareden oluşmuştur.

Buna göre, $\cot \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{9}{4}$ B) 2 C) $\frac{7}{4}$ D) $\frac{3}{2}$ E) $\frac{5}{4}$

3.

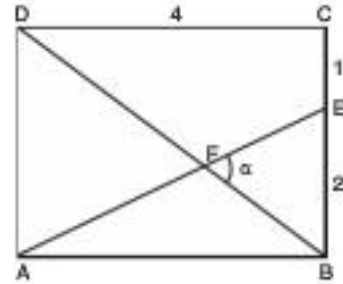


Şekil eş birim karelerden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan \theta$ kaçtır?

- A) 5 B) $\frac{14}{3}$ C) 4 D) $\frac{10}{3}$ E) 3

4.



ABCD dikdörtgen,

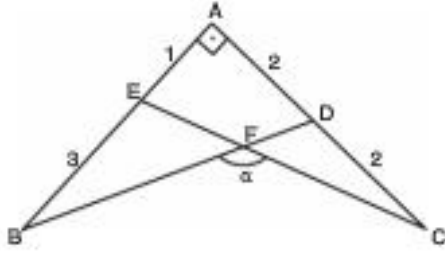
$$[DB] \cap [AE] = (F)$$

$$|DC| = 4 \text{ birim}, |EB| = 2 \text{ birim}, |CE| = 1 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) 2 B) $\frac{5}{2}$ C) 3 D) $\frac{7}{2}$ E) 4

5.



ABFC dörtgeninde,

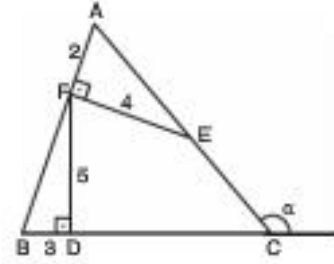
$$[EC] \cap [BD] = \{F\}$$

$$|AD| = |DC| = 2 \text{ birim}, |AE| = 1 \text{ birim}, |BE| = 3 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\cot \alpha$ kaçtır?

- A) $-\frac{6}{7}$ B) $-\frac{5}{7}$ C) $-\frac{4}{7}$ D) $-\frac{3}{7}$ E) $-\frac{2}{7}$

7.



ABC bir üçgen,

$$[EF] \perp [AB], [FD] \perp [BC]$$

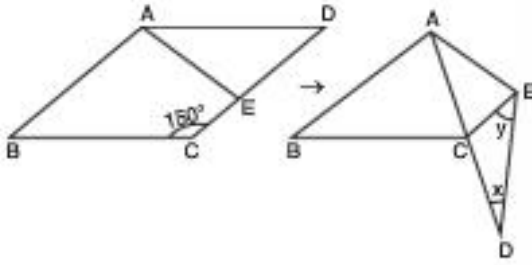
$$|AF| = 2 \text{ birim}, |FE| = 4 \text{ birim}$$

$$|FD| = 5 \text{ birim}, |BD| = 3 \text{ birim}$$

olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $-\frac{12}{7}$ B) $-\frac{11}{7}$ C) $-\frac{10}{7}$ D) $-\frac{9}{7}$ E) $-\frac{8}{7}$

6.



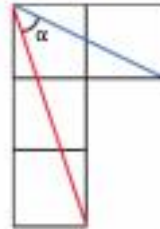
ABCD eşkenar dörtgeninde, [AD] kenarı [AE] boyunca katlanarak [AC] köşegeni ile çakışması sağlanıyor.

A, C ve D noktaları doğrusaldır.

Buna göre, $\sin(x - y)$ kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{4}$
D) $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4}$

8.

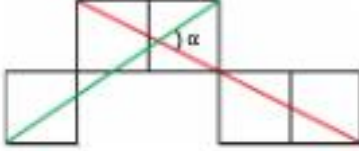


Yandaki şekil 4 eş birim kareden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{5}{6}$ C) $\frac{7}{6}$ D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{9}{4}$

9.

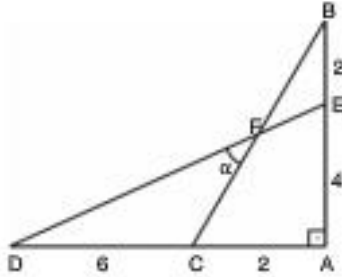


Yukarıdaki şekil 5 tane özdeş kareden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{9}{4}$ B) 2 C) $\frac{7}{4}$ D) $\frac{3}{2}$ E) $\frac{5}{4}$

10.



ABC ve ADE birer dik üçgen,

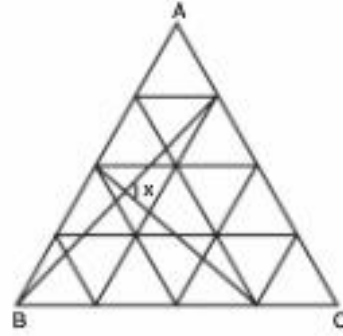
$$[DE] \cap [BC] = \{F\}, |AC| = |BE| = 2 \text{ cm},$$

$$|DC| = 6 \text{ cm}, |AE| = 4 \text{ cm}, m(\widehat{DFC}) = \alpha \text{ dir.}$$

Buna göre, α kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60

11.

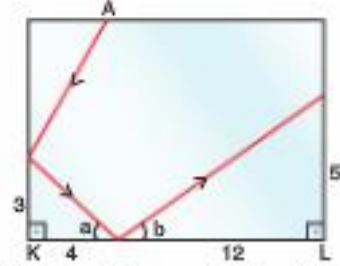


Yukarıda verilen ABC üçgeni, bir kenarı 1 birim olan eş kenar üçgenlerden oluşmuştur.

Buna göre, $\tan x$ değeri kaçtır?

- A) $13\sqrt{3}$ B) $12\sqrt{3}$ C) $11\sqrt{3}$ D) $10\sqrt{3}$ E) $9\sqrt{3}$

12.



Şekilde bir fizik deneyinde aynalarla kapalı bir zeminde A noktasından çıkan ışının izlediği yol ve bazı uzunluklar verilmiştir. KL aynası pürüzlü bir yapıya sahip olduğundan şekilde gösterilen a ve b açıları birbirinden farklı olmuştur.

Buna göre, $\sin(a + b)$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{49}{65}$ B) $\frac{4}{13}$ C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{11}{13}$ E) $\frac{56}{65}$

1. A	2. C	3. A	4. A	5. A	6. A
7. B	8. A	9. C	10. D	11. C	12. E



1. $\sin 7,5^\circ \cdot \cos 7,5^\circ \cdot \cos 15^\circ$
çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{16}$ B) $\frac{1}{8}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1



2. $\cos 20^\circ \cdot \cos 40^\circ \cdot \cos 80^\circ$
çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{16}$ B) $\frac{1}{8}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{1}{2}$



3. $0 < x < \frac{\pi}{4}$ olmak üzere,

$$\sin 2x = \frac{1}{3}$$

olduğuna göre, $|\sin x + \cos x|$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ B) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ C) $\sqrt{3}$ D) $2\sqrt{3}$ E) $3\sqrt{3}$



4. $0 < x < 45^\circ$ olmak üzere,

$$\frac{\sin 48^\circ}{\sin x} - \frac{\cos 48^\circ}{\cos x} = \operatorname{cosec} 2x$$

olduğuna göre, x kaç derecedir?

- A) 9 B) 12 C) 15 D) 16 E) 18



5. $\frac{\tan 60^\circ \cdot \sin 10^\circ - \cos 10^\circ}{\sin 10^\circ}$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $-4 \cdot \cos 10^\circ$ B) $-2 \cdot \cos 10^\circ$ C) $-\cos 10^\circ$
D) $2 \cdot \cos 10^\circ$ E) $4 \cdot \cos 10^\circ$



6. $\frac{1 + \sin 20^\circ + \cos 20^\circ}{1 + \sin 20^\circ - \cos 20^\circ}$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\tan 10^\circ$ B) $\cot 10^\circ$ C) $\sec 10^\circ$
D) $\csc 10^\circ$ E) 1



7. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\frac{\sqrt{1 + \cos 2x} + \sqrt{1 - \cos 2x}}{\sqrt{1 + \sin 2x}}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ B) -1 C) $-\sqrt{2}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\sqrt{2}$



8. $\sqrt{\frac{1 + \cos 100^\circ}{2}} - \frac{\sin 80^\circ}{2 \cos 40^\circ}$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 0 B) $\sin 20^\circ$ C) $\cos 20^\circ$
D) $\sin 50^\circ$ E) $\cos 50^\circ$



9.

$$\frac{\sin 5x}{\sin x} - \frac{\cos 5x}{\cos x}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\cos 2x}{2}$ B) $\sin 2x$ C) $2 \cdot \cos 2x$
D) $4 \cdot \cos 2x$ E) $4 \cdot \sin 2x$



10.

$$\frac{1}{\sin 10^\circ} - \frac{\sqrt{3}}{\cos 10^\circ}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) 4 B) 3 C) 2 D) 1 E) $\frac{1}{2}$



11.

$$0 < \alpha < \frac{\pi}{2} \text{ olmak üzere,}$$

$$\sin \alpha - 3 \cos \alpha = 0$$

olduğuna göre, $\cos 2\alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{-3}{4}$ C) $\frac{-7}{10}$ D) $\frac{-13}{20}$ E) $\frac{-3}{5}$



12.

$$\frac{\sin \theta \cdot \cot \frac{\theta}{2} - 1}{\sin \theta \cdot \tan \frac{\theta}{2} + \cos \theta}$$

İşleminin en sade hali aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos \theta$ B) $\sin \theta$ C) $\sec \theta$ D) $\csc \theta$ E) $\tan \theta$



13.

$$\cos^2 35^\circ - \sin^2 35^\circ = a$$

olduğuna göre,

$$1 - \tan 55^\circ \cdot \tan 70^\circ$$

İşleminin a türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{-1}{a^2}$ B) $\frac{-1}{a}$ C) $-a$ D) a E) $\frac{1}{a}$



14.

$$\cos^2 12^\circ = m$$

olduğuna göre, $\cos 24^\circ$ nin m türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2m - 2$ B) $2m - 1$ C) $2m$
D) $4m^2 - 1$ E) $m^2 - 1$



15.

$$\sin 54^\circ = m$$

olduğuna göre, $\sin^2 252^\circ$ nin m türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{m-1}{2}$ B) $\frac{m+1}{2}$ C) $\frac{m+1}{4}$
D) $\frac{m-1}{4}$ E) $\frac{m+2}{4}$



16.

$$\sin \frac{3\pi}{8} \cdot \sin \frac{\pi}{8}$$

çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{8}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D) $\sqrt{2}$ E) $2\sqrt{2}$

17. $\cos x \neq 0$ olmak üzere,

$$\cos x - \cos 2x - 1 = \sin 2x$$

olduğuna göre, $\sin x + \cos x$ toplamı kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) -1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

18.
$$\frac{\cos^3 x + \sin x - \sin^3 x + \cos x}{\sin 4x}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4

19. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\tan \frac{x}{2} = \frac{1}{3}$$

olduğuna göre, $\sin x$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{4}{5}$ E) $\frac{5}{6}$

20. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\sqrt[3]{\frac{\sec x - \cos x}{\operatorname{cosec} x - \sin x}} = 3$$

olduğuna göre, $\sin 2x$ kaçtır?

- A) $\frac{3}{5}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{4}$

21.
$$\left(\frac{\cos 18^\circ}{\sin 12^\circ} - \frac{\sin 18^\circ}{\cos 12^\circ} \right) \cdot \sin 24^\circ$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\sqrt{3}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

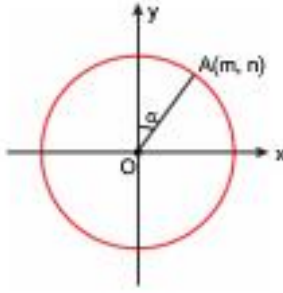
22.
$$\left[2 \cdot \left(1 - 2 \sin^2 \frac{x}{32} \right)^2 - 1 \right]^2 - 4 \sin^2 \frac{x}{16} \cdot \cos^2 \frac{x}{16}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 4 B) 2 C) $\sqrt{3}$ D) $\sqrt{2}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

1. B	2. B	3. B	4. E	5. A	6. B	7. E	8. A
9. D	10. A	11. A	12. A	13. B	14. B	15. B	16. B
17. D	18. A	19. B	20. A	21. A	22. E		

1.

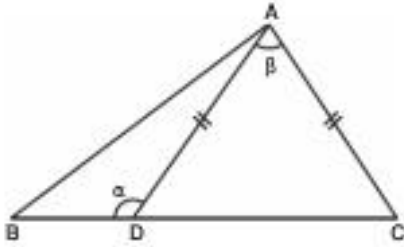


Şekildeki birim çember üzerinde $A(m, n)$ noktası alınmıştır.

Buna göre, $m^2 - n^2$ işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $2\sin^2\alpha - 1$ B) $2\cos^2\alpha - 1$ C) $\sin^2\alpha - 1$
D) $1 - \cos^2\alpha$ E) $\sin 2\alpha$

2.



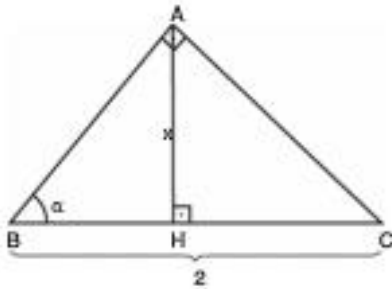
ABC bir üçgendir.

$$|AD| = |AC|, \sin\alpha = \frac{3}{5}$$

olduğuna göre, $\cos\beta$ kaçtır?

- A) $-\frac{7}{25}$ B) $-\frac{24}{25}$ C) $-\frac{4}{5}$ D) $-\frac{3}{5}$ E) $-\frac{2}{5}$

3.



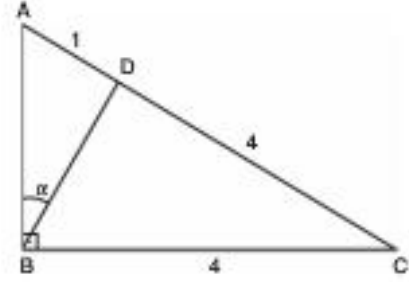
ABC dik üçgendir.

$$[AH] \perp [BC], m(\widehat{ABC}) = \alpha, |BC| = 2 \text{ birim}$$

olduğuna göre, x 'in α türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos 2\alpha$ B) $\sin 2\alpha$ C) $\tan 2\alpha$
D) $\sec 2\alpha$ E) $\csc 2\alpha$

4.



ABC bir üçgen,

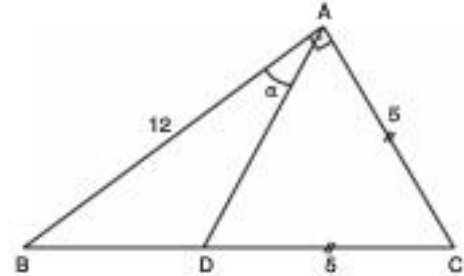
$$[AB] \perp [BC], |AD| = 1 \text{ birim}$$

$$|DC| = |BC| = 4, m(\widehat{ABD}) = \alpha$$

Yukarıdaki verilere göre, $\cos\alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{4\sqrt{10}}{5}$ B) $\frac{3\sqrt{10}}{5}$ C) $\frac{2\sqrt{10}}{5}$
D) $\frac{3\sqrt{10}}{10}$ E) $\frac{\sqrt{10}}{5}$

5.



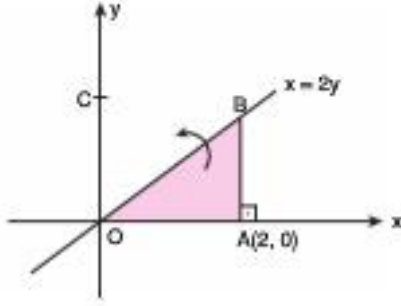
ABC bir üçgendir.

$$[AB] \perp [AC], |AC| = |DC| = 5 \text{ birim}, |AB| = 12 \text{ birim}$$

Yukarıdaki verilere göre, $\cos 2\alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{5}{13}$ D) $\frac{12}{13}$ E) $\frac{5}{6}$

6.



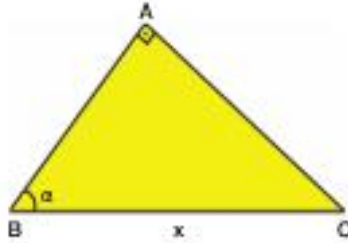
Dik koordinat sisteminde $A(2, 0)$ noktası veriliyor. Taralı OAB üçgeninin $x = 2y$ doğrusuna göre simetriği alındığında A noktasının yeni yeri A' oluyor.

Buna göre, $\cot(\widehat{COA'})$ kaçtır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{5}{4}$ C) $\frac{7}{6}$ D) $\frac{5}{6}$ E) $\frac{3}{4}$

7.

Aşağıda BAC dik üçgeni verilmiştir.



$$m(\widehat{ABC}) = \alpha$$

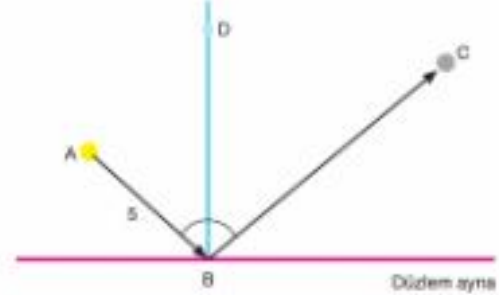
$$|BC| = x \text{ birim}$$

$A(\widehat{BAC}) = 9 \cdot \sin 2\alpha$ olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 3 B) 6 C) 9 D) 12 E) 18

8.

Aşağıda bir düzlem aynadaki ışık yansıması gösterilmiştir. A noktasındaki ışık kaynağından çıkan ışık, B noktasında aynaya çarparak C noktasındaki alıcıya ulaşmıştır. BD ışını düzlem aynanın normalidir.



Işık, düzlem aynaya geldiği açıyla yansımaktadır ve düzlem aynanın normali aynaya diktir.

$$|AB| = 5 \text{ birim}, \cos(\widehat{ABC}) = \frac{1}{5}$$

olduğuna göre, ışık kaynağı ile BD normali arasındaki uzaklık kaç birimdir?

- A) $2\sqrt{10}$ B) 5 C) $2\sqrt{5}$ D) $\sqrt{10}$ E) $\sqrt{5}$

ACIL MATEMATİK

9.

$$\frac{4 \cdot \sin x \cdot \cos x}{(\cos x + \sin x) \cdot (\cos x - \sin x)}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 \cdot \sec 2x$ B) $\cot 2x$ C) $\tan 2x$
D) $2 \cdot \tan 2x$ E) $2 \cdot \cot 2x$

1. A 2. A 3. B 4. D 5. C 6. A 7. B 8. D 9. D



1.

$$\frac{\sin(30^\circ + \theta) \cdot \cos \theta - \cos(30^\circ + \theta) \cdot \sin \theta}{\cos \theta \cdot \cos(30^\circ - \theta) - \sin \theta \cdot \sin(30^\circ - \theta)}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ B) $\sqrt{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$



2.

$$4\sin x \cdot \cos^3 x - 4\sin^3 x \cdot \cos x$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sin x$ B) $\sin 2x$ C) $\sin 4x$
D) $\sin 8x$ E) $\sin \frac{x}{4}$



3.

$$x + y = \frac{\pi}{3} \text{ olmak üzere,}$$

$$\frac{\sin x \cdot \cos y + \cos x \cdot \sin y}{\cos x \cdot \cos y - \sin x \cdot \sin y}$$

İşleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\sqrt{3}$ E) 2



4.

$$\sin(x + y) = 3\sin(x - y)$$

olduğuna göre, $\tan x \cdot \cot y$ çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 3



5.

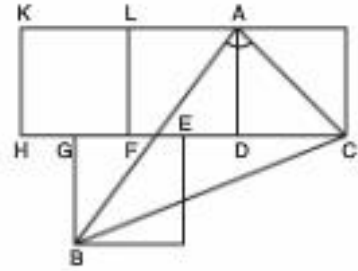
$$2\sin 3x \cdot \cos x - \sin 4x$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos 2x$ B) $\cot 2x$ C) $\tan 2x$
D) $\sin 2x$ E) $\operatorname{cosec} 2x$



6.



Yukarıda verilen şekil eş karelerden oluşmuştur.

E ve G noktaları, karelerin kenar orta noktaları olduğuna göre, $\tan(\widehat{BAC})$ kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



7.

$$\left(\frac{\sin 2x}{\cos x}\right)^2 + 2(1 + \cos 2x)$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1



8.

$$\sqrt{2 + \sqrt{2 + 2 \cos 40^\circ}}$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos 10^\circ$ B) 1 C) 2
D) $2\cos 10^\circ$ E) $\tan 10^\circ$



9.

$$A = \cos x \cdot \cos 4x \cdot \cos 8x$$

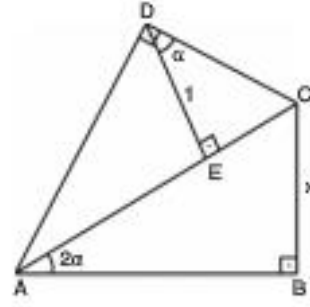
$$B = \sin x \cdot \cos 2x \cdot \cos 16x$$

olduğuna göre, $\sin 32x$ ifadesinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{AB}{32}$ B) $32AB$ C) $16AB$
D) $\frac{AB}{16}$ E) AB



10.



Şekilde,

$$[DE] \perp [AC], [AD] \perp [DC], [AB] \perp [BC]$$

$$|DE| = 1 \text{ birim}, |BC| = x \text{ birim}$$

$$m(\widehat{CAB}) = 2\alpha, m(\widehat{EDC}) = \alpha$$

olduğuna göre, x aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) 1 B) 2 C) $\sec \alpha$
D) $\csc \alpha$ E) $\sec 2\alpha$



11.

$$(1 - \sqrt{2} \sin x)(1 + \sqrt{2} \sin x) - (1 - 2\cos^2 x)$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0 B) $\cos x$ C) $\cos 2x$
D) $2\cos 2x$ E) $4\cos x$

12. $x \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right)$ olmak üzere,

$$\sin 2x = \frac{3}{5}$$

olduğuna göre, $\cos^4 x - \sin^4 x$ farkı kaçtır?

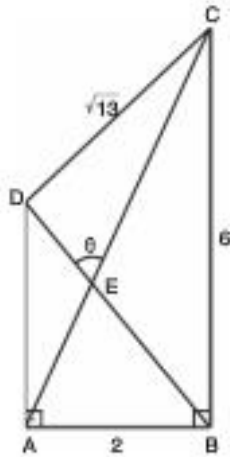
- A) -1 B) $-\frac{3}{5}$ C) 1 D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{4}{5}$

13. $\frac{\tan 5^\circ + \cot 10^\circ}{1 + \cos 20^\circ} \cdot \sin 20^\circ \cdot \cos 10^\circ$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) -1 B) 1 C) $\sin 10^\circ$
D) $\cos 10^\circ$ E) $\frac{1}{2}$

- 14.



ABCD bir dik yamuk,

$$[AC] \cap [DB] = \{E\}$$

$$|DC| = \sqrt{13} \text{ cm,}$$

$$|AB| = 2 \text{ cm,}$$

$$|BC| = 6 \text{ cm,}$$

$$m(\widehat{DEC}) = \theta$$

olduğuna göre, $\cot \theta$ kaçtır?

- A) $-\frac{9}{7}$ B) $-\frac{7}{9}$ C) $\frac{7}{9}$ D) $\frac{9}{7}$ E) $\frac{17}{9}$

15. $\cos 57^\circ = a$ olmak üzere,

$$\sin 27^\circ - \sqrt{3} \cdot \cos 27^\circ$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $2a$ B) a C) 1 D) $-a$ E) $-2a$

ACIL MATEMATİK

16. Aşağıda bir adım oyunu gösterilmiştir. Sayıların yazılı olduğu dikdörtgenel bölgenin solunda duran bir kişi sadece aynı sayının olduğu dikdörtgenlere basarak ilerlemiş ve dikdörtgenel bölgenin sağına geçmiştir. Bu kişi toplam dört dikdörtgene bastığı için 4 puan almıştır.

7	2	5	2
7	3	2	7
3	7	4	4

Tuğrul aynı oyunu aşağıdaki dikdörtgenel bölgede oynayacaktır.

$\sin 10^\circ$	$\sin 70^\circ$	$\cot 60^\circ$	$\sqrt{3}$
$\cos 20^\circ$	$\sin 170^\circ$	$2\sin 5^\circ \cos 5^\circ$	$2\cos^2 40^\circ - 1$
$\tan 30^\circ$	$-\tan 150^\circ$	$\cos 60^\circ$	$\frac{1}{2}$

Buna göre, Tuğrul bu oyunda en çok kaç puan alır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

17. $\tan x \cdot \tan y = 1$

$$\sin x \cdot \sin y = \frac{1}{4}$$

olduğuna göre, $\cos(x - y)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{2}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{4}{3}$ E) 2

18. $\tan(x + 3y) = 5$

$$\tan(2y + x) = 4$$

olduğuna göre, $\cot y$ kaçtır?

- A) 14 B) 15 C) 18 D) 21 E) 24

19. $n \neq 0$ ve $0 < \alpha < \frac{\pi}{4}$ olmak üzere,

$$\tan \alpha = \frac{m}{n} \text{ dir.}$$

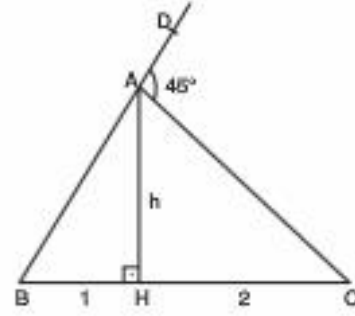
Buna göre,

$$n \cdot \cos 2\alpha + m \sin 2\alpha$$

toplamının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $m + m$ B) $2m + n$ C) $2m - n$
D) n E) m

20.



ABC bir üçgen.

$$|AH| = h, [AH] \perp [BC],$$

$$m(\widehat{CAD}) = 45^\circ, |BH| = 1 \text{ cm}, |HC| = 2 \text{ cm}$$

olduğuna göre, $h^2 + 3h$ toplamı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

21. x dar açıdır.

$$\frac{1 + \tan x}{1 - \tan x} = \frac{\sqrt{3} - \tan x}{1 + \sqrt{3} \cdot \tan x}$$

olduğuna göre, $4 \sin x \cdot \cos x \cdot \cos 2x$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ E) $\frac{3}{4}$

22. $180^\circ < \alpha < 270^\circ$ olmak üzere,

$$64 \cdot \cos^2 \alpha - 9 = 0$$

olduğuna göre, $\sin \frac{\alpha}{2}$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{11}}{16}$ B) $\frac{\sqrt{11}}{8}$ C) $\frac{\sqrt{11}}{4}$ D) $\frac{\sqrt{21}}{8}$ E) $\frac{\sqrt{21}}{16}$

1. A	2. C	3. D	4. D	5. D	6. A	7. B	8. D
9. B	10. B	11. D	12. E	13. B	14. C	15. E	16. D
17. A	18. D	19. D	20. C	21. B	22. C		

1. Bir ABC üçgeninin açıları, \widehat{A} , \widehat{B} , \widehat{C} ve $m(\widehat{A}) = 30^\circ$

olmak üzere,

$$\sin \widehat{B} \cdot \cos \widehat{C} + \cos \widehat{B} \cdot \sin \widehat{C} - \cos \widehat{A}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1-\sqrt{3}}{2}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C) $\frac{1+\sqrt{3}}{2}$
D) $\frac{\sqrt{3}-2}{2}$ E) $\frac{-\sqrt{3}}{2}$

2. $(\cos 50^\circ + \cos 20^\circ)^2 + (\sin 50^\circ + \sin 20^\circ)^2$ toplamının sonucu kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) $1 + \sqrt{3}$
D) $2 + \sqrt{3}$ E) 8

3. $\frac{\sec 50^\circ - \tan 50^\circ}{\cot 70^\circ}$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 2 E) 3

4. $\frac{6 + 2 \cos 32^\circ}{1 - \cos 32^\circ} - \frac{1}{2 \sin^2 8^\circ + \cos^2 8^\circ}$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\tan^2 16^\circ$ B) $\tan^2 32^\circ$ C) $2 \tan^2 16^\circ$
D) $2 \cot^2 16^\circ$ E) $2 \tan^2 32^\circ$

5. $\tan\left(\frac{\pi}{4} + x\right) = n$

olmak üzere, $\sec 2x - \tan 2x$ farkının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{n}$ B) $2n$ C) $\frac{3}{n}$ D) $\frac{2}{n}$ E) n

6. $\sin 40^\circ \cdot \cos 10^\circ - \sin 50^\circ \cdot \sin 10^\circ$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ E) $\frac{1}{3}$



7.

$$\sin x \cdot \sin y = \frac{3}{4}$$

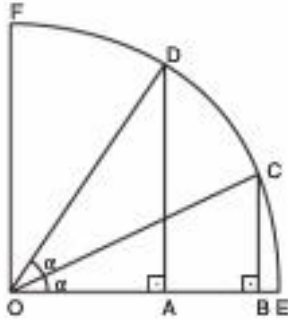
$$x + y = \pi$$

olduğuna göre, $\cos[2(x - y)]$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) 0 D) $\frac{1}{4}$ E) 1



8.



Şekilde O merkezli çeyrek daire verilmiştir. OAD ve OCB birer üçgendir.

$$m(\widehat{DOC}) = m(\widehat{COE}) = \alpha$$

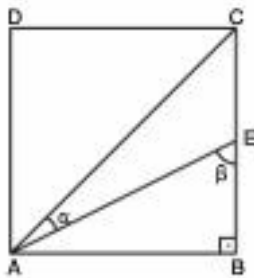
$$|BC| = 3 \text{ cm}, |AD| = 5 \text{ cm}$$

olduğuna göre, $\cos \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{5}{6}$ D) $\frac{5}{12}$ E) $\frac{1}{6}$



9.



ABCD bir karedir.

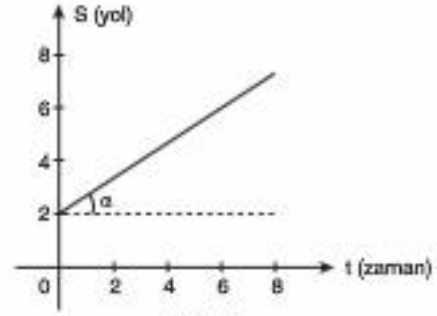
$$\tan \beta = \frac{4}{3} \text{ tür.}$$

Buna göre, $\cot 2\alpha$ ifadesinin değeri kaçtır?

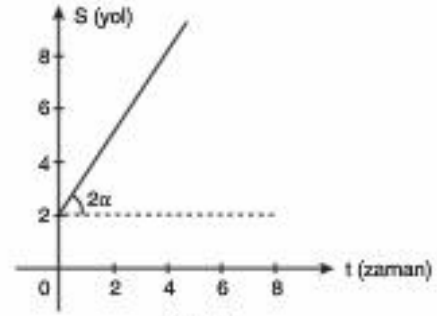
- A) $\frac{7}{25}$ B) $\frac{29}{25}$ C) $\frac{28}{21}$ D) $\frac{24}{7}$ E) $\frac{25}{7}$



10. Aşağıda verilen iki doğrusal grafik bir hareketlinin yol zaman grafiğini göstermektedir.



1. Grafik



2. Grafik

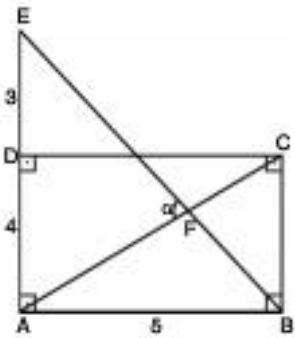
1. Grafiğin denklemi $S = 2 + \frac{t}{2}$ olduğuna göre,

2. Grafiğin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $S = t + 2$ B) $S = 2t + 2$ C) $S = \frac{4t}{3} + 2$
D) $S = \frac{5t}{4} + 2$ E) $S = \frac{8t}{5} + 2$

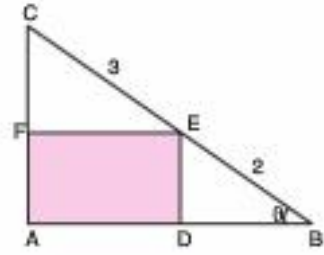
11. $2\sqrt{2} \cdot \sin(x + 45^\circ) + \sin x + 2\cos x + 1$
ifadesinin alabileceği en büyük değer kaçtır?
A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

12. $\frac{2 \tan \frac{5x}{12}}{1 - \tan^2 \frac{5x}{12}}$
işleminin sonucu kaçtır?
A) $\sqrt{3}$ B) 1 C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ E) $-\sqrt{3}$

13. 
olduğuna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?
A) $-\frac{5}{3}$ B) $-\frac{55}{3}$ C) $\frac{5}{3}$ D) $\frac{55}{3}$ E) $\frac{4}{3}$

14. ABCD bir dikdörtgen.
 $[BE] \cap [AC] = (F)$
 $|ED| = 3$ cm,
 $|AD| = 4$ cm,
 $|AB| = 5$ cm ve
 $m(\widehat{EFA}) = \alpha$

14.



ABC dik üçgen ve ADEF bir dikdörtgendir.

$|CE| = 3$ birim, $|EB| = 2$ birim

Buna göre, $A(ADEF)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\sin 2\theta$ B) $3\cos 2\theta$ C) $6\sin 2\theta$
D) $6\cos 2\theta$ E) $3\sin 2\theta$

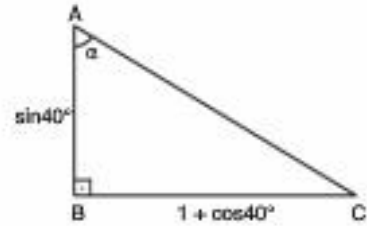
15.

$$\frac{\sin 40^\circ - \sqrt{3} \cos 40^\circ}{\sin 10^\circ \cdot \cos 10^\circ}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) -1 D) $-\frac{1}{2}$ E) 1

16.



ABC dik üçgeninde,

$$|AB| = \sin 40^\circ, |BC| = 1 + \cos 40^\circ$$

$$m(\widehat{BAC}) = \alpha$$

olduğuna göre, α kaç derecedir?

- A) 20 B) 30 C) 40 D) 50 E) 70

1. A	2. D	3. C	4. D	5. A	6. B	7. B	8. C
9. D	10. C	11. B	12. D	13. B	14. E	15. A	16. E



1.

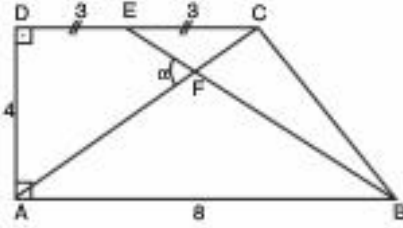
$$4\left(1 + \cos \frac{7\pi}{8}\right) \cdot \left(1 + \cos \frac{\pi}{8}\right)$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 - \sqrt{2}$ B) $\sqrt{2}$ C) $2\sqrt{2}$
D) $\sqrt{2} + 1$ E) $2 + \sqrt{2}$



2.



ABCD dik yamuk,

$$[EB] \cap [AC] = \{F\},$$

$$|AD| = 4 \text{ cm}, |DE| = |EC| = 3 \text{ cm},$$

$$|AB| = 8 \text{ cm}, m(\widehat{EFA}) = \alpha \text{ dir.}$$

Buna göre, $\tan \alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{22}{7}$ B) 3 C) $\frac{20}{7}$ D) $\frac{19}{7}$ E) $\frac{18}{7}$



3.

$$\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$$

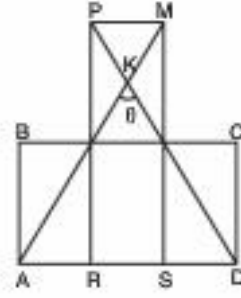
$$\cos \theta = \frac{1}{8}$$

olduğuna göre, $\cos \frac{\theta}{2}$ nin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{2}{7}$ B) $-\frac{3}{4}$ C) $-\frac{2}{5}$ D) $-\frac{\sqrt{5}}{9}$ E) $-\frac{1}{2}$



4.



Yukarıda birbirine eş 4 tane dikdörtgen verilmiştir.

$$[MA] \cap [PD] = \{K\}$$

$$|AR| = |RS| = |SD| = \frac{|PR|}{3}$$

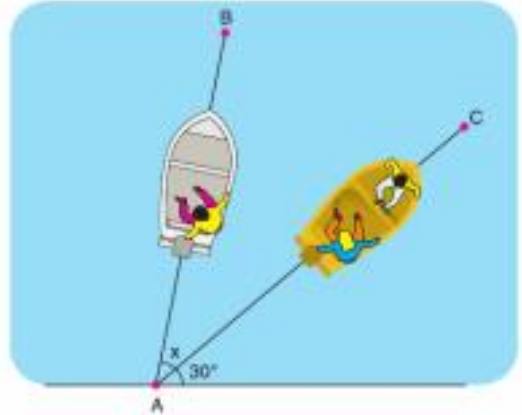
olduğuna göre, $\sin \theta$ kaçtır?

- A) $\frac{5}{13}$ B) $\frac{6}{13}$ C) $\frac{9}{13}$ D) $\frac{11}{13}$ E) $\frac{12}{13}$



5.

İki tekne doğrusal bir kıyı şeridinin A noktasından hareket etmiş ve şekildedeki gibi doğrusal yol alarak A noktasından eşit uzaklıktaki B ve C noktalarına ulaşmıştır.



B ve C noktasının kıyı şeridine uzaklığı sırasıyla 8 mil ve 5 mildir.

Buna göre, $\sin x$ kaçtır?

- A) $\frac{4\sqrt{3}-3}{10}$ B) $\frac{4\sqrt{3}-2}{10}$ C) $\frac{4\sqrt{3}-1}{10}$
D) $\frac{4\sqrt{3}}{10}$ E) $\frac{1}{2}$



6.

$$\frac{\tan 14^\circ}{\tan 52^\circ - \tan 38^\circ}$$

İfadesinin eşiti kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{7}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$



7.

$$A = \sqrt{\frac{1 - \sqrt{\frac{1 + \cos 24^\circ}{2}}}{2}} \text{ ve } B = \cos 8^\circ$$

olduğuna göre, $2AB$ çarpımı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos 80^\circ$ B) $\cos 79^\circ$ C) $\cos 78^\circ$
D) $\cos 77^\circ$ E) $\cos 76^\circ$



8.

$$\frac{\tan 1^\circ}{(1 - \tan^2 1^\circ)(1 - \tan^2 2^\circ)(1 - \tan^2 4^\circ)}$$

İfadesinin en sade hali aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\cot 4^\circ}{2}$ B) $\frac{\tan 4^\circ}{4}$ C) $\frac{\tan 8^\circ}{8}$
D) $\frac{\tan 16^\circ}{16}$ E) $\frac{\cot 32^\circ}{16}$



9.

 $\tan 4x = 0,1$ olmak üzere,

$$\frac{1}{\tan 3x + \tan x} - \frac{1}{\cot 3x + \cot x}$$

farkının sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 5 D) 10 E) 100



10.

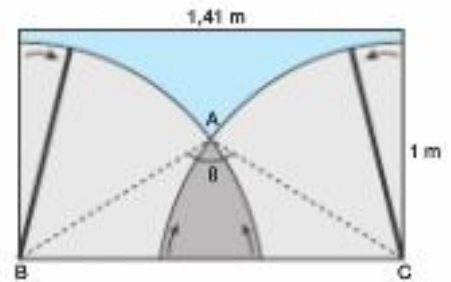
$$\tan\left(\frac{\pi}{4} - \theta\right) = 9$$

olduğuna göre, $\cot 2\theta$ değeri kaçtır?

- A) $-\frac{9}{40}$ B) $-\frac{5}{18}$ C) $-\frac{1}{40}$ D) $\frac{11}{40}$ E) $\frac{1}{25}$



11.



Şekilde bir aracın dikdörtgen biçimindeki ön camı görülmektedir.

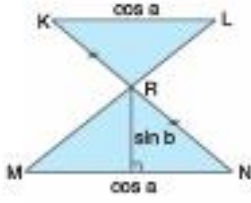
Camın boyu 1,41 metre eni 1 metredir. B ve C noktalarına sabitlenmiş camın silcekleri özdeş olup silgeçler aynı anda hareket ettiklerinde dairesel bir yörüngede camı silmektedirler. Silgeçlerin uçları birbirlerine A noktasında değdiklerinde oluşan $m(\widehat{BAC}) = \theta$ olmaktadır.

$$\cos \theta = -0,125$$

olduğuna göre, silgeçlerden birinin uzunluğu kaç metredir?

- A) 0,8 B) 0,85 C) 0,92 D) 0,94 E) 1

12.

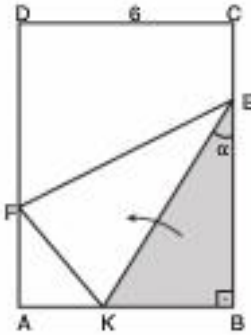


$$[KL] \parallel [MN], |KR| = |RN|, a + b = \frac{\pi}{6}$$

olmak üzere, yukarıda verilen 4 tane şeklin alanları toplamı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{\pi}{2}$ B) π C) 1 D) 2 E) 3

13.



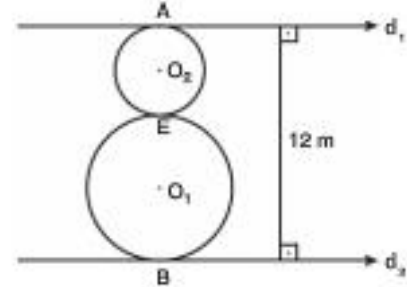
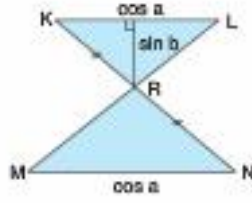
ABCD dikdörtgeninde KBE üçgensel bölgesi [KE] boyunca katlandığında B noktası F noktası üzerine gelmektedir.

$$|DC| = 6 \text{ birim}, m(\widehat{KEB}) = \alpha$$

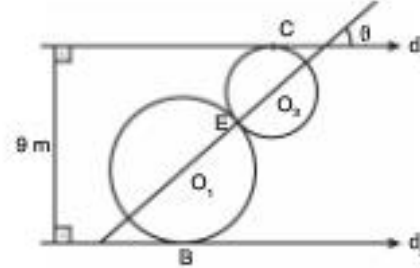
Buna göre, [KE] nin eşit olduğu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2}{\sin 2\alpha}$ B) $\frac{6}{\sin \alpha + \cos \alpha}$ C) $\frac{3}{\sin \alpha + \cos^2 \alpha}$
D) $\frac{2}{\cos \alpha + \sin^2 \alpha}$ E) $\frac{3}{\sin 2\alpha}$

14.



Şekil I



Şekil II

E noktasında birbirlerine dıştan teğet olan çemberler Şekil I'deki gibi konumlandırıldığında d_1 ve d_2 doğruları arasındaki uzaklık 12 m, Şekil II'deki gibi konumlandırıldığında 9 m olmaktadır.

Buna göre, $\sin 2\theta$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{8}}{2}$

15.

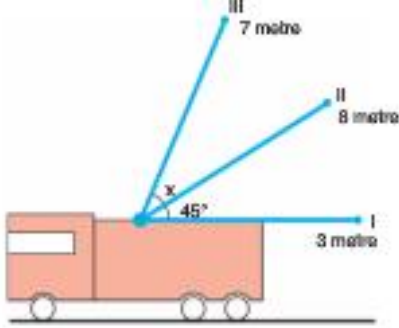
$$\frac{(\cos 10^\circ \cdot \sin 40^\circ + \cos 40^\circ \cdot \sin 10^\circ) \cdot \cos 25^\circ}{1 + \cos 50^\circ} = p$$

olduğuna göre, $\cos 50^\circ$ ifadesinin p türünden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2p - 1$ B) $1 - 2p^2$ C) $2p$
D) $\frac{p^2}{2}$ E) p

16. Bir itfaiye aracında üç farklı konumda kullanılabilen doğrusal biçimli bir merdiven vardır. Aşağıda bu üç konuma göre merdivenin uç noktasının yerden yüksekliği gösterilmiştir.

Örneğin, I nolu konumda merdivenin uç noktası yerden 3 metre yüksektir.

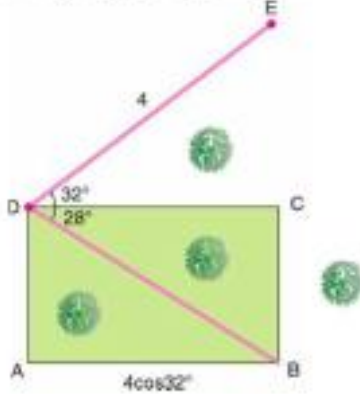


Merdiven bu üç konumda aynı düzlemde, aynı uzunlukta ve farklı açılarda kullanılmaktadır. I nolu konumda merdiven yere paraleldir.

Buna göre, $\tan x$ kaçtır?

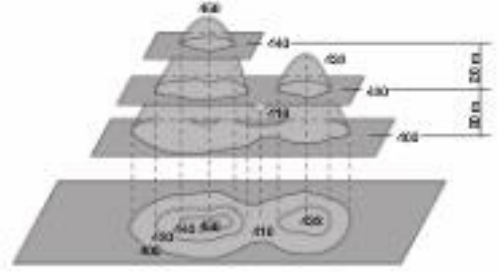
- A) $\frac{\sqrt{2}}{4+\sqrt{2}}$ B) $\frac{\sqrt{2}+1}{4+\sqrt{2}}$ C) $\frac{\sqrt{2}+2}{4+\sqrt{2}}$
D) $\frac{4-\sqrt{2}}{4+\sqrt{2}}$ E) $2-\sqrt{2}$

17. ABCD dikdörtgenel bölgesi biçimindeki bir arazinin içinde BD yolu ve dışında 4 km uzunluğundaki DE yolu vardır. Her iki yol da doğru parçası biçimindedir.



Arazinin AB kenarının uzunluğu $4\cos 32^\circ$ km olduğuna göre, E noktasının AB kenarına uzaklığı kaç km'dir?

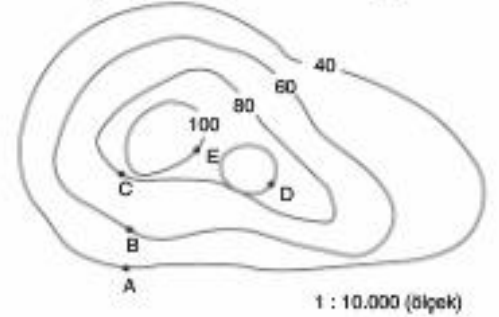
- A) $2/3\sec 28^\circ$ B) $2/3\cos 28^\circ$ C) $4\sec 28^\circ$
D) $4\cos 28^\circ$ E) $8\cos 28^\circ$



Deniz seviyesine göre aynı yükseklikteki noktaların birleştirilmesiyle oluşturulmuş haritalara "İzohips Haritaları" denir.

Topoğrafya: Bir arazi yüzeyinin tabii veya suni ayrıntılarının meydana getirdiği şekildir.

Topoğrafya yüzeyinin yatay düzlemle yaptığı açıya "Eğim" denir. Eğim, iki nokta arasındaki yükselti farkının bu iki nokta arasındaki yatay uzunluğa oranlanmasıyla bulunur.



Yukarıda topoğrafya yüzeyinin yatay düzlemde yaptığı açı α olmak üzere,

$$\cos 2\alpha = \frac{15}{17}$$

olduğuna göre, öğrenci A ve E noktaları arasındaki uzaklığı cetvelle kaç cm olarak ölçmelidir?

- A) 2,4 B) 2,6 C) 3 D) 3,2 E) 3,5

1. A	2. A	3. B	4. E	5. A	6. E
7. C	8. C	9. D	10. A	11. D	12. C
13. C	14. C	15. B	16. D	17. A	18. A



1. $\arcsin\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right)$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{-\pi}{3}$ B) $\frac{-\pi}{4}$ C) $\frac{-\pi}{6}$ D) $\frac{-\pi}{8}$ E) $\frac{-\pi}{12}$



2. $\arctan(-\sqrt{3}) + \arctan(1)$

toplamının değeri kaçtır?

- A) $\frac{-\pi}{24}$ B) $\frac{-\pi}{12}$ C) $\frac{-\pi}{6}$ D) $\frac{-\pi}{4}$ E) $\frac{-\pi}{3}$



3. $x > 0$ olmak üzere,

$\sin(\arctan x)$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$ B) $\frac{\sqrt{x^2+1}}{x}$ C) $\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$
D) $\sqrt{x^2+1}$ E) $\frac{x+1}{\sqrt{x^2+1}}$



4. $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \arctan\frac{3}{4}\right)$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{-3}{5}$ B) $\frac{-4}{5}$ C) $\frac{-1}{\sqrt{5}}$
D) $\frac{-2\sqrt{5}}{5}$ E) $\frac{-2}{5}$



5. $\cos(\arctan(-\sqrt{3}))$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{-1}{2}$ B) $\frac{-\sqrt{3}}{2}$ C) $\frac{-\sqrt{2}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\frac{1}{2}$



6. $\arctan x = \arccos\frac{3}{5}$

denklemini sağlayan x değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{5}{3}$ C) $\frac{4}{3}$ D) $\frac{4}{5}$ E) $\frac{3}{4}$



7. $f(x) = \arcsin\left(\frac{3x}{7} - 1\right)$

İfadesinin en geniş tanım aralığında kaç tane tam sayı bulunur?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



8. $x > 0$ olmak üzere,

$\sin(2\arccos x)$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\sqrt{1-x^2}$ B) $2\sqrt{1+x^2}$ C) $2x\sqrt{1-x^2}$
D) $2x\sqrt{1+x^2}$ E) $\frac{x\sqrt{1-x^2}}{2}$



9.

$$\cot\left(\arcsin\frac{1}{3}\right)$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $\sqrt{10}$ B) 3 C) $2\sqrt{2}$ D) $\sqrt{6}$ E) $\frac{2\sqrt{2}}{9}$



10.

$$\arcsin\left(\cos\frac{\pi}{7}\right)$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{\pi}{2}$ B) $\frac{3\pi}{7}$ C) $\frac{5\pi}{14}$ D) $\frac{2\pi}{7}$ E) $\frac{3\pi}{14}$



11.

$$\cos\left(\pi + \arctan\frac{\sqrt{5}}{2}\right)$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{2}{3}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) $-\frac{1}{5}$ D) $-\frac{2}{5}$ E) $-\frac{2\sqrt{5}}{5}$



12.

Bir gemi her defasında A limanından 66 km uzakta B limanına 1 nolu doğrusal rota ile gitmektedir.

Bu gemi bir defasında A limanından B limanına, A noktasından itibaren 1 nolu rotadan bir dar açı kadar saparak 2 nolu doğrusal rotayı 39 km izlemiş ve C noktasına ulaşmıştır. C noktası, 1 nolu rotanın 15 km uzağında bir noktadır.

Buna göre, gemi C noktasından itibaren 2 nolu rotadan kaç derecelik bir dar açı ile sapsa doğrusal bir yolla B noktasına ulaşır?

- A) 30 B) 45 C) $\arctan 2$
D) $\arctan \frac{22}{19}$ E) $\arctan \frac{22}{7}$



13.

$$f(x) = 5 - 2\sin^3(5x - 4)$$

$$g(x) = -2 + \tan^3(2x + 3)$$

fonksiyonlarının periyotları sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2\pi}{5}, \frac{\pi}{2}$ B) $\frac{\pi}{5}, \frac{\pi}{2}$ C) $\frac{2\pi}{5}, \pi$
D) $\frac{\pi}{5}, \pi$ E) $\pi, \frac{2\pi}{5}$



14.

$$f(x) = 1 + 3\cot^2(1 - 5x) \text{ ve}$$

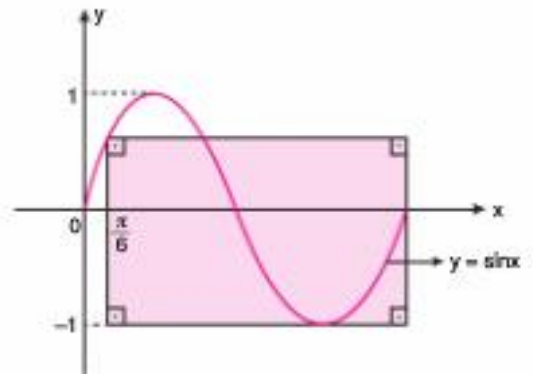
$$g(x) = -3 - 4\cos^2\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$$

fonksiyonlarının periyotları sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2\pi}{5}, \pi$ B) $\frac{\pi}{5}, 2\pi$ C) $\frac{\pi}{5}, \pi$
D) $\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{5}$ E) $2\pi, \frac{2\pi}{5}$



15.

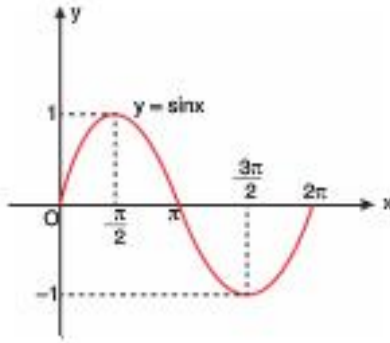


Yukarıdaki grafik $y = \sin x$ fonksiyonuna aittir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 3π B) $\frac{11\pi}{4}$ C) $\frac{5\pi}{2}$ D) $\frac{9\pi}{4}$ E) 2π

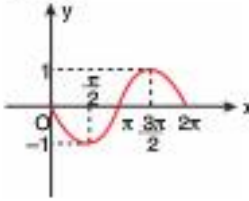
16.



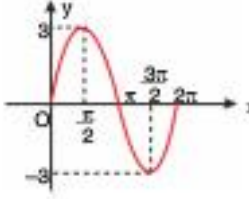
Yukarıda, $[0, 2\pi]$ aralığında tanımlı $y = \sin x$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

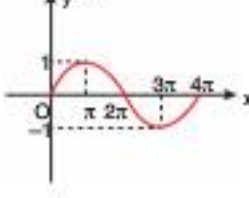
I. $y = -\sin x$



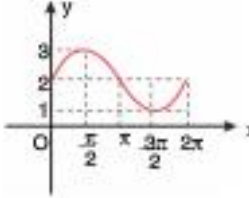
II. $y = 3\sin x$



III. $y = \sin \frac{x}{2}$



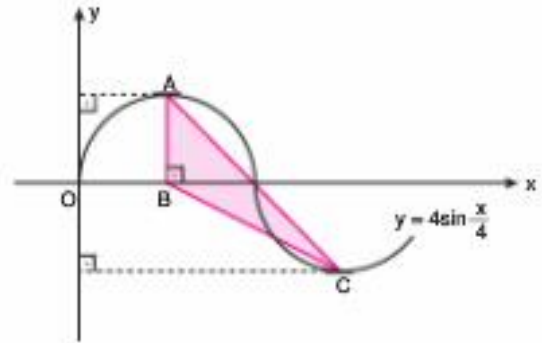
IV. $y = \sin x + 2$



grafiklerinden kaç tanesi doğru çizilmiştir?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3

17.

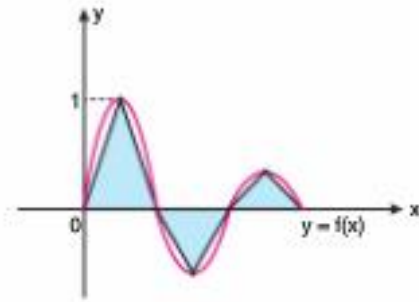


Yukarıda, $y = 4\sin \frac{x}{4}$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 8π B) $\frac{15\pi}{2}$ C) 7π D) $\frac{13\pi}{2}$ E) 6π

18. $n = \{0, 1, 2\}$ olmak üzere,



$f : [n\pi, (n+1)\pi] \rightarrow \mathbb{R}$

$$y = f(x) = \frac{1}{2^n} \cdot \sin x$$

fonksiyonunun grafiği ve içine çizilen ikizkenar üçgenler veriliyor.

Buna göre, taralı üçgenlerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{5\pi}{4}$ B) $\frac{9\pi}{8}$ C) π D) $\frac{7\pi}{8}$ E) $\frac{3\pi}{4}$

E) 4

1. A	2. B	3. A	4. A	5. E	6. C
7. D	8. C	9. C	10. C	11. A	12. D
13. A	14. C	15. B	16. E	17. A	18. D

1. $f(3x + 2) = \arcsin(8x - 1)$
olduğuna göre, $f\left(\frac{11}{4}\right) - f(2)$ farkı kaçtır?
A) $-\frac{\pi}{3}$ B) $\frac{2\pi}{3}$ C) $\frac{3\pi}{5}$ D) $-\frac{\pi}{6}$ E) $\frac{\pi}{2}$

2. $\theta \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ olmak üzere,
 $\cos\theta = \sqrt{2} \cdot \cos(\arctan\sqrt{3})$
olduğuna göre, $\cot\theta$ kaçtır?
A) -3 B) 1 C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D) $\sqrt{3}$ E) 3

3. $f(x) = \arcsin\left(\frac{2-x}{3}\right)$
olduğuna göre, $f^{-1}(x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?
A) $-3\sin x$ B) $2 - 3\sin x$ C) $3 - \sin 2x$
D) $2 - \sin 3x$ E) $3\sin 2x$

4. $f(x) = \sin 2x$ ve $g(x) = \arctan x$
olduğuna göre, $(f \circ g)(2)$ kaçtır?
A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{4}{5}$ E) 1

5. $a = \arccos \frac{1}{2}$
 $b = \arccos\left(\frac{-1}{2}\right)$
olduğuna göre, $\sin(a + b)$ kaçtır?
A) $-\frac{1}{2}$ B) -1 C) 0 D) $\frac{1}{2}$ E) 1

6. $\tan\left(\frac{\pi}{4} - \arctan 3\right)$
ifadesinin eşiti kaçtır?
A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2



7. $\arcsin 2x = \arccos x$
denklemini sağlayan x değeri kaçtır?

A) 2 B) 1 C) $\sqrt{5}$ D) $\frac{1}{\sqrt{5}}$ E) $\frac{2}{\sqrt{5}}$



8. $\sin \left(\text{Arc sin } \frac{1}{\sqrt{5}} + \text{Arc cos } \frac{2}{\sqrt{5}} \right)$
ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\frac{3}{5}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{5}{12}$ D) $\frac{5}{13}$ E) $\frac{12}{13}$



9. $f(x) = 2 + 5 \sin \left(\frac{x}{3} - 1 \right)$
fonksiyonunun esas periyodu aşağıdakilerden hangisidir?

A) 6π B) 3π C) 2π D) $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{\pi}{6}$



10. $f(x) = 3 - 2\cos^2(3x + 1)$
fonksiyonunun esas periyodu aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{\pi}{2}$ B) $\frac{\pi}{3}$ C) $\frac{2\pi}{3}$ D) 2π E) 4π



11. $f(x) = 2 \tan 2x$
fonksiyonunun esas periyodu aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{\pi}{6}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) π E) 2π



12. Bir kişinin ciğerlerinde biriken havanın hacmi litre cinsinden ifade edilir.

t saniyeyi $V(t)$ litre havaya dönüştüren fonksiyon,

$$V(t) = 3,2 + 0,6 \cdot \sin \left(\frac{\pi t}{3} \right) + \cos \left(\frac{\pi t}{3} \right)$$

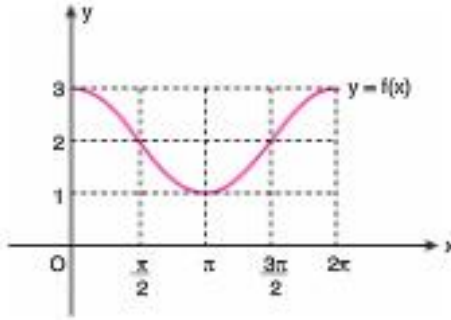
olmak üzere, kişinin ciğerlerinde biriken havanın maksimum hacmi ve solunum döngüsünün (periyodunun) süresi aşağıdakilerden hangisidir?

A) 3,2 litre – 3 saniye B) 3,5 litre – 3 saniye
C) 3,5 litre – 6 saniye D) 3,8 litre – 3 saniye
E) 3,8 litre – 6 saniye



1. B	2. B	3. B	4. D	5. C	6. B
7. D	8. B	9. A	10. B	11. C	12. B

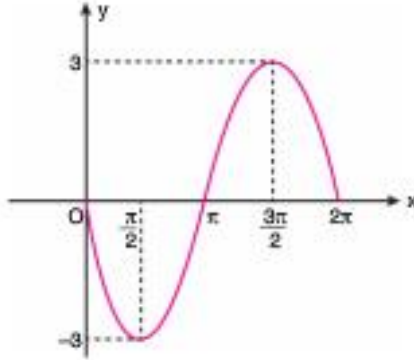
1.



Şekilde, $[0, 2\pi]$ aralığında grafiği verilen $y = f(x)$ fonksiyonunun denklemleri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 2 - \cos x$ B) $y = \cos 2x$
C) $y = 2 + \cos x$ D) $y = 2 + \cos \frac{x}{2}$
E) $y = 1 - \cos x$

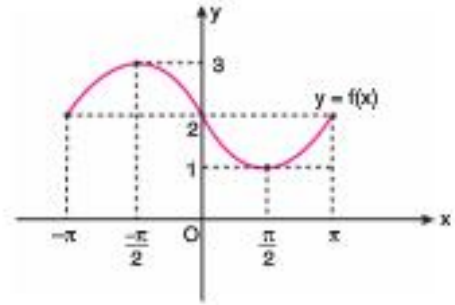
2.



Şekilde grafiği verilen fonksiyon aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = 3\cos x$ B) $y = 3\sin x$ C) $y = -3\cos x$
D) $y = -3\sin x$ E) $y = -\sin 3x$

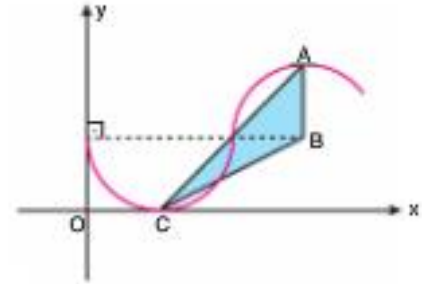
3.



Yukarıda, $[-\pi, \pi]$ aralığında grafiği verilen $f(x)$ fonksiyonu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 - \sin x$ B) $\sin 2x$ C) $2\sin x$
D) $3 - \cos x$ E) $2\cos x$

4.



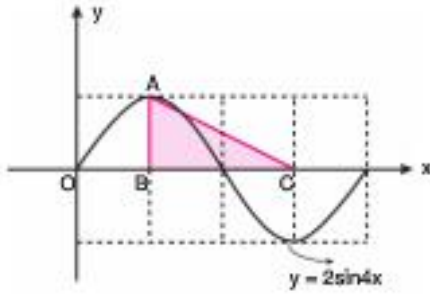
Yukarıda, $y = 1 - \sin 2x$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$[AB] \parallel Oy$

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{\pi}{16}$ B) $\frac{\pi}{8}$ C) $\frac{\pi}{4}$ D) $\frac{\pi}{2}$ E) π

5.

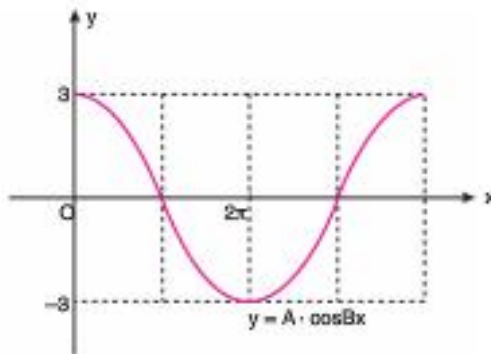


Dik koordinat sisteminde, $y = 2 \sin 4x$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{\pi}{4}$ B) $\frac{\pi}{8}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) π E) 2π

6.



Yukarıda, $y = A \cdot \cos Bx$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $\frac{A}{B}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{3}{4}$ C) 8 D) 12 E) 16

7.

Bir ilacın ham maddesi en az -1°C , en çok 1°C ısı olan bir ortamda saklanacaktır. Bunun için t saniyedeki ısı değeri $f(t) = \cos t$ olan özel bir kabin tasarlanmıştır.

Örneğin, bu kabinin $t = \frac{\pi}{3}$ saniyedeki ısı

$$f\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}^\circ\text{C} \text{ dir.}$$

Buna göre bu kabinin,

- I. $t = 2$ saniyedeki
- II. $t = \left(\arccos\left(\frac{1}{3}\right)\right)$ saniyedeki
- III. $t = \left(\arcsin\left(-\frac{1}{4}\right)\right)$ saniyedeki

ısı değerlerinden hangileri sıfırın altındadır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

8.

Okan, $f: \mathbb{R} \rightarrow [-1, 1]$, $f(x) = \sin x$ eğrisini çizmiş ve bunu 1 nolu eğri olarak, $g: \mathbb{R} \rightarrow [-1, 1]$, $g(x) = \cos x$ eğrisini çizmiş ve bunu 2 nolu eğri olarak isimlendirmiştir.

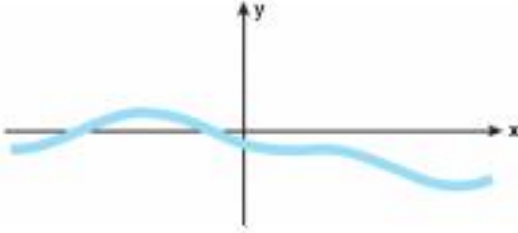
Buna göre,

- I. 1 nolu eğrinin x ve y eksenine göre simetrisi aynıdır.
- II. 2 nolu eğrinin x eksenine göre simetrisi $\frac{\pi}{2}$ br sağa ötelenirse 1 nolu eğri elde edilir.
- III. $[-2\pi, 2\pi]$ aralığında 1 ve 2 nolu eğriler altı noktada kesişir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

9. Bir nehrin yatağı aşağıdaki eğri biçimindedir ve nehir bu yataktaki akmaktadır.



Bu eğrinin denklemi,

$$y = -1 + 2 \cos^3 \left(\frac{3x}{19} + 1 \right)$$

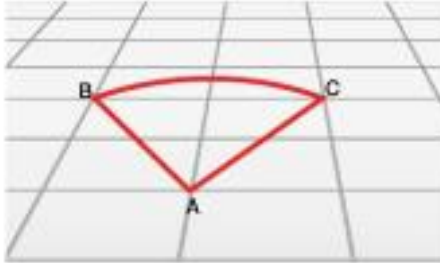
biçiminde trigonometrik bir denklemdir. Nehrin üzerinde aşağıdaki iki noktada birer köprü vardır.

$$\left(\frac{\pi}{47}, a \right) \text{ ve } \left(\frac{\pi}{47} + \frac{38\pi}{3}, b \right)$$

Buna göre, $b - a$ farkı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

10. Aşağıda bir odanın zeminine döşenmiş eş kare fayanslar gösterilmiştir. Kare fayansların bir kenarı 1 birimdir.



Şekilde A merkezli bir daire dilimi verilmiştir. Bu daire dilimi iki fayansın ortak köşesi olan B ve C noktalarından geçmektedir.

Buna göre, verilen daire diliminin alanı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{5}{2} + \arccos \frac{3}{5}$ B) $\frac{5\pi}{2} + \arccos \frac{3}{5}$
C) $\frac{5}{3} + \arccos \frac{3}{5}$ D) $\frac{5\pi}{3} + \arccos \frac{3}{5}$
E) $\frac{3}{5} + \arccos \frac{3}{5}$

11. Aşağıda birbirinin aynısı üç çizimden oluşan bir grafik gösterilmiştir.



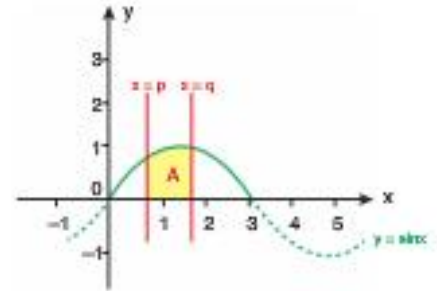
Şekilde II ve III nolu çizimler I nolu çizimin aynısıdır.

Hilal, $y = \sin 4x$ eğrisini $[0, 12\pi]$ aralığında çiziyor ve oluşan grafikte birbirinin aynısı n tane çizim olduğunu görüyor.

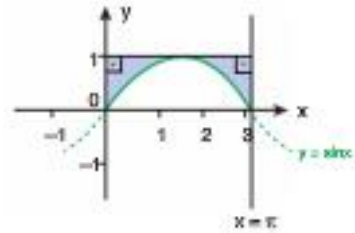
Buna göre, n kaçtır?

- A) 12 B) 18 C) 24 D) 28 E) 36

12. Aşağıda Şekil I'de dik koordinat düzleminde $y = \sin x$ eğrisi $x = p$, $x = q$ ve x eksenini tarafından sınırlanan alan $A = \cos p - \cos q$ dur.



Şekil I

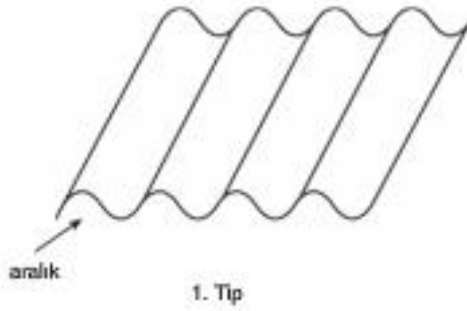


Şekil II

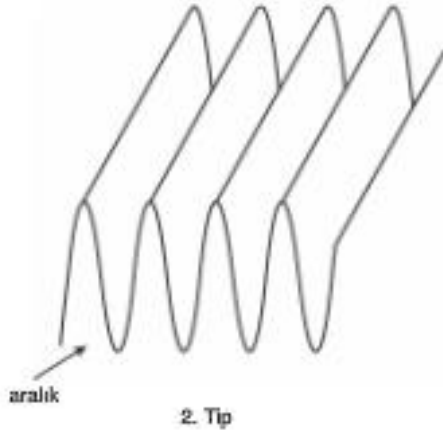
Buna göre, Şekil II'deki maviye boyalı alan kaç birimkaredir?

- A) $\pi - \frac{1}{2}$ B) $\pi - 1$ C) $\pi + 1$
D) $\frac{\pi}{2} + 1$ E) $\pi - 2$

13. Aşağıda bir fabrikanın ürettiği iki tip yağmur oluğu görülmektedir. Üretilecek 1. tip yağmur oluğu $f(x) = \sin x$ fonksiyonu ile modellenip grafiği bilgisayar programında aşağıdaki gibi oluşturulmuştur.



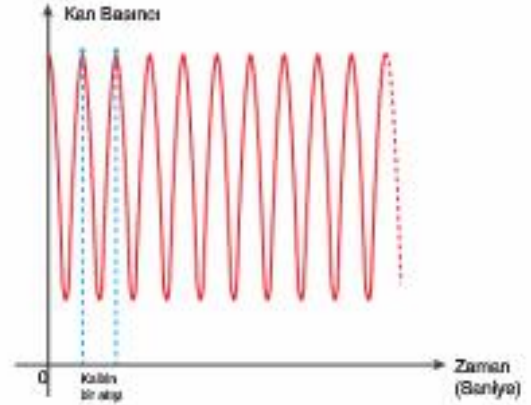
Üretilecek 2. tip yağmur oluğunun yüksekliği 1. tip yağmur oluğunun yüksekliğinin 3 katı olup, her bir aralığı ise 1. tip yağmur oluğunun aralığının yarısıdır.



Buna göre, fabrikanın ürettiği ikinci tip yağmur oluğunun grafiğini çizmek için ekrana aşağıdaki fonksiyonlardan hangisi yazılmalıdır?

- A) $y = 3 \sin \frac{x}{2}$ B) $y = 2 \sin \frac{x}{3}$ C) $y = \frac{1}{3} \sin \frac{x}{2}$
D) $y = 3 \sin 2x$ E) $y = 2 \sin 3x$

14. Aşağıda kan basıncının zamana bağlı değişim grafiği verilmiştir.



A, B ve K pozitif reel sayılar olmak üzere, bir bilim insanı bir kişinin kan basıncını saniye birimine göre,

$$f(t) = A + B \cdot \cos(Kt)$$

şeklinde modellemiştir.

Belirli bir vakayı analiz eden bilim insanı aşağıdaki verileri elde etmiştir.

Minimum Basıncı	78
Maksimum Basıncı	120
Dakikadaki Kalp Atış Sayısı	90

Buna göre, bilim insanının yukarıdaki tabloda elde ettiği verilere göre kullanacağı fonksiyon aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $f(t) = 99 + 21 \cdot \cos(3\pi t)$
B) $f(t) = 78 + 42 \cdot \cos(3\pi t)$
C) $f(t) = 99 + 21 \cdot \cos(2\pi t)$
D) $f(t) = 99 + 21 \cdot \cos(2t)$
E) $f(t) = 78 + 42 \cdot \cos(3t)$

1. C	2. D	3. A	4. C	5. A	6. C	7. A
8. A	9. C	10. A	11. C	12. E	13. D	14. A



1.

$$\sin 2x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

denkleminin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\left\{ x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi \vee x = \frac{\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

B) $\left\{ x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi \vee x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

C) $\left\{ x = \frac{\pi}{6} + k\pi \vee x = \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

D) $\left\{ x = \frac{\pi}{3} + k\pi \vee x = \frac{2\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

E) $\left\{ x = \frac{\pi}{3} + k\pi \vee x = \frac{5\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$



2.

$$\cos\left(3x + \frac{\pi}{2}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

denkleminin en küçük pozitif kökü kaç radyandır?

A) $\frac{2\pi}{9}$ B) $\frac{\pi}{9}$ C) $\frac{4\pi}{9}$ D) $\frac{5\pi}{9}$ E) $\frac{2\pi}{3}$



3.

$$-\sin\left(2x - \frac{\pi}{2}\right) = \cos(x - \pi)$$

denklemini sağlayan en küçük x açısı kaç radyandır?

A) $\frac{\pi}{12}$ B) $\frac{\pi}{8}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{\pi}{4}$ E) $\frac{\pi}{3}$



4.

$$\tan x = \frac{-1}{\sqrt{3}}$$

denkleminin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\left\{ x = \frac{5\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

B) $\left\{ x = \frac{2\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

C) $\left\{ x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

D) $\left\{ x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

E) $\left\{ x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$



5.

$$8\tan x = 3\cos x$$

olduğuna göre, $\sin x$ 'in değeri kaçtır?

A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{6}$



6.

$$\sin(5x - 10^\circ) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

denklemini sağlayan en küçük üç pozitif kökün toplamı kaçtır?

A) 127° B) 126° C) 125° D) 124° E) 123°



7.

$$\sin^2 x + 10 \cos x - 10 = 0$$

denkleminin $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}\right]$ aralığındaki kökü kaç radyandır?

- A) $\frac{2\pi}{3}$ B) $\frac{5\pi}{6}$ C) π D) $\frac{7\pi}{6}$ E) 2π



8.

$$\cos 2x - 5 \cos x - 2 = 0$$

denkleminin $[0, 2\pi)$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



9.

$$\cos 2x + \sin 2x = 1$$

denkleminin $[0, 2\pi]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



10.

$$\cos^2 2x - \sin^2 2x = 1$$

denkleminin $[0, 2\pi]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



11.

$$(\sin x)^{\cos 2x} = 1$$

denkleminin $[0, \pi)$ aralığındaki kökler toplamı kaçtır?

- A) π B) $\frac{7\pi}{6}$ C) $\frac{4\pi}{3}$ D) $\frac{3\pi}{2}$ E) 2π



12.

$$x \neq \frac{k\pi}{2} \text{ ve } k \in \mathbb{Z} \text{ olmak üzere,}$$

$$\frac{\operatorname{cosec} x + \sec x}{\cot x + 1} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

denkleminin $(0, 2\pi)$ aralığındaki kökler toplamı kaç radyandır?

- A) $\frac{5\pi}{2}$ B) $\frac{13\pi}{6}$ C) 2π D) $\frac{11\pi}{6}$ E) $\frac{5\pi}{6}$



1. C	2. C	3. E	4. A	5. B	6. E
7. E	8. C	9. E	10. E	11. D	12. C

1.

$$\tan 3x \cdot \tan x = 1$$

denklemini sağlayan en küçük pozitif açının ölçüsü kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{3}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{\pi}{8}$ E) $\frac{\pi}{12}$

2.

$$\frac{1 + \tan x}{1 + \cot x} = \sqrt{3}$$

denkleminin en küçük pozitif kökü kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{3}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{\pi}{8}$ E) $\frac{\pi}{12}$

3.

$$\frac{\cos x}{\sin x} - \frac{\sin x}{\cos x} = 2$$

eşitliğini gerçekleyen en küçük pozitif x açısı kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{8}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{3\pi}{8}$ D) $\frac{\pi}{2}$ E) $\frac{3\pi}{4}$

4.

$$(2\sin x + 3\cos x)^2 + (3\sin x + 2\cos x)^2 = 25$$

denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left\{ \frac{2\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$ B) $\left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 C) $\left\{ \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$ D) $\left\{ \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 E) $\left\{ \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

5.

$$\sin 2x = \cos^2 x \cdot \tan x \cdot \csc x$$

denkleminin $(0, 360^\circ]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

6.

$$\frac{\sin(x + \theta)}{\cos x \cdot \cos \theta} = \sqrt{3} + \tan \theta$$

olduğuna göre, x dar açısı kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60



7.

$$\tan x \cdot \cos x + \sin x = \sqrt{2}$$

denklemini sağlayan en küçük pozitif kök kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60



8.

$$\frac{1}{1 - \cos x} + \frac{1}{1 + \cos x} = 4$$

denkleminin $[0, \pi)$ aralığındaki kökler toplamı kaç radyandır?

- A) $\frac{5\pi}{6}$ B) π C) $\frac{7\pi}{6}$ D) $\frac{4\pi}{3}$ E) $\frac{3\pi}{2}$



9.

x dar açıdır.

$$\cos x + 3\sin x = \sqrt{5}$$

olduğuna göre, $\tan x$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{6}$

10. Her $x \in \mathbb{R}$ için,

$$m \cdot \sin^2 x + n \cdot \cos^2 x = 4 + 3\cos 2x$$

olduğuna göre, $n - 2m$ farkı kaçtır?

- A) 10 B) 8 C) 6 D) 5 E) 4



11.

$$\sin x - \sqrt{3}\cos x = -1$$

denkleminin en küçük pozitif kökü kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60



12.

$0 < x < 360^\circ$ olmak üzere,

$$\sin 2x \cdot \cos x + \cos 2x \cdot \sin x = 1$$

olduğuna göre, x 'in alabileceği kaç farklı değer vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



1. D	2. A	3. A	4. E	5. C	6. E
7. D	8. B	9. A	10. D	11. C	12. C

1.

$$\sin 5x = 1$$

denkleminin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left\{ \frac{\pi}{10} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$ B) $\left\{ \frac{\pi}{10} + \frac{k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 C) $\left\{ \frac{\pi}{10} + \frac{2k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z} \right\}$ D) $\left\{ \frac{\pi}{5} + \frac{k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 E) $\left\{ \frac{\pi}{5} + \frac{2k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z} \right\}$

2.

$$\cos 4x - 3\sin 2x + 1 = 0$$

denklemini sağlayan en küçük farkı lı pozitif x değerinin toplamı kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{12}$ B) $\frac{5\pi}{12}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) $\frac{\pi}{3}$ E) π

3.

$$\sin 3x = \cos x$$

denkleminin bir kökü aşağıdakilerden hangisi değildir?

- A) $\frac{\pi}{8}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{3\pi}{4}$ D) $\frac{5\pi}{8}$ E) $\frac{5\pi}{4}$

4.

$$1 - \cos 2x = \sin x$$

denkleminin köklerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\pi}{4}$ B) $\frac{\pi}{3}$ C) $\frac{5\pi}{6}$ D) $\frac{7\pi}{6}$ E) $\frac{3\pi}{2}$

5.

$$\cos 3x = \cos \left(\frac{\pi}{6} + x \right)$$

eşitliğinin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left\{ x = \frac{\pi}{12} + k\pi, x = \frac{-\pi}{24} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 B) $\left\{ x = \frac{\pi}{12} + k\pi, x = \frac{-\pi}{24} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 C) $\left\{ x = \frac{\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}, x = \frac{-\pi}{24} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 D) $\left\{ x = \frac{\pi}{12} + 2k\pi, x = \frac{-\pi}{24} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 E) $\left\{ x = \frac{\pi}{12} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

6.

$$\cot x = \sqrt{3}$$

denkleminin \mathbb{R} 'de çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left\{ x = \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 B) $\left\{ x = \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 C) $\left\{ x = \frac{5\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 D) $\left\{ x = \frac{5\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
 E) $\left\{ x = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$



7.

$$\tan^2 x - 2\tan x - 3 = 0$$

denkleminin bir kökü aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\pi}{3}$ B) $\frac{\pi}{6}$ C) $\frac{\pi}{4}$ D) $\frac{3\pi}{4}$ E) $\frac{5\pi}{4}$



8.

$$\sqrt{3}\sin x + \cos x = 1$$

denkleminin çözüm kümesini bulmak için aşağıdaki denklemlerden hangisi çözümlenmelidir?

- A) $\sin(60^\circ - x) = \sin 30^\circ$
 B) $\sin(60^\circ - x) = \sin 60^\circ$
 C) $\sin(60^\circ - x) = \cos 30^\circ$
 D) $\cos(60^\circ - x) = \cos 60^\circ$
 E) $\cos(60^\circ - x) = \sin 60^\circ$



9.

$$\frac{1}{1 - \sin x} - \frac{1}{1 + \sin x} = \frac{4}{3}$$

denklemini sağlayan x dar açısı kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{12}$ B) $\frac{\pi}{8}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{\pi}{4}$ E) $\frac{\pi}{3}$



10.

$$\sin x - \sin 2x = 0$$

denkleminin $[0, 2\pi)$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



11.

$$\sin^2 x - 3\sin x \cdot \cos x + 2\cos^2 x = 0$$

olduğuna göre, $\tan x$ 'in alacağı değerler toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) $\frac{7}{2}$ E) 4



12.

$$\cos 3x \cdot \cos x + \sin 3x \cdot \sin x = \frac{-1}{2}$$

denkleminin bir kökü aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\pi}{6}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) $\frac{5\pi}{6}$ E) $\frac{5\pi}{3}$

13. $f(x) = \cos x - \cos 2x$

olduğuna göre, $f(x - \pi) = 0$ denkleminin köklerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 0 B) $\frac{\pi}{6}$ C) $\frac{\pi}{4}$ D) $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{\pi}{2}$

14. $(\sin x + \cos x)^2 = 1 + \cos x$

denkleminin $[0^\circ, 360^\circ]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 8 E) 10

15. $\cos 2x + \sin x = 0$

denkleminin $[0^\circ, 360^\circ]$ aralığındaki kökleri toplamı kaç derecedir?

- A) 450 B) 630 C) 540 D) 360 E) 300

16. k bir tam sayı ve $a \cdot b = 1$ olmak üzere,

$$a^{\sin x} = b^{\sqrt{3} \cos x}$$

denkleminin gerçel sayılardaki çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\left\{ x : x = \frac{2\pi}{3} + k\pi \right\}$ B) $\left\{ x : x = \frac{\pi}{3} + k\pi \right\}$
 C) $\left\{ x : x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi \right\}$ D) $\left\{ x : x = \frac{\pi}{3} + 2k\pi \right\}$
 E) $\left\{ x : x = \frac{3\pi}{4} + k\pi \right\}$

17. $\sec\left(\frac{3\pi}{2} + x\right) - \sec(\pi + x) = 2\sqrt{2}$

denklemini sağlayan dar açının ölçüsü kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{12}$ B) $\frac{\pi}{8}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{\pi}{4}$ E) $\frac{\pi}{3}$

18. $\frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} = \frac{16}{3}$

denkleminin $[0, \pi]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

1. C	2. C	3. C	4. C	5. A	6. A
7. D	8. D	9. C	10. D	11. C	12. E
13. D	14. B	15. B	16. A	17. D	18. C



1. $3\sin^2 x + 10\sin x \cdot \cos x + 7\cos^2 x = 0$

denkleminin köklerinden biri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\pi}{3}$ B) $\frac{\pi}{4}$ C) $\frac{\pi}{6}$ D) $\frac{3\pi}{4}$ E) $\frac{5\pi}{4}$



2. $\frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\cos x} = 2\sqrt{2}$

denkleminin $[0, \pi]$ aralığındaki köklerin toplamı kaç radyandır?

- A) $\frac{\pi}{4}$ B) $\frac{3\pi}{4}$ C) $\frac{5\pi}{6}$ D) $\frac{7\pi}{6}$ E) $\frac{11\pi}{12}$



3. $\frac{1 - \tan x}{1 - \cot x} = 2\sin x$

denkleminin $[0, \pi]$ aralığında kaç kökü vardır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



4. $\frac{3\pi}{2} < x < 2\pi$ olmak üzere,

$$2\cos^2 x - 5\cos x + 2 = 0$$

denklemini sağlayan x açısı için $\tan x$ kaçtır?

- A) $-\sqrt{3}$ B) $\frac{-\sqrt{3}}{3}$ C) -1
D) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ E) $\sqrt{3}$



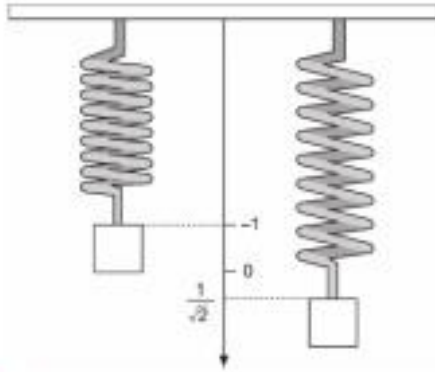
5. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$\frac{1 + \sin x}{\cos x} = 3$$

olduğuna göre, $\cos x$ kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{5}{12}$ E) $\frac{7}{11}$

6. Aşağıda yaya asılı bir cisim verilmiştir. Bu cismin konum zaman fonksiyonu $S(t) = \sin 2t$ 'dir.



Örneğin; cisim $t = \frac{3\pi}{4}$ anında şekildedeki sayı doğrusunun

$$S\left(\frac{3\pi}{4}\right) = -1 \text{ konumunda, } t = \frac{\pi}{8} \text{ anında sayı doğrusunun}$$

$$S\left(\frac{\pi}{8}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ konumundadır.}$$

Cisim bu yayda $[0, 10\pi]$ zaman aralığında asılı kaldığına göre, cisim $t = \frac{\pi}{12}$ anındaki konumuna kaç kez gelmiştir?

- A) 14 B) 16 C) 18 D) 20 E) 22

7. $0 < x < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

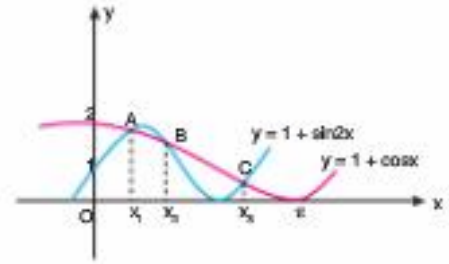
$$7\sin^2 x - \cos^2 x + 3\sin 2x = 8$$

denkleminin kökü α dir.

Buna göre, $\sin 2\alpha$ kaçtır?

- A) $\frac{3}{5}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{5}{7}$ D) $\frac{5}{13}$ E) 1

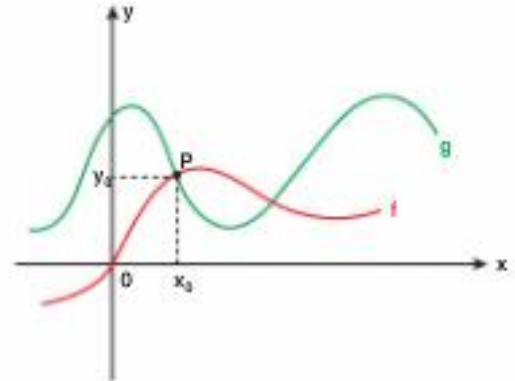
- 8.



Yukarıda, $y = 1 + \cos x$ ve $y = 1 + \sin 2x$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, $x_1 + x_2 + x_3$ toplamı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{2\pi}{3}$ B) $\frac{4\pi}{3}$ C) $\frac{3\pi}{2}$ D) $\frac{5\pi}{6}$ E) $\frac{7\pi}{12}$



Yukarıda, $f(x) = 2\sin x$ ve $g(x) = 4\cos x$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Grafikler $P(x_0, y_0)$ noktasında kesiştiklerine göre, $\cos x_0$ değeri kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ C) $\frac{\sqrt{6}}{4}$ D) $\frac{\sqrt{5}}{5}$ E) $\frac{\sqrt{7}}{2}$

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 7

LOGARİTMA



- Üstel Fonksiyonların Grafikleri
- Logaritma Fonksiyonunun Tanım Kümesi
- Üstel ve Logaritma Fonksiyonunun Tersi
- Logaritma Fonksiyonunun Özellikleri
- Üstel-Logaritmik Denklemler ve Eşitsizlikler
- Üstel-Logaritmik Eşitsizlikler
- Logaritmik Grafikler
- Logaritmanın Günlük Hayat Problemlerine Uygulanması
- Logaritma

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Şimdi de sıra geldi kelime anlamına ödül konmuş konumuza; logaritmaya. Üslü sayılarla dirsek teması olan logaritma konusu birçok öğrencinin sevdiği konulardandır. Müfredatta kapladığı geniş yer itibariyle de çok önemlidir.

Kuralları ilk öğrenildiğinde karışmaya müsait gibi görünse de anlamlandırarak yani gerektiğinde formülleri kendin kanıtlamaya çalışarak öğrenmelisin. "Yağız atın çiftesi pek olur" atasözü gereğince bazen şaşırtabilir veya sert tepkileri barındırabilir bazı sorular. Asla logaritmayı küçümseme. Zaten sen sen ol hiçbir konuyu küçümseme. Kuvvetliyorsan, basarsıyorsun demektir. Kuvvetli ol!

Logaritma

Türkçe karşılığını bulana yüz lira ikramiye verilecek

Ankara 3 (A.A.) — Türk dili kurumu genel sekreterliğinden:
Logaritma sözlüğün Türkçe karşılığını bulanlardan en isabet edene yüz lira hediye edilecektir. Bu hediye şimdiden İyi Buluşlarına tesdi edilmiştir. Cevaplar Nisan altı nışanına kadar verilmiş olmalıdır.

Genel sekreter adına
M. R. Tankut

1. I. $f(x) = x^3$
 II. $g(x) = (-5)^x$
 III. $h(x) = (\sqrt{2})^{x+1}$

Yukarıda verilen fonksiyonlardan hangileri üstel bir fonksiyondur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
 D) Yalnız III E) II ve III

2. $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$ olmak üzere,
 $f(x) = (m-5)^{x+2}$
 $g(x) = (12-m)^{2x-1}$

fonksiyonları üstel fonksiyon olduğuna göre, m 'nin alabileceği değerler toplamı kaçtır?

- A) 51 B) 45 C) 34 D) 32 E) 30

3. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,
 $f(x) = 2^{-3x}$

olduğuna göre, $f(1) + f(-1)$ toplamı kaçtır?

- A) $\frac{35}{4}$ B) $\frac{67}{8}$ C) $\frac{33}{4}$ D) $\frac{65}{8}$ E) 8

4. $f(x) = 125^x$ ve $g(x) = 5^{x-1}$
 fonksiyonları veriliyor.

Buna göre, $f(x)$ 'in $g(x)$ türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $5 \cdot g^2(x)$ B) $25 \cdot g^3(x)$ C) $125 \cdot g^3(x)$
 D) $125 \cdot g^2(x)$ E) $5 \cdot g^3(x)$

5. $f(x) = 5^x$ fonksiyonu veriliyor.
 $5 \leq f(p) < 250$

eşitsizliğini sağlayan p tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6

6. $f(x-3) = x^2 - 6x + 11$

olduğuna göre, $f(2^x)$ ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2^x + 2$ B) $4^x + 2$ C) $2^x - 3$
 D) $4^x - 3$ E) $16^x + 1$

7. $f(x) = (0,5)^{x-1}$
 $g(x+2) = 2^{x+2}$

olduğuna göre, $(f^{-1} \circ g)(3)$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) 2 E) 3

8. $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$ olmak üzere,
 $f(x) = 2^x$ fonksiyonu veriliyor.

f fonksiyonu ile ilgili olarak;

- I. Bire bir ve örten dir.
 II. Artandır.
 III. $f(x+y) = f(x) \cdot f(y)$ dir.

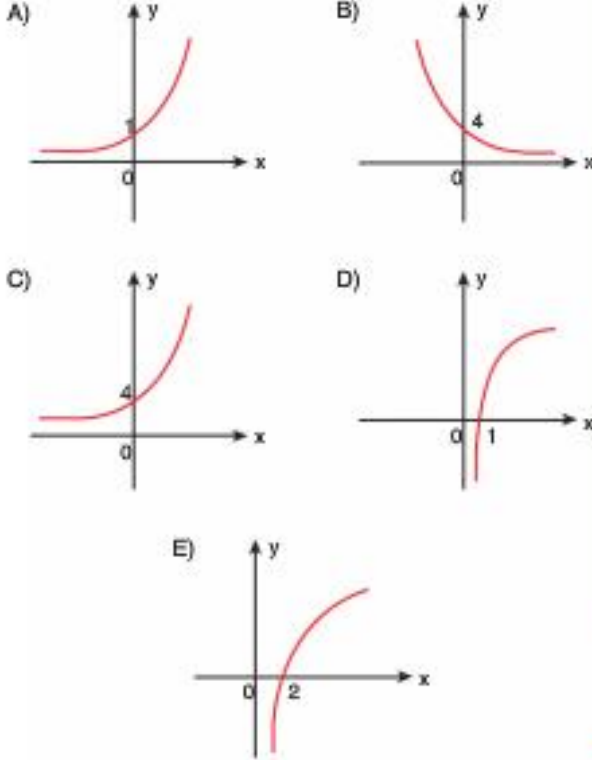
Ifadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
 D) II ve III E) I, II ve III

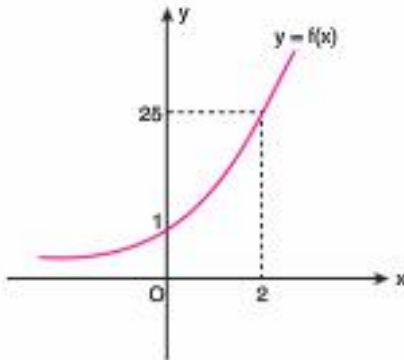


9. $f(x) = 3^{x+1} + 1$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



10.



$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$,

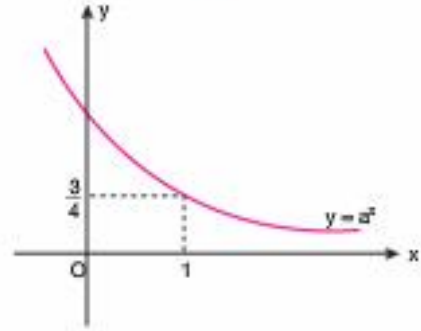
$f(x) = \left(\frac{1}{a}\right)^x$

Üstel fonksiyonunun grafiğine göre, a kaçtır?

- A) $\frac{1}{25}$ B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{1}{10}$ D) $\frac{1}{8}$



11.



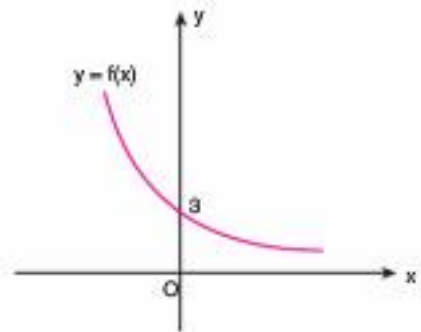
Şekilde, $f(x) = a^x$ üstel fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $f(-1) \cdot f(2)$ çarpımının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{5}{4}$ C) 1 D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{1}{2}$



12.



Şekilde grafiği verilen fonksiyon,

$f(x) = 3^{a-x}$ dir.

Buna göre, $f^{-1}(9)$ kaçtır?

- A) -1 B) -2 C) -3 D) -6 E) -9

E) $\frac{1}{5}$

1. D	2. C	3. D	4. C	5. E	6. B
7. C	8. E	9. C	10. E	11. D	12. A



1.

$$f(x) = \log_x(5 - x)$$

fonksiyonunun en geniş tanım kümesindeki tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 11 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7



2.

$$f(x) = \log_x\left(\frac{3-x}{4+x}\right)$$

fonksiyonunun tanımlı olduğu en geniş aralıktaki tam sayıların toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



3.

$$\log_a(9 - a^2)$$

ifadesi a 'nın kaç farklı tam sayı değeri için bir gerçek sayıdır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



4.

$$\log_{(x-4)}(x^2 - x - 2)$$

fonksiyonunun en geniş tanım kümesinde bulunan en küçük iki tam sayının toplamı kaçtır?

- A) 13 B) 12 C) 11 D) 10 E) 9



5.

$$f(x) = \log_{0,1}(x^2 - 6x + 9)$$

fonksiyonunun en geniş tanım kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) \mathbb{R} B) $\mathbb{R} - \{3\}$ C) $(-3, 3)$
D) $\mathbb{R} - \{-3\}$ E) $\left(\frac{1}{10}, 3\right)$



6.

$$f(x) = \ln(8x - x^6)$$

fonksiyonunun en geniş tanım kümesinde kaç tane tam sayı bulunur?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 7 E) 8



7.

$$f(x) = \log(x^2 - 5ax + 25)$$

fonksiyonu $\forall x \in \mathbb{R}$ için tanımlıdır.

Buna göre, a 'nın alabileceği tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



1. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = 3^x - 1$$

fonksiyonunun tersi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 + \log_3 x$ B) $1 - \log_3 x$ C) $-1 + \log_3 x$
D) $\log_3(x - 1)$ E) $\log_3(x + 1)$



2. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \frac{e^{1-3x}}{2}$$

fonksiyonunun tersi aşağıdakilerden hangisidir?
(e, doğal logaritma tabanıdır.)

- A) $\frac{1 - \ln 2x}{3}$ B) $\frac{1 - \ln 3x}{2}$ C) $\frac{1 + \ln 3x}{2}$
D) $\frac{1 + \ln 2x}{3}$ E) $\frac{2 - \ln 3x}{3}$



3. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = 2 - \log_3(x + 1)$$

fonksiyonunun tersi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3^{2-x} - 1$ B) $3^{2-x} + 1$ C) $3^{x+2} - 1$
D) $3^{x+2} - 2$ E) $3^{2-x} - 2$



4. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \ln(x + 2) - 3$$

olduğuna göre, $f^{-1}(1)$ kaçtır?

- A) $e^3 - 3$ B) $e^2 - 2$ C) $e^4 - 2$
D) $e^4 - 3$ E) $e^5 - 2$



5. $a \in \mathbb{R}^+ - \{1\}$ olmak üzere,

$$f(x) = \log_3(3x + 1)$$

fonksiyonu tanımlanıyor.

$$f^{-1}(3) = 21$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 7



- 6.

$$f(x) = \log_3 x$$

$$(g \circ f)(x) = x + 3$$

olduğuna göre, g(2) kaçtır?

- A) 18 B) 16 C) 15 D) 12 E) 9



7. $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \ln(e^{2x})$$

olduğuna göre, $f^{-1}(x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) e^{x+2} B) e^{x-2} C) $e^x + 2$
D) $e^x - 2$ E) $2 \cdot e^x$



1. A 2. A 3. A 4. C 5. C 6. D 7. B



1.

$2^{x-1} = 3$

denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 + \log_2 3$ B) $1 - \log_2 3$ C) $1 - \log_3 2$
 D) $1 + \log_3 2$ E) $-1 + \log_2 3$



2.

$\log_2 3 = a$

olduğuna göre, $\frac{1}{4^{a-1}}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{4}{9}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{2}{9}$ D) $\frac{16}{9}$ E) $\frac{9}{16}$



3.

$\log_2(\log x) = 3$

eşitliğini sağlayan x değeri kaçtır?

- A) 10^8 B) 10^6 C) 9 D) 8



4.

e, doğal logaritma tabanıdır.

$\log_{\frac{1}{2}}(\ln x) = -1$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) e^2 B) \sqrt{e} C) $\frac{e}{2}$ D) $\frac{2}{e}$ E) $\frac{1}{e^2}$



5.

e, doğal logaritma tabanıdır.

$\ln(\log_3 x) = 1$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) e^6 B) e^3 C) 3^e D) 6^e E) $\sqrt{3^e}$



6.

$\log_5(5 \cdot \log_3(\log_x 3)) = 1$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 9 B) $2\sqrt{3}$ C) $\sqrt[3]{3}$ D) $\sqrt{3}$ E) $3\sqrt{3}$



7.

m pozitif gerçel sayıdır.

$\log_m(\log_2(1 + \log_3(x+1))) = 0$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 8 E) 9

8. $2a \cdot \log b = 1$
olduğuna göre, b^a kaçtır?

A) 100 B) 10 C) $\sqrt{10}$ D) $\frac{1}{10}$ E) 1

9. a ve b, 1'den farklı pozitif reel sayılardır.

$$3^{x^2-1} = a$$

$$3^x = 3b$$

olduğuna göre, x'in a ve b cinsinden eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

A) $1 + \log_b a$ B) $1 + \log_a b$ C) $-1 + \log_a b$
D) $-1 + \log_b a$ E) $-3 + \log_b a$

10. $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ olmak üzere,

$$\log(\tan x) = 0$$

eşitliğini sağlayan x değeri kaçtır?

A) $\frac{\pi}{12}$ B) $\frac{\pi}{6}$ C) $\frac{\pi}{4}$ D) $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{5\pi}{12}$

11. $\log_2(\log_x 3) = 1$

eşitliğini sağlayan x değeri kaçtır?

A) 9 B) 8 C) $\sqrt{6}$ D) $\sqrt{3}$ E) $\sqrt{2}$

12. $\log_2 16 - \log_5 \frac{1}{5^7} + \log_{\sqrt{2}} 4$

işleminin sonucu kaçtır?

A) 45 B) 40 C) 30 D) 20 E) 15

13. a ve b, 1'den farklı pozitif reel sayılardır.

$$\sqrt[3]{a} = b^5 \text{ olmak üzere,}$$

$$\log_a \sqrt{b}$$

ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\frac{1}{60}$ B) $\frac{1}{45}$ C) $\frac{1}{40}$ D) $\frac{1}{30}$ E) $\frac{1}{15}$

14. $\sqrt{x} \sqrt{x} = e^8$

eşitliğini sağlayan x değeri için $\ln x$ kaçtır?
(e, doğal logaritma tabanıdır.)

A) 24 B) 18 C) 16 D) 12 E) 8

15. $\sqrt{(\log 16)^2 + \left(\log \frac{1}{8}\right)^2}$

ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\log 64$ B) $\log 56$ C) $\log 45$
D) $\log 32$ E) $\log 27$

1. A	2. A	3. A	4. A	5. C	6. C	7. A	8. C
9. D	10. C	11. D	12. E	13. D	14. E	15. D	

1. $\log 2 = 0,3$ olmak üzere,
 $\log_{0,1} \sqrt[3]{16}$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -0,5 B) -0,4 C) -0,3
 D) -0,25 E) -0,2

2. $\log 2 = a$ olmak üzere,
 $\log(0,015) - \log(0,003)$

ifadesini a türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3 - a$ B) $2 - a$ C) $1 - a$
 D) $-a$ E) $a + 1$

3. $\log(a + b) = 3\log a + \log b$

olduğuna göre, b 'nin a türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{a}{a^3 - 1}$ B) $\frac{a^3}{a - 1}$ C) $\frac{a^3 - 1}{a + 1}$
 D) $\frac{a^3 + 1}{a - 1}$ E) $\frac{a}{a^3 + 1}$

4. $2\log x + \log \frac{3}{x} = 1$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 4 B) $\frac{10}{3}$ C) 3 D) $\frac{8}{3}$ E) 2

5. $2\log_c a + \log_c b = 1$

olduğuna göre, $\frac{a^2b - 5c}{2c + 2a^2b}$ oranı kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

6. $\log_3(8!) = a + 1$

olduğuna göre, $\log_9(8!)$ ifadesinin eşiti a türünden aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{a - 1}{3}$ B) $\frac{a - 1}{2}$ C) $a - 1$
 D) $\frac{a + 1}{2}$ E) $a + 1$

7.

$$5^x = 3 \text{ ve } 5^y = \frac{25}{3}$$

olduğuna göre, $x + y$ toplamı kaçtır?

- A) 25 B) 10 C) 9 D) 8 E) 2

8.

a, b ve $c \in \mathbb{R}^+$ olmak üzere,

$$\frac{a^3 b^2}{c^5} = 10^2$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,

$$3\log a + 2\log b - \frac{3}{2}\log c$$

ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 12 B) 8 C) 6 D) 4 E) 2

9.

$$a = \log 2$$

$$b = \log 3$$

$$c = \log 5$$

olduğuna göre, $\log 5$ 'in a, b ve c türünden eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $c - b - 3a$ B) $b + c + 3a$ C) $b - c - 2a$
D) $c - b - 5a$ E) $b + c - a$

10. a, b $\in \mathbb{R}^+$ ve $a \cdot b = 81$ dir.

$$\frac{\log_3 a}{2 - \sqrt{3}} = \frac{\log_3 b}{2 + \sqrt{3}} = x$$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{3}{2}$ D) $\sqrt{3}$ E) 2

11.

$$\log 3 - \log 2 = a$$

olduğuna göre, $\log 225$ 'in a türünden eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2a - 2$ B) $2a - 1$ C) $2a$
D) $2a + 1$ E) $2a + 2$

12.

e, doğal logaritma tabanıdır.

$$10^{\log 3} + 4^{\log_2 5} - e^{\ln 2}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 28 B) 27 C) 26 D) 25 E) 24

13. $3^{\log_3 16} - \log_3 2$

ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 16 B) 9 C) 8 D) 4 E) $\sqrt{2}$

14. $(x-1) \cdot 5^{\log_5 (x+1)} = 8$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

15. $(\sqrt{3})^{\log_3 10} = \sqrt{2x}$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{10}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{10}}{2}$ C) $\sqrt{10}$ D) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ E) $2\sqrt{5}$

16. e, doğal logaritma tabanıdır.

$$\sqrt{10^{\log 40} + e^{\ln 9}}$$

ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 9 B) 8 C) 7 D) 6 E) 5

17. $49^{\log_7 \sqrt{x^2 - x}} = 2$

olduğuna göre, x'in alabileceği değerlerin çarpımı kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) -3 E) -2

18. $a = \frac{\log_2 7}{\log_2 3}$

olduğuna göre, 9^a ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 49 B) 21 C) 9 D) $\frac{49}{9}$ E) $\frac{7}{3}$

1. B	2. C	3. A	4. B	5. E	6. B
7. E	8. E	9. A	10. B	11. E	12. C
13. C	14. B	15. B	16. C	17. E	18. A



1. $\log_3 8 = x$

olduğuna göre, $\log_{24} 9$ ifadesinin x türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{x+1}$ B) $\frac{2}{x+1}$ C) $\frac{x+1}{6}$
 D) $\frac{4}{x-1}$ E) $\frac{6}{x-1}$



2. $\frac{\ln 2}{\ln 3} = m$

olduğuna göre, $\log_6 12$ 'nin m türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2m-1}{m}$ B) $\frac{m-1}{2m+1}$ C) $\frac{3m}{m+1}$
 D) $\frac{2m+1}{m+1}$ E) $\frac{3m+1}{m-1}$



3. $\log_{20} 2 = a$ ve $\log_3 2 = b$

olduğuna göre, $\log_{20} 15$ ifadesinin a ve b türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{b+2-a}{a}$ B) $\frac{a+b-2}{a}$ C) $\frac{a+b-2}{b}$
 D) $\frac{a-b+2}{b}$ E) $\frac{a+b+2}{a \cdot b}$



4. $\ln 2 = a$ ve $\ln 3 = b$

olduğuna göre, $\log_6 12$ ifadesinin a ve b türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2a+b}{a+b}$ B) $\frac{a+2b}{a+b}$ C) $\frac{2a-b}{a \cdot b}$
 D) $\frac{a-2b}{a+b}$ E) $\frac{a+b}{2ab}$



5. $\log_4 3 = a$ ve $\log_8 2 = b$

olduğuna göre, $\log_3 20$ ifadesinin a ve b türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{b+3}{2ab}$ B) $\frac{ab}{b+2}$ C) $\frac{ab}{b+3}$
 D) $\frac{b+3}{ab}$ E) $\frac{2ab}{b+6}$



6. a sayısı 1'den farklı pozitif reel sayıdır.

$$\frac{1}{\log_2 a} + \frac{1}{\log_3 a} + \dots + \frac{1}{\log_{10} a}$$

toplamının sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\log_a 10$ B) a C) $\log(a!)$ D) $\log_a 10!$ E) $10!$



7. $\frac{2}{\log_x y} - \frac{2}{\log_y y} = \log_y z$

olduğuna göre, $\log_x z^3$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 9



8. $\log_{\sqrt{5}} 3 \cdot \log_3 25$

çarpımının sonucu kaçtır?

- A) 2 B) 4 C) $\log_3 5$ D) $\log_5 3$ E) 6

9. $\log_2 27 \cdot \log_3 25 \cdot \log_5 7$
çarpımının sonucu kaçtır?

A) $6 \cdot \log_2 7$ B) $3 \cdot \log_2 7$ C) $\log_2 7$ D) 6 E) 3

10. $\frac{\log 5 + \log_7 10}{\log_7 25}$

ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) 2 E) 7

11. $\frac{2}{3^{\log_4 9}}$

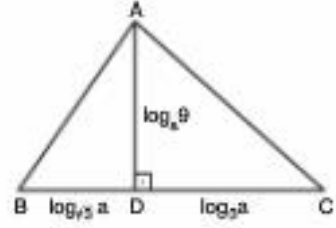
ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\sqrt{2}$ B) 2 C) $\sqrt{3}$ D) 4 E) 9

12. $5^x = 45^y$
olduğuna göre, $\frac{x-y}{x+y}$ oranı kaçtır?

A) $\log_3 15$ B) $\log_{15} 3$ C) $\log_5 3$
D) $\log_7 5$ E) $\log_5 9$

13. a sayısı 1'den farklı pozitif reel sayıdır.



ABC üçgeninde,

$$AD \perp BC, |AD| = \log_a 9, |BD| = \log_{\sqrt{3}} a$$

$$|DC| = \log_3 a$$

olduğuna göre, $A(\widehat{ABC})$ kaç birimkaredir?

A) $\sqrt{3}$ B) 3 C) $2\sqrt{3}$ D) $3\sqrt{3}$ E) 6

14. $a = \log 5 + \log 3$

$$b = \frac{1 + \log 3}{\log 3}$$

$$c = \frac{\ln 5}{\ln 2}$$

olduğuna göre; a, b ve c'nin doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $a < b < c$ B) $a < c < b$ C) $c < a < b$
D) $c < b < a$ E) $b < c < a$

15. $\log 4 = x$ olduğuna göre,

$$\log_4 6 - \log_4 3 + \log_4 5$$

ifadesinin sonucunu x türünden eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

A) x B) -x C) $\frac{1}{x}$ D) $\frac{-1}{x}$ E) 2x

1. B	2. D	3. A	4. A	5. A	6. D	7. B	8. B
9. A	10. C	11. D	12. B	13. B	14. B	15. C	



1. a ve b ardışık iki tam sayıdır.

$$a < \log_3 200 < b$$

olduğuna göre, a + b toplamı kaçtır?

- A) 13 B) 11 C) 9 D) 7 E) 5



2. a ve b ardışık iki tam sayıdır.

$$a < \log_2 25 + \log_4 5 < b$$

olduğuna göre, a + b toplamı kaçtır?

- A) 13 B) 12 C) 11 D) 10 E) 9



$$\log_1 \frac{20}{2}$$

İfadesi hangi iki ardışık tam sayı arasındadır?

- A) 3 ile 4 B) 4 ile 5 C) 5 ile 6
-
- D) -4 ile -3 E) -5 ile -4



$$a = \log_2 7$$

$$b = \log_3 8$$

$$c = \log_4 3$$

sayılarının doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $c < b < a$
- B)
- $c < a < b$
- C)
- $b < c < a$
-
- D)
- $b < a < c$
- E)
- $a < b < c$



$$x = \ln \pi$$

$$y = \log_7 6$$

$$z = \log_{\frac{1}{3}} 9$$

sayıların doğru sıralanışı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $z < x < y$
- B)
- $z < y < x$
- C)
- $y < z < x$
-
- D)
- $y < x < z$
- E)
- $x < y < z$



$$\log 5 = 0,69897$$

olduğuna göre, 50^{100} sayısı kaç basamaklıdır?

- A) 172 B) 171 C) 170 D) 169 E) 168



$$\log 2 = 0,301$$

$$\log 3 = 0,477$$

olduğuna göre, 24^{40} sayısı kaç basamaklıdır?

- A) 59 B) 58 C) 57 D) 56 E) 55



1. C 2. C 3. E 4. A 5. B 6. C 7. D

1. $\log_{(x+1)}(\log_2 24) = 1$
olduğuna göre, x aşağıdakilerden hangisidir?
A) $\log_2 3$ B) $\log_4 6$ C) $\log_4 8$
D) $\log_2 5$ E) $\log_2 23$

2. $25^x - 7 \cdot 5^x + 12 = 0$
denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.
 $x_1 < x_2$
olduğuna göre, $x_1 - x_2$ farkı kaçtır?
A) $\log_5 \frac{2}{3}$ B) $\log \frac{3}{2}$ C) $\log_5 \frac{4}{3}$
D) $\log_5 \frac{3}{4}$ E) $\log \frac{4}{3}$

3. e, doğal logaritma tabanı olmak üzere,
 $e^x + 16e^{-x} - 8 = 0$
denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?
A) $\{\ln 2\}$ B) $\{\ln 4\}$ C) $\{2, \ln 2\}$
D) $\{2, \ln 8\}$ E) $\{4, \ln 2\}$

4. $\log_2 x - \log_x 8 = 2$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) $\frac{17}{2}$ B) 8 C) $\frac{15}{2}$ D) 7 E) $\frac{13}{2}$

5. $\log_3 \sqrt[3]{x} = \sqrt{\log_3 x}$
denkleminin kökler çarpımı kaçtır?
A) 3^3 B) 3^6 C) 3^9 D) 3^{12} E) 3^{15}

6. $x^{\log_3 x} = 9x$
denkleminin kökler toplamı kaçtır?
A) 10 B) $\frac{28}{3}$ C) 9 D) $\frac{26}{3}$ E) 8

7. $\log(2x)^2 = 2$
olduğuna göre, x'in alacağı değerler çarpımı kaçtır?
A) -36 B) -32 C) -25 D) -16 E) -9

8. $\log x - 2\log y = 3$
 $3\log x + 5\log y = 20$
olduğuna göre, $x \cdot y$ çarpımı kaçtır?
A) 10^{12} B) 10^{10} C) 10^8 D) 10^6 E) 10^4



9. $2^{\log_2 9} + 3^{\log_3 4} = 8$
olduğuna göre, x kaçtır?

A) 2 B) 3 C) 4 D) 8 E) 9



10. $\log_x 4 = 2 \log_{\frac{1}{x}} 5 + 2$
olduğuna göre, x kaçtır?

A) 100 B) 10 C) $\sqrt{10}$ D) $\frac{1}{10}$ E) $\frac{1}{100}$



11. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,
 $x^2 - x \cdot \log_5 100 + a = 0$
denkleminin bir kökü $\log_5 4$ olduğuna göre, a kaçtır?

A) $\log_5 2$ B) $\log_5 4$ C) $\log_5 8$
D) $\log_5 16$ E) $\log_5 32$



12. x ve y sıfırdan büyük gerçel sayılardır.
 $\log_3 x = \log_{12} y = \log_{15} (x + y)$

olduğuna göre, $\frac{x}{y}$ oranı kaçtır?

A) $\frac{9}{25}$ B) $\frac{9}{16}$ C) $\frac{3}{25}$ D) $\frac{3}{16}$ E) $\frac{16}{25}$



13. $\log_4 (\log_2 x) + \log_2 (\log_4 x) = 2$
eşitliği veriliyor.

Buna göre, $\log_2 x$ kaçtır?

A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4



14. $\log(x^2 - 2x - 2) = 0$
denkleminin negatif kökü kaçtır?

A) 3 B) 2 C) 1 D) -1 E) -2



1. B	2. D	3. B	4. A	5. C	6. B	7. C
8. D	9. B	10. B	11. D	12. B	13. E	14. D



1.

$$\left(\frac{1}{3}\right)^x < \left(\frac{1}{9}\right)^{x-1}$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, 2)$ B) $(2, \infty)$ C) $(1, 2)$
D) $(-\infty, 1)$ E) $(-1, \infty)$



2.

$$\log_3(x-2) \leq 2$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığında kaç tane tam sayı vardır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6



3.

$$\log_2(x-14) + \log_2 x < 5$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane x tam sayısı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



4.

$$\log_4(\log_5(x-3)) \leq 0$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane x tam sayısı vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



5.

$$\log_{\frac{1}{2}}(7x-3) < -5$$

eşitsizliğini sağlayan en küçük iki tane farklı x tam sayısının toplamı kaçtır?

- A) 15 B) 13 C) 11 D) 9 E) 7



6.

$$\log_{\frac{1}{3}}(x+24) + 2 > 0$$

eşitsizliğini sağlayan kaç tane x tam sayısı vardır?

- A) 9 B) 8 C) 7 D) 6 E) 5

7. $|-1 + \log_2 x| < 3$
eşitsizliğin çözüm kümesinde kaç tane x tam sayısı vardır?
A) 17 B) 16 C) 15 D) 14 E) 13

8. $f(x) = 3 - 2^x$ olmak üzere,
 $f^{-1}(x) < 3$
koşuluna uyan kaç tane x tam sayısı vardır?
A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

9. $|1 + \log_2(x - 3)| < 2$
eşitsizliğini sağlayan kaç tane farklı x tam sayı değeri vardır?
A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

10. $\log(|x| - x) < 1$
eşitsizliğini sağlayan kaç tane x tam sayısı vardır?
A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

11. $f(x) = \log_2(x - 4)$
 $g(x) = \sqrt{x - 1}$
olduğuna göre, $(g \circ f)(x)$ fonksiyonunun en geniş tanım aralığındaki en küçük x tam sayı değeri kaçtır?
A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

12. $\log_2(x + 1) - \log_2 x < \log_4 9$
eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığı aşağıdakilerden hangisidir?
A) $\left(\frac{1}{2}, \infty\right)$ B) $\left(\frac{1}{4}, \infty\right)$ C) $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right)$
D) $(2, \infty)$ E) $(-\infty, 4)$

13. $\log_1(\log x) < -1$
eşitsizliğinin en geniş çözüm aralığında bulunan en küçük tam sayı kaçtır?
A) 9 B) 10 C) 99 D) 100 E) 101

1. A	2. B	3. A	4. C	5. B	6. B	7. C
8. B	9. A	10. C	11. B	12. A	13. E	

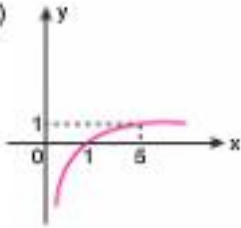


1.

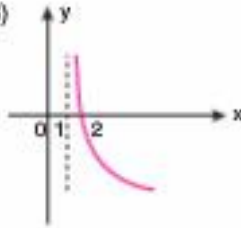
$$f(x) = \log_5(x - 1)$$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisidir?

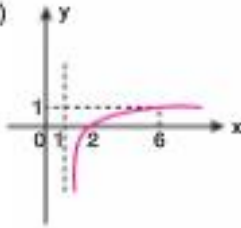
A)



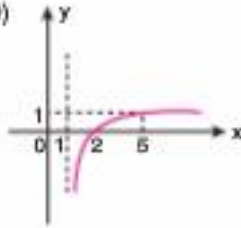
B)



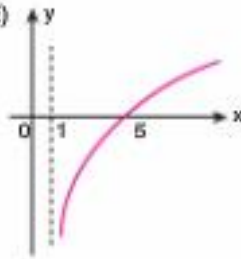
C)



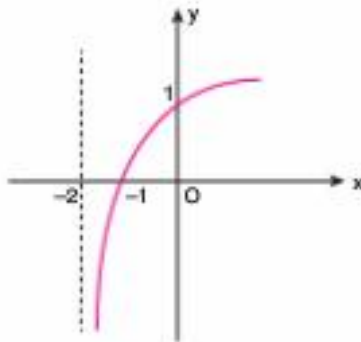
D)



E)



2.



Yukarıdaki grafik,

$$f(x) = \log_a(x + b)$$

fonksiyonuna aittir.

Buna göre, $f(6) + f^{-1}(2)$ toplamı kaçtır?

A) 9

B) 8

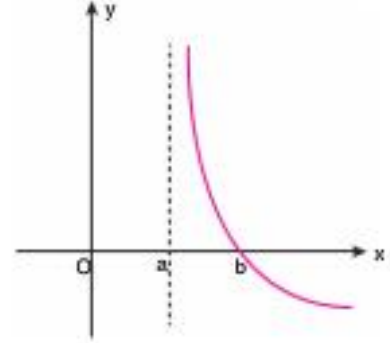
C) 7

D) 6

E) 5



3.



Şekilde verilen grafik,

$$f(x) = \log_a(x - 3)$$

fonksiyonuna aittir.

Buna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

A) 9

B) 8

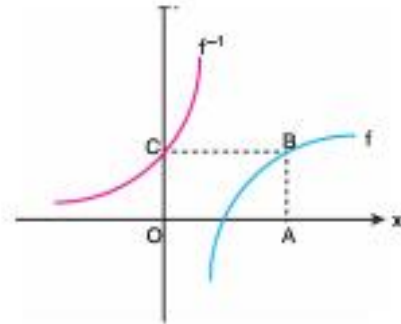
C) 7

D) 6

E) 5



4.



Grafikler,

$$f(x) = \log_3 \frac{x}{2} \text{ ve } f^{-1}$$

fonksiyonlarına aittir.

Buna göre, OABC dikdörtgeninin çevresi kaç birimdir?

A) 50

B) 48

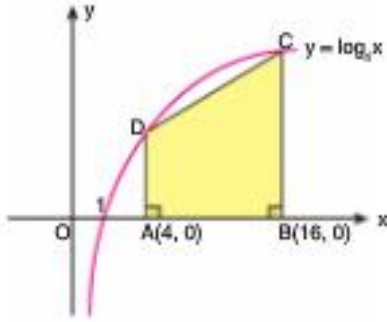
C) 45

D) 40

E) 36



5.

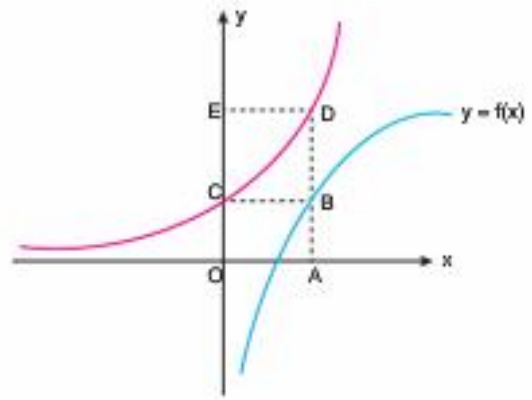


Yukarıdaki verilere göre, ABCD yamuğunun alanı kaç birimkaredir?

- A) 12 B) 15 C) 16 D) 18 E) 24



7.



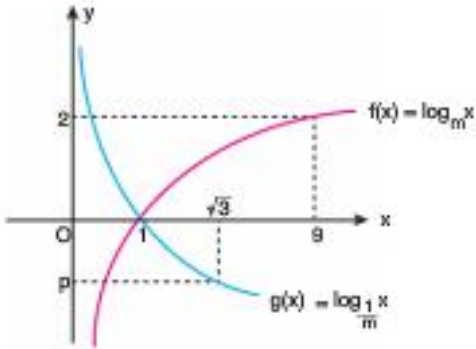
$f(x) = \log_3\left(\frac{x}{2}\right)$ fonksiyonu ile $y = x$ doğrusuna göre simetrisinin grafiği verilmiştir.

Buna göre, E noktasının ordinatı kaçtır?

- A) $2 \cdot 3^{14}$ B) $2 \cdot 3^{16}$ C) $2 \cdot 3^{18}$
D) $2 \cdot 3^{20}$ E) 3^{22}



6.



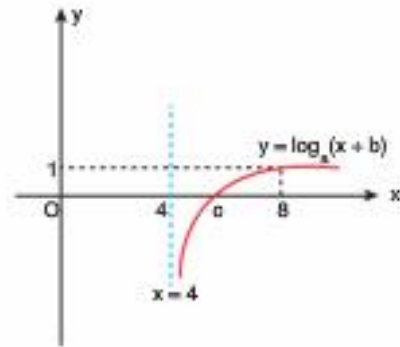
Yukarıda, f ve g fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, p kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) -1 D) $-\frac{1}{2}$ E) $-\frac{1}{4}$



8.



Yukarıdaki şekilde $f(x) = \log_a(x + b)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Grafik x eksenini (c, 0) noktasında kestiğine göre, $a + b + c$ toplamı kaçtır?

- A) 13 B) 9 C) 8 D) 5 E) 4



1. C 2. E 3. C 4. D 5. D 6. D 7. C 8. D

1. Moore Yasası

Moore yasası, her iki senede bir öncekinin iki katı güçlü bir işlemci yapılabileceğini savunan bir yasadır.

I_0 : Başlangıçtaki transistör sayısı

n : Aradan geçen zaman (yıl)

I_n : n yıl sonraki transistör sayısı olmak üzere;

$$I_n = I_0 \cdot 2^{\frac{n}{2}}$$

şeklinde ifade edilir.

2016 yılında bir işlemcide 2,4 milyar transistör bulunduğuna göre 2020 yılında yukarıda verilen yasa göre kaç milyar tane transistör bulunur?

- A) 10,2 B) 10 C) 9,8 D) 9,6 E) 9,4

2. Ses Şiddeti (Desibel)

Uluslararası referans ses şiddeti $I_0 = 10^{-12}$ saal/m^2 kabul edilmiştir.

Ses şiddeti I olan bir ses kaynağının ses gücü düzeyi,

$$I = 10 \cdot \log\left(\frac{I}{I_0}\right) \text{ (dB)}$$

$$I_0 = 10 \cdot \log(I \cdot 10^{12}) \text{ (dB)}$$

şeklinde tanımlanır.

Ölçü birimi desibeldir.

Buna göre bir iş motorunun ses gücü düzeyi 10^2 dB olduğuna göre ses şiddeti kaç olur?

- A) 10^{-5} B) 10^{-4} C) 10^{-3} D) 10^{-2} E) 10^{-1}

3. Deprem Şiddeti

Richter ölçeği meydana gelen bir depremin şiddetini ölçmede kullanılan logaritmik bir ölçüdür.

Bir depremin şiddeti biliniyorsa, deprem sonucunda açığa çıkan son derece büyük olan enerji hesaplanabilir.

Deprem şiddeti (R),

$$R = 0,67 \cdot \log(0,37 \cdot E) + 1,46$$

biçiminde modellenmiştir.

E_n deprem meydana geldiğinde ortaya çıkan enerjidir ve birimi kilovat saattir.

Buna göre şiddeti 2,8 olan bir depremin meydana çıkacağı enerji kaç kilovat saattir?

- A) $\frac{10^7}{37}$ B) $\frac{10^8}{37}$ C) $\frac{10^5}{37}$ D) $\frac{10^4}{37}$ E) $\frac{10^3}{37}$

4. Okyanus Bilimi; Oşinografiye göre bir sahilin eğimi m , sahilde bulunan kum taneciklerinin ortalama çapı r (mm) olmak üzere,

$$m = 0,159 + 0,118 \cdot \log r$$

bağıntısı vardır.

Buna göre, eğimi 0,277 olan bir sahildeki kum taneciklerinin ortalama çapı kaç mm olur?

- A) 10^{-2} B) 10^{-1} C) 1 D) 10 E) 20

1.

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \log_2 5}}$$

İşleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\log_{20} 10$ B) $\log 20$ C) $\log 10$
D) $\log_{20} 2$ E) $10 \log 20$

2.

a ve b pozitif reel sayılar,

$$\ln(\ln a) - \ln(\ln b) = 2$$

$$a = b^x$$

olduğuna göre, x aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{e}$ B) e C) e^2 D) e^a E) e^3

3.

$$f(x) = \log_2 x \text{ ve } g(x) = x^2 - 2x$$

fonksiyonları veriliyor.

a > 0 olmak üzere, $(f \circ g)(2a) = 3$ tür.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $f(a) = 0$ B) $g(a) = 3$ C) $f(a) + g(a) = 2$
D) $g(a) = 1$ E) $f(a) = 1$

4.

a, b ve c birer rakam ve a > 1 olmak üzere, $\log(a, bc)$ ifadesinin değeri logaritma cetvelinde a, b'nin bulunduğu satıra, c'nin bulunduğu sütunun kesişimindeki değerdir. $\log(2, 18)$ in değerini bulalım:

2, 1 8
satır sütun

SAYI	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0,0	0,3010	0,3026	0,3051	0,3075	0,3098	0,3119	0,3139	0,3158	0,3177	0,3195
0,1	0,3222	0,3243	0,3264	0,3284	0,3304	0,3324	0,3345	0,3365	0,3385	0,3405
0,2	0,3426	0,3446	0,3467	0,3487	0,3508	0,3528	0,3548	0,3568	0,3588	0,3608
0,3	0,3628	0,3648	0,3668	0,3688	0,3708	0,3728	0,3748	0,3768	0,3788	0,3808
0,4	0,3828	0,3848	0,3868	0,3888	0,3908	0,3928	0,3948	0,3968	0,3988	0,4008

$$\log(2, 18) = 0,3385 \text{ tir.}$$

Buna göre, yukarıdaki logaritma cetveli kullanıldığında $\log(236)$ 'nin değeri aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) -1,6271 B) 2,3768 C) 2,3729
D) 1,8371 E) 2,3345

5.

$$\log_5(\sqrt{32} + \sqrt{7}) = x \text{ olmak üzere,}$$

$$\log_5(\sqrt{32} - \sqrt{7})$$

İfadesinin x türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $5 - x$ B) $\frac{2}{x}$ C) $\frac{25}{x}$ D) $25 - x$ E) $2 - x$

6. $\log_3 2 \cdot \log_4 5 = a$

olduğuna göre, $\log_{15} 9$ ifadesinin a türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{2}{2a-1}$ B) $\frac{1}{2a+1}$ C) $\frac{a}{2a+1}$
D) $\frac{2}{2a+1}$ E) $\frac{a-1}{2a-1}$

7. $f: \mathbb{R} \rightarrow (-5, \infty)$, $f(x) = 2^{x+4} - 5$

fonksiyonunun ters fonksiyonu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $f^{-1}: (-5, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f^{-1}(x) = \log_2(x-4) + 5$
B) $f^{-1}: (-5, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f^{-1}(x) = \log_2(x+5) - 4$
C) $f^{-1}: (-5, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f^{-1}(x) = \log_2(x+5) + 4$
D) $f^{-1}: (-5, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f^{-1}(x) = \log_2(x+5) - 4$
E) $f^{-1}: (-5, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f^{-1}(x) = \log_2(x+1)$

8. Patlama büyüklüğüne göre ortaya çıkan enerji miktarı,

B : Patlama büyüklüğü,

E : Enerji (kwh) olmak üzere,

$$B = 0,1 \cdot \log(2E) + 2,4$$

formülüyle hesaplanmaktadır.

Buna göre, 3 birim büyüklüğünde bir patlamada ortaya çıkan enerji kaç kwh'dır?

- A) 10^6 B) $5 \cdot 10^6$ C) 10^5
D) $5 \cdot 10^5$ E) 10^4

9. Birbirine paralel olarak yere çizilmiş olan 30 tane doğru parçası üzerinde uzun atlama oyunu oynanmaktadır. Bu doğru parçaları soldan sağa doğru 1, 2, 3, ..., 29, 30 biçiminde numaralandırılmıştır.

$1 \leq n \leq 30$ olmak üzere, her n doğal sayısı için, n numaralı doğru parçası, 1 nolu doğru parçasına $(\ln n)$ metre uzaktadır.



29 30

Bu oyun alanında, Erdem 3 nolu çizgiden 24 nolu çizgiye, Onur ise 5 nolu çizgiden 10 nolu çizgiye atlamıştır.

Buna göre, Erdem'in atlama mesafesi, Onur'un atlama mesafesinin kaç katına eşittir?

- A) 2 B) 3 C) 4
D) $\ln 2 + \ln 3$ E) $\ln 3 + 2 \ln 2$

10. $\log 2 \approx 0,301$

$$\log 3 \approx 0,477$$

yaklaşık değerlerini bilen bir öğrenci bu bilgilerle aşağıdaki tabloyu dolduracaktır.

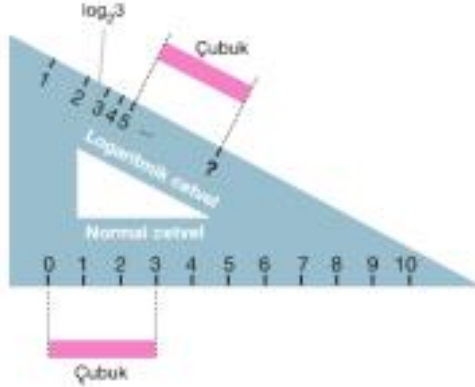
Sayı	Yaklaşık Değer
$\log 4$	A
$\log 5$	B
$\log 6$	C
$\log 9$	D
$\log 12$	E

Buna göre, bu öğrenci A, B, C, D ve E değerlerinin kaç tanesini doğru tahmin edebilir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

11. Aşağıdaki gönyenin bir tarafı normal cetvel, diğer tarafı logaritmik cetvel olup her iki taraf da cm birimine göre ölçüm yapmaktadır. Logaritmik cetvel kısmında bulunan 1, 2, 3, 4, ... sayılarından her birinin önünde, cetvelde yazmasa da "2 tabanında logaritma" vardır.

Örneğin, bu kısımdaki 3 sayısı $\log_2 3$ demektir.



Gönyenin normal cetvel kısmıyla ölçülen şekildeki çubuk gönyenin logaritmik kısmıyla da ölçülmek isteniyor ve çubuğun bir ucu 5 sayısı ile hizalanıyor.

Buna göre, çubuğun diğer ucu hangi sayı ile hizalanır?

- A) 25 B) 30 C) 36 D) 40 E) 64

12.



Şekildeki dik koordinat düzleminde bir minyatür futbol sahası çizilmiştir. Sahanın içindeki, A $(\log_2(17-x), 3)$ noktasında bulunan bir futbolcu x eksenine y ekseninden daha uzaktadır.

Buna göre, x'in alabileceği tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 80 B) 78 C) 75 D) 68 E) 65

13. $x, y \in \mathbb{R}$ olmak üzere, $|x - y|$ ifadesi x ve y sayılarının sayı doğrusunda, aralarındaki uzaklığı ifade etmektedir. $k \in \mathbb{R}^+$ için,

$$\triangle k = \log k$$

şeklinde tanımlanıyor.

Buna göre, $\triangle a$ sayısı ile $\triangle 3$ sayısının aralarındaki uzaklık 4 br ise a'nın alacağı değerler çarpımı kaçtır?

- A) 1 B) 9 C) 16 D) $9 \cdot 10^4$ E) $16 \cdot 10^4$

14. Murat trafik yoğunluğunun olduğu bir yolda aracıyla değişken bir hızla ilerlemektedir. Murat t. saniyede yolun n. kilometresindedir ve t ile n arasında,

$$n = \log(t^3 + 3t^2 + 3t + 1)$$

bağıntısı vardır. Murat bu yolun 12. kilometresindeki işyerine gidecektir.

Buna göre, Murat aşağıdaki seçeneklerden hangisinde belirtilen süre kadar sonra işyerine ulaşabilir?

- A) 1 ile 1,5 saat arasında bir süre sonra
B) 1,5 ile 2 saat arasında bir süre sonra
C) 2 ile 2,5 saat arasında bir süre sonra
D) 2,5 ile 3 saat arasında bir süre sonra
E) 3 ile 3,5 saat arasında bir süre sonra

1. A	2. C	3. E	4. C	5. E	6. D	7. B
8. D	9. B	10. E	11. D	12. C	13. B	14. D



1.

$$A = \frac{1}{\log_3 x} + \frac{1}{\log_4 x} + 1$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $A < 1$ B) $\frac{3}{2} < A < 2$ C) $2 < A < \frac{5}{2}$
 D) $\frac{5}{2} < A < 3$ E) $3 < A < 4$



2.

$3^x = 15^y$ olmak üzere,

$$\frac{2x-y}{5^{x-y}}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 45 B) 60 C) 75 D) 90 E) 105



3.

$$\frac{\log a - \log b}{\ln a - \ln b}$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\log e$ B) $\log \frac{a}{b}$ C) 1
 D) $\ln 10$ E) $\ln(a-b)$



4.

$$\log a = 10$$

$$\log b = 9$$

olduğuna göre, $\log(a^2 + b^2)$ ifadesinin tam kısmı kaçtır?

- A) 18 B) 19 C) 20 D) 21 E) 22



5.

$b > 0$ ve $b \neq 1$ olmak üzere,

$$\log_b 2 = X \text{ ve } \log_b 3 = Y$$

olduğuna göre,

$$\log_b \frac{32}{8,1} - \log_b 20$$

işleminin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3X$ B) $4Y$ C) $5X - 4Y$
 D) $4X - 4Y$ E) $4X - 5Y$



6.

$$|2 - \log_2 x| \leq 1$$

eşitsizliğin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 \leq x \leq 4$ B) $0 < x \leq 4$ C) $4 \leq x \leq 8$
 D) $0 < x < 8$ E) $2 \leq x \leq 8$

7. $x \in \mathbb{R}^+$ ve P asal sayı olmak üzere, bir sayının logaritması $x - \log P$ şeklinde yazılabiliyorsa "**Asil Logaritma**" denir.

Buna göre, 72 sayısının 1'den büyük doğal sayı bölenlerinin logaritmalarından kaç tanesi asil logaritmadır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

9.

$$\frac{1}{\log_x e} + \ln y + 1 = x$$

olduğuna göre, y 'nin x türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{e^{x-1}}{x}$ B) $\frac{e^x}{x}$ C) $\frac{e^{x+1}}{x}$
D) e^x E) $\frac{e^x}{x-1}$

8. Bir mağazada satılan her ürünün satış fiyatı,
 $y = x + \log(x - 1)$

kuralına göre belirlenmektedir. Bu eşitlikle, x ürünün maliyet fiyatı, y ise ürünün satış fiyatıdır. x ile y 'nin birimi TL'dir.

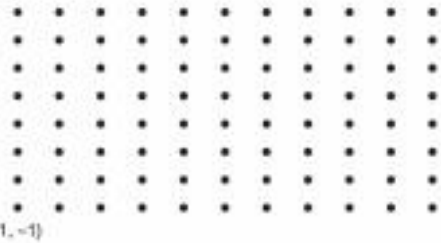
Örneğin, maliyet fiyatı 11 TL olan bir ürünün satış fiyatı, $y = 11 + \log(11 - 1) = 12$ TL'dir. $x \geq 1,1$ olmak üzere bu mağazada,

- I. her ürünün satışından kâr edilir.
- II. maliyet fiyatı 2 TL'den düşük olan her ürünün satışından zarar edilir.
- III. maliyet fiyatı 101 TL olan ürünün satışından %2'den az kâr edilir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) II ve III

10. Aşağıda bir zeminin köşe noktaları verilmiştir. Aynı yatay sıradaki her komşu iki nokta arasında 1 birim uzaklık, aynı dikey sıradaki her komşu iki nokta arasında 0,5 birim uzaklık vardır.



En alt sıradaki soldan ilk nokta $(-1, -1)$ noktasıdır.

Buna göre, $y = \log_4 x$ fonksiyonunun grafiği şeklideki noktaların kaç tanesinden geçer?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

11. Bir ortamda birden fazla ses kaynağı varsa, toplam ses şiddeti,

$$dB_T = 10 \cdot \log \left(10^{\frac{dB_1}{10}} + 10^{\frac{dB_2}{10}} + \dots + 10^{\frac{dB_n}{10}} \right)$$

şeklinde hesaplanır.

Ses şiddeti 100 dB olan iki ses kaynağı aynı ortama yerleştirilirse ölçülen toplam ses şiddeti kaç dB olur? ($dB_n : n$. kaynağın ses şiddeti, $\log 2 \approx 0,301$)

- A) 200 B) 130 C) 113,01
D) 103,01 E) 99,899

12.

$\log 1,50$	0,176
$\log 1,52$	0,181
$\log 1,54$	0,187
$\log 1,56$	0,193
$\log 1,58$	0,198
$\log 2$	0,301
$\log 3$	0,477
$\log 4$	0,602
$\log 5$	0,699
$\log 6$	0,778
$\log 7$	0,845
$\log 8$	0,903
$\log 9$	0,954

Yukarıdaki tabloda bazı sayıların logaritmalarnın yaklaşık değerleri verilmiştir.

Buna göre, $\frac{8}{35}$ sayısının yaklaşık değeri aşağıdaki-lerden hangisidir?

- A) 1,5 B) 1,52 C) 1,54 D) 1,56 E) 1,58

13. Aşağıda dört işlemin yanı sıra trigonometrik ve logaritmik hesaplamalar da yapabilen bir hesap makinesi gösterilmiştir. Hesap makinesinde bulunan tuşlar a, b, c, ... harfleriy-le isimlendirilmiştir.

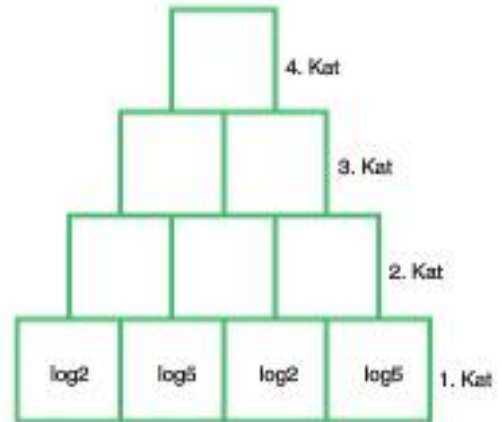


Örneğin: bu hesap makinesinde $\log 10$ 'ün değerini hesaplamak için sırasıyla e-a-l-d tuşlarına basılır.

Buna göre, verilen hesap makinesinde $\ln 3$ 'ün değerini hesaplamak için tuşlara sırasıyla aşağıdaki seçeneklerden hangisindeki gibi basılmalıdır?

- A) g-l-d B) e-g-l-d C) g-l-c-j-d
D) g-l-c-j-l-d E) g-j-l-d

14. Aşağıdaki şekli 10 tane kareden oluşmuştur.



2. Kattan itibaren her karedeki sayı hemen altında bulunan iki karede temsil edilen sayıların toplamıdır.

Buna göre, 4. Kattaki kareye yazılacak sayı kaçtır?

- A) $\log_{25} 4$ B) 100 C) 4 D) 10^4 E) $\log_4 25$

1. E	2. C	3. A	4. C	5. D	6. E	7. B
8. E	9. A	10. B	11. D	12. D	13. D	14. C

1. $a \in \mathbb{R}^+$ olmak üzere,

$$g(x) = \log_a x$$

olduğuna göre, $g(ax)$ ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $g(x)$ B) $a \cdot g(x)$ C) $g(a) \cdot g(x)$
D) $1 + g(x)$ E) $g(x) - g(a)$

2. x bir dar açıdır.

$$\log_2(\sin x) + \log_2(2\cos x) = -1$$

olduğuna göre, x aşağıdakilerden hangisine eşit olabilir?

- A) 15° B) 30° C) 45° D) 60° E) 90°

3. 2^x ifadesini asal sayı yapan x in birbirinden farklı en küçük iki değerinin toplamı kaçtır?

- A) $\log_2 6$ B) $\log_2 12$ C) $\log_2 5$
D) $\log 6$ E) $\log_2 3$

4. e , doğal logaritma tabanı olmak üzere,

$$\frac{e^x + e^{-x}}{e^x - e^{-x}} = 2$$

denkleminin çözüm kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\{\ln 3\}$ B) $\{\ln 2\}$ C) $\{\ln \sqrt{3}\}$
D) $\{-\ln 3\}$ E) $\{-\ln 2\}$

- 5.

$$\frac{x^3 - 5x^2 + 6x}{\ln(x-1)} = 0$$

denkleminin kökler toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

- 6.

$$x \cdot \log_3 5 = \log_2 5$$

$$y \cdot \log_7 3 = \log_2 3$$

olduğuna göre, $\frac{2^{x+y} - 1}{4^x - 2^y}$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 5 B) 7 C) 8 D) 10 E) 12

7.

$$\log 24 - \log 3 = m$$

olduğuna göre, $\log 640$ ifadesinin m türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $1 + 2m$ B) $2 + m$ C) $3 + 2m$
D) $1 + 3m$ E) $2 - m$

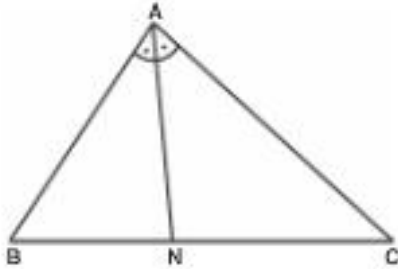
8.

$$f(x) = \frac{\log(x-3)}{\ln(15-x)}$$

fonksiyonunun en geniş tanım kümesinde kaç tane tam sayı vardır?

- A) 8 B) 9 C) 10 D) 11 E) 12

9.



ABC üçgeninde $[AN]$ iç açıortaydır.

$$\frac{|AC|}{|AB|} = \frac{\log_{16} 8}{\log_2 3}$$

$$|BN| = |NC| + 10$$

olduğuna göre, $|NC|$ kaç birimdir?

- A) 5 B) 6 C) 8 D) 10 E) 20

10. Aşağıda ismi verilen iki öğrenciden her biri, isminin karşısındaki sayıları defterine yazmıştır.

Vildan: 1, 2, 3, ..., 8

Nalan: $\log_2 1, \log_2 2, \log_2 3, \dots, \log_2 200$

Vildan'ın yazdığı sayılar birer birer artmakta, Nalan'ın yazdığı sayılarda ise logaritması alınan sayılar birer birer artmaktadır.

Buna göre,

- I. Vildan'ın yazdığı her sayıyı Nalan'da yazmıştır.
II. Nalan'ın yazdığı sayılardan 8 tanesi tam sayıdır.
III. Nalan'ın yazdığı sayıların toplamı $\log_2(200!)$ dir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) II ve III E) I, II ve III

11.

$g(x), h(x) > 0$ ve $h(x) \neq 1$ olmak üzere,

$$3^{f(x)} = x - 1$$

$$\log_2(g(x)) = x + 1$$

$$\log_{h(x)} 8 = x - 29$$

olduğuna göre, $(\log_2 f^{-1})(1)$ değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

1. D	2. A	3. A	4. C	5. B	6. D
7. A	8. C	9. D	10. D	11. B	

1.

$$A = \log 5 + \log 25$$

$$B = \log_{\frac{1}{2}} x \sqrt{x^3}$$

$$C = 2^{\log_4 12}$$

$$D = \frac{\ln 12}{\ln 2}$$

$$E = \log_5 3 + \log_3 6$$

Yukarıda verilen A, B, C, D ve E sayılarından kaç tanesi 3'ten büyüktür?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

2.

x ve y sıfırdan farklı reel sayılardır.

$$3^x \cdot 5^y = 1$$

olduğuna göre, $\log_9 15$ ifadesinin x ve y türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x+y}{2x}$ B) $\frac{x-y}{2x}$ C) $\frac{x+y}{2y}$ D) $\frac{y-x}{2y}$ E) $\frac{2x-y}{y}$

3.

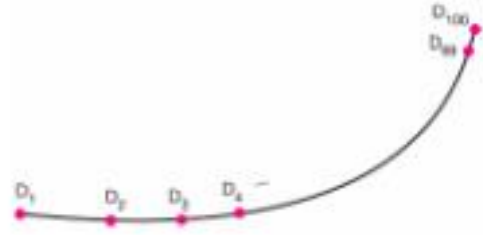
$$[\ln(\ln x) - \ln(\log_2 10)] \cdot \log_{10} e$$

İfadesinin en sade şekli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\log(\log x)$ B) $\ln(\ln x)$ C) $\ln(\log x)$ D) $\log(\ln x)$ E) $\ln x$

4.

Bir minibüs hattında aşağıdaki gibi $D_1, D_2, D_3, \dots, D_{100}$ durakları vardır.



Her $0 < n < 100$ doğal sayısı için, D_n ile D_{n+1} durakları arasındaki mesafe,

$$\log \frac{n^2 + 2n + 1}{n^2 + n} \text{ km'dir.}$$

Buna göre, D_1 ve D_{100} durakları arasındaki mesafe kaç km'dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

5.

Desibel (dB) : Ses seviyesini ölçmek için kullanılan bir birimdir.

Ses Yeğİnİlİğİ : Bir sesin kulağımıza yaptığı etki.

A : Ortamdaki ses yeğİnİlİğİ olmak üzere,

$$dB = 10 \cdot \log \left(\frac{A}{10^{-12}} \right)$$

şeklinde hesaplanır.

Buna göre, bir ortamda $a \text{ w/m}^2$ olan ses yeğİnİlİğİ ile ortamın ses şİddetİ 70 (dB) olarak hesaplanıyor.

Ortamın ses yeğİnİlİğİ $a^2 \text{ w/m}^2$ olarak değİştirilirse, son durumda ses şİddetİ kaç (dB) olur?

- A) 140 B) 90 C) 70 D) 35 E) 20

6.

$$\ln 5 = p \text{ ve } \ln 7 = q$$

olduğuna göre, $\log_{49} 245$ ifadesinin p ve q türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) $1 + \frac{2p}{q}$

B) $1 - \frac{q}{2p}$

C) $1 + \frac{p}{2q}$

D) $2 - \frac{p}{q}$

E) $2 + \frac{2p}{q}$

7.

$$\ln 2 = t$$

olduğuna göre, $\log 5$ 'in t türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) $1 - t \cdot \log e$

B) $\frac{1}{2}$

C) $1 - \log t$

D) $\log t$

E) $\log \frac{1}{2}$

8.

$$\frac{x^2 - 8x - 16}{\log_{0,1}(x^2 + 1)} \geq 0$$

eşitsizliğini sağlayan kaç farklı x tam sayısı vardır?

A) 0

B) 1

C) 10

D) 11

E) 12

9.

$$\frac{\log^2 99 - \log^2 11}{4 \log 3} = \log(x - 1)$$

denkleminin kökü kaçtır?

A) 31

B) 32

C) 33

D) 34

E) 35

10.

$a \in A$, $b \in A$, $c \in B$ ve $d \in B$ olmak üzere,

$$A = \{\ln 4, \ln 5, \ln 6, \ln 7, \ln 8, \ln 9\}$$

$$B = \{\log 3, \log 4, \log 5, \log 6, \log 7, \log 8, \log 9\}$$

kümeleri veriliyor.

$a \neq b$ olmak üzere,

$$2^{\frac{a}{b}} \text{ ve } 3^c - 6^d$$

işlemlerinin sonuçları tam sayı olduğuna göre,

$$\frac{b}{a} - \frac{c}{d} \text{ farkı kaçtır?}$$

A) -2

B) -1

C) 0

D) 1

E) 2

11.

$$3^x = 13$$

$$13^y = 81$$

olmak üzere,

$$\log_{16} x + \log_{16} y$$

işleminin sonucu kaçtır?

A) 4

B) 2

C) $\frac{1}{2}$

D) $\frac{1}{4}$

E) $\frac{1}{8}$

1. C	2. D	3. A	4. B	5. E	6. C
7. A	8. C	9. D	10. B	11. C	



1. $\log_{\sqrt{x}} 27 - \log_3 x = 5$
denkleminin kökler çarpımı kaçtır?

A) $\frac{3}{2}$ B) 1 C) 3^{-6} D) 3^{-5} E) 3^{-4}



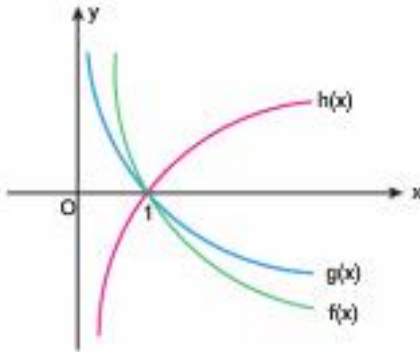
2. $\ln^2 x - 3 \ln x + 1 = 0$
denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Buna göre, $x_1 \cdot x_2$ çarpımı kaçtır?

A) 1 B) 3 C) e D) $\frac{3}{e}$



3.



Şekilde,

$$f(x) = \log_c x, \quad g(x) = \log_b x, \quad h(x) = \log_a x$$

fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

A) $b < c < 1 < a$ B) $b < c < a < 1$
C) $c < b < a < 1$ D) $b < 1 < c < a$
E) $1 < a < b < c$



4. $\log_{64} 2 = a$ ve $\log_3 54 = b$

olduğuna göre, a ile b arasındaki bağıntı aşağıdakilerden hangisidir?

A) $b(a-1) = 1$ B) $b(1-a) = 3$ C) $a(b-1) = 1$
D) $a(b-1) = 3$ E) $b(1+a) = 3$



5.

$$7^x = 81$$

$$9y = 7$$

olduğuna göre, $\log_8(x \cdot y)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) 3



6.

Aşağıda kâğıt havlu rulo görseli verilmiştir. Kâğıt havlu rulusunun uzunluğu 270 birimden azdır.





Rulo havlunun kopabilen tek kullanımlık kısmının uzunluğu $\log_2(x+1)$ birim olup rulodan 45 kez havlu koparıldığında rulodaki havlu bilmektedir.

Buna göre, x'in en büyük tam sayı değeri kaçtır?

A) 65 B) 64 C) 63 D) 62 E) 61

7. n kenarlı düzgün çokgenin içersine yazılan bir m sayısı;
 $\log_n m$
 şeklinde tanımlansın.

Örneğin;  ifadesi $\log_5 3$ şeklinde gösterilir.

$$A = \boxed{6} \cdot \text{$$

olduğuna göre, 8^A ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 64 B) 32 C) 27 D) $3\sqrt{3}$ E) $2\sqrt{2}$

8. $\log(p - q) = A$ ve
 $\log(p^2 - q^2) = B$
 eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, $\log\left(\frac{p-q}{p+q}\right)$ ifadesinin A ve B türünden
 eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2A - B$ B) $2B - A$ C) $2AB$
 D) $\frac{2A}{B}$ E) $\frac{2B}{A}$

9. Kanser tedavisi için kullanılması planlanan bir ilaç deney
 faresine enjekte ediliyor.

İlacın enjekte edilmesinden sonra geçen süre t saat ve ila-
 cın etki ettiği kanserli hücre $H(t)$, arasındaki ilişki aşağıda-
 ki fonksiyona modellenmiştir.

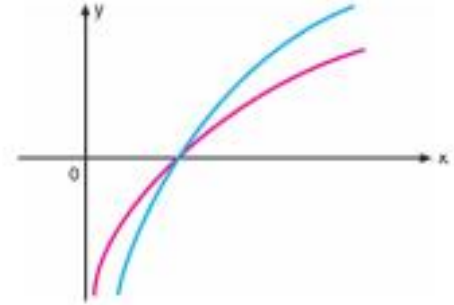
$$H(t) = 2^{1,2 \cdot t}$$

Buna göre, ilacın 5^{10} hücreye etki etmesi için kaç saat
 geçmesi gerekir?

($\log_2 10 \approx 3,4$ alınız.)

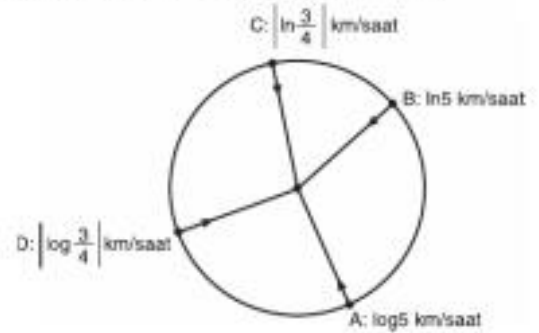
- A) 10 B) 20 C) 30 D) 40 E) 50

10. Aşağıda, $y = \ln x$ ve $y = \log x$ eğrileri verilmiştir.



Verilen bu eğriler aşağıdaki sorunun çözümünde yardımcı
 bilgi olarak kullanılacaktır.

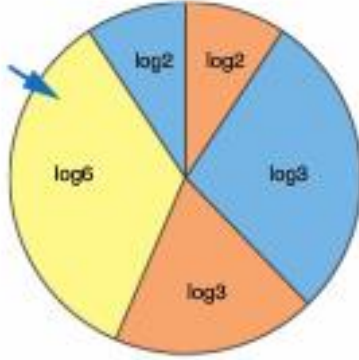
Aşağıda dairesel bir pistin üzerindeki farklı noktalarda bu-
 lunan ve yarışçılar üzerinden pistin merkez noktasına gi-
 decek olan dört hareketinin hızları verilmiştir.



Bu dört hareketli aynı anda hareket ettiğine göre, önce
 varandan sonra varana doğru pistin merkezine ulaşma
 sırası aşağıdakilerden hangisidir?

- A) A, B, C, D B) A, C, D, B C) A, B, D, C
 D) B, A, C, D E) B, A, D, C

11. Aşağıda verilen şans çarkı bölmelere ayrılmıştır. Her bölmenin alanı içindeki sayı ile orantılıdır.



Yarışmacının, en fazla iki kez çevirme hakkı vardır.

- Yarışmacı, ok maviye geldiğinde oyunu kaybeder ve oyun biter.
- Yarışmacı, ok turuncuya geldiğinde kazanır ve oyunu biter.
- Yarışmacı, ok sarıya geldiğinde varsa ikinci çevirme hakkını kullanır. Çevirme hakkı yoksa kaybeder oyun biter.

Buna göre, yarışmacının oyunu kazanma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{9}$ B) $\frac{2}{9}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{4}{9}$ E) $\frac{8}{9}$

13. m ve n birer gerçel sayıdır.
 $m - 1 > \log_3 8$

$$n + 1 < \log_3 \left(\frac{1}{2} \right)$$

Buna göre, m - n farkının en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

14. a ve b birer tam sayıdır.

$$a < \log_3 100 < b < \log_2 150$$

eşitsizlikleri veriliyor.

Buna göre, a + b toplamının alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 8 B) 9 C) 10 D) 11 E) 12

12. n pozitif tam sayı olmak üzere,

$$A_n = \log_5 \left(\frac{2n+1}{2n-1} \right)$$

şeklinde tanımlanmaktadır.

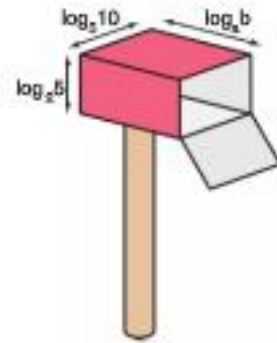
Buna göre,

$$B = \{A_n : 1 \leq n \leq 12\}$$

kümesinin elemanları toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

- 15.

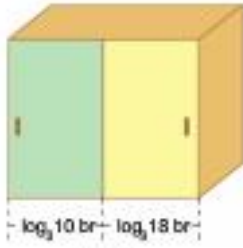


Yukarıdaki dikdörtgenler prizması şeklindeki posta kutusunun birer aynı uzunlukları $\log_2 5$, $\log_5 10$ ve $\log_a b$ birimdir. a ve b iki basamaklı doğal sayılardır.

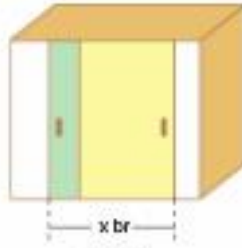
Posta kutusunun hacmi 4 birimküp olduğuna göre, a + b toplamı kaçtır?

- A) 27 B) 28 C) 25 D) 24 E) 23

16. Aşağıda dikdörtgenler prizması biçiminde, raylı bir gardirop verilmiştir. Gardiropun birbirine paralel iki rayı ve her rayda birer kapağı vardır. Bu kapaklar kendi raylarında sağa sola kayarak açılıp kapanmaktadır.



Şekil 1



Şekil 2

Gardirop Şekil 1'deki gibi kapakları kapalıyken kapaklar sağa ve sola doğru kaydırılacaktır. Yeşil kapak sağa, sarı kapak sola kaydırılmış ve Şekil 2'deki görünüm elde edilmiştir. Bu işlemde yeşil kapak, sarı kapağın kaydığı mesafenin 2 katı kadar kaymıştır.

Her iki kapağın da kaydığı mesafelerin uzunlukları birim cinsinden birer tam sayı olduğuna göre, x kaç birimdir?

- A) $\log_3\left(\frac{10}{3}\right)$ B) $\log_2 8$ C) $\log_3\left(\frac{20}{3}\right)$
D) $\log_3(10)$ E) $\log_3\left(\frac{40}{3}\right)$

17. $f(x) = \begin{cases} x, & x \in \mathbb{Z} \\ x\text{'ten küçük en büyük tam sayı}, & x \notin \mathbb{Z} \end{cases}$

şeklinde bir f fonksiyonu tanımlanıyor.

$$f(\log_2 a) = 6 \text{ ve } f(\log_3 b) = 4$$

olduğuna göre, a - b farkının en büyük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 17 B) 29 C) 37 D) 46 E) 57

18. a ve b pozitif birer reel sayı olmak üzere,

$$|\log_2 a| = |\log_4 b|$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $\log_{\sqrt{2}} b$ ifadesinin alabileceği değerler çarpımı kaçtır?

- A) -1 B) -4 C) -9 D) -16 E) -25

19. P(x), üçüncü dereceden başkatsayısı 1 olan bir polinomdur.

$$P(1) = P(2) = P(-1) = \frac{\ln 3}{\ln 2} \text{ dir.}$$

Buna göre, P(0) kaçtır?

- A) $\log_2 3$ B) $\log_2 8$ C) $\log_2 9$
D) $\log_2 12$ E) $\log_2 15$

1. D	2. E	3. A	4. B	5. A	6. D	7. C
8. A	9. B	10. D	11. D	12. B	13. C	14. D
15. B	16. C	17. D	18. D	19. D		

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 8

DİZİLER



- Diziler
- Aritmetik Dizi
- Geometrik Dizi
- Aritmetik ve Geometrik Dizi
- Fibonacci Dizisi
- Diziler Karma
- Toplam Sembolü

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

- Genel Diziler
- Aritmetik Dizi
- Geometrik Dizi
- Fibonacci Dizisi

şeklinde dört ayrı bölümde ele aldığımız diziler konusu kendi içinde bir bütün olmanın yanı sıra herhangi bir konuyla rahat ilişkilendirilebilecek bir konudur. Yapı itibarıyla fonksiyonları çok andıran diziler, bu sebeple bazı fonksiyon soru tiplerinin tekrarını da yaptıracaktır. Genel olarak sade bir konudur ama asla hafife alayım deme. Aksi halde sonra ünlü bir sözü hatırlatmak zorunda kalırız.

“Matematik aşk gibidir. Basit bir fikir her an karmaşıklaşabilir.” R. Drabek

1.

- $(a_n) = (3)$
- $(c_n) = \left(\frac{n+4}{n-3}\right)$
- $(d_n) = ((-1)^n)$
- $(e_n) = \left(\frac{2n+3}{3n-7}\right)$
- $(f_n) = (\log(n-1))$

Yukarıda verilen ifadelerden kaç tanesi bir dizi belirtir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

2.

$(a_n) = (n+2)$ ve $(b_n) = (a_{n+3} - a_n)$ dizileri veriliyor.

Buna göre, $\frac{a_4}{b_3}$ oranı kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

3.

$$(a_n) = \left(\frac{2n-1}{n^2+1}\right)$$

dizisinin kaçınıcı terimi $\frac{3}{13}$ tür?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 7 E) 6

4.

Genel terimi,

$$a_n = \frac{3^{2n-1}}{(n+2)!}$$

olan bir dizinin altıncı terimi, beşinci teriminin kaç katıdır?

- A) $\frac{10}{9}$ B) $\frac{9}{8}$ C) $\frac{8}{7}$ D) $\frac{7}{6}$ E) $\frac{6}{5}$

5.

$$(a_n) = \left(\frac{n^2 - 4n - 12}{n+1}\right)$$

dizisinin kaç terimi negatiftir?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3

6.

$$(a_n) = \left(\frac{6-n}{2n+2017}\right)$$

dizisinin kaç terimi pozitifdir?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



7.

$$(a_n) = (n^2 - 5n + 1)$$

olduğuna göre, (a_n) dizisinin en küçük terimi kaçtır?

- A) -10 B) -6 C) -5 D) -4 E) -3



8.

$$(a_n) = \left(2 - \frac{m+2}{n+2}\right)$$

$$(b_n) = \left(\frac{4n+5}{2n+4}\right)$$

 $(a_n) = (b_n)$ olduğuna göre, m kaçtır?

- A) $-\frac{1}{4}$ B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) 2



9.

$$(a_n) = \left(\frac{12n - k + 1}{4n - 1}\right)$$

dizisi sabit dizidir olduğuna göre, k kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



10.

Genel terimi a_n olan bir dizide $a_1 = 20$ ve her $n \geq 2$ için,

$$a_n - a_{n-1} = (-1)^n - 1$$

olduğuna göre, a_{19} kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 2 D) 4 E) 8



11.

 n sayma sayısı ve $n \geq 2$ için,

$$a_1 = 2 \text{ ve } \frac{a_n}{a_{n-1}} = \frac{1}{2n}$$

olduğuna göre, a_4 kaçtır?

- A) $\frac{1}{108}$ B) $\frac{1}{102}$ C) $\frac{1}{98}$ D) $\frac{1}{96}$ E) $\frac{1}{84}$



12.

Bir dizide her terim üç sonraki terime eşittir. Bu dizinin ilk on dört teriminin toplamı 63, ilk on iki teriminin toplamı 52'dir.

Buna göre, bu dizinin üçüncü terimi kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 7



1. C	2. C	3. C	4. B	5. C	6. B
7. C	8. B	9. C	10. C	11. D	12. A



1.

$$(a_n) = \left(\cos\left(\frac{360}{n}\right)^\circ \right)$$

dizisinin kaçınıcı terimi $\frac{-1}{2}$ dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 8 E) 12



2.

$$(a_n) = \left(\frac{n^2 - n + 4}{n} \right)$$

dizisinin tam sayı olan terimlerinin toplamı kaçtır?

- A) 12 B) 11 C) 10 D) 9 E) 8



3.

$$(a_n) = \left(\frac{2n + 30}{3n - 10} \right)$$

dizisinin kaç terimi 2'den büyüktür?

- A) 11 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7



4.

$$(a_n) = (p^2n - 5pn - 8n - 2)$$

dizisi sabit dizi olduğuna göre, p'nin alacağı değerler toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 9 C) 8 D) 6 E) 5



5.

$$(a_n) = (n^2 - 8n + 12)$$

dizisi için,

I. $a_{10} \cdot a_4 < 0$

II. Dizinin üç terimi negatiftir.

III. Dizinin en küçük terimi -4 tür.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) II ve III E) I, II ve III



6.

(a_n) dizisinin ilk n teriminin toplamı S_n dir.

$$S_n = \frac{n^2 + 1}{n + 2}$$

olduğuna göre, (a_n) dizisinin dördüncü terimi kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{5}{6}$ D) $\frac{6}{7}$ E) $\frac{7}{8}$



7. (a_n) bir dizedir.
 $a_1 = 2$ ve her $n \in \mathbb{N}^+$ için,

$$a_{n+1} = a_n + n$$

olduğuna göre, a_{15} kaçtır?

- A) 111 B) 109 C) 107 D) 105 E) 103



8. (a_n) dizisinde,

$$a_1 = 2 \text{ ve } \frac{a_{n+1}}{a_n} = n$$

olduğuna göre, dizinin genel terimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(n-1)!$ B) $2n!$ C) $2 \cdot (n+1)!$
D) $2 \cdot (n-1)!$ E) $(n-2)!$



9. n bir sayma sayıdır.

$$a_1 = 1 \text{ ve } n \cdot a_{n+1} = a_n$$

olduğuna göre, a_{15} kaçtır?

- A) $\frac{1}{12!}$ B) $\frac{1}{13!}$ C) $\frac{1}{14!}$ D) $\frac{1}{15!}$ E) $\frac{1}{16!}$



10. Bir (a_n) dizisinin ilk üç teriminin toplamı 16'dır.

$$a_{n+1} - a_n = 4$$

olduğuna göre, (a_n) dizisinin ilk terimi kaçtır?

- A) $\frac{8}{3}$ B) $\frac{7}{3}$ C) 2 D) $\frac{5}{3}$ E) $\frac{4}{3}$



11. Her $n \in \mathbb{N}^+$ için,

$$a_{n+2} + a_{n+1} = 2a_n$$

şeklinde tanımlanan a_n dizisinde,

$$a_3 = 9 \text{ ve } a_6 = -39$$

olduğuna göre, a_5 kaçtır?

- A) 35 B) 32 C) 30 D) 27 E) 25



12. (a_n) dizisinin ilk n teriminin aritmetik ortalaması $n-1$ dir.

Buna göre, a_8 kaçtır?

- A) 24 B) 20 C) 18 D) 16 E) 14



1. B	2. B	3. C	4. E	5. E	6. C
7. C	8. D	9. C	10. E	11. E	12. E



1.

$$(a_n) = \left(\frac{2}{3} + \frac{4}{9} + \dots + \left(\frac{2}{3} \right)^n \right)$$

dizisinin üçüncü terimi kaçtır?

- A) $\frac{8}{27}$ B) 5 C) $\frac{1}{5}$ D) 2 E) $\frac{38}{27}$



2.

$$(a_n) = (e^{n5})$$

olduğuna göre, $\frac{a_5}{a_{10}}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 5 C) $\frac{1}{5}$ D) 2 E) 1



3.

$$(a_n) = (|n+5| - |n-5|)$$

dizisinin kaç farklı tam sayı terimi vardır?

- A) 5 B) 6 C) 10 D) 20 E) 21



4.

$$a_n = \begin{cases} n! , & n \geq 5 \\ 3^n , & n < 5 \end{cases}$$

şeklinde genel terimi verilen dizinin ilk 20 terim toplamının birer basamağındaki rakam kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



5.

$$(a_n) = \left(\frac{n^2 + 6n + 65}{n+8} \right)$$

dizisinin kaç terimi tam sayıdır?

- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1



6.

$$(a_n) = \left(\frac{15 + (p+2)n}{3n-5} \right)$$

dizisinin bütün terimleri tam sayı olduğuna göre, dizinin ilk 10 teriminin toplamı kaçtır?

- A) -7 B) -11 C) -27 D) -30 E) -33



7.

$$a_n = \begin{cases} \log_2 \frac{1}{n} , & n \leq 5 \\ n! - 840 , & n > 5 \end{cases}$$

şeklinde genel terimi verilen dizinin kaç terimi negatiftir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



8.

$$a_n = \begin{cases} 3n + 1 , & n \text{ tek ise} \\ 4 - 3n , & n \text{ çift ise} \end{cases}$$

şeklinde genel terimi verilen dizinin ilk 40 teriminin toplamı kaçtır?

- A) 20 B) 40 C) 60 D) 80 E) 200

9. (a_n) bir dizi olmak üzere,

$$a_1 = 1$$

$$a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdot a_4 \cdot \dots \cdot a_n = n^2$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $a_4 + a_{10}$ toplamı kaçtır?

A) $\frac{244}{81}$

B) $\frac{241}{81}$

C) $\frac{178}{81}$

D) $\frac{145}{81}$

E) $\frac{92}{81}$

10. Genel terimi,

$$a_n = \begin{cases} 1, & n = 1 \text{ ise} \\ 2a_{n-1}, & n \geq 2 \text{ ise} \end{cases}$$

biçiminde tanımlanan dizi için $\frac{a_3 + a_4}{a_2}$ oranı kaçtır?

A) 2

B) 4

C) 6

D) 8

E) 10

11. Her $n \in \mathbb{N}^+$ için verilen bir (a_n) dizisinde,

- $a_1 = 1$

- $a_{2n} = n \cdot a_n$

olduğuna göre, $a_{2^{100}}$ terimi aşağıdakilerden hangisidir?

A) 1

B) $2^{100!}$

C) $2^{99!}$

D) 2^{4950}

E) 2^{5050}

12. $(a_n) = (1^2, 2^2, 3^2, \dots, n^2)$

dizisinin ilk n terim toplamı S_n olmak üzere, $\log(S_{100} - S_{99})$ ifadesinin sonucu kaçtır?

A) 1

B) 2

C) 4

D) 10

E) 100

13. Pozitif tam sayılarda tanımlı bir a_n dizisi için;

- $a_n + a_{n+3} = n^2$

- $a_2 = 165$

olduğuna göre, a_{20} kaçtır?

A) 6

B) 12

C) 171

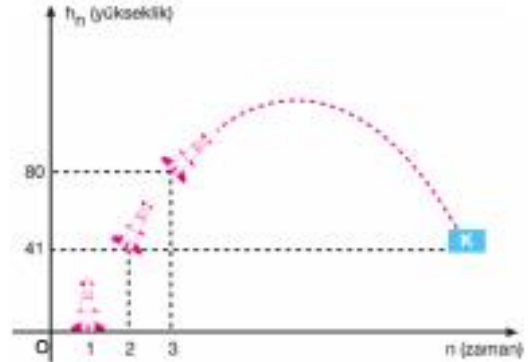
D) 289

E) 336

14. $(h_n) = (an^2 + bn + c)$

dizisinin terimleri, atılan bir füzenin, $n = 1, n = 2, n = 3, \dots$ anlarında ulaştığı yüksekliklerdir.

Füze $n = 1$ anında yeredir.



Füze yerden yüksekliği 41 olan K cismini vurmak için atıldığına göre, füze bu cismi hangi n anında vurur?

A) 33

B) 36

C) 39

D) 42

E) 45

15. (a_p) sabit bir dizi,

$$a_p = \begin{cases} p^2 - np + 1, & p \leq 2 \\ r - 2, & p > 2 \end{cases}$$

olduğuna göre, r kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

16. $(10, 10, 11, 9, 12, 8, \dots)$

dizisinde tek numaralı indise sahip terimler 1 artarken çift numaralı indise sahip terimler 1 azalmaktadır.

Buna göre, $a_{30} + a_{39}$ toplamı kaçtır?

- A) 30 B) 22 C) 20 D) 12 E) 10

17. Genel terimi,

$$a_n = \left(\frac{1}{4}\right)^{2n^2 - 5n + 1}$$

olan dizinin en büyük terimi kaçtır?

- A) $\frac{1}{16}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 4 E) 16

18. $(a_n) = \left(\frac{n!}{25}\right)$

dizisinin baştan itibaren ilk olarak kaçınıcı terimi tam sayıdır?

- A) 5 B) 9 C) 10 D) 25 E) 50

19. $n \geq 1$

$$b_1 = 2 \text{ ve}$$

$$b_{n+1} = \frac{1 + b_n}{1 - b_n}$$

olduğuna göre, b_{2018} kaçtır?

- A) -3 B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{3}$ E) 2

1. E	2. E	3. A	4. A	5. D	6. D	7. D
8. B	9. A	10. C	11. D	12. C	13. E	14. D
15. A	16. C	17. E	18. C	19. A		

1. $(a_n) = (3n + 2)$ olduğuna göre,
 I. (a_n) sabit dizidir.
 II. (a_n) ortak farkı 3 olan bir aritmetik dizidir.
 III. (a_n) ortak farkı 2 olan bir aritmetik dizidir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) Yalnız III E) II ve III

2. İlk terimi 3 ve ortak farkı 5 olan bir aritmetik dizinin genel terimlaştığıdakilerden hangisidir?
 A) $5n + 2$ B) $5n - 2$ C) $2n + 5$
 D) $2n - 5$ E) $3n - 5$

3. İlk terimi 7 ve ortak farkı $\frac{3}{5}$ olan aritmetik dizinin 26. terimi kaçtır?
 A) 27 B) 25 C) 23 D) 22 E) 21

4. -3 ile 30 arasına bu sayılarla birlikte aritmetik dizi oluşturacak şekilde 10 terim yerleştirilirse baştan yedinci terim kaç olur?
 A) 18 B) 17 C) 16 D) 15 E) 14

5. (a_n) aritmetik dizidir.

$$\frac{a_{12} + a_{18}}{a_{14}}$$

 oranı kaçtır?

- A) 14 B) 7 C) 6 D) 3 E) 2

6. Bir aritmetik dizinin ardışık beş terimi sırasıyla,
 $\log 2, \log a, \log b, \log c, \log 18$
 olduğuna göre, $\frac{a \cdot c}{b}$ oranı kaçtır?
 A) 12 B) 9 C) 8 D) 6 E) 3

7. 5, 12, ..., 82 dizisi ilk terimi 5 olan sonlu bir aritmetik dizidir. Bu dizinin terimlerinin toplamı kaçtır?
 A) 522 B) 520 C) 518 D) 516 E) 514

8. (a_n) bir aritmetik dizi, S_n bu aritmetik dizinin ilk n terim toplamıdır.

$$a_1 = 1 \text{ ve } S_{13} - S_9 = 48$$

olduğuna göre, dizinin ortak farkı kaçtır?

- A) $\frac{18}{11}$ B) $\frac{17}{11}$ C) $\frac{16}{11}$ D) $\frac{15}{11}$ E) $\frac{14}{11}$

9. $(a_n) = (18, 21, 24, \dots)$

$$(b_n) = (19, 21, 23, \dots)$$

bazı terimleri aynı olan iki aritmetik dizedir.

Bu dizilerin ortak ilk sekiz terimlerinin toplamı kaçtır?

- A) 340 B) 339 C) 338 D) 337 E) 336

10. (a_n) aritmetik dizisinin ilk n terim toplamı S_n olmak üzere S_{15} değeri biliniyorsa,

I. a_{15}

II. $a_{12} + a_4$

III. Ortak fark

İfadelerinden hangileri bulunabilir?

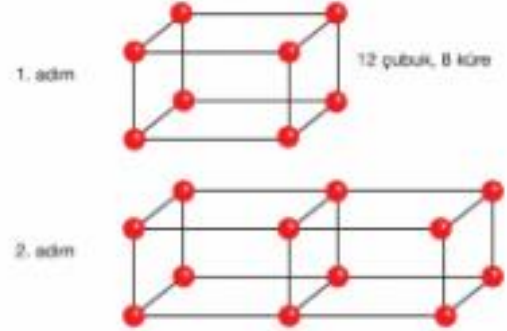
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

11. • Emrah Öğretmen bir daireyi 12 dilime bölüyor.
• Bu dilimlerin merkez açılarının derece cinsinden ölçülmesi tam sayı olup aritmetik bir dizi oluşturmaktadır.

Buna göre, oluşacak en dar açının en küçük ölçüsü kaç derecedir?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

12. Tekin, çubuklarla dikdörtgen prizma oluşturmuş ve her köşesine de bir küre koyarak aşağıda ilk iki adımı verilen örüntüyü yazmıştır.



Örüntüye, sonraki her adımda bir dikdörtgen prizma eklenmektedir ve her komşu iki prizmanın bir yüzeyi ortaktır. Birinci adımda 12'li çubuk ve 8'li küre olan toplam 20 materyal vardır.

Buna göre, örüntünün 15. adımında toplam kaç materyal olur?

- A) 192 B) 190 C) 188 D) 186 E) 184

1. B	2. B	3. D	4. D	5. E	6. D
7. A	8. D	9. E	10. B	11. B	12. C



1. I. $3n + 1$
II. $3^n + 1$
III. $n!$

Yukarıda genel terimleri verilen dizilerden hangileri bir aritmetik dizidir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) Yalnız III E) I ve III



2. Bir aritmetik dizinin ardışık ilk üç terimi 3, 7, 11 olduğuna göre, bu dizinin 13. terimi kaçtır?

- A) 52 B) 51 C) 50 D) 49 E) 48



3. (a_n) bir aritmetik dizedir.

$$a_5 = 12$$

$$a_{15} = 42$$

olduğuna göre, a_{25} kaçtır?

- A) 74 B) 72 C) 70 D) 68 E) 66



4. Artan bir aritmetik dizinin onuncu terimi ile üçüncü terimi arasındaki fark 28 ise dizinin ortak farkı kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



5. İlk üç terimi sırasıyla,

$$3x - 8, x + 4, 2x + 10$$

olan aritmetik dizinin 10. terimi kaçtır?

- A) 74 B) 72 C) 70 D) 68 E) 66



6. $(a_n) = (2, 5, \dots)$

aritmetik dizisinde 200 den büyük en küçük terim kaçınıcı terimdir?

- A) 70 B) 69 C) 68 D) 67 E) 66



7. (a_n) bir aritmetik dizi,

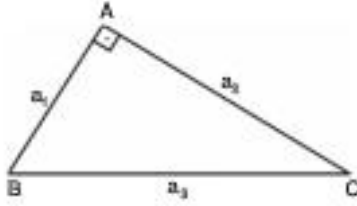
$$a_9 - a_2 = 36$$

olduğuna göre, $a_{10} - a_6$ farkı kaçtır?

- A) 32 B) 28 C) 24 D) 20 E) 16



8.



ABC dik üçgendir. ABC üçgeninin kenarlarının uzunlukları, ortak farkı 3 olan bir aritmetik dizinin terimleridir.

Buna göre, $\widehat{A(\widehat{ABC})}$ kaç birimkaredir?

- A) 64 B) 56 C) 54 D) 48

9. Bir aritmetik dizide S_n ilk n terim toplamıdır.

$$S_n = n^2 - n$$

olduğuna göre, bu dizinin 15. terimi kaçtır?

- A) 30 B) 28 C) 26 D) 24

10. Sonlu bir aritmetik dizide ilk 20 terimin toplamı 600 ve dizinin ortak farkı 2 olduğuna göre, dizinin baştan kaçınıcı terimi 55 olur?

- A) 26 B) 25 C) 24 D) 23 E) 22

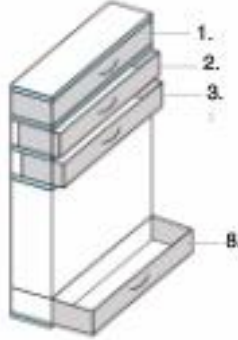
11. (a_n) bir aritmetik dizidir.

$$a_4 + a_7 + a_{10} = 24$$

olduğuna göre, bu dizinin ilk on üç terim toplamı kaçtır?

- A) 102 B) 103 C) 104 D) 105 E) 106

12. Aşağıda her çekmecesini 49 cm geriye çekilebilen 8 çekmecesini bir komidin gösterilmiştir.



1. çekmecesini a_1 cm, 2. çekmecesini a_2 cm, 3. çekmecesini a_3 cm, ..., 8. çekmecesini a_8 cm geriye çekilmiştir. 1. çekmecesini kapalı, 8. çekmecesini tam çekilmiştir.

Çekmecelerin geriye doğru çekili olduğu mesafeler aritmetik dizi oluşturduğuna göre, 6. çekmecesini kaç cm çekilmiştir?

- A) 39 B) 38 C) 37 D) 36 E) 35

13.



- Şekildeki çitler eşit uzunlukta tahta parçalarından yapılmıştır.
- Her bir parçanın uzunluğu 0,5 m olup, örneğin I. çit için 5 tahta parçası kullanılmıştır.
- Çitlerdeki tahta parçaları her adımda aynı sayıda artmaktadır.

Buna göre, son çitte kullanılan tahta parçalarının uzunlukları toplamı 136,5 m olduğuna göre, toplam kaç çit kurulmuştur?

- A) 60 B) 62 C) 64 D) 66 E) 68

1. A	2. B	3. B	4. C	5. C	6. C	7. C
8. C	9. B	10. D	11. C	12. E	13. E	



1. I. $(a_n) = (3^n - 1)$
 II. $(b_n) = \left(\frac{1}{5}\right)^{n-1}$
 III. $(c_n) = (2)$

Yukarıda verilen dizilerden hangileri bir geometrik dizi belirtir?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
 D) II ve III E) I, II ve III



2. Beşinci terimi 64 ve ortak çarpanı 2 olan geometrik dizinin ilk terimi kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\sqrt{2}$ C) 2 D) $2\sqrt{2}$ E) 4



3. Pozitif terimli bir geometrik dizide üçüncü terim 4, altıncı terim 108 olduğuna göre, bu dizinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C) $\sqrt{3}$ D) 3 E) $2\sqrt{3}$



4. 4 ile $\frac{1}{2}$ arasında azalan bir geometrik dizi oluşturacak şekilde 3 terim yerleştiriliyor.

Buna göre, bu dizinin üçüncü terimi kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\sqrt{2}$ D) 2 E) $2\sqrt{2}$



5. (a_n) pozitif terimli artan bir geometrik dizedir.

$$a_5 - a_1 = 45$$

$$a_4 - a_2 = 18$$

olduğuna göre, dizinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) $\frac{3}{2}$ B) 2 C) $\frac{5}{2}$ D) 3 E) $\frac{7}{2}$



6. $(a_n) = (p \cdot r^{n-1})$

dizisinin ilk üç terimi sırasıyla $x - 2$, x , $x + 3$ tür.

Buna göre, $p + r$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) $\frac{11}{2}$ C) 5 D) $\frac{9}{2}$ E) 4

7. Pozitif terimli (a_n) geometrik dizisinde,

$$a_{17} = \frac{\cos 15^\circ}{\tan 55^\circ}$$

$$a_{13} = \frac{\sin 15^\circ}{\cot 55^\circ}$$

olduğuna göre, a_{15} kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D) 1 E) $\frac{\sqrt{3}}{3}$

8. Genel terimi,

$$a_n = 2^{n-1}$$

olan bir geometrik dizinin ilk 15 teriminin toplamı kaçtır?

- A) $2^{16} - 1$ B) $2^{15} - 1$ C) $2^{16} - 2$
D) $2^{15} - 2$ E) 2^{14}

9. Pozitif terimli bir geometrik dizinin ilk dört teriminin toplamının ilk iki terim toplamına oranı 26'dır.

Buna göre, bu dizinin ortak çarpanı kaçtır?

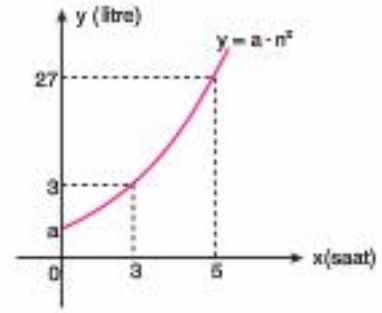
- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

10. Bir kumbaraya her gün bir önceki günün 2 katı kadar para atan Mert ilk gün 4 TL para almıştır.

Buna göre, Mert kaç günde kumbarada $(2^{15} - 4)$ TL biriktirmiştir?

- A) 11 B) 12 C) 13 D) 14 E) 15

- 11.

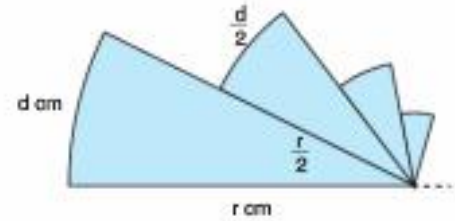


Başlangıçta içinde a litre su bulunan bir havuzun içindeki su miktarının saatlere göre değişim grafiği verilmiştir.

Buna göre, 7. saatte havuzun içinde kaç litre su bulunur?

- A) 729 B) 512 C) 256 D) 243 E) 81

- 12.



Şekilde, her daire diliminin yarıçapı ve yay uzunluğu bir sonraki daire diliminin yarıçapının ve yay uzunluğunun ikide biridir.

Bu daire dilimlerinden 6 tane çizildiğinde oluşan tüm daire dilimlerinin alanları toplamı $\frac{2 - 2^a}{b} \cdot d \cdot r$ birimkare olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

($a, b \in \mathbb{Z}$)

- A) -12 B) -10 C) -8 D) -6 E) -4

1. D	2. E	3. D	4. C	5. B	6. B
7. B	8. B	9. D	10. C	11. D	12. C



1. $(a_n) = (3 \cdot 4^{n+1})$

geometrik dizisinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) 12 B) 9 C) 4 D) 3



2. $(\log_3 2, x, y, z, \log_2 9)$

sonlu geometrik dizisi veriliyor.

Buna göre, $\frac{x \cdot z}{y}$ oranı kaçtır?

- A)
- $\sqrt{2}$
- B) 2 C)
- $\sqrt{3}$
- D) 3

3. Terimleri pozitif olan (a_n) geometrik dizisinde,

- $3a_4 + 26 = a_7$
- $a_4 = 4a_2$

olduğuna göre, a_5 kaçtır?

- A) 11 B)
- $\frac{53}{5}$
- C)
- $\frac{52}{5}$
- D)
- $\frac{51}{5}$



4. $3, 27, \frac{-1}{9}, -1, \frac{1}{3}, -9$

sayıları geometrik bir dizi oluşturacak şekilde yazıldığında ilk iki terimin toplamı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A)
- $\frac{-2}{9}$
- B)
- $\frac{2}{9}$
- C)
- $\frac{4}{9}$
- D) 6 E) 36

5. Bir geometrik dizinin ilk iki terimi sırasıyla, 3 ve $\frac{3}{2}$ dir.Buna göre, dizinin ilk kaç terim toplamı $\frac{3069}{512}$ olur?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12



6. Bir geometrik dizide üçüncü terim x ve yedinci terim y'dir.

Buna göre, bu dizinin ilk 8 teriminin çarpımı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $x^5 \cdot y^3$
- B)
- $x^3 \cdot y^5$
- C)
- $x^2 \cdot y^4$
-
- D)
- $x^4 \cdot y^4$
- E)
- $x^6 \cdot y^2$

7. Genel terimi a_n olan bir geometrik dizide ilk 6 terim toplamının ilk 3 terim toplamına oranı aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $\frac{a_3}{a_1}$
- B)
- $1 + \frac{a_3}{a_1}$
- C)
- $\frac{a_4}{a_1}$
-
- D)
- $1 + \frac{a_4}{a_1}$
- E)
- $1 + \frac{a_2}{a_4}$

8. Pozitif ve negatif terimlerden oluşan bir geometrik dizide arka arkaya gelen iki terimin toplamı daima bu iki terimden hemen sonra gelen terimin 6 katına eşitse bu dizinin ortak çarpanı kaçtır?

A) $-\frac{1}{9}$ B) $-\frac{1}{6}$ C) $-\frac{1}{4}$ D) $-\frac{1}{3}$ E) $-\frac{1}{2}$

9. (a_n) bir geometrik dizedir.

- $a_1 = m$
- $a_n = k$ ve dizinin ortak çarpanı 2

olduğuna göre, dizinin ilk n terim toplamı k ve m türünden aşağıdakilerden hangisidir?

A) $4k - 2m$ B) $4k - m$ C) $2k - 2m$
D) $2k + m$ E) $2k - m$

10. a , b ve c sayıları bir aritmetik dizinin birbirinden farklı ardışık üç terimidir.

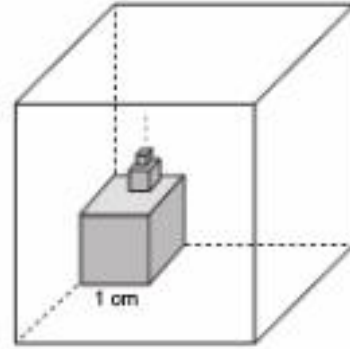
Buna göre,

- I. $2^a, 2^b, 2^c$
- II. a^2, b^2, c^2
- III. $\log a, \log b, \log c$

İfadelerinden hangileri bir geometrik dizinin ardışık terimleri olur?

A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I ve III

11.



Bir odanın içine bir üstteki küp şeklindeki kutu bir alttaki küp şeklindeki kutunun bir ayrıntısının $\frac{1}{27}$ katı olacak şekilde, 5 tane kutu yerleştiriliyor. En alttaki küpün bir ayrıntısı 1 cm dir.

Bu 5 kutunun ulaştığı yükseklik $\frac{a - 3^{-12}}{b}$ olduğuna göre, $a - b$ farkı kaçtır?
($a, b \in \mathbb{R}$)

A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

12. Uğur arka arkaya altı tane iş yapmıştır. Her $2 \leq n \leq 6$ doğal sayısı için Uğur, n . işi; $(n - 1)$. işi bitirdiği sürenin %40 eklediği sürede bitirmiştir.

Uğur bu altı işi $\frac{5^6 - 3^6}{250}$ dakikada bitirdiğine göre, ilk işi kaç dakikada bitirmiştir?

A) 35 B) 30 C) 27 D) 25 E) 20

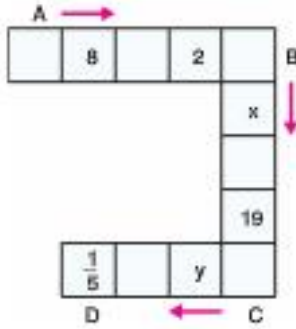
1. C	2. A	3. C	4. B	5. D	6. A
7. D	8. D	9. E	10. A	11. B	12. D

1. $(x + y, 2xy, xy^2)$

Üç terimden oluşan sonlu dizi hem aritmetik hem de geometrik bir dizi ise $\frac{x}{y}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1 D) 2 E) 3

2.



Yukarıda verilen tabloda,

- A – B arası pozitif terimli geometrik,
B – C arası aritmetik ve
C – D arası geometrik bir dizinin elemanlarıdır.

Buna göre, $x + y$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 12 E) 15

3. $(a, 8, b, b + 8)$

dizisinin ilk üç terimi geometrik, son üç terimi aritmetik bir dizinin ardışık terimleridir.

Buna göre, bu dizinin tüm terimlerinin toplamı kaçtır?

- A) 64 B) 62 C) 56 D) 54 E) 52

4. $p, p + 3, 3p$ sayıları bir aritmetik dizinin ardışık üç terimidir.

Buna göre, bu dizinin 3. terimine kaç eklenirse bu terimler bir geometrik dizinin ardışık üç terimi olur?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

5.

Terimleri artan bir aritmetik dizinin ilk üç teriminin toplamı 21'dir. Bu aritmetik dizinin ikinci terimi 1 azaltılır, üçüncü terimi 1 artırılırsa geometrik dizi meydana gelmektedir.

Buna göre, oluşan geometrik dizinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

6.

Sabit olmayan (b_n) geometrik ve artan (a_n) aritmetik dizileri veriliyor.

Bu dizilerin terimleri arasında;

$$a_1 = b_3, a_3 = b_5 \text{ ve } a_{11} = b_7$$

eşitlikleri varsa (b_n) dizisinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) 3 E) 4

7. $\sin 60^\circ, 1 + \sin 30^\circ, 3 \cdot \cos 30^\circ$

Yukarıda verilen dizi için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Ortak farkı $\tan 30^\circ$ olan aritmetik dizi
- B) Ortak çarpanı $\sin 60^\circ$ olan geometrik dizi
- C) Ortak farkı $\tan 45^\circ$ olan aritmetik dizi
- D) Ortak farkı $1 + \sin 60^\circ$ olan aritmetik dizi
- E) Ortak çarpanı $\tan 60^\circ$ olan geometrik dizi

8. $(a_n) = (2^n)$

geometrik dizisi ve ortak farkı 3 olan (b_n) aritmetik dizisi veriliyor.

$b_{a_1}, b_{a_2}, b_{a_3}$ bu geometrik dizinin ardışık terimleridir.

Buna göre, a_{b_5} aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) 2^9 B) 2^{12} C) 2^{15} D) 2^{18} E) 2^{20}

9. Herhangi bir ifadeye alt sayısal veriler hep eşit miktarda artıyorsa bu artışa "Aritmetik Artış" denir.

Örneğin; bir memurun maaşına her ay 10 TL zam geliyorsa, memurun maaşı aritmetik artıyor denir. Bu durumda memurun maaşı aritmetik dizi oluşturur.

Herhangi bir ifadeye alt sayısal veriler hep aynı katına çıkarak artıyorsa bu artışa "Geometrik Artış" denir.

Örneğin; bir ürünün fiyatı her ay 1,5 katına çıkıyorsa bu ürünün fiyatı geometrik artıyor denir. Bu durumda ürünün fiyatı bir geometrik dizi oluşturur.

Bir ilçede "Sigaraya Veda Sağlığa Merhaba" adlı 20 gün süren bir kampanya düzenlemiştir. İlk on gün boyunca bu kampanyaya katılımın aritmetik biçimde arttığı görülmüştür. İlk gün kampanyaya 90 kişi katılmış, kampanyanın onuncu gününde katılımcı sayısı 360 kişiye ulaşmıştır. Kampanyayı yürüten ekipler onuncu günden sonra daha aktif bir çalışma sergilemiş ve onuncu günden sonra kampanyaya katılım geometrik olarak artmıştır. Kampanyaya katılan kişi sayısı on birinci gün 720 kişiye ulaşmıştır.

Buna göre, kampanyaya katılan kişi sayısının 20. günün sonunda ulaştığı değerin, 4. günün sonunda ulaştığı değere oranı kaçtır?

- A) 2^9 B) 2^{10} C) 2^{11} D) 2^{19} E) 2^{20}

10. m ve n sıfırdan farklı birer reel sayıdır.

$$f(x) = 3x + m \text{ ve } g(x) = nx + 2$$

fonksiyonları veriliyor.

$$(f \circ g)(x) = (g \circ f)(x)$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $(m, 2, n - 1)$ geometrik bir dizinin ardışık terimleridir.
- B) $(m, n, 2)$ geometrik bir dizinin ardışık terimleridir.
- C) $(2, m, n + 1)$ geometrik bir dizinin ardışık terimleridir.
- D) $(m - 1, n, 2)$ geometrik bir dizinin ardışık terimleridir.
- E) $(m, 2, n + 1)$ geometrik bir dizinin ardışık terimleridir.

1. Bir Fibonacci dizisinin ardışık 3 terimi sırasıyla,
 $10x$, $15x + 72$, $20x + 377$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 63 B) 62 C) 61 D) 60 E) 59

2. İlk iki terimi 1 olan bir Fibonacci sayı dizisinde n asal olmak üzere, n . sırada bulunan Fibonacci sayısı da asal olmak şartı ile bu şartı sağlayan ilk üç Fibonacci sayısının toplamı kaçtır?

- A) 21 B) 20 C) 19 D) 18 E) 17

3. x , y , z ve k Fibonacci dizisinin sırasıyla ardışık dört terimidir.

Buna göre,

- I. $x + y + z = k$
 II. $x + k = y + z$
 III. $2z = x + k$

Öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve III C) Yalnız III
 D) II ve III E) I ve II

4. a sayısı Fibonacci dizisinin herhangi bir terimi olmak üzere, aşağıda a 'dan başlayarak sırasıyla 11 tane Fibonacci sayısı gösterilmiştir.

- a
- b
- $a + b$
- $a + 2b$
- $2a + 3b$
- $3a + 5b$
- $5a + 8b$
- $8a + 13b$
- $13a + 21b$
- $21a + 34b$
- $34a + 55b$

Buna göre,

- I. Fibonacci dizisinin ardışık iki teriminin farkı eşittir.
 II. Fibonacci dizisinde ardışık 6 terim toplamı bu terimlerden hemen sonraki terimin iki katıdır.
 III. Fibonacci dizisinde ardışık 10 terim toplamı bu terimlerden 7.sinin 11 katıdır.

yargılarından hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
 D) II ve III E) I ve III

5. Fibonacci dizisinde 1'den büyük olan ardışık herhangi 5 terimden 3'ü seçiliyor.

Seçilen bu 3 terimin aritmetik bir dizinin elemanları olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{2}{5}$ E) $\frac{1}{5}$

1. a_n aritmetik bir dizinin genel terimi olmak üzere,
 $a_8 : a_5 = 3 : 2$

olduğuna göre, $a_{17} : a_{23}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{5}{4}$ E) $\frac{3}{2}$

2. $(a_n) = \left(\frac{60!}{5^n} \right)$

dizisinin tam sayı olan en büyük indisi terimi kaçınca terimdir?

- A) 12 B) 13 C) 14 D) 15 E) 16

3. Bir geometrik dizinin ilk n terim toplamı S_n dir.

$$\frac{S_3}{S_6} = \frac{125}{152}$$

olduğuna göre, dizinin ortak çarpanı kaçtır?

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{5}{3}$ D) $\frac{5}{2}$

4. $\log_5 2, \log_5 (2^x - 5), \log_5 \left(2^x - \frac{7}{2} \right)$

terimleri bir aritmetik dizinin ardışık üç terimidir.

Buna göre, x kaçtır?

- A) $\frac{8}{3}$ B) 3 C) $\frac{11}{3}$ D) 4 E) 8

5. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = 3x$ ve
 $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \quad g(x) = 3^x$

fonksiyonları veriliyor.

Buna göre,

$$((g \circ f)(1), (g \circ f)(2), (g \circ f)(3), \dots, (g \circ f)(n), \dots)$$

dizisi için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

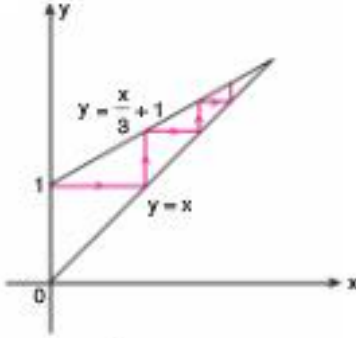
- A) Ortak çarpanı 27 olan bir geometrik dizedir.
 B) Ortak farkı 6 olan bir aritmetik dizedir.
 C) Ortak çarpanı 9 olan bir geometrik dizedir.
 D) Terimleri $(1, 1, 1, \dots, 1, \dots)$ olan bir sabit dizedir.
 E) Ortak farkı 9 olan bir aritmetik dizedir.

6. • (a_n) ve (b_n) sabit olmayan ve ilk terimleri aynı olan birer aritmetik dizedir.
 • (b_n) dizisinin ortak farkı (a_n) dizisinin ortak farkının 2 katına eşittir.

Buna göre, (a_n) dizisinin 9. terimi (b_n) dizisinin kaçınca terimine eşittir?

- A) 4 B) 5 C) 7 D) 11 E) 13

7.



Şekilde, $y = x$ ve $y = \frac{x}{3} + 1$ doğrularının grafikleri verilmiştir. Yatay doğrular birbirine ve düşey doğrular birbirine paraleldir.

Buna göre, y eksenine paralel olan 10. doğru parçasının uzunluğu kaç birimdir?

- A) 3^{-6} B) 3^{-7} C) 3^{-8}
D) 3^{-9} E) 3^{-10}

8.

$$(x - 1) \cdot (x + 2) \cdot (x - k) = 0$$

denkleminin kökleri bir aritmetik dizinin ardışık üç terimi olduğuna göre, k 'nın alabileceği farklı değerler toplamı kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) 1 E) $\frac{3}{2}$

9.



Şekilde verilen açık hava tiyatrosu 8 sıradan oluşmaktadır. Konser düzenlenecek olan bu tiyatrodaki 8 sıranın olurma kapasitesi genel terimi $25n + 40$ olan aritmetik dizi ile modellenmiştir.

Bu konserden 30500 TL gelir elde etmek için bir bilet kaç TL'ye satılmalıdır?

- A) 10 B) 12,5 C) 15 D) 20 E) 25

10. a, b, c sabit olmayan bir geometrik dizinin ardışık terimleridir. a, b, c arasında $a^{\frac{1}{2}} = b^{\frac{1}{3}} = c^{\frac{1}{5}}$ bağıntısı olduğuna göre,

- I. $\frac{1}{x}, \frac{1}{y}, \frac{1}{z}$ bir aritmetik dizi oluşturur.
- II. x, y, z bir aritmetik dizi oluşturur.
- III. $\frac{1}{a}, \frac{1}{b}, \frac{1}{c}$ bir geometrik dizi oluşturur.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) Yalnız III

11. Aşağıdaki şekilde gösterilen Fibonacci sayılarının içinde bulundukları karelerin birer kenar uzunluklarını göstermektedir.



Örneğin; yanda verilen şekil 5. Fibonacci sayısı olan 5 sayısında durdurulmuştur.

Buna göre, bu şekil 10. Fibonacci sayısı olan 55 sayısında durdurulmuş olsaydı oluşan en büyük dikdörtgen aşağıdakilerden hangisi olurdu?

- A) B) C) D) E)

12. (a_n) aritmetik dizisinde,

$$a_{n+4} + a_n = 6n + 26$$

olduğuna göre, a_2 kaçtır?

- A) 12 B) 13 C) 20 D) 22 E) 24

13. S_n bir aritmetik dizinin ilk n terim toplamıdır.

$$S_7 - S_5 = 10$$

$$S_{10} - S_7 = 12$$

olduğuna göre, dizinin ortak farkı kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) 1 D) 3 E) 4

14. • (a_1, a_2, \dots, a_n) ilk terimi 1 ve ortak farkı 2 olan aritmetik bir dizedir.

- $f(x) = ax + b$ olmak üzere, $(f(a_1), f(a_2), \dots, f(a_n))$ dizesi de ilk terimi 4 ve ortak farkı 6 olan aritmetik bir dizedir.

Buna göre, $f(2)$ değeri kaçtır?

- A) 5 B) 7 C) 8 D) 11 E) 33

1. C	2. C	3. B	4. B	5. A	6. B	7. E
8. B	9. E	10. D	11. A	12. B	13. B	14. B



1.

$$(a_n) = \left(\frac{(-1)^n}{n} \right),$$

$$(b_n) = (n^2 - 5n + 1)$$

dizileri veriliyor.

(a_n) dizisinin en büyük terimi ile (b_n) dizisinin en küçük terimi toplamı kaçtır?

- A) -4 B) $-\frac{9}{2}$ C) -5 D) $-\frac{11}{2}$ E) -6



2.

$$a_{n+1} = a_n + n + 1 \text{ ve } a_1 = 1$$

olduğuna göre, (a_n) dizisinin genel terimi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{n^2}{2}$ B) $\frac{(n+1)^2}{2}$ C) $\frac{n(n+1)}{2}$
D) $\frac{n(n-1)}{2}$ E) $\frac{n(n+2)}{2}$



3.

Bir aritmetik dizide,

- I. İlk terim
- II. Genel terim
- III. Ortak fark
- IV. İlk n terim toplamı

Yukarıdakilerden hangisi tek başına verilirse diğer üçü bulunabilir?

- A) I B) II C) III D) IV E) Hiçbiri



4.

$$(a_n) = ((p-2)n^2 + 3n - p)$$

dizisi aritmetik bir dizi olduğuna göre, $a_7 + p$ toplamı kaçtır?

- A) 23 B) 21 C) 20 D) 19 E) 17



5.

Bir aritmetik dizinin ilk iki terimi sırayla 1 ve 4 olduğuna göre, bu dizinin ilk kaç terim toplamı 715'tir?

- A) 18 B) 20 C) 22 D) 24 E) 26



6.

Bir geometrik dizinin ilk 8 teriminin çarpımı 3^{20} olduğuna göre, dizinin üçüncü terimi ile altıncı teriminin çarpımı kaçtır?

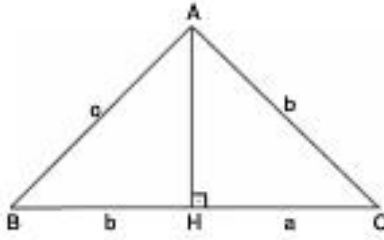
- A) 3^2 B) 3^3 C) 3^4 D) 3^5 E) 3^6

7. İç açılarının ölçüleri aritmetik bir dizi oluşturan bir konveks çokgenin en küçük iç açısının ölçüsü 80° ve en büyük iç açısının ölçüsü 160° dir.

Buna göre, bu çokgen kaç kenarlıdır?

- A) 12 B) 8 C) 6 D) 5 E) 4

8.



ABC üçgen,

$$[AH] \perp [BC], |AB| = c \text{ cm}$$

$$|BH| = |AC| = b \text{ cm}, |CH| = a \text{ cm'dir.}$$

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi aritmetik bir dizinin ardışık üç terimini göstermektedir?

- A) a^2, b^2, c^2 B) $\sqrt{a}, \sqrt{b}, \sqrt{c}$ C) a, \sqrt{b}, c
D) a, b, c E) $a, b+1, c$

9.

$$(a_n) = \left(\frac{\log(n+5)}{\log(n+4)} \right)$$

dizisinin baştan itibaren x terimi çarpımı bir tam sayıdır.

Buna göre, x en az kaçtır?

- A) 19 B) 20 C) 21 D) 22 E) 23

$$(a_n) = (n^2 - 16n + 55)$$

dizisinin bir asal sayıya eşit olan terimleri a_x ve a_y dir.

Buna göre, $x + y$ toplamı kaçtır?

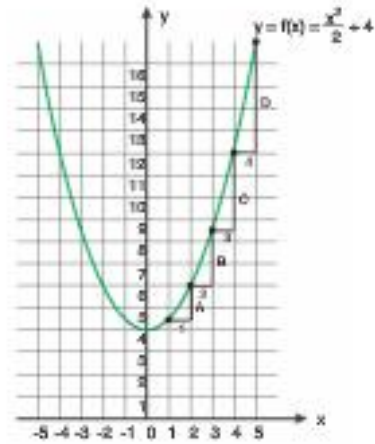
- A) 13 B) 14 C) 15 D) 16 E) 17

11. $a < b$ olmak üzere, a ile b arasına aritmetik dizi oluşacak şekilde 5 terim yerleştirildiğinde oluşan aritmetik dizinin ortak farkı 4 olmaktadır.

Buna göre, $2a$ ile $2b$ arasına aritmetik dizi oluşturacak şekilde 2 terim yerleştirilirse oluşan dizinin ortak farkı kaç olur?

- A) 4 B) 8 C) 12 D) 16 E) 18

12.



Yukarıda $y = \frac{x^2}{2} + 4$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Bu grafikte 1, 2, 3, 4 ile gösterilen yatay aralıklar, sırasıyla A, B, C ve D ile gösterilen dikey aralıkları belirler.

Buna göre, alfabemizde bulunan 29 harf için $A + B + C + \dots + Z$ uzunluklarının toplamı kaç birimdir?

- A) 496,5 B) 494,5 C) 449,5
D) 412,5 E) 408,5

13. (a_n) bir aritmetik dizi,

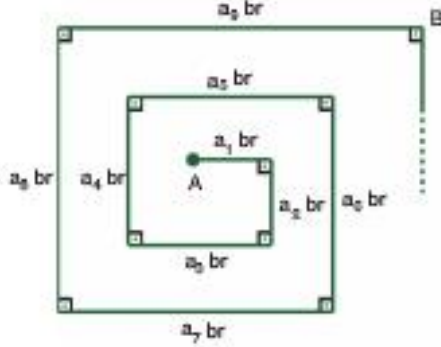
$$a_3 = 11$$

$$a_7 = 19 \text{ ve}$$

Uzunlukları a_1 birim, a_2 birim, a_3 birim, ...

olan çubuklar şekildedeki gibi yerleştirilmiştir.

a_1 birim uzunluğundaki çubuğun başlangıç noktası A ve a_9 birim uzunluğundaki çubuğun bitiş noktası B'dir.



Buna göre, $|AB|$ uzunluğu kaç birimdir?

- A) 29 B) 25 C) 17 D) 15 E) 13

14. İlk terimi 2, ortak farkı 5 olan bir aritmetik dizinin ardışık terimleri $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ dir.

- I. çubukta başlangıç noktasından a_n kadar uzaklıktaki nokta işaretlenip n sayısı yazılır.

Örneğin;



- II. çubukta başlangıç noktasından a_1 kadar uzaklıktaki nokta 1; 1'den a_2 kadar uzaklıktaki nokta 2; 2'den a_3 kadar uzaklıktaki nokta 3 olarak işaretlenip işleme bu şekilde devam edilmiştir.

Örneğin;



Buna göre, yeterince uzunluğa sahip I. ve II. çubukların başlangıç noktaları hizalanıp yan yana konulduklarında II. çubuktaki 6 sayısı I. çubuktaki hangi sayıya karşılık gelir?

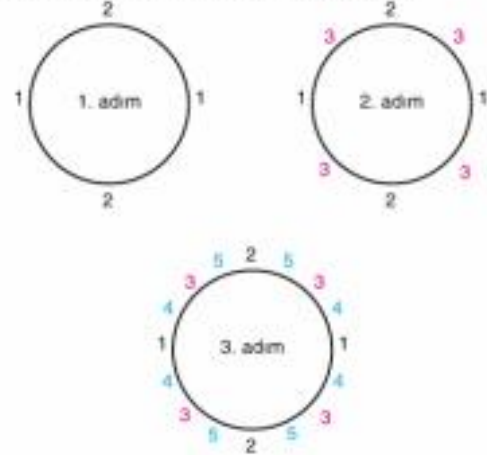
- A) 14 B) 17 C) 18 D) 20 E) 23

15. 8 terimli (a_n) aritmetik dizisinde ilk dört terim toplamının 3 katı, son dört terim toplamına eşittir.

Buna göre, $\frac{a_2 + a_3 + a_4}{a_8}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1 D) $\frac{3}{2}$ E) 2

16. Aşağıda bir örüntünün ilk üç adımı verilmiştir.



$n > 1$ olmak üzere, n. adım bulunurken, $(n - 1)$. adımda daire etrafında her komşu iki sayının toplamı bu iki sayının aralarına yazılır.

Buna göre, 10. adımda oluşan dairedeki tüm sayıların toplamı kaçtır?

- A) 3^9 B) $2 \cdot 3^9$ C) $6 \cdot 9^5$ D) $2 \cdot 9^5$ E) 9^6

1. B	2. C	3. B	4. B	5. C	6. D	7. C	8. A
9. B	10. D	11. D	12. C	13. C	14. C	15. C	16. D

1. $1 + 4 + 7 + 10 + \dots + 130$

toplamı aşağıdakilerden hangisiyle ifade edilir?

A) $\sum_{k=1}^{15} k^2$

B) $\sum_{k=0}^{30} (3k+1)$

C) $\sum_{k=1}^{10} k^3$

D) $\sum_{k=0}^{43} (3k+1)$

E) $\sum_{k=0}^{15} (3k-1)$

2. $2 + 6 + 12 + 20 + \dots + 110$

toplamı aşağıdakilerden hangisi ile ifade edilebilir?

A) $\sum_{n=1}^{10} n(n+1)$

B) $\sum_{n=0}^{20} (n^2 - n)$

C) $\sum_{n=1}^{20} n^2$

D) $\sum_{n=2}^{110} n$

E) $\sum_{n=1}^{55} 2n$

3. $\sum_{k=2}^4 (-2)^k \cdot (k-1)!$

toplamı kaçtır?

A) 96

B) 92

C) 84

D) 72

E) 64

4. $x^2 - 4x - 2 = 0$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

Buna göre,

$$\sum_{k=1}^2 \frac{1}{x_k}$$

toplamının sonucu kaçtır?

A) -4

B) -2

C) 2

D) 4

E) 6

5.

$$\sum_{k=0}^{10} (-1)^{k+1} \cdot (2k+3)$$

toplamı kaçtır?

A) 13

B) 12

C) 6

D) -12

E) -13

6.

$$\sum_{k=0}^{20} k!$$

sayısının 6 ile bölümünden kalan kaçtır?

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

E) 4

7.

$f(x) = 3x + 1$ ve $x_2 = 3, x_3 = 5$ tir.

Buna göre,

$$\sum_{n=2}^3 [x_n f(x_n)]$$

toplamının sonucu kaçtır?

A) 120

B) 115

C) 110

D) 105

E) 100

8.

$$\sum_{k=1}^n a_k = 2n^2 + 1$$

olduğuna göre, a_3 kaçtır?

A) 29

B) 19

C) 10

D) 9

E) 8



9. $\sum_{k=0}^n (3k-1) = an^2 + bn + c$

olduğuna göre, $4a + 2b + c$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 3 D) 2 E) -1



10. $\sum_{k=0}^b \log_2 \left(\frac{k-1}{k} \right) = 1$

olduğuna göre, a 'nın b türünden ifadesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $a = 2b - 1$ B) $a = 2b$ C) $a = 2b + 1$
D) $a = 2b + 2$ E) $a = 2b + 3$



11. $\sum_{k=1}^{24} \frac{1}{\sqrt{k+1} + \sqrt{k}}$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 4 B) $2\sqrt{6}$ C) 5 D) 6 E) $2\sqrt{6} + 2$



12. $\sum_{k=1}^{90} \sin^2 k$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) 44 B) $\frac{89}{2}$ C) 45 D) $\frac{91}{2}$ E) 46



13. $\sum_{k=1}^{15} \frac{1}{k^2 + 5k + 6}$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{5}{9}$ B) $\frac{5}{18}$ C) $\frac{10}{9}$ D) $\frac{1}{9}$ E) $\frac{1}{18}$



14. $i^2 = -1$ olmak üzere,

$$\sum_{k=1}^{97} \left(\frac{1+i}{\sqrt{2}} \right)^{2k}$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) -1 B) 1 C) i D) -i E) $1 - i$



15. $\sum_{k=1}^{10} \frac{k}{(k+1)!}$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) $1 - \frac{1}{9!}$ B) $1 - \frac{1}{10!}$ C) $1 - \frac{1}{13!}$
D) $1 - \frac{1}{12!}$ E) $1 - \frac{1}{11!}$



1. D	2. A	3. C	4. B	5. E	6. E	7. C	8. C
9. A	10. C	11. A	12. D	13. B	14. C	15. E	

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 9

KOŞULLU VE DENEYSEL OLASILIK



- Koşullu Olasılık ve Bağımsız Olaylar
- Deneysel Olasılık

Yazarın Notları

Tek bir zarı dört kere attığımızda en az bir tane “altı” gelme olasılığına A diyelim. Bir çift zarı 24 kere attığımızda en az bir kere “altı-altı” gelme olasılığına da B diyelim. Sizce A ve B den hangisi daha büyüktür?

Şimdi bu soruyu neden sorduğumuzu anlatalım. 17. yüzyılda ünlü matematikçiler Blaise Pascal ve Pierre de Fermat arasında, bu soru üzerine tartışma dolu yazışmalar gerçekleşmiştir. Bu ve buna benzer yazışmalar sonucu olasılığın matematiksel kuramı ortaya çıkmıştır. Olasılık konusunda başarılı olabilmek için her durumu sabırla incelemek ve ilk etapta doğru olduğundan emin olduğumuz çözüm yollarını eleştirel biçimde gözden geçirmek gerekir. Bazen çok doğru düşündüğünüzü sandığınız çözüm yolları, bir ayrıntıyı gözden kaçırdığınız için hatalı olabilir. Oluyor da. Olasılık konusu ucu açık ve gelişmeye daima açık bir konudur. Adım adım, acele etmeden çalışın. Nasıl olsa olasılık bitmez. Bu arada A, B’den daha büyüktür!

1. Bir zar atılıyor ve üst yüze gelen sayıya bakılıyor.

Zarın üst yüzüne 2'den büyük bir sayı geldiği bilindiğine göre, örnek uzayın eleman sayısı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

2. İki zarın havaya atılması deneyinde zarların üst yüzüne gelen sayılardan sadece birinin tek sayı olduğu biliniyor. Bu durumda örnek uzay kümesi E_1 olduğuna göre, $s(E_1)$ kaçtır?

- A) 6 B) 9 C) 15 D) 18 E) 24

3. Haftanın günleri arasından iki farklı gün seçiliyor.

Seçilen günlerden sadece birinin hafta sonu günü olduğu biliniyor. Bu durumda örnek uzay kümesi E_1 olduğuna göre, $s(E_1)$ kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

4.

	11. Sınıf	12. Sınıf
Kız	12	8
Erkek	8	14

Yukarıdaki tabloda bir kurs merkezindeki 42 kişilik bir öğrenci grubunun dağılımı verilmiştir. Rastgele bir öğrenci seçiliyor.

Seçilen öğrencinin kız olduğu bilindiğine göre, 12. sınıf öğrencisi olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{3}{10}$ B) $\frac{1}{5}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{4}{9}$ E) $\frac{1}{3}$

5.

40 kişilik bir sınıfta her öğrenci İngilizce ve Almanca dillerinden en az birini konuşabilmektedir. İngilizce konuşabilen 30, Almanca konuşabilen 16 kişidir.

Sınıftan rastgele seçilen bir öğrencinin Almanca konuşabildiği bilindiğine göre, bu öğrencinin İngilizce de konuşabiliyor olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{7}{20}$ E) $\frac{1}{2}$

6.

$A = \{-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ kümesinden rastgele seçilen iki sayısının çarpımının sonucunun negatif bir sayı olduğu bilinmektedir.

Buna göre, sonucun bir çift sayı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{7}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{4}{9}$ E) $\frac{5}{12}$

7. Bir adet madeni para ve bir adet zar aynı anda atılıyor.

Paranın yazı geldiği bilindiğine göre, zarın 6 gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{12}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{7}{15}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

8. 2 adet zar aynı anda atılıyor.

Zarlardan birinin 6 geldiği bilindiğine göre, diğerinin de 6 gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{12}$ B) $\frac{1}{11}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{4}$

9. 3 tane madeni para aynı anda atılıyor.

İki paranın yazı geldiği bilindiğine göre, diğer paranın yazı gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{10}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

10. Alper 8 tane çubukla şekildedeki piramiti yapmıştır.



Alper bu çubuklardan birini rastgele alacaktır. Eğer tabandaki çubuklardan herhangi birini alırsa piramit yıkılmayacak, taban dışındaki çubuklardan herhangi birini alırsa piramit yıkılacaktır.

Alper bir çubuk aldığı anda piramitin yıkıldığı bilindiğine göre, Alper'in numarası asal sayı olan çubuk almış olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{3}{4}$

- 11.

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 10\}$$

kümesinin 3 elemanlı altı kümelerinden biri seçiliyor.

Seçilen bu kümenin elemanları çarpımının 5'in katı olduğu bilindiğine göre, bu kümede 3 rakamının bulunma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{5}{8}$ B) $\frac{7}{12}$ C) $\frac{4}{9}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{9}{25}$

12.

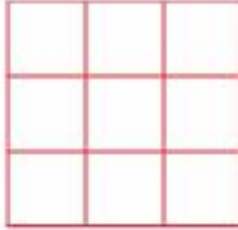
	Kadın	Erkek
Öğretmen	1	4
Doktor	3	2

Yukarıdaki mesleklerde çalışan 10 kişilik bir gruptan 4 kişilik bir jüri seçilecektir. Seçilen jüride her meslekten en az bir kişi olduğu biliniyor.

Buna göre, jürinin 3 kadın 1 erkekten oluşuyor olma olasılığı yüzde kaçtır?

- A) 24 B) 18 C) 15 D) 11 E) 10

13.



1, 2, 3, 4 ve 5 rakamları yukarıda gösterilen 9 tane özdeş karenin beşine her rakam birer kez yazılacaktır.

Tek rakamların aynı satıra yazılacağı bilindiğine göre, bir satırın tamamen boş kalma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{3}{25}$ B) $\frac{2}{27}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{5}{12}$

14. Tek sayı gelme olasılığı, çift sayı gelme olasılığının iki katı olan hileli bir zar havaya atılıyor.

Zarın asal sayı geldiği bilindiğine göre, gelen sayının tek sayı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

15. 3 özdeş Türkçe kitabı ve 4 özdeş fizik kitabı yan yana dizilecektir.

Tam ortaya bir fizik kitabının geldiği bilindiğine göre, uçlarda birer Türkçe kitabının bulunma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{4}{15}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{10}$ D) $\frac{2}{9}$ E) $\frac{1}{5}$

1. D	2. D	3. C	4. C	5. C	6. C	7. B	8. B
9. B	10. A	11. E	12. D	13. C	14. A	15. E	

1. Bir adet madeni para ve bir adet zar aynı anda atılıyor.

Paranın yazı ve zarın 3'ten büyük gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{3}{8}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{5}{6}$

2. 3 tane madeni para sırayla atılıyor.

1. ve 2. paranın yazı, 3. paranın tura gelme olasılığı kaçtır?

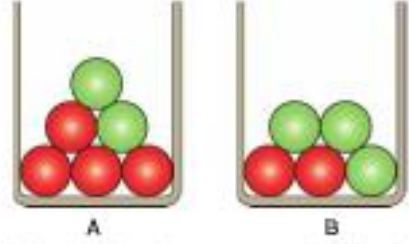
- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{10}$ D) $\frac{5}{8}$ E) $\frac{1}{3}$

3. $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

kümesinin elemanlarından rastgele seçilen bir tanesinin, çift sayı veya asal sayı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{5}{6}$ B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

- 4.



Şekilde A kutusunda 4 kırmızı ve 2 yeşil biye, B kutusunda 3 yeşil ve 2 kırmızı biye vardır. A ve B kutularından birer top alınıyor.

Buna göre, alınan topların aynı renkte olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{4}{9}$ C) $\frac{7}{15}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{3}{5}$

- 5.

2 adet zar aynı anda atılıyor.

Üste gelen sayıların birbiriyle aynı ve ikisinin de asal olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{36}$ B) $\frac{1}{24}$ C) $\frac{1}{12}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{3}$

- 6.

A ile B birer bağımsız olaydır. A olayının gerçekleşme olasılığı 0,1 ve B olayının gerçekleşme olasılığı 0,2'dir.

Buna göre, A ile B'den en az birinin gerçekleşmesi olasılığı kaçtır?

- A) 0,6 B) 0,12 C) 0,24 D) 0,28 E) 0,3



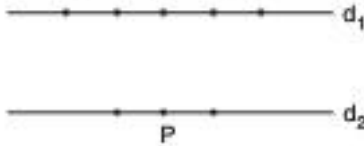
7. Bir avcının bir hedefi vurma olasılığı $\frac{2}{3}$ 'tür.

Avcı hedefe üç kez ateş ettiğinde en az bir atışta hedefi vurma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{5}{8}$ C) $\frac{8}{9}$ D) $\frac{20}{27}$ E) $\frac{28}{27}$



8. Aşağıda verilen paralel iki doğrudan d_1 üzerinde beş, d_2 üzerinde bir P olmak üzere, üç nokta işaretlenmiştir.



Bu sekiz noktadan üçü seçiliyor ve seçilenler köşe noktaları olacak biçimde üçgenler çiziliyor.

Buna göre, bu koşula uygun çizilebilecek üçgenlerden biri seçildiğinde bir köşesinin P noktası olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{9}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{4}{9}$ E) $\frac{3}{5}$



- 9.



Bir kişi elinde bulunan 3 özdeş kırmızı, 2 özdeş siyah mumu yan yana dizecektir.

Buna göre, 3 kırmızı mumun yan yana gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{3}{10}$



- 10.

	11. Sınıf	12. Sınıf
Kız	12	6
Erkek	8	14

Yukarıdaki tabloda bir kurs merkezindeki 40 kişilik bir öğrenci grubunun dağılımı verilmiştir. Rastgele bir öğrenci seçiliyor.

Seçilen öğrencinin 12. sınıfta veya kız öğrenci olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$



- 11.

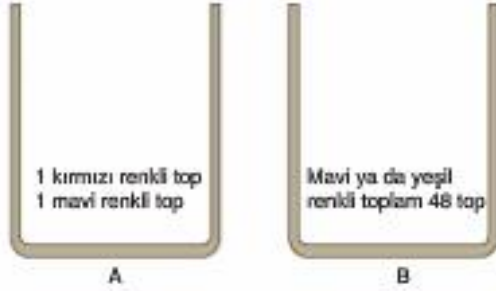


Yukarıdaki düzende K noktasından bırakılan bir topun her yol aynımındaki oklar yönünde gitme olasılığı eşittir.

Buna göre, topun düzeneği B bölgesinden terk etme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{3}$ B) $\frac{7}{18}$ C) $\frac{5}{12}$ D) $\frac{11}{18}$ E) $\frac{5}{9}$

12.



Şekilde gösterilen A ve B kutularından,

A kutusunda 1 mavi renkli top, 1 kırmızı renkli top,

B kutusunda bazıları mavi renkli diğerleri yeşil renkli olan toplam 48 top vardır.

Kutuların herhangi birinden rastgele çekilen bir topun mavi olma olasılığı $\frac{9}{16}$ olduğuna göre, B torbasında kaç tane mavi top vardır?

- A) 24 B) 28 C) 30 D) 32 E) 38

13.



İçerisindeki beyaz ve sarı renkli bilye sayıları yukarıda verilen üç ayrı torba arasından önce bir torba seçilip sonra da seçilen torbadan rastgele bir bilye alınacaktır.

Çift numaralı torbanın seçilme olasılığı, tek numaralı bir torbanın seçilme olasılığının 2 katıdır.

Buna göre, alınan bilyenin sarı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{47}{120}$ D) $\frac{53}{60}$ E) $\frac{8}{15}$

14.

1. deney : Bir madeni para atıp üst yüze gelen sonuca bakılması

2. deney : Bir zar atıp üst yüze gelen sonuca bakılması

3. deney : İçinde 2 mavi, 2 beyaz bilye olan torbadan, çekilen bilye torbaya geri konulmadan, art arda iki bilye çekme

deneylerinde aşağıdaki olaylar tanımlanmıştır.

1. deneyde; A, paranın yazı gelmesi

2. deneyde; B, zarın 4'ten küçük gelmesi C, zarın 4'ten büyük gelmesi

3. deneyde; D, birinci çekilen bilyenin mavi olması E, ikinci çekilen bilyenin mavi olması

Buna göre,

I. B ve C ayrı olaylardır.

II. A ve B bağımsız olaylardır.

III. D ve E bağımlı olaylardır.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I, II ve III

15.

A = {1, 2, 3, 4}

B = {2, 3, 4, 5}

C = {3, 4, 5, 6}

kümeleri veriliyor.

Bu kümelere rastgele iki tanesi seçiliyor ve seçilen kümelere rastgele birer sayı seçiliyor.

Buna göre, seçilen sayıların eşit olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{9}$ C) $\frac{3}{10}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{6}$

1. C	2. A	3. B	4. C	5. C	6. D	7. E	8. D
9. E	10. A	11. D	12. C	13. C	14. E	15. E	

1. Bir adet madeni para ve bir adet zar aynı anda atılıyor. Paranın tura veya zarın asal sayı gelme olasılığı kaçtır?

A) $\frac{4}{9}$ B) $\frac{3}{8}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{5}{12}$ E) $\frac{3}{4}$

2. 2 adet zar aynı anda atılıyor.

Üste gelen sayıların birbiriyle aynı veya ikisinin de asal olma olasılığı kaçtır?

A) $\frac{1}{18}$ B) $\frac{1}{9}$ C) $\frac{1}{8}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{3}$

3. 3 tane madeni para sırasıyla atılıyor.

İlk iki paranın yazı geldiği bilindiğine göre, 3. paranın tura gelme olasılığı kaçtır?

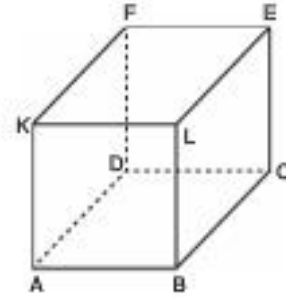
A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

4. Bir turist grubunda bulunanların %40'ı İngilizce, %30'u Almanca ve %10'u da her iki dili bilmektedir.

Bu gruptan seçilen bir kişi Almanca bilmediğine göre, İngilizce bilme olasılığı kaçtır?

A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{3}{7}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

- 5.



ABCDKLEF dikdörtgenler prizmasının rastgele iki ayrıtı seçiliyor.

Bu ayrıtların birbirine paralel olma olasılığı kaçtır?

A) $\frac{2}{9}$ B) $\frac{3}{10}$ C) $\frac{3}{11}$ D) $\frac{4}{13}$ E) $\frac{4}{17}$

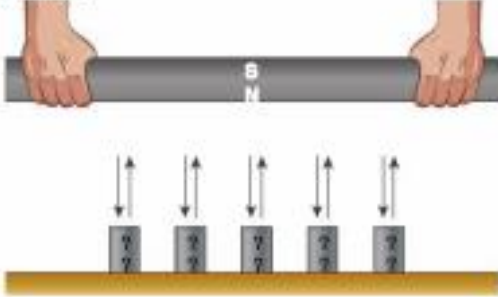
- 6.

3, 3, 5, 5, 5 rakamlarının tümü yan yana sıralanarak 5 basamaklı bir sayı yazılacaktır.

Yazılan bu sayının ilk ve son rakamlarının aynı olduğu bilindiğine göre, ortadaki rakamın 5 olma olasılığı kaçtır?

A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{3}$

7. Günlük hayatta kullandığımız yapay mıknatıslar daha çok demir ve çelikten yapılırlar. Mıknatısın kuzeyi gösteren ucu N ve güneyi gösteren ucu S harfleri ile gösterilmiştir. Mıknatısın zıt kutupları birbirini çekerken, aynı kutupları birbirini iterler.



Yukarıdaki demir çubuğu şeklideki gibi tutan Yiğit aşağıda bulunan 5 mıknatıstan yalnızca ikisini çubuğa çekebildiğine göre, çektiği mıknatısların yan yana olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{3}{10}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{3}{5}$

8.



Bir otoparka şeklideki gibi aracını parkeden 6 araç sahibinden birbirini tanıyan iki kişinin araçlarını yan yana veya karşılıklı park etmiş olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{7}{15}$ C) $\frac{11}{30}$ D) $\frac{7}{30}$ E) $\frac{1}{5}$

9. Aşağıda iki kitabın içeriği verilmiştir.



- 200 sayfa
- 50 sayfa konu anlatımı kalanı test
- 300 sayfa
- 100 sayfa konu anlatımı kalanı test

Eda bu kitaplardan rastgele birini alıp rastgele bir sayfasını açıyor.

Buna göre, Eda'nın karşısına konu anlatımı veya 12. sınıf test sayfası çıkma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{5}{8}$

10. 2 tane zar sırayla atılıyor.

Üste gelen sayılar çarpımının asal sayı olduğu bilindiğine göre, 1. zarın çift sayı gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{12}$ B) $\frac{1}{8}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{3}$

11.



Bir belediye geri dönüşüm amacı ile çöpleri ayırmak üzere bir sokağa atık türüne göre üzerinde cam, plastik, metal, kağıt ve organik atık yazan beş tane çöp bidonu koymuştur.

Elinde bir plastik torba ve cam şişe bulunan Mert, bidonlara bakmadan maddeleri farklı bidonlara atıyor.

Buna göre, Mert'in bu maddelerden en az birini doğru çöp bidonuna atmış olma olasılığı yüzde kaçtır?

- A) 25 B) 30 C) 32 D) 35 E) 36

13.

	A	B	C	D
1	x			
2			x	
3	x			
4		x		
5		x		
6			x	
7				x
8				x

Bir öğretmen 8 tane çoktan seçmeli soru için 4 seçenekli cevap anahtarları hazırlayacaktır. Yanda verilen örnek cevap anahtarındaki gibi her seçenek aynı sayıda olacaktır.

Buna göre, öğretmenin hazırlayabileceği tüm cevap anahtarlarından biri seçildiğinde seçilen cevap anahtarında A cevabının ardışık iki soruda olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{7}$ C) $\frac{2}{7}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{4}{7}$

12. Aşağıda Ali, Veli ve Selami'nin kartonlarına yazdığı sayılar gösterilmiştir. Selami sadece bir sayı yazmıştır.



x sayısının 20'den küçük bir doğal sayı olduğu bilindiğine göre, x'in Ali'nin yazıp Veli'nin yazmadığı veya Veli'nin yazıp Ali'nin yazmadığı bir sayı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{4}{5}$ E) 1

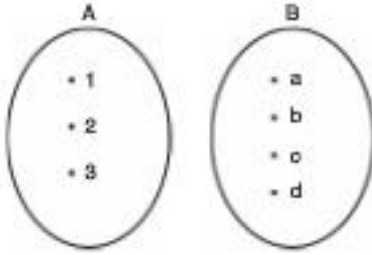
14. Üç arkadaş bir yazı tura oyunu oynuyorlar. Bu oyunun her adımında üç kişi aynı anda birer madeni para atıyor ve sadece bir kişi diğerlerinden farklı bir sonuç elde ettiğinde oyun bitiyor, aksi durumda oyun devam ediyor.

Bu oyunun, ikinci adımda bitme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{3}{8}$ C) $\frac{1}{16}$ D) $\frac{3}{16}$ E) $\frac{5}{16}$

1. E	2. E	3. E	4. B	5. C	6. D	7. C
8. B	9. E	10. C	11. D	12. B	13. A	14. D

1.

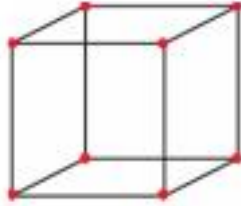


Yukarıda A ve B kümeleri verilmiştir.

Buna göre, A'dan B'ye tanımlanan fonksiyonlardan biri seçildiğinde bu fonksiyonun sabit fonksiyon olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{64}$ B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{3}{64}$ E) $\frac{3}{32}$

2.



Şekildeki küpün köşe noktalarından herhangi ikisi seçiliyor.

Seçilen iki noktayı birleştiren doğru parçasının küpün bir köşegeni olduğu bilindiğine göre, yüzey köşegeni olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{3}{7}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{6}{7}$

3. 5 kişilik bir sırada,

1. kişi 1 TL
2. kişi 2 TL
3. kişi 3 TL
4. kişi 4 TL
5. kişi 5 TL

Ödüyor.

Bu sırada olan Elif ve Fatih'in toplamda 7 TL ödemiş olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{1}{10}$ E) $\frac{3}{10}$

4.

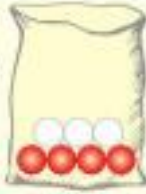
Aşağıda Oya'nın odasında bulunan duvar saati gösterilmiştir.



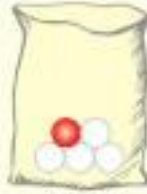
Bu duvar saati her saat başında "gong" diye bir ses çıkar-maktadır.

Oya bu saate rastgele baktığı bir anda gong sesi duyulduğuna göre, bu anda akrep ve yelkovan arasında dik açı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{24}$ B) $\frac{1}{12}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{3}$



1. Torba



2. Torba

Yukandaki 1. Torbada 3 tane beyaz ve 4 tane kırmızı top, 2. Torbada ise 4 tane beyaz ile 1 tane kırmızı top bulunmaktadır.

5., 6., 7., 8., 9. ve 10. sorular yukarıda verilen bilgilere göre çözülecektir.

5. Rastgele bir torbadan rastgele bir top alınıyor.

Buna göre, alınan topun kırmızı renkte olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{7}$ B) $\frac{8}{35}$ C) $\frac{4}{7}$ D) $\frac{5}{14}$ E) $\frac{27}{70}$

6. 1. Torbadan rastgele bir top alınıp 2. Torbaya atılıyor.

Buna göre, 2. Torbadan rastgele seçilen bir topun beyaz renkli olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{5}{7}$ B) $\frac{9}{14}$ C) $\frac{31}{42}$ D) $\frac{4}{7}$ E) $\frac{3}{7}$

7. Her iki torbadan rastgele birer top alınıyor.

Buna göre, topların aynı renkte olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{16}{35}$ B) $\frac{3}{7}$ C) $\frac{4}{7}$ D) $\frac{22}{35}$ E) $\frac{3}{14}$

8. Önce 1. Torbadan rastgele bir top alınıp 2. Torbaya atılıyor. Sonra da 2. Torbadan bir top alınıp 1. Torbaya atılıyor.

Buna göre, oluşan son durumun renk dağılımı bakımından başlangıçtaki durum ile aynı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{11}{21}$ B) $\frac{23}{42}$ C) $\frac{19}{42}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

9. 1. ve 2. Torbalardan rastgele birer top alınıp boş olan bir 3. Torbaya konuluyor.

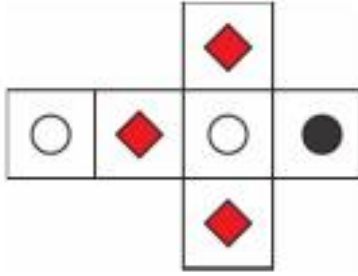
Buna göre, 3. Torbadan rastgele seçilen bir topun beyaz olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{3}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{22}{35}$ D) $\frac{43}{70}$ E) $\frac{1}{2}$

10. Torbaların herhangi birinden rastgele seçilen bir topun beyaz olduğu biliniyorsa 1. Torbadan çekilmiş olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{15}{43}$ B) $\frac{12}{43}$ C) $\frac{9}{23}$ D) $\frac{7}{23}$ E) $\frac{1}{3}$

11.



Yukarıda bir zarın açılımı verilmiştir.

Buna göre, bu zar üst üste iki kez atıldığında zarın üst yüzüne gelen şekillerin farklı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{11}{18}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{5}{6}$ E) $\frac{31}{36}$

12. Bir ilçede dört mahalle ve her mahallede üç eczane vardır. Mahalle ve eczaneler aşağıdaki gibidir.

A mahallesi: Gül, Neşe, Sağlık

B mahallesi: Ömür, Sevgi, Hayat

C mahallesi: Deniz, Doğru, Can

D mahallesi: Dilek, Pınar, Doruk

Bu ilçede hafta içi her gün saat 18.00'de tüm eczaneler kapanmakta, bu saatten sonra her mahallede bir eczane, belli bir sıraya göre sırayla nöbetçi olup üst üste iki gün nöbet tutmamaktadır.

İlçede salı akşamı;

Gül, Sevgi, Deniz, Doruk

eczaneleri nöbetçi olduğuna göre, çarşamba akşamı,

Sağlık, Ömür, Can, Pınar

eczanelerinin nöbetçi olma olasılığı kaçtır?

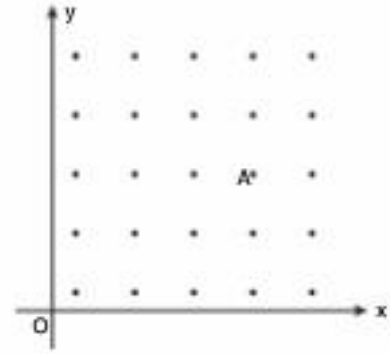
- A) $\frac{1}{24}$ B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{1}{12}$ D) $\frac{1}{8}$ E) $\frac{1}{4}$

13. Bir meteorolog daha önceki yıllarda gerçekleşen hava olaylarına bakarak 30 günlük bir ayda 3 gün boyunca kar yağışı olacağını sonra 5 gün ara verip bir 3 gün daha kar yağışı olacağını tahmin etmiştir.

Eğer bu tahmin gerçekleşecek olursa bu ayın 29. gününün kar yağışlı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{15}$ B) $\frac{1}{10}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{2}{5}$ E) $\frac{3}{5}$

14.

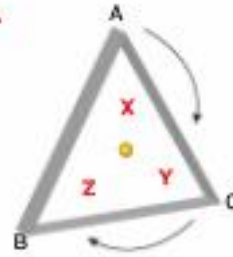


Şekilde hem yatay hem de dikey olarak eşit mesafelerle dizilmiş 25 adet nokta görülmektedir. A noktası dışında herhangi bir nokta seçilip bu noktaya B ismi veriliyor.

Buna göre, AB doğru parçasının x veya y eksenine paralel olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{7}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{1}{2}$

15.



Triominos oyunu yanda verilen üçgen şeklindeki parçalardan oluşur. Üçgenlerin üzerinde 0, 1, 2, 3, 4, 5 rakamları kullanılmakta olup bu rakamlar A, C, B yönünde eşit kalmakta veya artarak ilerlemektedir.

Örneğin,



Bu şekilde oluşabilecek tüm üçgen parçacıklar oyun kutusunun içine konuluyor.

Buna göre, bu Triominos oyun kutusundan rastgele seçilen bir üçgen parçasının her üç köşesinde aynı rakamın olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{14}$ B) $\frac{2}{7}$ C) $\frac{5}{14}$ D) $\frac{3}{28}$ E) $\frac{1}{7}$

1. B	2. D	3. A	4. C	5. E	6. C	7. A	8. B
9. D	10. A	11. B	12. B	13. B	14. C	15. D	

1. İki zar havaya atıldığında zarların üst yüzüne gelen sayıların toplamının çift sayı olduğu bilinmektedir.

Buna göre, toplamın 4 olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{9}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{5}{18}$

2. Kırmızı ve mavi renklerinin her birinden üçer top 1'den 3'e kadar numaralandırılarak bir torbaya konulmuştur. Torbadan rastgele ve sırayla, toplar tekrar torbaya konmamak şartıyla 2 top seçiliyor.

Buna göre, 1. topun mavi ve 2. topun tek sayı gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{3}{10}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{3}{5}$

3. Bir zar arka arkaya üç defa alınıyor. En az iki defa üst yüze 1 gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{108}$ B) $\frac{2}{27}$ C) $\frac{7}{108}$ D) $\frac{1}{18}$ E) $\frac{1}{12}$

4. Bir kargo firmasında beş kişiye gelen kargolar aşağıdaki gibi beklemektedir. En alt sırada olan kolilerde kitap, en alt sıranın hemen üstü yani 2. sıradaki kolilerde mutfak eşyası, diğer kolilerde ise giysi vardır.



Selçuk Özgür Ömür Yiğit Can

Koliler şekilde isimleri yazan kişilere aittir.

Örneğin, üst üste duran 5 koli Selçuk'a aittir. Kargo görevlisi rastgele belirlediği iki kişiye alt kolileri boş olan bir taşıma arabasına koymuştur.

Taşıma arabasında toplam iki giysi kolisi olduğu bilindiğine göre, görevlinin Yiğit'e alt kolileri taşıma arabasına koymuş olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1

5. $A = \{x : |x + 3| \leq 4, x \in \mathbb{Z}\}$
 $B = \{x : x^2 \leq 4, x \in \mathbb{Z}\}$

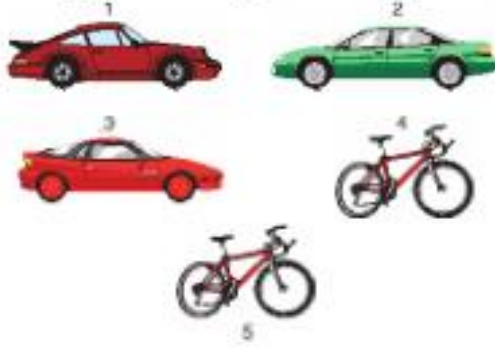
şeklinde tanımlanan A ve B kümeleri için A kümesinden seçilen bir elemanın $A \cap B$ kümesinin elemanı olmama olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{8}{9}$ B) $\frac{7}{8}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{5}{9}$ E) $\frac{4}{9}$

6.



Bir yarışma programının sonunda yarışmayı kazanan kişiye yukarıdaki altı kart verilmekte ve rastgele bir kart seçmesi istenmektedir. Kişi 1, 2, 3, 4, 5 sayılarından herhangi birinin olduğu kartı seçerse aşağıda gösterilen hediyeyi kazanmaktadır. Eğer kişi 0 sayısının olduğu kartı seçerse sadece bir kez daha aynı altı kart arasından rastgele bir kart seçmekte, yine 0 çıkarsa hediye kazanamamakta, 0'dan farklı bir sayı çıkarsa o hediyeyi kazanmaktadır.



Buna göre, bu yarışmayı kazanan kişinin tek kart çekilişi ile bisiklet kazanma olasılığının, iki kart çekilişi ile bisiklet kazanma olasılığına oranı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 6 E) 9

7.

Altı yüzeyinden her biri 1'den 6'ya kadar farklı bir sayma sayısı ile numaralandırılmış bir hileli zarda her sayının gelme olasılığı bu sayı ile doğru orantılıdır.

Buna göre, zar peş peşe 2 kez atıldığında ikisinin de 6 gelme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{36}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{2}{49}$ E) $\frac{4}{49}$

8. Aşağıda birlikte yanan dört mum gösterilmiştir.



Bir çocuk her bir üfleyle iki tane mumu söndürebilmektedir. Bu çocuk bu mumları iki kez üflüyor.

Çocuk; ilk üfleyle yan yana olan iki mumu söndürdüğüne göre, ikinci üfleyle yan yana olan iki mumu söndürme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{4}$

9. Engin bir zarı art arda üç kez atıyor.

1. atışta: 1 gelmediği
2. atışta: 2 gelmediği
3. atışta: 3 gelmediği

bilindiğine göre, Engin'in bu üç atışında toplamaları 18 olan üç sayı gelmiş olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{216}$ B) $\frac{1}{200}$ C) $\frac{1}{144}$ D) $\frac{1}{125}$ E) $\frac{1}{36}$

10. 8 tane ev eşyası aşağıdaki gibi numaralandırılmıştır. 2, 3, 4, 5 ve 6 numaralı eşyalar mutfak eşyasıdır.



0, 1, 2, 3, ..., 8 doğal sayılarından her biri 9 tane karttan farklı birine yazılarak tüm kartlar bir torbaya atılıyor. Bu torbadan rasgele bir kart çekilecektir. Çekilen kartta eğer 0'dan farklı bir numara varsa, o numaranın yazılı olduğu eşya kazanılacak, kartta 0 varsa çekiliş sadece bir kez daha tekrarlanacaktır.

Bu çekilişi yapan birinin 2. çekilişinde bir eşya kazandığı bilindiğine göre, kazanılan eşyanın mutfak eşyası olma olasılığı kaçtır?

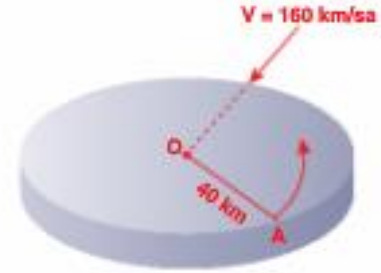
- A) $\frac{1}{18}$ B) $\frac{1}{9}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{5}{8}$

11. İçinde 4 mavi, 6 yeşil top bulunan bir torbadan iki top rasgele çıkartıldıktan sonra yine rasgele üçüncü bir top çekiliyor.

Buna göre, son çekilen topun mavi olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{8}$

- 12.



O noktasında bulunan bilimsel araştırma merkezi 40 km yarıçaplı daireesel bir bölgenin merkezinde olup 24 dakikada tam turunu tamamlayan şekildeki ok yönünde hareketli [OA] güvenlik sistemiyle sürekli korunmaktadır.

Saatteki hızı 160 km/sa olan bir hareketlinin görünmeyen bu güvenlik sistemine yakalanmadan bilimsel araştırma merkezine girme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{8}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{7}{8}$

13. Köşeleri A, B, C, D, E ve F olan bir düzgün altıgen çiziliyor.

Bu düzgün altıgenin köşelerinden seçilen herhangi 3 nokta birleştirildiğinde oluşacak üçgenin alanının, düzgün altıgenin alanının yarısı olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{5}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{8}$ E) $\frac{1}{10}$

1. D	2. B	3. B	4. D	5. D	6. D	7. E
8. D	9. D	10. E	11. A	12. D	13. E	

1. İki zar düzgün bir zemine aynı anda atılıyor.

Buna göre, zarlarda üst yüze gelen sayıların en az birinin 4 veya sayıların toplamının 8 olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{5}{12}$ E) $\frac{3}{8}$

- 2.

Kan grupları	Kimlere kan verebilir?	Kimlerden kan alabilir?
AB	AB	AB, A, B, 0
A	A ve AB	A ve 0
B	B ve AB	B ve 0
0	AB, A, B, 0	0

Kan türü	0	A	B	AB
Kişi sayısı	6	3	3	2

Yukarıda kan grupları ve birbirleri arasındaki kan alışverişini gösterilmiştir. 14 kişinin bulunduğu bir topluluktan kaç kişinin hangi kan grubunda olduğu verilmiştir.

Bu gruptan seçilen iki kişinin farklı kan gruplarında olduğu bilindiğine göre, birinin diğerine kan verebilme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{7}{11}$ B) $\frac{9}{13}$ C) $\frac{13}{17}$ D) $\frac{19}{21}$ E) $\frac{20}{23}$

3. Bir tepside 4'ü orta şekerli ve 5'i şekerli olmak üzere 9 tane kahve fincanı vardır. Üç kişi kahvelerdeki şeker oranlarını bilmeden tepside teker teker kahveleri alıyorlar.

Buna göre, ilk şekerli kahve fincanını son kişinin alma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{7}$ B) $\frac{5}{42}$ C) $\frac{2}{21}$ D) $\frac{1}{14}$ E) $\frac{1}{21}$

4. Bir torbanın içinde sadece siyah ve beyaz top var.

- Torbadan rastgele çekilen bir topun siyah olma olasılığı p 'dir.
- Çekilen her top kutuya geri atılmaktadır.

Buna göre, art arda çekilen 4 topun ikisinin beyaz ikisinin siyah olma olasılığı p türünden aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $6p^2(1-p)^2$ B) $4p^2(1-p)^2$ C) $p^2(1-p)^2$
D) $4p^2(1-p^2)$ E) $6p^2(1-p^2)$

5. 1'den 10'a kadar her doğal sayı aynı büyüklükteki farklı kartlardan birine yazılarak bir torbaya atılıyor. Önce A daha sonra da B adlı oyuncu çektikleri kartları torbaya geri atmamak şartıyla birer kart çekecektir. A ve B adlı oyuncuların, torbadan üzerinde büyük sayı olan kartı çeken oyunu kazanacaktır.

A oyuncusunun çektiği kart üzerindeki sayının 5'ten büyük olduğu bilindiğine göre, B oyuncusunun oyunu kazanma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{2}{5}$ E) $\frac{2}{9}$

6.



Yukarıda dört eş bölmeye ayrılmış ve üzerinde ibresi bulunan bir çark verilmiştir. İbrenin her bir hamlesi daima sağındaki veya solundaki bölmeye geçmesi ile gerçekleşir.

Buna göre, ibrenin ucu herhangi bir renkte iken 3 hamle yaptığında sarı rengi gösterme olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{1}{8}$

7.

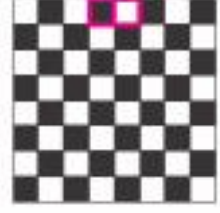
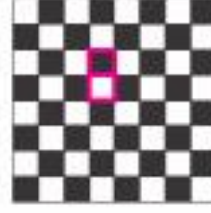


Yandaki şekil birim karelerden oluşmuştur.

Şekilden seçilen bir dörtgenin alanının 1 birimkareden büyük olduğu bilindiğine göre, kare olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{3}$

8.



Bir satranç tahtasında 64 tane kare vardır. Bu karelerden herhangi ikisi yan yana ise bu karelere komşu kareler diyelim. Şekilde komşu karelere altı iki örnek verilmiştir.

Şekildeki satranç tahtasına birer adet 😊 ve 😞 yüz ifadeleri yerleştirilecektir.

Buna göre, 😊 yüz ifadesinin beyaz karelerin oluşturduğu köşegende olduğu bilindiğine göre, 😊 ve 😞 şeklindeki yüz ifadelerinin komşu karelerde olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{1}{9}$ D) $\frac{1}{12}$ E) $\frac{1}{18}$

9.



2,5 cm uzunluğundaki bir çubuk rastgele iki parçaya bölünüp, bu parçaların uzunlukları en yakın tam sayıya yuvarlanıyor.

Örneğin: Çubuğu, 2,1 cm ve 0,4 cm parçalarına ayırırsak, 2,1 → 2; 0,4 cm → 0 sayılarına yuvarlanıyor. Çubuğu 2,5 - √3 ve √3 cm parçalarına ayırırsak 2,5 - √3 → 1; √3 → 2 sayılarına yuvarlanacaktır.

Buna göre, yuvarlanmış sayıların toplamının 3 olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{3}{4}$

1. Ahsen hilesiz bir zarı 200 kez üst üste atıyor. Zarın üst yüzüne gelen sayıların hepsini not ediyor ve 56 kez 6 geldiğini gözlemliyor.

Buna göre Ahsen, zarın üst yüzüne 6 gelme deneysel olasılığını kaç olarak hesaplar?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{6}{25}$ C) $\frac{7}{25}$ D) $\frac{8}{25}$ E) $\frac{9}{25}$

2. Hilesiz bir para 60 kez atılıyor ve tura gelme olasılığı deneysel olarak $\frac{1}{5}$ hesaplanıyor.

Buna göre, 60 atışın kaç tanesinde tura gelmiştir?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 15 E) 18

3. Hilesiz bir zar atıldığında üst yüzüne gelen sayının asal sayı olma olasılığı teorik olarak kaçtır?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{5}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{1}{2}$

4. Hilesiz bir zar 8 kez atılıyor ve üst yüzüne gelen sayılar not ediliyor.

2, 1, 3, 6, 5, 4, 3, 3

Buna göre, zarın üst yüzüne gelen sayının asal sayı olma olasılığı deneysel olarak kaçtır?

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{5}{8}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{8}$ E) $\frac{1}{4}$

5. Bir sinemada aynı saatte A, B ve C filmleri başlamaktadır. Sinemaya gelen ilk 75 kişiden 25'i A filmini, 20'si B filmini izlemeyi tercih etmektedir.

Buna göre, sinemaya gelen bir kişinin C filmini tercih etme olasılığı deneysel olarak kaçtır?

- A) $\frac{4}{5}$ B) $\frac{3}{5}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{8}$

6. Bir basketbolcunun 2020-2021 sezonunda yaptığı 56 faul atışından 21 tanesi sayı olmamıştır.

Bu basketbolcunun 2021-2022 sezonunda yaptığı ilk faul atışının sayı olmasının deneysel olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{5}{8}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{8}$

7.



Hilesiz bir zar atılıyor ve zarın üst yüzüne gelen rakamlar not edilerek aşağıdaki tablo oluşturuluyor.

Üst yüze gelen rakamlar	1	2	3	4	5	6
Üst yüze gelen rakamların gelme sayısı	1	2	3	2	4	0

Buna göre, bu zar atıldığında zarın üst yüzüne gelen rakamın 1 olma olasılığı deneysel olarak kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{12}$

8.



Şekilde gösterilen özdeş toplara 1, 2, 3, 4 ve 5 numaraları yazıldıktan sonra bir torbaya atılıyor.

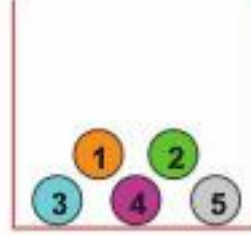
Ömer, torbadan rastgele bir top çektikten sonra topun numarasını kaydedip topu tekrar torbaya atmaktadır.

Ömer, bu işlemi 40 kez yaptıktan sonra çektiği topun 4 numaralı bir top olma olasılığının deneysel sonucunun teorik olasılık ile aynı olduğunu görüyor.

Buna göre, Ömer kaç defa 4 numaralı topu çekmiştir?

- A) 5 B) 6 C) 8 D) 9 E) 10

9.



Bir torbada 1'den 5'e kadar numaralandırılmış 5 top vardır. Bu torbadan peş peşe iki top çekiliyor ve üzerindeki sayılara bakılıp toplar torbaya geri atılıyor. Bu deneyi 6 kez tekrarlayan Alp, aşağıdaki verileri not ediyor.

	1. top	2. top
1. çekiliş	3	2
2. çekiliş	3	1
3. çekiliş	3	2
4. çekiliş	5	3
5. çekiliş	2	3
6. çekiliş	1	3

Alp bu torbadan peş peşe iki top daha çekiyor.

Buna göre, toplardan birinin 3 gelme olayının deneysel olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1

ACIL MATEMATİK

AYT

BÖLÜM - 10

LİMİT VE SÜREKLİLİK



- Limit Kavramı
- $\frac{0}{0}$ Belirsizliği
- Limit
- Süreklilik
- Limit ve Süreklilik

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Latince uç, sınır anlamına gelen limit, daha sonra türev ve integralin çok daha rahat ifade edilebilmesi için vazgeçilmez bir dil, bir anlatım haline gelmiştir. Sınavlarda zaman zaman işleme dayalı, zaman zaman yorum olarak karşımıza çıkmaktadır. Limit konusu bir günde de bitirilebilir, bir ayda da. Siz siz olun acele etmeyin! Bir ay beklemeyin ama bir günde de bitmesin. Uç noktalarda yaşamaya gerek yok! Konumuz limit olsa da. Hem uç noktalar kontrolden uzak noktalardır. Konunun başında biraz garipseyeceğin kavramlar göreceksin. Hatta biraz saçma gelecek önceleri. Merak etme! Bu senin için hazırlanmış analize hoş geldin partisidir. Etrafta alışkın olmadığın tipler görmen normal :) Toplama toplama gibi değil, çarpma bildiğin çarpma değil. Bir yere varmanın aslında ne kadar zor olduğunu anlayabiliyorsan tamamdır. Tanıdıkça seveceğin bir konu olacak. İyi çalışmalar dileriz.



1.

$$f(x) = \frac{x^3}{2} - 5x$$

olmak üzere, $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ limitinin değeri kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



2.

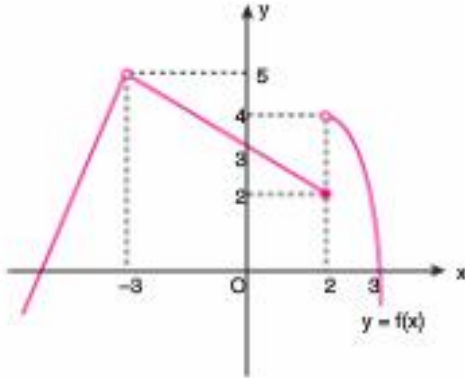
$$\lim_{x \rightarrow 13} \sqrt{\log_2(x+3)}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



3.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

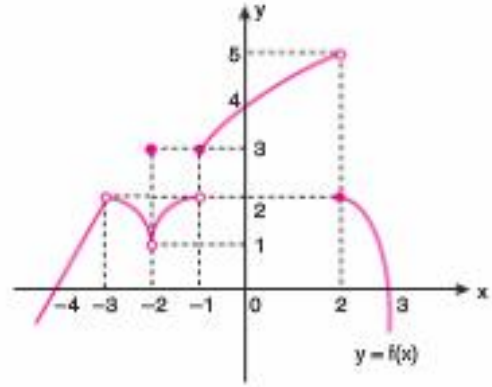
$$\lim_{x \rightarrow -3} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9



4.



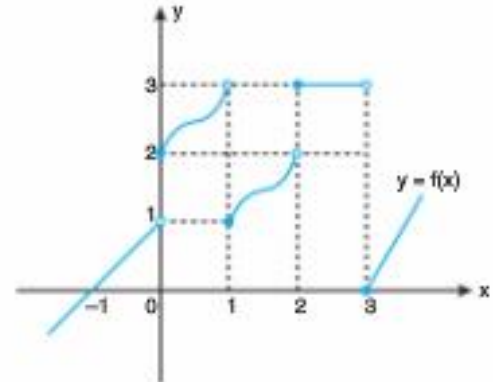
Şekilde, f fonksiyonunun $[-4, 3]$ aralığında apsisi tam sayı olan kaç noktada limiti vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



5.

Aşağıda f fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



6.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\tan x - \sin x}{1 - \cos x}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) $\sqrt{2}$ C) $\sqrt{3}$ D) 2 E) 3



7.

f ve g iki fonksiyon, $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2$ ve $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = -3$ tür.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \left(3f(x) - f(x) \cdot g(x) + \frac{4g(x)}{f(x)} + 1 \right)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7



8.

$a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x) - g(x)] = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow a} [g(x) + 2f(x)] = 5$$

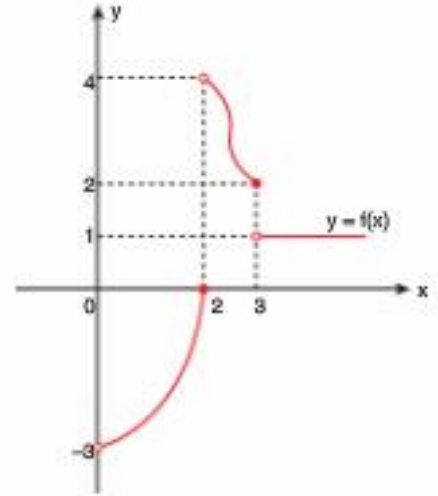
Buna göre, $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ limitinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



9.

Aşağıda $(0, \infty)$ aralığında tanımlı f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

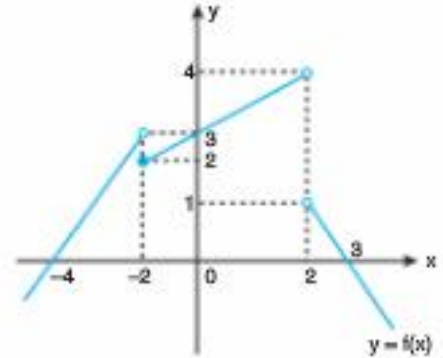


Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(2x)$ limitinin sonucu kaçtır?

- A) -3 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



10.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

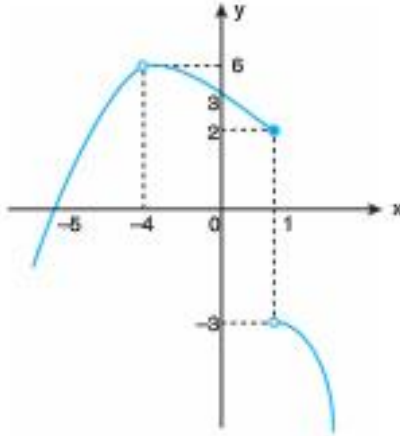
$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(-x) + \lim_{x \rightarrow 0} f(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



11.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

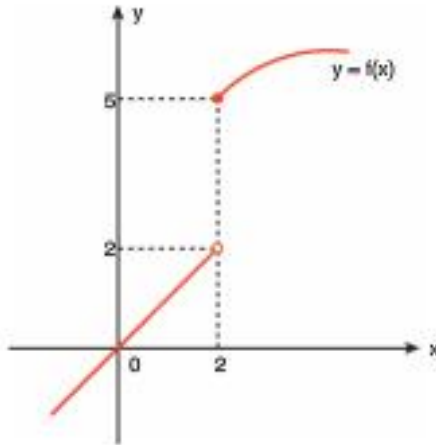
$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f\left(\frac{1}{x}\right) + \lim_{x \rightarrow -4} f(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



12.



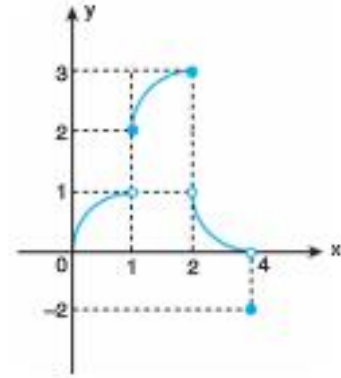
$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(7 - f(x))$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 4 E) 5



13.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

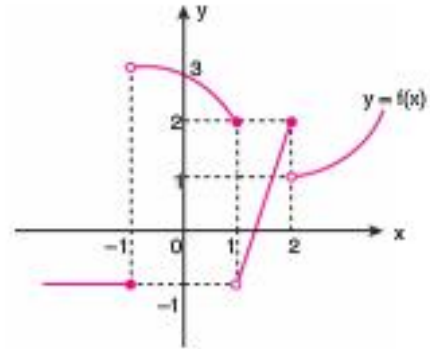
$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(1 + f(x)) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



14.



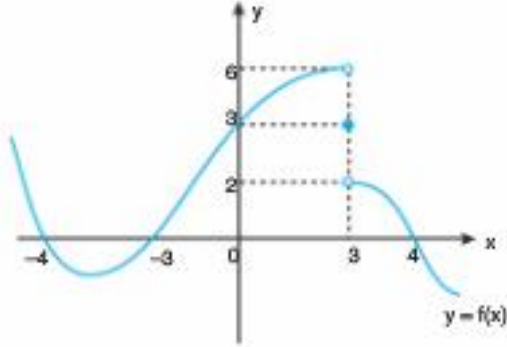
Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 1^-} (f \circ f)(x)$ limitinin sonucu kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 3



15.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

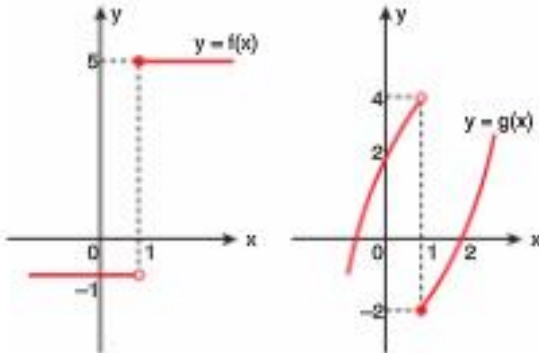
Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 4^+} (f \circ f)(x) = 3$
- II. $\lim_{x \rightarrow (-3)^+} f(-x) = 6$
- III. $\lim_{x \rightarrow -3} f(x) = 0$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I
- B) I ve II
- C) Yalnız III
- D) II ve III
- E) I, II ve III

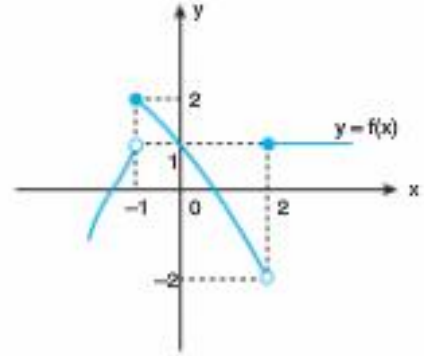
16. Aşağıda f ve g fonksiyonlarının grafiği verilmiştir.



Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) + g(x)]$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 5
- B) 4
- C) 3
- D) 2
- E) Yoktur

17. Aşağıda f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 3$ dir.
- II. $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} (f \circ f)(x) = -2$ dir.
- III. $\lim_{x \rightarrow f(-1)} f(x)$ yoktur.

Öncüllerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I
- B) Yalnız II
- C) I ve II
- D) I ve III
- E) II ve III

1. E	2. B	3. E	4. E	5. C	6. C
7. E	8. C	9. E	10. C	11. C	12. C
13. B	14. C	15. E	16. C	17. E	

1. a ve b birer reel sayıdır.

$$f(x) = \begin{cases} ax + b, & x < 1 \\ 7, & x = 1 \\ bx - a + 6, & x > 1 \end{cases}$$

fonksiyonunun $x = 1$ noktasında limiti olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

2. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} x^3 - ax, & x < 1 \\ a + 1, & x = 1 \\ 5x + a, & x > 1 \end{cases}$$

fonksiyonunun $x = 1$ noktasında limiti vardır.

Buna göre, $f(1)$ kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1

3.

$$f(x) = \begin{cases} 2x - x^2 + m, & x < -2 \\ x + n, & -2 \leq x < 3 \\ x^2 - n, & x \geq 3 \end{cases}$$

fonksiyonunun her noktada limiti vardır.

Buna göre, $m + n$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

4. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} 5x, & x \neq 0 \\ -5, & x = 0 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow -5} f(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) -25 B) -20 C) -15 D) -10 E) -5

5. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

Her noktada limiti olan

$$f(x) = \begin{cases} 5x - a, & x \leq a \\ x^2 - 5, & x > a \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ limitinin alacağı değerler toplamı kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

6.

$$f(x) = \begin{cases} x - 1, & x > 2 \\ x, & x \leq 2 \end{cases}$$

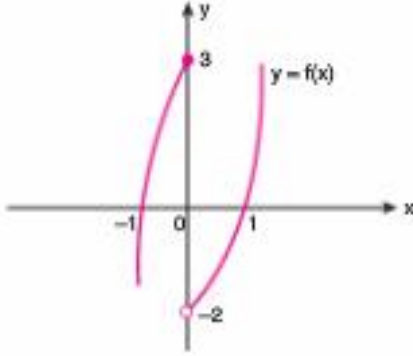
$$g(x) = \begin{cases} x + 3, & x > 1 \\ 2x - 1, & x \leq 1 \end{cases}$$

fonksiyonları veriliyor.

$\lim_{x \rightarrow 2^+} (g \circ f)(x)$ değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

7.



$$g(x) = \begin{cases} x^2 - x, & x < 0 \\ 3x - 1, & x \geq 0 \end{cases}$$

fonksiyonları veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} (f \circ g)(x)$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1

8.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3}{x} - 3^{-x} + 4^{\frac{1}{x}} + 2 \right)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4

9.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (2^{\frac{3}{x}} + 5^x + 1)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

10.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3}{x+1} - 5 \right)^{-x}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -4 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

11.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\cos x + 1}{x^2}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) Yoktur



12.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left| \frac{p}{3} \right|^{5x+1} = 0$$

olduğuna göre, p yerine yazılabilecek kaç tane tam sayı değeri vardır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



13.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\sin \frac{1}{x} + 2 \cos \frac{1}{x^2} \right)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



14. f bir fonksiyon ve a bir gerçekte sayıdır.

$$a + 2x + \frac{1}{x} \leq f(x) \leq a + 3x$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 7$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

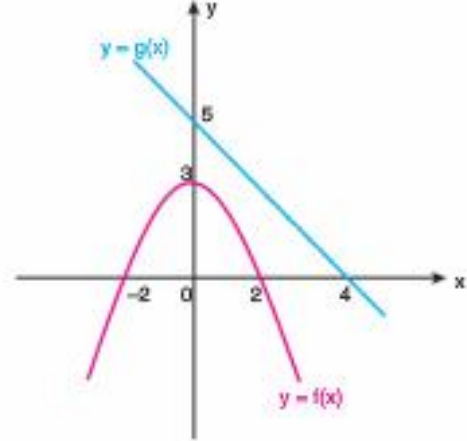


15. x pozitif tam sayı olmak üzere, her x için Murat x. gün x^2 sayfa kitap okumaktadır. Murat'ın gün olarak [a, b] zaman aralığında okuduğu sayfa sayısı $S_{[a, b]}$ dir.

Ömek: Murat'ın 1. günden 4. güne kadar (1. ve 4. günler dahil) okuduğu sayfa sayılan,

$$S_{[1, 4]} = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 30 \text{ dur.}$$

Aşağıda iki fonksiyonun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

$$\lim_{t \rightarrow 0} S_{[f(t), g(t)]}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) 25 B) 36 C) 50 D) 64 E) 81



1.

$$\lim_{x \rightarrow 9} \frac{9-x}{x^2-81}$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{18}$ B) $-\frac{1}{12}$ C) $-\frac{1}{6}$ D) $-\frac{1}{3}$ E) $-\frac{1}{2}$



2.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{x^3-1}$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{2}{3}$ C) $-\frac{1}{3}$ D) 0 E) $\frac{1}{3}$



3.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{x}}{\frac{1}{x^2} - \frac{1}{4}} \right)$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



4.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{9^x - 3^x}{3^x - 1}$$

İfadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{3}$ B) -1 C) $\frac{1}{3}$ D) 1 E) 3



5.

$$\lim_{x \rightarrow y} \left(\frac{x^2 - xy}{x^2 - y^2} \right)$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) $\frac{3}{2}$ E) 2



6.

$m, n \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow -4} \frac{2x^2 + 7x + m}{x + 4} = n$$

olduğuna göre, $m + n$ toplamı kaçtır?

- A) -14 B) -13 C) -12 D) -11 E) -10

7. $f(x)$, birinci dereceden bir polinomdur.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 5}{x - 1} = 3$$

olduğuna göre, $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) + 2x - 7}{x^2 - 1}$ değeri kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{5}{2}$ C) 2 D) $\frac{3}{2}$ E) 1



8.

$$\lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{x+7} - 2}{x+3}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{8}$ E) $\frac{1}{12}$



9.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^2 - 1}{\sqrt{x+3} - 2} \right)$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) 3 B) 5 C) 7 D) 8 E) 10



10. Bir $f(x)$ fonksiyonu her pozitif reel sayıyı, o sayı ile o sayının çarpma işlemine göre tersinin farkının mutlak değerine götürmektedir.

Buna göre,

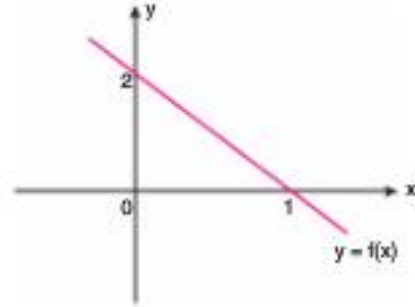
$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)}{x-1}$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

ACIL MATEMATİK

11.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{f(x)}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) $-\frac{1}{2}$ E) $-\frac{1}{4}$



12.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{2}} \frac{1 + \sin x}{\cos^2 x}$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) $-\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$



13.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{\tan x - 1}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\sqrt{2}$ D) $2\sqrt{2}$



14.

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \left(\frac{|x^2 - 9|}{x - 3} + x \right)$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 0 E) 2



15.

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{|x+2|}{x+2}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) 0 D) 1 E) Yoktur



16.

$$f(x) = \begin{cases} -x + 4, & x > 0 \\ 5, & x = 0 \\ m|x| + x, & x < 0 \end{cases}$$

fonksiyonunun $x = 0$ noktasında limiti olduğuna göre, m kaçtır?

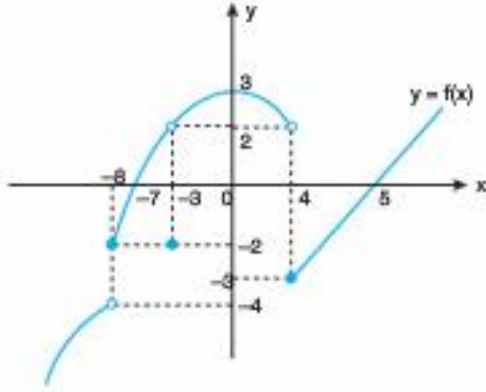
- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



1. A	2. B	3. B	4. D	5. B	6. B	7. B	8. B
9. D	10. A	11. B	12. D	13. B	14. A	15. E	16. D



1.



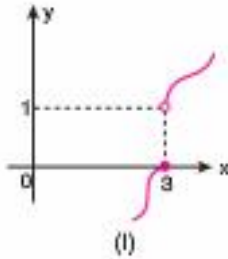
Yukarıdaki şekilde $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonunun kaç noktada limiti yoktur?

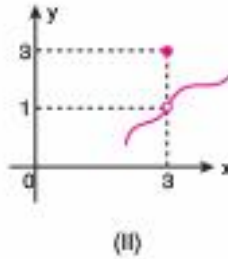
- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



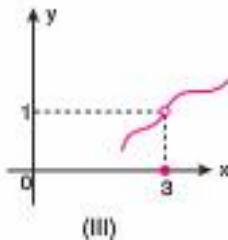
2.



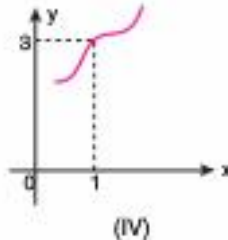
(I)



(II)



(III)



(IV)

Yukarıda verilen grafiklerden kaç tanesine göre,

$\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 1$ eşitliği sağlanır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



3.

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - f(x)}{x - 2}$ limitinin sonucu bir reel sayıya eşittir.

Buna göre,

- I. $f(x) = x + 2$
II. $f(x) = x^3 - 4$
III. $f(x) = x^3 - x^2 + x - 1$

Öncüllerinden hangileri doğru olabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III



4.

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{x^2 + 2ax - 3a^2}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 2 E) 4



5.

$m, n \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^2 - mx - 4}{x^2 + x - 2} \right) = n$$

olduğuna göre, $m + n$ toplamı kaçtır?

- A) -5 B) $-\frac{4}{3}$ C) 4 D) $\frac{10}{3}$ E) 3

6.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x^3 - 8}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{12}$ B) $\frac{1}{24}$ C) $\frac{1}{36}$ D) $\frac{1}{48}$ E) $\frac{1}{96}$

7.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos 2x}{1 - \tan x}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $-\sqrt{2}$ B) -1 C) 1 D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\sqrt{2}$

8.

Reel sayılarda tanımlı bir f fonksiyonu tek fonksiyondur.

$$\lim_{x \rightarrow 5} f(x) = -3$$

olduğuna göre, $\lim_{x \rightarrow 5} [x^2 \cdot f(-x)]$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) -75 B) -45 C) -15 D) 45 E) 75

9.

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^+} \frac{\cos x}{|\cos x|}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) 0 D) $\frac{1}{2}$ E) 1

10.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x \geq 3 \\ 3x + 1, & x < 3 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x - 1, & x \geq 1 \\ 3x, & x < 1 \end{cases}$$

fonksiyonları veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} (f \circ g)(x)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 10 B) 8 C) 4 D) 2 E) 1

11.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x| - x}{x}, & x < 0 \\ 2, & x \geq 0 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

12.

x	y = f(x)
0,7	-0,4765
0,8	-0,3111
0,9	-0,1526
1	0
1,1	0,1476
1,2	0,2909
1,3	0,4304

Tabloda, $y = f(x)$ fonksiyonunda belli x değerlerine ait $y = f(x)$ değerleri verilmiştir.

Buna göre,

I. $f(x) = \frac{x^2 - x - 2}{x - 1}$

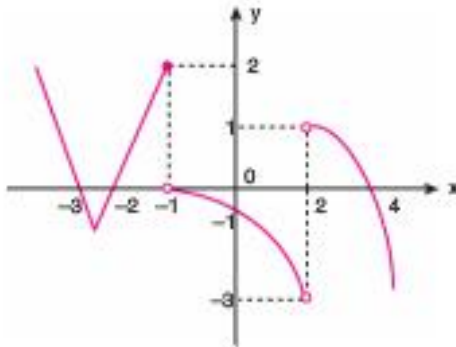
II. $f(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x + 1}$

III. $f(x) = \frac{x^2 - 2x + 1}{x + 1}$

$f(x)$ fonksiyonu yukarıdakilerden hangisi olabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
D) Yalnız III E) II ve III

13.



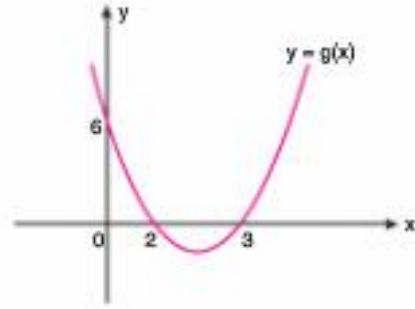
Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$A = \left\{ x_0 : \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = 0 \right\}$$

olduğuna göre, A kümesinin elemanları toplamı kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1

14.



Yukarıda, $y = g(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.

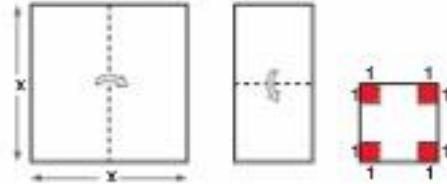
Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{g(x) - 2}{x - 1}$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2

15. Aşağıda $x > 4$ olmak üzere, bir kenarı x birim olan kare biçiminde bir kağıt verilmiştir.



Kağıt üstte görüldüğü gibi iki farklı biçimde katlandıktan sonra oluşan şekilden dört tane birim kare kesilip atılıyor.

Kağıt tekrar açıldığında oluşan son şeklin alanı $f(x)$ olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x)}{4 - x}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -16 B) -12 C) -10 D) -8 E) -6

E) 0

1. B	2. C	3. C	4. A	5. B	6. D	7. C	8. E
9. A	10. A	11. A	12. B	13. C	14. D	15. D	

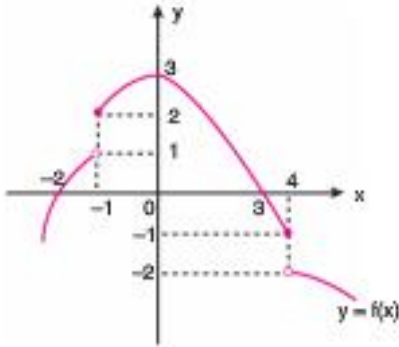
1. İkinci dereceden bir $P(x)$ polinomu $(x + 3)^2$ ile tam bölünmektedir.

$$\lim_{x \rightarrow -1} P(x) = 6$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun başkatsayısı kaçtır?

- A) $\frac{5}{2}$ B) 2 C) $\frac{3}{2}$ D) 1 E) $\frac{1}{2}$

2. Aşağıdaki $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



- $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = 1$
- $\lim_{x \rightarrow b^+} f(x) = -2$

olduğuna göre, bu şartları sağlayan kaç tane (a, b) ikilisi vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

3. $f(x) = \sqrt[3]{x+1}$ olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f^{-1}(x)}{x^2 - 1}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 2 B) $\frac{3}{2}$ C) 1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

4. Gerçek sayılar kümesinin bir alt kümesi üzerinde f fonksiyonu,

$$f(x) = \frac{3x + |x|}{x} + \frac{x^2 + x - 2}{x - 1}$$

biçiminde tanımlanıyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1} f(x)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 12 B) 11 C) 10 D) 9 E) 8

- 5.

$$\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin x \cdot \cos^2 x - \sin(\pi - x)}{x - x + \cos^2(\pi - x)}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4

6. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

$$\lim_{x \rightarrow a} |f(x)| = L \in \mathbb{R}$$

olmak üzere,

I. $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L$ veya $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = -L$ olur.

II. $\lim_{x \rightarrow a} f^2(x) = L^2$ olur.

III. $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = -L^2$ olur.

İfadelerinden hangileri daima doğrudur?

A) Yalnız I

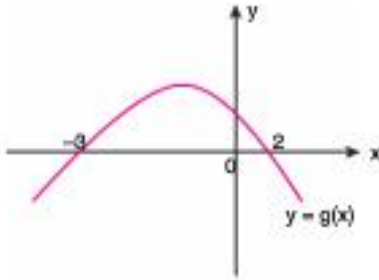
B) Yalnız II

C) I ve II

D) II ve III

E) I ve III

7.



Yukarıda, $y = g(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f(x) = \begin{cases} -1, & x < 0 \\ 0, & x = 0 \\ 1, & x > 0 \end{cases}$$

olduğuna göre,

$$\lim_{x \rightarrow -1} (f \circ g)(x) - \lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x)$$

işleminin sonucu kaçtır?

A) -2

B) -1

C) 0

D) 1

E) 2

8.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x^2 - x|}{x}$$

limitinin sonucu kaçtır?

A) -2

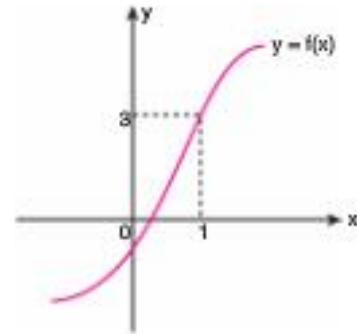
B) -1

C) 0

D) 1

E) 2

9.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f^2(x) - f(x) - 6}{f^2(x) - 9}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

A) $\frac{3}{5}$

B) $\frac{5}{6}$

C) $\frac{2}{3}$

D) 1

E) $\frac{4}{3}$

10.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x+2| - 2}{|x|}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

A) Yoktur

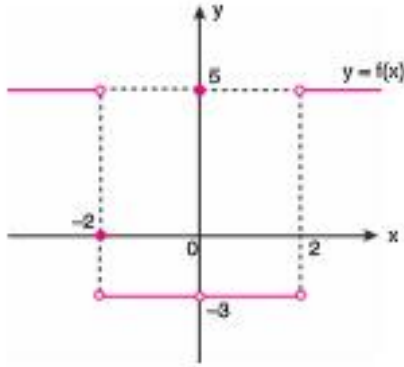
B) -2

C) -1

D) 0

E) 1

11.



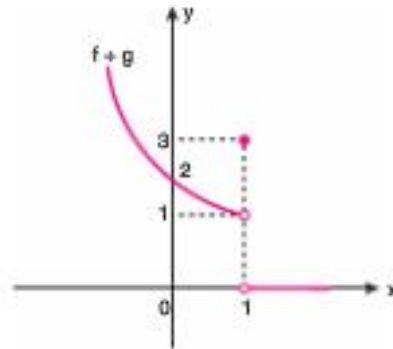
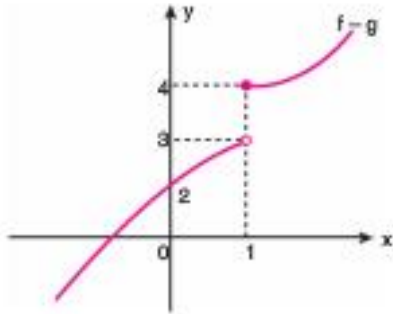
Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(p) = f(p) + \lim_{x \rightarrow p^+} f(x)$$

olduğuna göre, $(g \circ f)(-2)$ kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

12.



Yukarıda, $f - g$ ve $f + g$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

13. $P(x)$ polinomu 3. dereceden bir polinom olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{P(x)}{(x-1)} = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{P(x)}{(x-2)} = -3$$

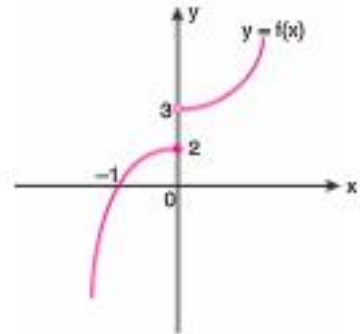
olduğuna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{P(x)}{(x-1) \cdot (x-2)}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -12 B) -7 C) -2 D) 5 E) 12

14.



Yukarıda verilen $f(x)$ fonksiyonunun grafiğine göre,

I. $\lim_{x \rightarrow 0} f(|x|) = 3$

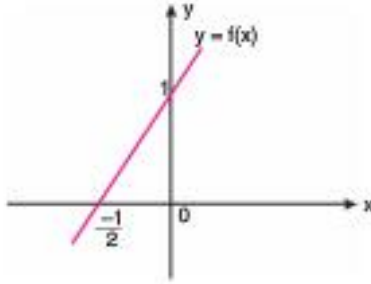
II. $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(1-x) = 2$

III. $\lim_{x \rightarrow -1^+} (f \circ f)(x) = 2$

Yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

15. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



$f(x)$ fonksiyonu 1 birim sağa ve 1 birim aşağı ötelendiğinde $h(x)$ fonksiyonu oluşmaktadır.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{h(x)}$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) 0 B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) $\frac{3}{2}$ E) 2

16. $f(x) = \begin{cases} -2, & x < 0 \\ 0, & x = 0 \\ 2, & x > 0 \end{cases}$

fonksiyonu veriliyor.

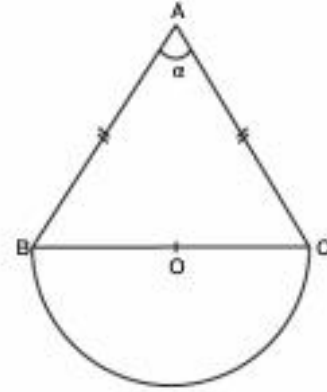
Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^-} f^2(x)$$

toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

- 17.



ABC ikizkenar üçgenin tabanına O merkezli yarımlı daire yerleştirilmiştir.

$$|AB| = |AC| \text{ ve } m(\widehat{BAC}) = \alpha^\circ \text{ dir.}$$

$$A(\widehat{ABC}) = S_1 \text{ br}^2 \text{ ve yarımlı dairenin alanı } S_2 \text{ br}^2 \text{ dir.}$$

Buna göre,

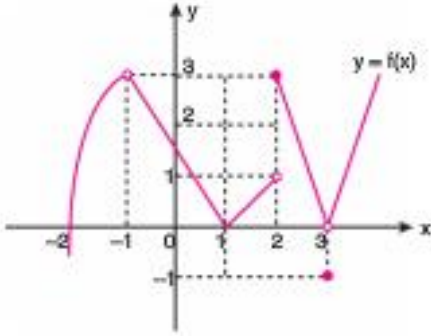
$$\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{S_1 \cdot \sin \alpha}{S_2}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{\pi}$ B) $\frac{2}{\pi}$ C) $\frac{3}{\pi}$ D) $\frac{4}{\pi}$ E) 1

1. C	2. D	3. B	4. B	5. C	6. B
7. E	8. D	9. B	10. A	11. E	12. C
13. C	14. C	15. D	16. D	17. D	

1.

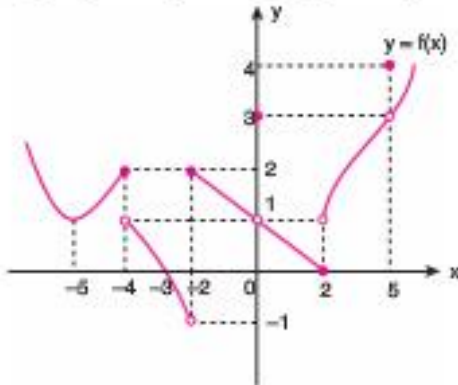


Şekilde, $y = f(x)$ 'in grafiği verilmiştir.

Buna göre; $f(x)$ fonksiyonu $-2, -1, 0, 1, 2, 3$ apsisi noktalarından kaç tanesinde süreklidir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

2. Aşağıda $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, f fonksiyonunun limiti olmasına rağmen süreksiz olduğu noktaların apsisi toplamı kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) 1 D) 2 E) 5

3. $f(x)$ sürekli bir fonksiyon,

$$\lim_{x \rightarrow 5} f(x) = 3$$

olduğuna göre, $f(5)$ kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

4.

- $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = |x-3|$
- $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = \sqrt{x+1}$
- $f: \mathbb{R}^- \rightarrow \mathbb{R}, h(x) = \sqrt[3]{x}$
- $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}, k(x) = \frac{1}{x+5}$

Yukarıda verilen fonksiyonların kaç tanesi süreklidir?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

5.

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, a ve $b \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} 5x - b, & x < -1 \\ 6, & x = -1 \\ ax + 7, & x > -1 \end{cases}$$

fonsiyonu sürekli olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) -12 B) -11 C) -10 D) -9 E) -8

6.

$$f(x) = \begin{cases} x + m, & x > 2 \\ mnx - 1, & x = 2 \\ 2x - m, & x < 2 \end{cases}$$

fonksiyonunun $x = 2$ noktasında limiti olup fonksiyon bu noktada süreksizdir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) $m = 1$
 $n \neq 1$
- B) $m = 2$
 $n \neq 1$
- C) $m = 1$
 $n \neq 2$
- D) $m = 2$
 $n \neq 2$
- E) $m = 2$
 $n = 1$

7.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3x+1}{x-1}, & x > 2 \\ 2x+4, & x \leq 2 \end{cases}$$

fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş küme aşağıdakilerden hangisidir?

- A) \mathbb{R}
- B) $\mathbb{R} - \{1\}$
- C) $\mathbb{R} - \{2\}$
- D) $\mathbb{R} - \{1, 2\}$
- E) $\mathbb{R} - \left\{\frac{-1}{3}\right\}$

8.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{8}{x-5}, & x < 1 \\ -2x, & 1 \leq x < 3 \\ \frac{2}{x}, & x \geq 3 \end{cases}$$

kuralı ile tanımlı f fonksiyonu kaç noktada süreksizdir?

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5

9.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{4-x^2}{2-x}, & x \neq 2 \\ a+1, & x = 2 \end{cases}$$

fonksiyonu gerçel sayılar kümesi üzerinde sürekli dir.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 4
- B) 3
- C) 2
- D) 1
- E) 0

10. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{3x-1}{x^2+2x-m}$$

fonksiyonu sürekli olduğuna göre, m hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $(-\infty, -1)$
- B) $(-\infty, 1)$
- C) $(-1, \infty)$
- D) $(1, \infty)$
- E) $(-1, 1)$

11.

$$f(x) = \sqrt{6 - |x+1|}$$

fonksiyonunu sürekli yapan x tam sayı değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) -15
- B) -13
- C) -11
- D) -9
- E) -7

12. $[2, 6]$ aralığında sürekli bir f fonksiyonu için $f(3) = 5$ tir.

Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 5$
- II. $f(4) > f(3)$
- III. f fonksiyonu azalan bir fonksiyon ise
 $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) > f(5)$ tir.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III

13. $f(x) = \sqrt[3]{\frac{3}{x-2}} + |x+5| + \frac{x}{x^2-9}$

fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş aralık $\mathbb{R} - A$ olduğuna göre, A kümesi kaç elemanlıdır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

14. $f(x) = \frac{\tan x}{2 \sin x - 1}$

fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş aralık $\mathbb{R} - A$ olduğuna göre, A kümesinin $[0, 2\pi]$ aralığında kaç elemanı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

15. a bir gerçekte sayı olmak üzere,
 $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$,

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - a}{x - 3} & , x \neq 3 \text{ ise} \\ 6 & , x = 3 \text{ ise} \end{cases}$$

fonksiyonu $x = 3$ noktasında sürekli olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 36 B) 12 C) 9 D) 3 E) 1

16. $f(x) = \begin{cases} 2x - 1, & x < 1 \\ ax + b, & 1 \leq x \leq 2 \\ x^2 + 1, & x > 2 \end{cases}$

fonksiyonu her $x \in \mathbb{R}$ için sürekli olduğuna göre, $a - b$ farkı kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

1. B	2. E	3. C	4. E	5. C	6. C	7. C	8. A
9. B	10. A	11. B	12. D	13. D	14. D	15. C	16. E

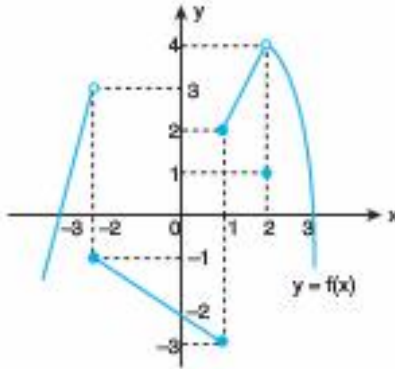
1.

$$f(x) = \begin{cases} ax + 2, & x < -1 \\ x + 7, & x = -1 \\ bx + 1, & x > -1 \end{cases}$$

fonksiyonu $x = -1$ noktasında sürekli olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -20 B) -18 C) -12
D) 12 E) 20

2.



Şekilde $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. f fonksiyonunun $x = 2$ apseli noktada limiti olduğu halde sürekli değildir.
- II. f fonksiyonu $x = -2$ apseli noktada sürekli dir.
- III. f fonksiyonu $x = 0$ noktasında sürekli dir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

3.

$$f(x) = \frac{2x - a + 5}{x + 3a - 12}$$

fonksiyonu $\mathbb{R} - \{a\}$ kümesinde sürekli olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

4.

$y = f(x)$ fonksiyonu apseli 2 olan noktada sürekli ve $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -2$ dir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^+} [f(x) - f(2)]$$

toplamının değeri kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4

5.

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - a^2}{x - a}, & x < a \text{ ise} \\ x^2, & x \geq a \text{ ise} \end{cases}$$

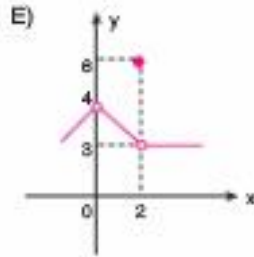
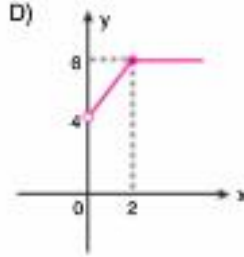
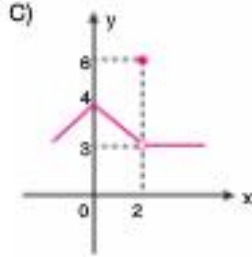
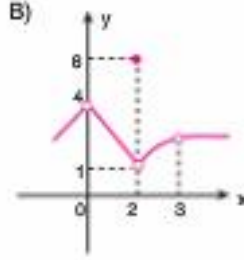
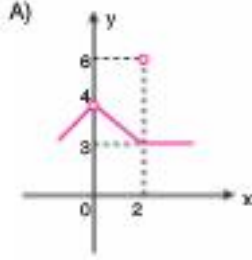
fonksiyonu $x = a$ noktasında sürekli olduğuna göre, a 'nın alabileceği en büyük değeri kaçtır?

- A) 0 B) 2 C) 4 D) 9 E) 10

6. $y = f(x)$ fonksiyonu için aşağıdaki bilgiler veriliyor.

- $x = 0$ apsisi noktasında fonksiyon tanımsızdır.
- $f(2) = 6$
- $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 4$
- $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 3$
- f fonksiyonu $(2, \infty)$ aralığında sürekli.

Yukarıda verilen bilgilere göre, f fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



7. f fonksiyonu; $[2, 6]$ aralığında sürekli bir fonksiyon olsun.

x	2	6
$f(x)$	10	20

- $x = 3$ noktasında f fonksiyonunun limiti vardır.
- $f(5) < f(4)$ tür.
- $f(x_0) = 17$ olacak şekilde yalnız bir tane x_0 değeri vardır.

Yukarıdaki tabloya göre verilen öncüllerden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III

8.

$$f(x) = \begin{cases} ax - 25 & , x = 5 \\ \frac{25 - x^2}{x - 5} & , x \neq 5 \end{cases}$$

şeklinde tanımlanan $f(x)$ fonksiyonu $x = 5$ noktasında sürekli olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 25 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

9. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

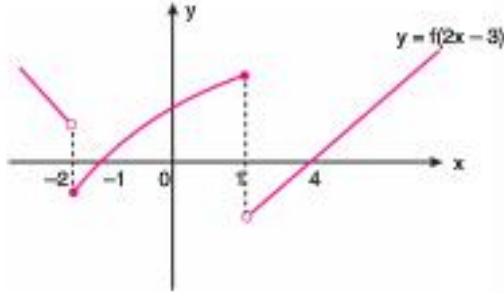
$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , x < 1 \\ |x - 1| & , x = 1 \\ p - 3 & , x = 1 \\ 9x + r & , x > 1 \end{cases}$$

kuralı ile verilen f fonksiyonu \mathbb{R} 'de süreklidir.

Buna göre, $p + r$ toplamı kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -7 E) -6

10.



Yukarıda, $y = f(2x - 3)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(x + 1)$ fonksiyonunun süreksiz olduğu x değerleri toplamı kaçtır?

- A) -12 B) -11 C) -10 D) -9 E) -8

11. Asım bir koordinat ekseninde, $y = \frac{x}{x+1}$ eğrisini orijin noktasından itibaren sağa doğru çizmeye başlamıştır. Hiç elini kaldırmadan grafiğin $x = 6$ apseli noktasına kadar çizim yapmış ve tam bu noktada yine elini kaldırmadan $y = \frac{x+6}{x+8}$ eğrisini sağa doğru çizmeye başlamıştır.

Buna göre, a kaçtır?

- A) 0 B) 2 C) 4 D) 6 E) 8

12.

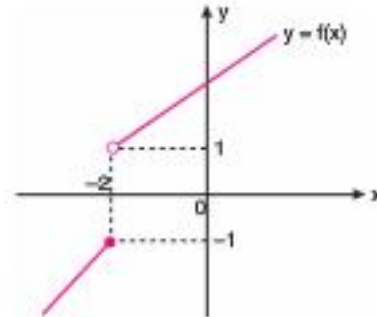
$$f(x) = \begin{cases} \cos x & , x < 0 \\ m \sin x + n & , 0 \leq x \leq \frac{3\pi}{2} \\ 3 \sin\left(2x - \frac{3\pi}{2}\right) & , x \geq \frac{3\pi}{2} \end{cases}$$

fonksiyonu \mathbb{R} 'de süreklidir.

Buna göre, $m + n$ toplamı kaçtır?

- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

13. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

- I. $f(-x)$
- II. $|f(x)|$
- III. $f(|x|)$

fonksiyonlarından hangileri gerçel sayılar kümesinde süreklidir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

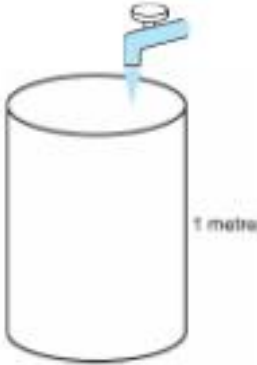
14. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} 3x - 2m & , x \leq m \\ \frac{x+8}{x-1} & , x > m \end{cases}$$

fonksiyonu her $x \in \mathbb{R}$ için sürekli olduğuna göre, m değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 1 D) 2 E) 4

15.



Şekilde verilen dik silindirik biçimindeki boş tankın yüksekliği 1 metredir. Tankta sabit hızla yakıt akıtan bir muslukla yakıt konulacaktır. Kronometre 0. saniyeyi gösteriyorken musluk açılıyor ve dolum işlemine başlanıyor. Dolum işlemi sürerken kronometre tam 30. saniyeyi gösterdiği anda tanktaki yakıtın yarısı boşaltılıyor.

Tankta x . saniyedeki yakıt yüksekliğini cm birimine göre belirten fonksiyon, $f: [0, a] \rightarrow \mathbb{R}$ ve $y = f(x)$ 'tir.

$$f(0) = 0, f(5) = 10 \text{ ve } f(a) = 100$$

olduğuna göre,

- I. $a = 65$ 'tir.
II. f sürekli fonksiyondur.
III. f artan fonksiyondur.

yargılarından hangileri her zaman doğrudur?

(30. saniyede gerçekleşen boşaltım işlemindeki zaman kaybı önemsenmeyecektir.)

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I, II ve III

16. Bir taksiye alt taksimetrenin açılış ücreti 1,5 TL olup gidilen her kilometre sonunda ücret 0,5 TL artmaktadır.

Örneğin; taksii ile 600 metre yol gidiildiğinde taksimetre 1,5 TL gösterir.

Yolcu bu taksiyle x km ($0 \leq x < 4$) yol gitmiştir. Yolculuğun herhangi bir anında taksimetrede yazan değerin alınan yola bağlı fonksiyonu $y = f(x)$ tir.

Buna göre,

I. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$

II. f fonksiyonu tanımlı olduğu aralıkta tam sayı apsisli noktalar dışında sürekliktir.

III. $f\left(\frac{7}{2}\right) = \lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 3$ tür.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

1. E	2. D	3. D	4. B	5. B	6. E	7. A	8. D
9. A	10. C	11. E	12. A	13. D	14. E	15. A	16. E



1. $a, b \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{3x-1}{x^2+ax+b}$$

fonksiyonu $\mathbb{R} - \{2, 3\}$ kümesinde sürekli olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 2 E) 1



- 2.

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \left(\frac{2x + |5x|}{x^2 + x} \right)$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



- 3.

$$f(x) = \begin{cases} 4-x, & x < 2 \\ \frac{x+6}{x}, & x \geq 2 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $\lim_{x \rightarrow 2^-} (f \circ f)(x)$ limitinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 4



4. $[-1, 12]$ aralığında sürekli ve doğrusal bir f fonksiyonu veriliyor.

• $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1$

• $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 3$

olduğuna göre, $\lim_{x \rightarrow 5} f(x)$ limitinin değeri kaçtır?

- A) 13 B) 11 C) 9 D) 7 E) 5



5. Başkatsayısı 1 olan ikinci dereceden bir $P(x)$ polinomu $(x-3)$ ile bölündüğünde 1 kalanını vermektedir.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{P(x)}{x-2}$$

ifadesinin sonucu bir gerçekte sayıya eşit olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun sabit terimi kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 0 D) 1 E) 4



- 6.

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^-} \frac{\sqrt{1 - \sin 2x}}{\cos 2x}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $-\sqrt{2}$ B) $\frac{-\sqrt{2}}{2}$ C) 1 D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\sqrt{2}$

7. f birle bir ve süreklil bir fonksiyondur.

$$\lim_{x \rightarrow 5} f(x) = 2$$

olduğuna göre, $\lim_{f(x) \rightarrow 2} [x^2 f(x)]$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 20 B) 25 C) 50 D) 52 E) 64

8. $f(x)$ ve $g(x)$ gerçel sayılarda tanımlı birer fonksiyondur.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{1-x^3} = 4 \text{ ve } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{g(x)}{1-x^2} = -8$$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{g(x)}$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) 0 E) $\frac{1}{2}$

9.

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{f(x)}{x^2} = 1$$

olduğuna göre,

I. $f(-2) = 4$

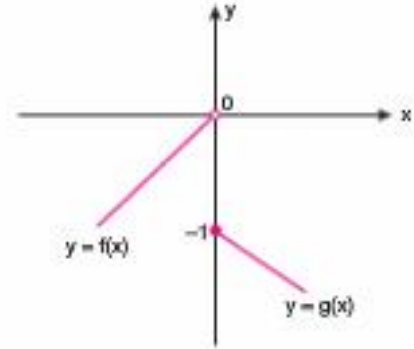
II. $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 4$

III. $f\left(\lim_{x \rightarrow -1} (x-1)\right) = 4$

öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

10.



$$h(x) = \begin{cases} f(x) & , x < 0 \\ g(x) & , x \geq 0 \end{cases}$$

şeklinde tanımlanan h fonksiyonunun süreklil olması için aşağıda verilen öteleme simetri hareketlerinden hangisi yapılmalıdır?

- A) $x < 0$ için, $1 - f(x)$ B) $x \geq 0$ için, $g(x) - 1$
C) $x \geq 0$ için, $g(x - 1) - 1$ D) $x \geq 0$ için, $1 - g(x)$
E) $x \geq 0$ için, $-1 - g(x)$



11.

$$f(x) = \begin{cases} g(x) & , x < 1 \\ x^2 + x & , x \geq 1 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} bx + a & , x > 1 \\ 1 & , x = 1 \\ ax + 1 & , x < 1 \end{cases}$$

fonksiyonları veriliyor.

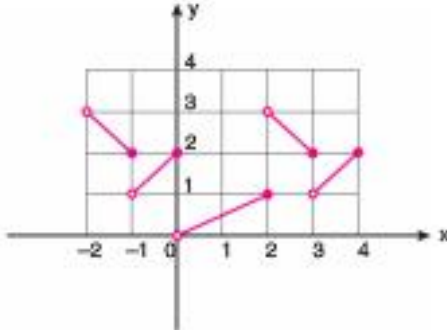
$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 2$ ve $g(x)$ fonksiyonunun $\forall x \in \mathbb{R}$ için

limitli varsa, $2a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



12.



Grafiği verilen $f(x)$ fonksiyonu için,

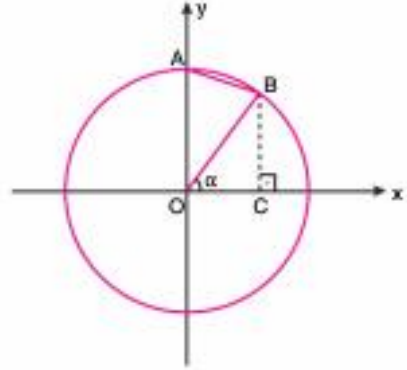
$$\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \underbrace{(f \circ f \circ f \dots \circ f)}_{43 \text{ tane } f}(x)$$

ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



13. Aşağıda verilen birim çemberde $m(\widehat{BOC}) = \alpha$ dir.



Buna göre,

$$\lim_{\alpha \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{|AB|}{|OC|}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) $\frac{3}{2}$ E) 2



14. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,
 f fonksiyonu her x için,

$$-3 < f(x) < -1$$

eşitsizliklerini sağlamaktadır.

Buna göre,

I. $\lim_{x \rightarrow 5} (x + f(x))$ vardır.

II. $\lim_{x \rightarrow -1} (2x - f(x))$ vardır.

III. $\lim_{x \rightarrow 2} (|f(x)| + f(x))$ vardır.

Öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) II ve III



1. E	2. D	3. E	4. B	5. E	6. D	7. C
8. C	9. B	10. E	11. C	12. C	13. C	14. C

1. Her noktada sürekli ve daima artan bir f fonksiyonu veriliyor.

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 2$$

Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 2$
 II. $f(2) > 2$
 III. $f^2(1) = 4$

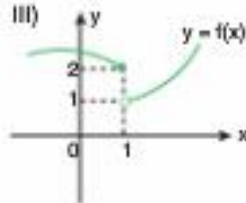
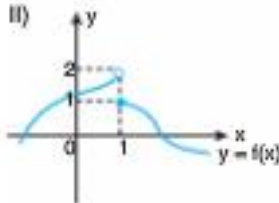
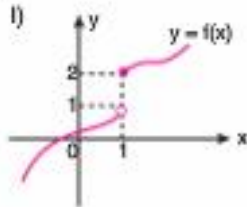
İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
 D) I ve III E) I, II ve III

2. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x-1) = 1$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x-1) = 2$$

olduğuna göre,



grafiklerinden hangisi $f(x)$ fonksiyonuna ait olabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
 D) II ve III E) I, II ve III

3. a pozitif bir gerçel sayı olmak üzere, tüm reel sayılarda sürekli olan,

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 9, & x \neq a \\ 9 - x^2, & x = a \end{cases}$$

fonsiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{ax - 9}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

4.

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4x + m + 1}}{5}$$

fonsiyonu gerçel sayılarda sürekli olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi daima doğrudur?

- A) $m > 3$ B) $m \geq 3$ C) $m \leq -3$
 D) $-3 < m \leq 0$ E) $0 \leq m \leq 3$

5.

a, b ve c birer reel sayıdır.

$$\bullet \lim_{x \rightarrow 1} \frac{P(x)}{(x-1)^2} = a$$

$$\bullet \lim_{x \rightarrow 2} \frac{P(x)}{x-2} = b$$

$$\bullet \lim_{x \rightarrow -1} \frac{P(x)}{x+1} = c$$

eşitlikleri veriliyor.

$\deg[P(x)]$; $P(x)$ polinomunun derecesini ifade etmek

üzere, $\deg[x^2 \cdot P(x)]$ en az kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

6. $n \in \mathbb{Z}^+$ olmak üzere, gerçel sayılar kümesi üzerinde,

$$f_n(x) = x^n - 16$$

veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f_4(x)}{f_2(x) + 12}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 16 B) 12 C) 8 D) 6 E) 4

8. m ve n birer gerçel sayıdır.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - m, & x \geq 1 \\ x + 3, & x < 1 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 1}{f(-x)} = n$$

olduğuna göre, $m + n$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

7. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ bir fonksiyon olmak üzere,

- f fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş aralık $\mathbb{R} - \{3\}$ tür.
- f fonksiyonunun $x = 3$ apsisi noktasında limiti vardır.

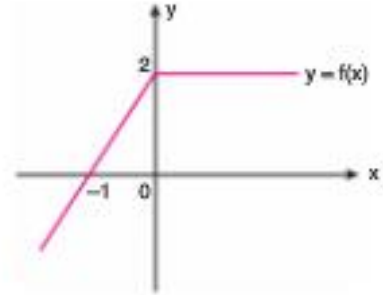
Buna göre,

- f fonksiyonu bire birdir.
- f fonksiyonu örtendir.
- $f(3) > \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ dir.

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve III E) Hiçbiri

9. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



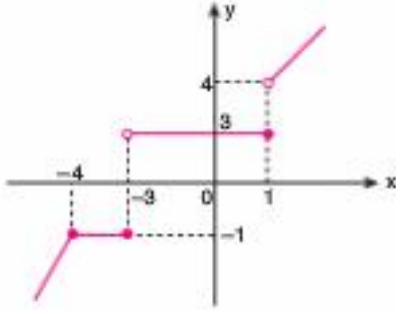
Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{f(x)}{x+1} + \lim_{x \rightarrow 2} f(x)$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

10.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow -3^-} f(x)$$

eşitliğini sağlayan kaç farklı a tam sayısı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

11. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$x \leq 0 \text{ için } f(x) > 0$$

$$x > 0 \text{ için } f(x) < 0$$

eşitsizliklerini sağlayan herhangi bir $f(x)$ fonksiyonu için;

I. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ vardır.

II. $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) + |f(x)|)$ vardır.

III. $\lim_{x \rightarrow -2} (f(x) + |f(x)|)$ vardır.

Öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

12.

$$f(x) = \frac{\cot x}{\cos x + \sin x}$$

fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş aralık $\mathbb{R} - A$ olduğuna göre, A kümesinin $[0, \pi]$ aralığında kaç elemanı vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

13.

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R},$$

$$f(x) = (a - 2)x^2 + ax + b \text{ fonksiyonu bire bir ve örtendir.}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x^2 - 1} = k \in \mathbb{R} \text{ dir.}$$

Buna göre, k kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

Yukarıda, $y = g(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f(x) = (x - 1)^2$$

olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 1} (g \circ f)(x)$$

limitinin sonucu kaçtır?

- A) -3 B) 0 C) 1 D) 2 E) Yoktur

15. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

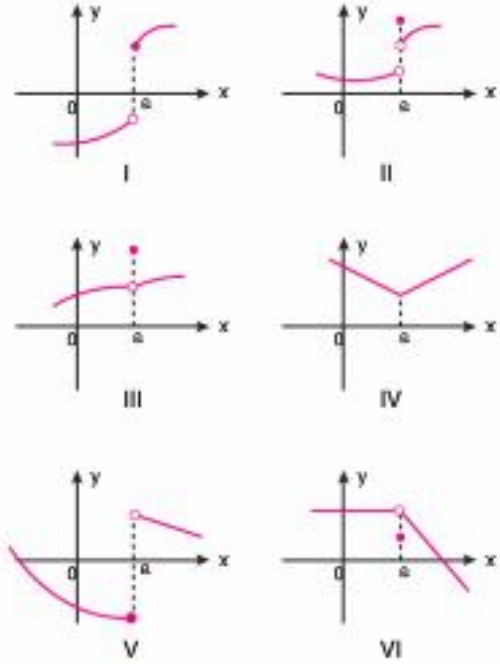
$$f(x) = \begin{cases} x + a, & x < -1 \\ x^2 + x + 2, & -1 \leq x < 0 \\ x^3 - b, & x \geq 0 \end{cases}$$

fonksiyonu sadece bir noktada süreksizdir.

Buna göre, $a + b$ toplamının sonucu aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

16. Erdem, aşağıdaki 6 fonksiyondan rastgele birini seçecektir.



Seçtiği fonksiyonda a noktasının görüntüsünün pozitif olduğu bilindiğine göre, fonksiyonun a noktasında limitinin olup süreksiz olma olasılığı kaçtır?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{5}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{3}{5}$

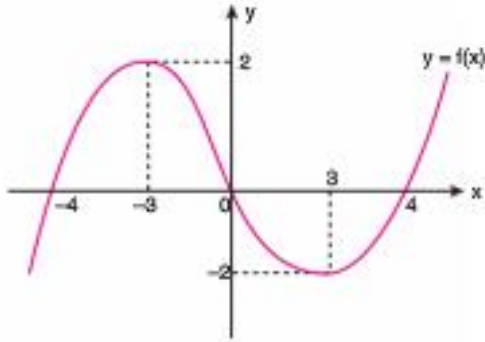
1. E	2. D	3. E	4. B	5. C	6. C	7. E	8. E
9. D	10. C	11. B	12. C	13. D	14. D	15. D	16. C

$$f(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{2x - 3}$$

fonksiyonun tanımlandığı en geniş küme aşağıdakilerden hangisidir?

- A) \mathbb{R} B) $\mathbb{R} - \left\{\frac{5}{2}\right\}$ C) $\mathbb{R} - [2, 3]$
D) $\mathbb{R} - [2, 3]$ E) $\mathbb{R} - \{2, 3\}$

2.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$\lim_{x \rightarrow -3} f(x) + \lim_{x \rightarrow 3} |f(x)|$$

toplamının değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

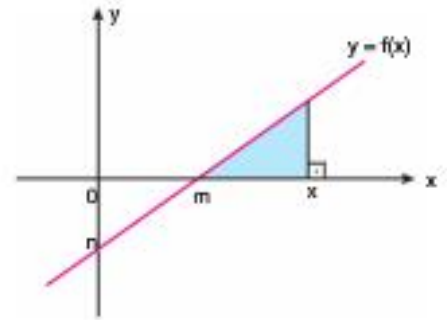
3.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x - 18 & , x < 3 \\ 3 \cdot |x^2 - 3x| & , x \geq 3 \end{cases}$$

olduğuna göre, $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)}{x-3}$ limitinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) Yoktur B) 0 C) 1 D) 6 E) 9

4.



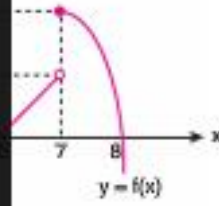
Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow m^+} \frac{\text{Taralı Bölgenin Alanı}}{x - m}$$

ifadesinin değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) m B) -n C) 0 D) $\frac{m+n}{2}$ E) $m^2 - n$

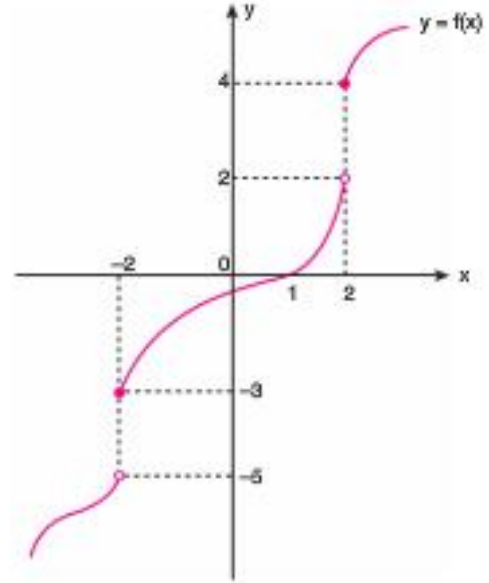


Yukarıda grafiği verilen f fonksiyonu için,

$$\lim_{x \rightarrow 4} f(x) + \lim_{x \rightarrow 6} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 7^-} f(x)$$

toplamının sonucu kaçtır?

- A) $\frac{17}{3}$ B) 6 C) $\frac{19}{3}$ D) $\frac{20}{3}$ E) 7



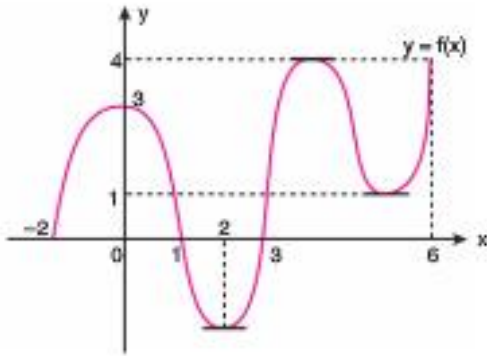
Şekilde, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(x) = \frac{|f(x)|}{f(x)}$$

olduğuna göre, $g(x)$ fonksiyonunun sürekli olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) \mathbb{R} B) $\mathbb{R} - \{-2, 2\}$ C) $\mathbb{R} - \{-2, 1, 2\}$
D) $\mathbb{R} - \{1, 2\}$ E) $\mathbb{R} - \{1\}$

6.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$[-2, 6]$ - A kümesinde tanımlı,

$$g(x) = \frac{x^2 - 1}{f(x) - 2}$$

fonksiyonu sürekli olduğuna göre, A kümesi kaç elemanlıdır?

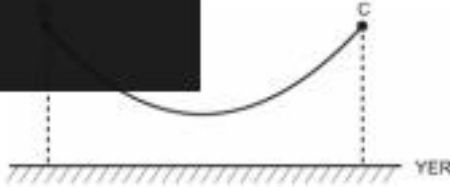
- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

8.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 3x + 2}{|x + 1|} & , x < -1 \\ 2^{x+1} + a & , x > -1 \end{cases}$$

fonksiyonun $x = -1$ noktasında limiti olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) 2 E) 4



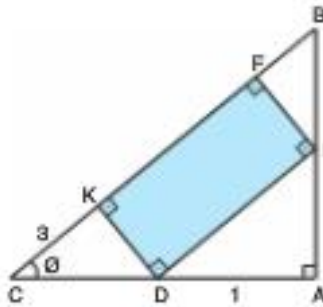
Salıncak ilk hareketine B'den başlamakta ve sabit bir hızla C'ye gitmektedir. Salıncak C'ye ulaşınca orda 1 sn hareket-siz kalıp aynı sabit hızla B'ye dönmektedir. Her B'ye gelişinde B'de hiç beklemeden C'ye gidiş hareketini tekrarla-maktadır. Salıncak BC yolunu 2 sn'de almaktadır.

$f(t)$, t . saniyede salıncakın oturma yerinin yerden yük-sekliliğini belirten fonksiyon olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) f , $[0, 1]$ aralığında azalandır.
- B) f sürekli fonksiyondur.
- C) f 'nin periyodu 5 br'dir.
- D) $f(1) = 40$
- E) $f(2) < f(3)$

10. Aşağıda ABC dik üçgeni ve DEFK dikdörtgeni verilmiştir.

$|CK| = 3$ birim ve $|AD| = 1$ birimdir.



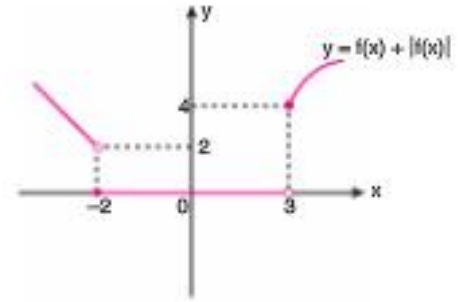
Buna göre,

$$\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{A(DEFK)}{\sin 2\alpha}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 2
- B) $\frac{3}{2}$
- C) 1
- D) $\frac{1}{2}$
- E) 0

11. Aşağıda, $f(x) + |f(x)|$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ vardır.
- II. $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ yoktur.
- III. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ vardır.

öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I
- B) Yalnız II
- C) Yalnız III
- D) I ve II
- E) II ve III

12.
$$f(x) = \begin{cases} x+1 & , 1 < x < 3 \\ x^2 + bx + c & , |x-2| \geq 1 \end{cases}$$

fonksiyonu reel sayılarda sürekli olduğuna göre, $c - b$ farkı kaçtır?

- A) -7
- B) -3
- C) 3
- D) 4
- E) 7



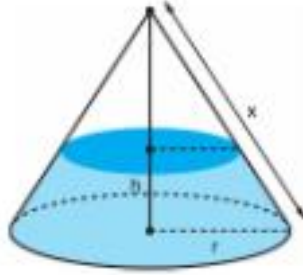
Çemberi $x = a$ ve $x = b$ apsisi noktalarında kesen bir doğrunun eğimi, $m(a, b)$ olmak üzere,

$$\lim_{t \rightarrow 0} m(1, 1+t) = \frac{1}{2}$$

olduğuna göre, BA doğrusunun eğimi kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) 0

14. Aşağıda hacmi 12π birimküp olan bir dik koni verilmiştir. Konide h birim yüksekliğinde su vardır.



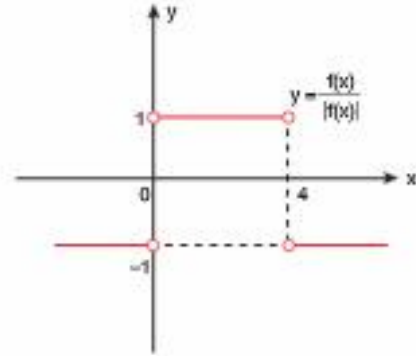
Buna göre,

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{x^2}{x^2 - r^2} \pi r^2 h$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) 4π B) 8π C) 12π D) 24π E) 36π

15. $y = f(x)$, ikinci dereceden başkatsayısı -1 olan polinom fonksiyon olmak üzere,



Yukarıda, $y = \frac{f(x)}{|f(x)|}$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4$ tür.
- II. f fonksiyonu $x = 0$ noktasında süreksizdir.
- III. f fonksiyonu $[2, \infty)$ aralığında azalıdır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III

1. D	2. C	3. E	4. C	5. C	6. A	7. E	8. C
9. E	10. B	11. B	12. E	13. C	14. E	15. D	



MATEMATİK

YT

BÖLÜM - 11

TÜREV



- Türevin Limit Tanımı
- Türev Kuralları
- Bileşke Fonksiyonun Türevi
- Türev - Süreklilik İlişkisi
- Tür Parçalı ve Mutlak Değer Fonksiyonunun Türevi
- Türevin Fiziksel Anlamı
- Türev Karma
- Türevin Geometrik Yorumu
- Artanlık-Azalanlık-Ekstremum Noktalar
- Minimum-Maksimum Problemleri
- Polinom Fonksiyonların Grafikleri
- Türev

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Şimdi sıra geldi yılın en kapsamlı konularından biri olan türeve. Öğrenciler arasında en çok dedikodusu yapılan konulardandır. Duyduklarını bir kenara bırakarak tüm benliğinizle odaklanmanız gereken bir konudur. Türevde yaşayacağınız sıkıntılar, fonksiyon, parabol, denklem, polinom veya analitik geometri ile alakalı sıkıntılar olabilir. Bu durumun farkına varamazsan sen de bir çok öğrenci gibi türev konusunu günah keçisi ilan edebilirsin. Türevde farkında olmadan soru tipi ezberleyen, sadece tanıdığı soru kalıplarında iştahlı olan bir öğrenci profili vardır. Bu profilden, bol bol yorum yaparak, zaman zaman bir soruya çok daha fazla zaman harcayarak, çözemediğin soruları gerekirse çalıştığın yerde görünen bir yere yapıştırıp ara ara bakarak kurtulmalısın. Daha önce hiç karşılaşmadığın bir soru tipi karşısındaki yorum gücün senin en önemli özelliğin olacaktır. Uzun bir yolun bu ilk adımında sana minimum stres ve maksimum başarı diliyoruz.



A) 0

D) 2

E) 4

4. f türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+3h) - f(x)}{h}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) $f'(x)$ B) $3 \cdot f'(x)$ C) $f'(3x)$ D) $\frac{f'(x)}{3}$ E) $f\left(\frac{x}{3}\right)$ 2. $f(x) = 3x - 1$ olmak üzere,

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

A) -3

B) -1

C) 0

D) 1

E) 3

5. f fonksiyonu a noktasında türevli olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f^2(x) - f^2(a)}{x - a}$$

ifadesi $f'(a)$ nın kaç katıdır?A) $\frac{f(a)}{4}$ B) $\frac{f(a)}{2}$ C) $f(a)$ D) $2 \cdot f(a)$ E) $4 \cdot f(a)$ 3. f türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x^2 - 4}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\frac{f'(2)}{4}$ B) $\frac{f'(2)}{2}$ C) $f'(2)$ D) $2 \cdot f'(2)$ E) $4 \cdot f'(2)$ 6. $f(x) = x^2 + x + 1$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ ifadesinin değeri kaçtır?

A) 6

B) 5

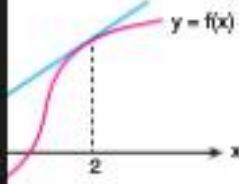
C) 4

D) 3

E) 2



8. $y = f(x)$ fonksiyonuna apsisi 2 olan noktasından çizilen teğet doğrusu yukarıda verilmiştir.



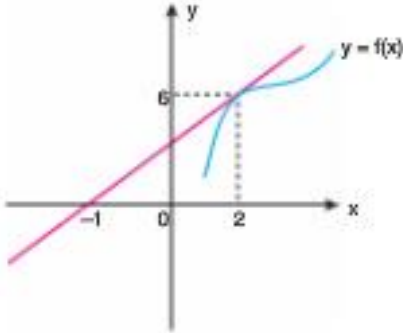
Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2

8.



$y = f(x)$ fonksiyonuna apsisi 2 olan noktasından çizilen teğet doğrusu yukarıda verilmiştir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{f(x) - f(2)}{x - 2} \right)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) 2 D) 3 E) 4

9. $y = f(x)$ fonksiyonuna apsisi 3 olan noktasından çizilen teğet doğrusunun denklemleri $x = 6y + 5$ tir.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{\frac{x}{3} - 1}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{2}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) 2

10. f türevlenebilir bir fonksiyondur.

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{3h} = 5$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,

I. f fonksiyonuna $x = 2$ apsisi noktadan çizilen teğetin eğimi 5 tir.

II. $f'(2) = 15$

III. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{2x^2 - 3x - 2} = 3$ tir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) II ve III
D) Yalnız III E) I, II ve III

1. E	2. E	3. A	4. B	5. D
6. D	7. D	8. C	9. C	10. C



6

D) 10

E) 15

4. $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$

$f(x) = 2\sqrt{x}$

fonksiyonu için $f'(4)$ kaçtır?

A) $\frac{1}{4}$

B) $\frac{1}{2}$

C) 2

D) 4

E) 8

5. $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$f(x) = \frac{x^2 \sqrt{x}}{\sqrt[3]{x^2}}$

olduğuna göre, $f'(1)$ değeri kaçtır?

A) 2

B) $\frac{11}{8}$

C) $\frac{5}{3}$

D) $\frac{3}{2}$

E) $\frac{4}{3}$

2. $f: \mathbb{R} - \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$f(x) = \frac{1}{x^{10}}$

olduğuna göre, $f'(10)$ kaçtır?

A) $-\frac{1}{10^{11}}$

B) $-\frac{1}{10^{10}}$

C) $-\frac{1}{10^9}$

D) 10^{10}

E) 10^{11}

6. $f(x) = ax^3 + x^2 - x + a + 1$

fonksiyonu veriliyor.

$f'(-1) = 6$

olduğuna göre, a kaçtır?

A) -3

B) -2

C) 1

D) 2

E) 3

3. f ve g tanımlı olduğu aralıkta,

$f(x) = \sqrt{x}$ ve $g(x) = \frac{1}{x}$

olduğuna göre, $f'(1) + g'(1)$ toplamı kaçtır?

A) -2

B) $-\frac{1}{2}$

C) $-\frac{1}{4}$

D) $\frac{1}{2}$

E) $\frac{1}{4}$

7. $f(x) = (x^3 + 1) \cdot (\sqrt{x} + 2)$

olduğuna göre, $f'(1)$ değeri kaçtır?

A) 12

B) 10

C) 8

D) 6

E) 4



9. $f: \mathbb{R} - \{3\} \rightarrow \mathbb{R} - \{2\}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$$

olduğuna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) -7 B) -6 C) 1 D) 6

10. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \frac{2x-1}{3x+1}$$

olduğuna göre, $f'(0)$ kaçtır?

- A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

11. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \frac{3x-1}{2x-4}$$

olduğuna göre, $(f^{-1})'(1)$ kaçtır?

- A) -10 B) -9 C) -8 D) -6 E) -4

12. $f(x) = ax^3 + x^2 - 2x + 1$

fonksiyonu veriliyor.

$$\frac{d^2 f(x)}{dx^2}$$

ifadesinin $x = 1$ için değeri 14 olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

13. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = (x-1) \cdot (x-2) \cdot (x-3)^3$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 0 E) 1

14. $f(x) = (x-1)(x+1)(x^2+x+1)(x^2-x+1)$

olduğuna göre, $f'(6)$ kaçtır?

- A) 0 B) 26 C) 3^6 D) 6^6 E) 61

1. E	2. B	3. B	4. B	5. B	6. E	7. B
8. B	9. A	10. A	11. A	12. A	13. C	14. D



ifadesinin değeri

A) 9

D) 8

E) 7

4.

$$f(x) = x^2 - x + 1$$

$$g(x) = x^3 + x$$

fonksiyonları veriliyor.

Buna göre, $(f \cdot g)(1)$ kaçtır?

A) 12

B) 10

C) 8

D) 6

E) 4

2. $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \sqrt[3]{x} \sqrt{x}$$

olduğuna göre, $f'(9)$ kaçtır?A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{1}{8}$ D) $\frac{1}{10}$ E) $\frac{1}{12}$

5.

Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 + 1}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(1)$ kaçtır?A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$

C) 1

D) 2

E) 4

3.

$$f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 10$$

fonksiyonu veriliyor.

$$f'(x) = 12$$

olduğuna göre, x 'in alacağı değerler çarpımı kaçtır?

A) -8

B) -5

C) -4

D) -3

E) -2

6.

 $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = (a^2 + a)x + 2$$

fonksiyonu veriliyor.

$$f'(x) = 6$$

olduğuna göre, a 'nın pozitif değeri kaçtır?

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

E) 5

7. $P(x)$ bir polinom olmak üzere,
 $P(x) + P'(x) + P''(x) = x^2 + x + 1$



- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

8. $f(x) = x^2 + 1$
fonksiyonu veriliyor.

$$\left(\frac{d(f(x))}{dx} \right)^2 = 18 \cdot \frac{d^2(f(x))}{dx^2}$$

olduğuna göre, x 'in alacağı değerler çarpımı kaçtır?

- A) -36 B) -25 C) -16 D) -9 E) -4

9. $P(x)$, ikinci dereceden başkatsayısı 1 olan bir polinomdur.
 $P(1) = P(2)$

olduğuna göre, $P(4)$ kaçtır?

- A) 10 B) 8 C) 5 D) 4 E) 2

10. $f(x) = ax^2 - x^2 + (b+1)x - 2x + 3$
fonksiyonu veriliyor.

Her $x \in \mathbb{R}$ için $f'(x) = 0$

olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

11. $f(x)$ bir polinom fonksiyondur.
 $f(x) \neq 0$ olmak üzere,

$$f(x) = f'(x) \cdot f''(x)$$

olduğuna göre, $f(x)$ in baş katsayısı kaçtır?

- A) $\frac{1}{36}$ B) $\frac{1}{24}$ C) $\frac{1}{18}$ D) $\frac{1}{16}$ E) $\frac{1}{12}$

1. C	2. B	3. D	4. D	5. A	6. B
7. D	8. D	9. C	10. A	11. C	



1. $f(x) = (3x^2 - 1)^5$ olduğuna göre, $f'(1)$ kaçtır?

A) 520 B) 500 C) 480 D) 460 E) 440



2. $f: \mathbb{R} - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{1}{(2x-1)^5}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(0)$ kaçtır?

A) -10 B) -8 C) -5 D) 5 E) 10



3. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \sqrt{x^3 - x + 1}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(1)$ kaçtır?

A) 1 B) $\sqrt{2}$ C) $\sqrt{3}$ D) 2 E) $\sqrt{5}$



4. $f(5x - 1) = -x^2 + 14x + 3$ olduğuna göre, $f'(9)$ kaçtır?

A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



5. $f(x) = 2x + 1$

$$g(x) = \frac{x^3 - 1}{3}$$

olduğuna göre, $(g \circ f)'(2)$ değeri kaçtır?

A) 180 B) 75 C) 60 D) 50 E) 40



6. $x > 0$ olmak üzere,

$$f(x) = \sqrt{\sqrt{x} + 4}$$

olduğuna göre, $f'(4)$ değeri kaçtır?

A) $\frac{\sqrt{6}}{6}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{12}$ C) $\frac{\sqrt{6}}{24}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{24}$ E) $\frac{\sqrt{6}}{48}$



7. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \sqrt{x + \sqrt{x}}$$

olduğuna göre, $f'(1)$ kaçtır?

A) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ B) $\frac{3\sqrt{2}}{8}$ C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D) $\frac{5\sqrt{2}}{8}$ E) $\frac{3\sqrt{2}}{4}$



8. $f(x) = \sqrt[3]{x^3 + x + 6}$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(1)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{1}{12}$

9. $f(x) = \sqrt{x+3}$

$g(x) = x^3 - x + 1$

$h(x) = 4x^2 + 2$

olduğuna göre, $(g \circ f \circ h)'(1)$ kaçtır?

- A) 35 B) $\frac{104}{3}$ C) $\frac{103}{3}$ D) 34 E) $\frac{101}{3}$

10. Tanımlı olduğu aralıkta,

$f^2(\sqrt{x}) = 5x^2 + 1$

olduğuna göre, $f(2) \cdot f'(2)$ çarpımının sonucu kaçtır?

- A) 120 B) 100 C) 80 D) 60 E) 40

11. $f^3(3x) = x^2 - x + 7$

olduğuna göre, $f'(15)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{25}$ B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{1}{12}$ D) $\frac{1}{9}$ E) $\frac{1}{4}$

12. $x \neq 0$ olmak üzere,

$f(x) = \frac{g(x^2)}{x}$

fonksiyonu veriliyor.

$g(1) = 0$ ve $g'(1) = 3$

olduğuna göre, $f'(-1)$ kaçtır?

- A) -6 B) -3 C) 1 D) 3 E) 6

13. f ve g türevlenebilir fonksiyonlardır.

x	f(x)	g(x)	f'(x)	g'(x)
0	2	1	1	2
1	0	0	1	1
2	1	1	1	0

Buna göre,

$(f \circ g)'(0) + (f \circ f)'(2)$

toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

14. $g(2x+1) = \frac{f(x)}{x}$

fonksiyonu veriliyor.

$f'(2) = g'(5) = 3$

olduğuna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) -24 B) -18 C) -12 D) -6 E) 0

1. C	2. A	3. A	4. A	5. D	6. E	7. B
8. B	9. B	10. C	11. D	12. E	13. C	14. B



1. $f(2x + 1) = x^3 - 3x + 4$
eşitliği veriliyor.

Buna göre, $f'(5)$ kaçtır?

- A) $\frac{11}{2}$ B) $\frac{9}{2}$ C) $\frac{7}{2}$ D) $\frac{5}{2}$ E) $\frac{3}{2}$



2. $f(x) + f(3x - 4) = x^2 - 3x + 1$
eşitliği veriliyor.

Buna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4



3. $f(3x) = (x - 2) \cdot g(x)$
eşitliği veriliyor.

$g(2) = 12$ olduğuna göre, $f'(6)$ kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6



4. $f : \mathbb{R} - \{0\} \rightarrow \mathbb{R} - \{0\}$ fonksiyonu türevlenebilir bir fonksiyondur.

$$f(2) = -2 \text{ ve } f'(2) = 2$$

olduğuna göre, $g(x) = f\left(\frac{f^2(x)}{x}\right)$ ile tanımlanan g

fonksiyonu için $g'(2)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) -20 B) -18 C) -16 D) -12 E) -10



5. $y = x^2$
 $x = 2t^2$

olduğuna göre, $\frac{dy}{dt}$ 'nin $t = 1$ için değeri kaçtır?

- A) 24 B) 20 C) 16 D) 12 E) 8



6. $m = x^2 - 1$
 $n = m^2 - m + 1$
 $f(n) = (n + 1)^2 - 3$

olduğuna göre,

$$\left. \frac{df}{dx} \right|_{x=1}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -16 B) -12 C) -8 D) -4 E) -2

7. f türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(-x) = -f(x) \text{ eşitliği verilsin.}$$

Eşitliğin iki tarafının türevi alınırsa;

$$f'(-x) \cdot (-1) = -f'(x)$$

$$f'(-x) = f'(x)$$

eşitliği bulunur.

Yukarıda yapılan türev işleminin sonucuna göre,

- I. Negatif değerli fonksiyonların türevi pozitif değerli bir fonksiyon olur.
- II. Tek fonksiyonların türevi bir çift fonksiyon olur.
- III. Azalan fonksiyonların türevi artan fonksiyon olur.

Öncüllerinden hangilerine ulaşılabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

8. Uygun koşullarda tanımlı $y = f(x)$ fonksiyonu için,

$$f'(0) = 3 \text{ ve } f(0) = 0$$

olduğuna göre,

$$\left. \frac{d^2(f^2(x))}{dx^2} \right|_{x=0}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 21 B) 20 C) 18 D) 16 E) 12

9. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f(x) = \sqrt{x+2} + 2\sqrt{x+1}$$

olduğuna göre, $f'(3)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{32}$ B) $\frac{1}{16}$ C) $\frac{1}{8}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

10. Gerçek sayılar kümesi üzerinde tanımlı ve türevli f fonksiyonu için,

- $f(x+y) = f(x) + f(y) + xy$
- $f'(0) = 3$

olduğuna göre, $f'(1)$ kaçtır?

- A) 16 B) 12 C) 8 D) 4 E) 2

11. Gerçek sayılar kümesi üzerinde türevlenebilir bir f tek fonksiyonu için,

$$f(1) = 4$$

$$f'(1) = -6$$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre,

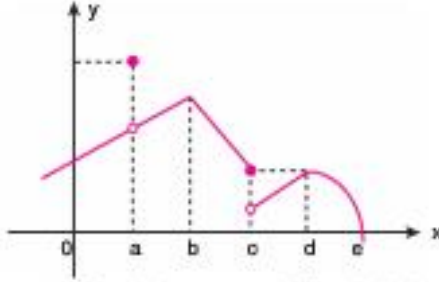
$$g(x) = x \cdot f(x)$$

fonksiyonu için $g'(-1)$ değeri kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) 1 D) 2 E) 4

1. B	2. A	3. D	4. E	5. C	6. C
7. B	8. C	9. D	10. D	11. D	

1.

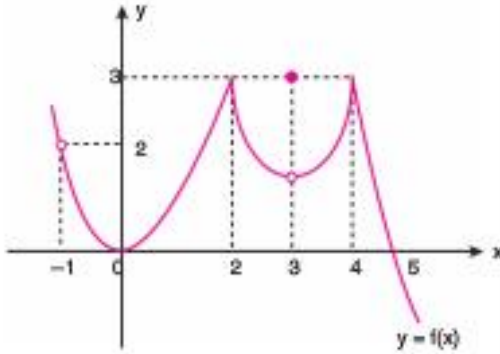


Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonunun türevsiz olduğu kaç nokta vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

2.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, fonksiyonun sürekliliğine rağmen türevsiz olduğu kaç nokta vardır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

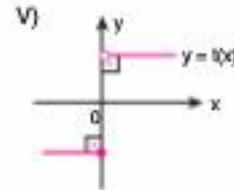
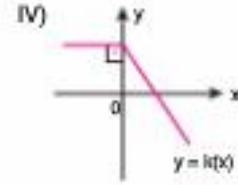
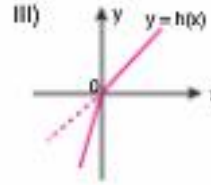
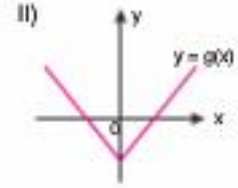
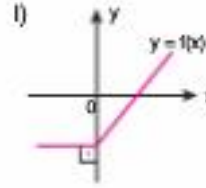
3.

$$f(x) = \frac{x-3}{x^2-6x+m}$$

fonksiyonunun reel sayılarda türevli olması için m hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $m < 6$ B) $m > 6$ C) $m > 9$
D) $m < 9$ E) $m > 12$

4. Aşağıda beş farklı fonksiyonun grafiği gösterilmiştir.



Buna göre, bu fonksiyonların hangilerinin negatif apsillerdeki türevi, pozitif apsillerindeki türevlerinden kesinlikle daha büyüktür?

- A) f ve g B) g ve h C) h ve k
D) k ve t E) f ve k

5.

- I. $f(x)$ ve $g(x)$ reel sayılarda türevli iki fonksiyon olmak üzere, $f(x) + g(x)$ reel sayılarda türevlidir.
- II. $f(x) - g(x)$ reel sayılarda türevli ise $f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonları reel sayılarda türevlidir.
- III. $f(x)$ reel sayılarda türevli ise $f(|x|)$ de reel sayılarda türevlidir.
- IV. $f(x) \geq 0$ olmak üzere $f(x)$ reel sayılarda türevli ise $\sqrt{f(x)}$ de reel sayılarda türevlidir.

Öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) II ve III C) I ve IV
D) II ve IV E) Yalnız III

1. D 2. B 3. C 4. C 5. A



1.

$$f(x) = \begin{cases} 4x - 2, & x > 1 \\ x^2 + x, & x \leq 1 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(1)$ varsa değeri kaçtır?

- A) Yoktur B) -4 C) -2 D) 2 E) 4



2.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + nx + 2, & x \geq 2 \\ mx + n, & x < 2 \end{cases}$$

şeklinde tanımlı f fonksiyonu her $x \in \mathbb{R}$ için türevli olduğuna göre, $m \cdot n$ çarpımı kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) -3 E) -2



3.

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a, & x \leq -1 \\ bx^2 + 3, & x > -1 \end{cases}$$

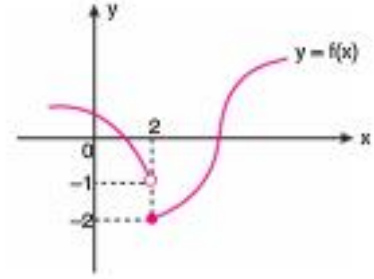
fonksiyonu $x = -1$ noktasında süreklidir.

Fonksiyon bu noktada türevsiz olduğuna göre, a kaç olamaz?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 8



4.



Yukarıda, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(x) = \begin{cases} ax + 2, & x < 2 \\ ax^2 + x + a, & x \geq 2 \end{cases}$$

fonksiyonu tanımlanıyor.

$(f + g)(x)$ fonksiyonu $x = 2$ noktasında sürekli olduğuna göre, $g'(3)$ kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



5.

$$f(x) = |x - 3|$$

olduğuna göre, $f'(3)$ varsa değeri kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 3 E) Yoktur



6.

$$f(x) = |x^2 - 4|$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(3) - f'(1)$ farkı kaçtır?

- A) 12 B) 8 C) 6 D) 4 E) 2

7. $f(x) = |x - 1|$
 $g(x) = |(x - 1)^2|$
 $h(x) = \sqrt{x - 1}$
 $m(x) = |(x - 1)^3|$

fonksiyonlarından hangilerinin $x = 1$ noktasında türevi vardır?

- A) f ve g B) f ve h C) h ve m
 D) g ve m E) g ve h

8. $f(x) = |x^2 - kx - 6|$
 fonksiyonu veriliyor.

$f(x)$ fonksiyonunun $x = 1$ de türevsiz olması için k kaç olmalıdır?

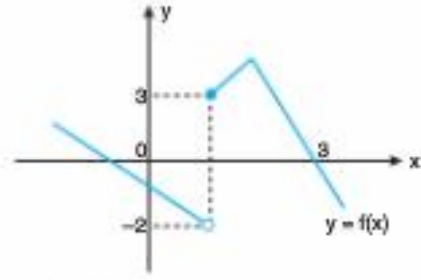
- A) -1 B) -2 C) -3 D) -5 E) -6

9. $f(x) = x^2 - 4x + m$
 fonksiyonu veriliyor.

$|f(x)|$ fonksiyonu daima türevlenebildiğine göre, m hangi aralıktadır?

- A) $m < 4$ B) $m \geq 4$ C) $m < -2$
 D) $m \geq -2$ E) $m \leq -4$

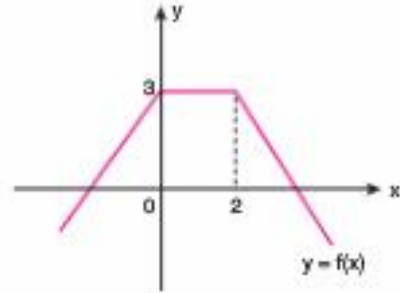
10. Aşağıda, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, $|f(x)|$ fonksiyonu kaç noktada türevsizdir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

11.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f'(x) = \begin{cases} 1, & x < 0 \\ 0, & 0 < x < 2 \\ -\frac{1}{2}, & x > 2 \end{cases}$$

olduğuna göre, $(f \circ f)\left(\frac{-1}{2}\right)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{11}{4}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{9}{4}$ E) 2

12.

$$f(x) = \begin{cases} |x^2 - 4|, & x < 1 \\ \frac{3}{x}, & x \geq 1 \end{cases}$$

fonksiyonunun sürekli olduğu halde türevli olmadığı noktaların apsisi toplamı kaçtır?

- A) -1 B) -2 C) -3 D) -4 E) -5

1. A	2. C	3. C	4. C	5. E	6. B
7. D	8. D	9. B	10. D	11. B	12. A

1. x ekseninde pozitif yönde hareket eden bir parçacığın t anındaki konumu,

$$x(t) = t^3 - 4t + 2$$

ile gösterilmektedir.

Buna göre, bu parçacığın t = 2 anındaki hızı kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

2. x ekseninde, pozitif yönde hareket eden bir parçacığın t anındaki konumu,

$$x(t) = t^3 + 3t^2 + 2t - 5$$

ile gösterilmektedir.

Bu parçacığın t = 1 anındaki ivmesi kaçtır?

- A) 16 B) 15 C) 14 D) 12 E) 10

3. Doğrusal olarak hareket eden bir hareketlinin zamana (saniye) bağlı konumu (metre),

$$x(t) = t^2 + t + 3$$

fonksiyonu ile verilmektedir.

Buna göre, hareketlinin ilk 4 saniyedeki ortalama hızı kaç m/sn dir?

- A) 9 B) 8 C) 7 D) 6 E) 5

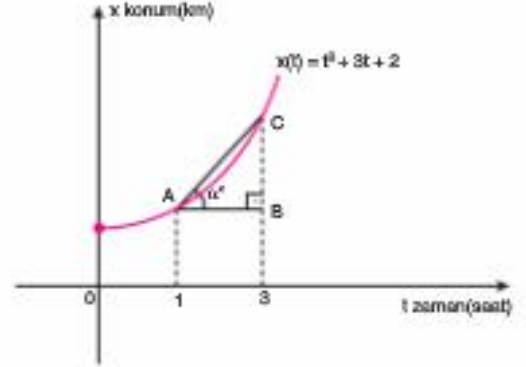
4. Bir hareketlinin t saatte aldığı yol $S(t) = t^2$ (km) fonksiyonu veriliyor.

Hareketlinin [4, 5] zaman aralığındaki ortalama hızı V_{ort} ve hareketlinin 5. saatteki anlık hızı V_a dır.

Buna göre, $V_a - V_{ort}$ farkı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

5. Ela adında bir öğrenci bir hareketlinin zaman-konum grafiğini incelemiş ve aşağıdaki işlemleri yapmıştır.



Ela, belirli işlemlerden sonra $\tan \alpha$ 'nın sonucunu bulmuştur.

Buna göre Ela'nın bulduğu sonuç,

- Hareketlinin 1. ve 3. saatler arasındaki toplam yer değişimini,
- Hareketlinin 1. ve 3. saatler arasındaki ortalama hızı,
- Hareketlinin 1. ve 3. saatler arasındaki hız değişimini,

öncüllerinden hangileri ile ifade edilebilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
D) II ve III E) Yalnız III

6. $f(x) = x^3 - x + 1$

fonksiyonunun [1, 3] aralığındaki ortalama değişim oranı kaçtır?

- A) 16 B) 14 C) 12 D) 10 E) 8

1. E 2. D 3. E 4. A 5. B 6. C



1. $f(x) = 3x^2 + 4$
fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{f(x) - f(-2)}{x + 2}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -16 B) -12 C) -8 D) 12 E) 16



2. $f(x) = x^3 \cdot g(x)$
fonksiyonu veriliyor.

$$g(2) = -1$$

$$g'(2) = 3$$

olduğuna göre, $f'(2)$ değeri kaçtır?

- A) 12 B) 15 C) 18 D) 24 E) 36



3. $g(1) \neq 0$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{g(x)}$$

olduğuna göre, $f'(1)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $\frac{x}{g(1)}$ B) $\frac{2x}{g(1)}$ C) $\frac{1}{g^2(1)}$
D) $\frac{2}{g(1)}$ E) $\frac{3}{g(1)}$



4. f ve g türevlenebilen iki fonksiyondur.

$$f(x) + g(x) = (x^3 - 1) \cdot f(x)$$

$$f(1) = 2$$

olduğuna göre, $f'(1) + g'(1)$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 4 C) 1 D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{2}{3}$



5. f ve g türevlenebilen iki fonksiyondur.

$$f(x) \cdot g(x) = x$$

$$f(3) \cdot g(3) = 5$$

olduğuna göre, $f(3) \cdot g'(3)$ çarpımı kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) 3 E) 5



6. $P(x)$ polinomunun türevi $P'(x)$ olmak üzere,

$$P(x) - P'(x) = 5x + 6$$

olduğuna göre, $P(x)$ in sabit terimi kaçtır?

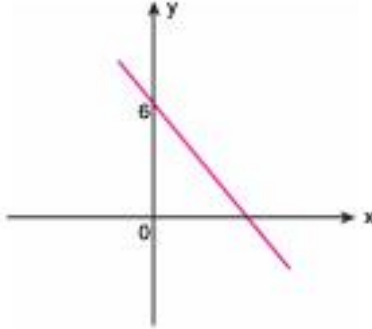
- A) 13 B) 12 C) 11 D) 9 E) 7

7. $f(x) = 1 + x - x^2 + x^3 - x^4 + \dots + x^{99}$

olduğuna göre, $f'(1)$ kaçtır?

- A) -51 B) -49 C) 1 D) 49 E) 50

8.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f(2) = \frac{-3}{2}$$

olduğuna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) -3 B) $-\frac{3}{2}$ C) $\frac{3}{2}$ D) 3 E) 2

9. Tanımlı olduğu aralıkta,

$$f\left(\sqrt[6]{x}\right) = \sqrt[3]{x} - \sqrt{x}$$

olduğuna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) -12 B) -8 C) -6 D) -4 E) -2

10. $x > 0$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{\sqrt{x}}{1 + \sqrt{x}}$$

olduğuna göre, $f'(4)$ kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{4}{9}$ D) $\frac{1}{36}$ E) $\frac{1}{9}$

11. $f(x) = x \cdot (x - 2) \cdot (x - 3) \cdot (x + 1)$

fonskiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(x) = 0$ denkleminin kaç farklı reel kökü vardır?

- A) 0 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12. $f(x) = x + x^2 + x^3 + \dots + x^{10}$

fonskiyonu veriliyor.

$$A = 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots + 9 \cdot 10$$

olmak üzere, aşağıdakilerden hangisi A ya eşittir?

- A) $2 \cdot f'(1)$ B) $f'(1) \cdot f'(2)$ C) $f''(1)$
D) $f'(1) \cdot f'''(1)$ E) $f'(2) - f'(1)$

13. $x \neq 1$ olmak üzere,

$$(x+1) \cdot (x^2+1) \cdot (x^4+1) = \frac{g(x)}{x-1}$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $g'(2)$ kaçtır?

- A) 4^4 B) 4^5 C) 4^6 D) 4^7 E) 4^8

14.

$$f(x) = \frac{1}{(x+2)^2}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(x) = f(x)$ denkleminin kökü kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) 0

15.

$$g(x) = x \cdot f(3x-1)$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $g'(0)$ ifadesinin değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2f(0)$ B) $f(1)$ C) $f(-1)$
D) $f'(0)$ E) $f'(-1)$

16.

$$g(x) = (x-1) \cdot (x-2) \cdot (x-3) \cdot f(x) \text{ ve } f(1) = 3$$

olduğuna göre, $g'(1)$ kaçtır?

- A) 8 B) 7 C) 6 D) 3 E) 2

17.

Gerçek sayılar kümesinde tanımlı

$$f(x) = |x+2|$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

- f fonksiyonu $x = -2$ apselli noktada sürekli olmasına rağmen türevsizdir.
- f fonksiyonunun görüntü kümesi $[0, \infty)$ dir.
- f çift fonksiyondur.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

18.

- $f: (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$ fonksiyonu (a, b) aralığındaki bir noktada türevliyse o noktada süreklidir.
- $f: (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$ fonksiyonu (a, b) aralığındaki bir noktada süreklilyse o noktada türevlidir.
- $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere, $f(x)$ türevliyse $|f(x)|$ de türevlidir.

İfadelerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

1. B	2. A	3. D	4. A	5. B	6. C
7. E	8. D	9. B	10. D	11. C	12. C
13. B	14. A	15. C	16. C	17. C	18. A

1.

$$f(x) = \begin{cases} x^2, & x \leq 1 \\ x-1, & x > 1 \end{cases}$$

olduğuna göre, $f'(x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

A) $\begin{cases} 2x, & x \leq 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$

B) $\begin{cases} 2x, & x < 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$

C) $\begin{cases} 2x, & x < 1 \\ x-1, & x \geq 1 \end{cases}$

D) $\begin{cases} 2x, & x \geq 1 \\ 1, & x < 1 \end{cases}$

E) Yoktur

2.

Hareket denklemi,

$$S(t) = 2t^3 - 4t^2 + 1$$

olan bir hareketlinin 2. saniyedeki hızı V ve ivmesi a olduğuna göre, V - a farkı kaçtır?

A) -16

B) -8

C) 0

D) 8

E) 16

3.

$$g(x) = \sqrt{f(2x)}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $g'(x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

A) $\frac{f'(2x)}{\sqrt{f(2x)}}$

B) $\frac{2f'(2x)}{\sqrt{f(2x)}}$

C) $\frac{f'(2x)}{2\sqrt{f(2x)}}$

D) $2f'(2x)$

E) $f'(2x) \cdot \sqrt{f(2x)}$

4.

f ve g türevlenebilen fonksiyonları için,

$$f(2x+1) = x \cdot g(1-x)$$

eşitliği sağlanmaktadır.

$$g(0) - g'(0) = 6$$

olduğuna göre, $f'(3)$ kaçtır?

A) 2

B) 3

C) $\frac{9}{2}$

D) 6

E) 12

5.

$$y = f(3x)$$

$$f'(x) = 5x - 2$$

olduğuna göre, $\frac{dy}{dx}$ ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

A) $15x - 6$

B) $15x - 2$

C) $45x - 2$

D) $45x - 6$

E) $60x - 2$

6.

$f: \mathbb{R}^+ \cup \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = 60 \cdot \sqrt{4 + \sqrt{x}}$$

fonksiyonuna göre, $f'(25)$ kaçtır?

A) 5

B) 4

C) 3

D) 2

E) 1

7. f ve g türevlenebilir fonksiyonlardır.

- $(f \circ g)(x) = x^3$
- $g(1) = 2, g'(1) = 1, g''(1) = 4$

olduğuna göre, $f'(2)$ nin sonucu kaçtır?

- A) -8 B) -3 C) -2 D) 3 E) 6

8. Her $x \in \mathbb{R}$ için $f(x)$ türevli, $g(x)$ sürekli bir fonksiyondur. Yiğit adında bir öğrenci,

$$f(x) - f(2) = g(x) \cdot (x^3 - 8)$$

eşitliğini kullanarak f fonksiyonunun $x = 2$ deki türevini elde etmek istiyor.

İşlem adımları aşağıdaki gibidir.

I. $f(x) - f(2) = g(x) \cdot (x - 2) (x^2 + 2x + 4)$

II. $\frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = g(x) \cdot (x^2 + 2x + 4)$

III. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} (g(x) \cdot (x^2 + 2x + 4))$

IV. $f'(2) = g(2) \cdot (2^2 + 2 \cdot 2 + 4) = 12 \cdot g(2)$

Buna göre, Yiğit hangi adımda hata yapmıştır?

- A) I B) II C) III D) IV E) Hata yapmamıştır

9.

$$\frac{g(x)}{f(x)} = (a - 2)x^2 + bx + 1$$

fonksiyonu veriliyor.

$$\text{Her } x \in \mathbb{R} \text{ için, } f(x) \cdot g'(x) - g(x) \cdot f'(x) = f^2(x)$$

olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

10. $P(x)$ ve $Q(x)$ birer polinomdur.

$$\text{der}[P'(Q(x)) \cdot Q'(x)] = 19$$

olduğuna göre, $P(x)$ ve $Q(x)$ polinomlarının dereceleri çarpımı kaçtır?

- A) 9 B) 10 C) 14 D) 15 E) 20

11. $f(x) = x^2$ fonksiyonu veriliyor.

$$\frac{d^2(f(x))}{dx^2} + \frac{d(f(x))}{dx} + f(x) = 10$$

denkleminin pozitif kökü kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12. $g^{-1}(2x) = f(3x)$ eşitliği veriliyor.

Buna göre, $(g \circ f)(5)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1 D) $\frac{4}{3}$

E) 2

13. $f^{-1}(3x-1) = g(x)$ ve $g(1) = f'(1) = 1$ eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, $g'(1)$ kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3

E) 4

14. Doğrusal olarak hareket eden bir hareketlinin saat olarak zamana bağlı yer değişimi km cinsinden,

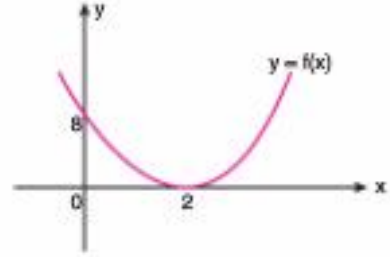
$$f(t) = t^2 + 2t + 5$$

olarak tanımlanmıştır.

Buna göre, bu hareketlinin 2. saatteki anlık hızı kaç km/sa tır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

15.



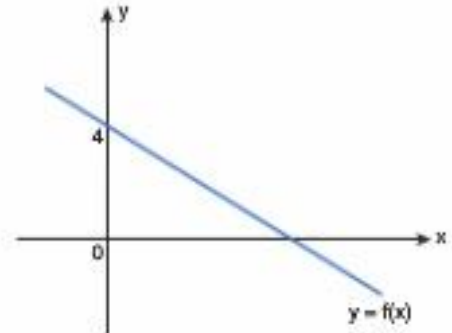
Şekilde, $f(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.

$$f'(x) = 12$$

olduğuna göre, x kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

16. Aşağıda, f fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



$$f(1) + f'(1) = 1$$

olduğuna göre, $f(4)$ kaçtır?

- A) 1 B) 0 C) $-\frac{1}{2}$ D) -1 E) -2

1. B	2. B	3. A	4. B	5. D	6. E	7. A	8. E
9. C	10. E	11. B	12. B	13. D	14. C	15. C	16. E



1.

$$u = x^2 + 1$$

$$f(u) = (u^2 - 1)^2 + 1$$

olduğuna göre, $\left. \frac{df}{dx} \right|_{x=1}$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 52 B) 48 C) 46 D) 42 E) 36



2.

$$f(x) = |x^2 - x - 6|$$

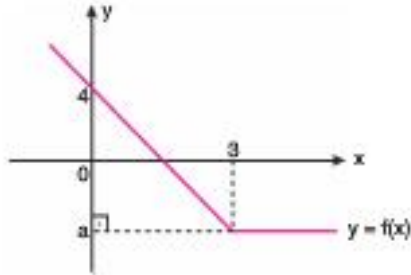
fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $f'(-2^+)$ kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



3.



Yukarıda, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f'(4) + \sum_{k=-2}^2 f'(k) = -20$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -12 B) -10 C) -8 D) -6 E) -4



4.

$P(x)$ ve $Q(x)$ birer polinomdur.

Buna göre,

- I. $\text{der}[P'(x) \cdot Q(x)] = 1$ ise $\text{der}[P(x) \cdot Q'(x)] = 1$ dir.
- II. $\text{der}[P'(x) \cdot Q(x)] = 2$ ise $\text{der}[P(x) \cdot Q'(x)] = 1$ dir.
- III. $\text{der}[P(x) \cdot Q'(x)] = 4$ ise $\text{der}[P'(x) \cdot Q'(x)] = 2$ dir.

Öncüllerinde verilen bilgilerden hangileri kesinlikle yanlıştır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) II ve III



5.

$f(x) = x^{2019}$ olmak üzere,

$$\left. \frac{d^2 f(x)}{dx^2} \right|_{x=1}$$

işleminin sonucunun birler basamağındaki rakam kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

6. $x > 0$ olmak üzere,

$$g(x) = f\left(\frac{\sqrt{x}}{f(x)}\right)$$

$$f(1) = f'(1) = 4 \text{ ve } f'\left(\frac{1}{4}\right) = 8$$

olduğuna göre, $g'(1)$ kaçtır?

- A) -6 B) -3 C) -1 D) 3 E) 8

7. $f(x)$, türevlenebilen bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(a) = b, f(b) = a \text{ ve } g(x) = (f \circ f \circ f \circ f)(x)$$

veriliyor.

$$M = g'(a), N = g'(b)$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

- A) $M > N$ B) $N = 2M$ C) $M = N$
D) $M + N = 0$ E) $M \cdot N = 1$

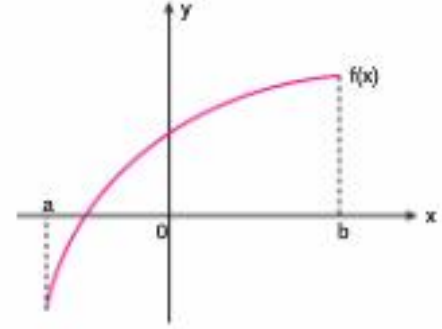
8. f ve g türevlenebilen fonksiyonlardır. f fonksiyonunun tersi g olmak üzere,

$$f(x) = 4x^2$$

olduğuna göre, $g'(32)$ nin değeri kaçtır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{1}{32}$ C) $\frac{1}{48}$ D) $\frac{1}{216}$ E) $\frac{1}{512}$

- 9.



Şekilde, $f(x)$ fonksiyonunun $[a, b]$ aralığındaki grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. $|f(x)|$
II. $f(|x|)$
III. $f(x) + 1$
IV. $-f(x)$

fonksiyonlarından hangileri (a, b) aralığında türevlenebilir fonksiyonlardır?

- A) I ve II B) II ve III C) II ve IV
D) III ve IV E) II, III ve IV

10. $P(x) = ax^2 + bx + c$ polinomu veriliyor. a, b, c katsayıları bir aritmetik dizinin sırasıyla ardışık 3 terimidir.

$$P(1) = P(-1)$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

($P'(x)$; $P(x)$ in türevidir.)

- A) $P'(b) = 1$
B) $P'(a) + P'(b) + P'(c) = 0$
C) $P'(c) = 0$
D) $P'(a) = P'(c)$
E) $P'(a) \cdot P'(c) = P'(b)$



11. $f(x) = \frac{4x+1}{x-4}$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, $(f \circ f \circ f \circ f)(2)$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



12. Satürn ve Ay'ın yüzeylerinde belli bir yükseklikten aynı anda serbest düşmeye bırakılan iki cismin "konum-zaman" fonksiyonları aşağıdaki gibidir.

$$s_{\text{satürn}}(t) = 5,2 \cdot t^2$$

$$s_{\text{ay}}(t) = 0,8 \cdot t^2$$

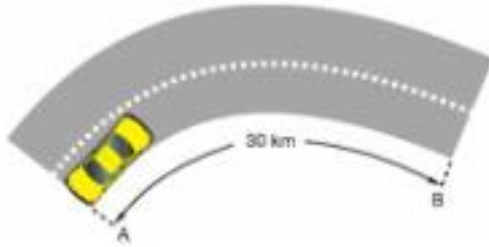
a ve b birer pozitif tam sayı olmak üzere, Satürn'deki cismin a. saniyedeki hızı, Ay'daki cismin b. saniyedeki hızına eşittir.

Buna göre, a + b toplamı en az kaçtır?

- A) 3 B) 7 C) 15 D) 21 E) 27



13. Bir araç A noktasından, 30 km uzakta B noktasına gitmek üzere hareket ediyor.



$f(x)$, x km gidişinde kalan yolu belirten fonksiyon olmak üzere,

$$f(5) + f'(5) + f''(5)$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 23 B) 24 C) 25 D) 26 E) 27



14. Doğrusal bir yolda hareket eden bir aracın t zamanına (saniye) bağlı konum fonksiyonu,

$$s(t) = t^3 - 4t^2 + 4t$$

biçimindedir ve s(t) nin birimi metredir.

Aracın hızı sıfır olduğunda ivmesi x m/s², ivmesi sıfır olduğunda hızı y m/sn olduğuna göre, x + y toplamı en az kaçtır?

- A) $-\frac{20}{3}$ B) $-\frac{16}{3}$ C) -5 D) $-\frac{4}{3}$ E) 0



15.

$$f(x) = \begin{cases} 2x+1, & x < 2 \\ x^2 - ax + b, & x \geq 2 \end{cases}$$

$$g(x) = |x-2|$$

fonksiyonları veriliyor.

$f(x) + g(x)$ fonksiyonunun x = 2 noktasında türevi olduğuna göre, a + b toplamı kaçtır?

- A) 4 B) 7 C) 9 D) 13 E) 15



1. B	2. B	3. C	4. B	5. C	6. C	7. C	8. C
9. D	10. B	11. A	12. C	13. B	14. B	15. D	

1.

$$f(x) = x^2 + mx + m + 1$$

fonksiyonunun $x = -1$ apsisi noktasından çizilen teğetin eğimi 3 olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

2.

$$f(x) = x^3 - ax + 1$$

fonksiyonunun $x = 2$ apsisi noktasından çizilen teğeti x eksenine pozitif yönlü 135° lik açı yaptığına göre, a kaçtır?

- A) 14 B) 13 C) 12 D) 11 E) 10

3.

$$f(x) = x^3 - 2x + 1$$

fonksiyonuna $x = a$ apsisi noktasından çizilen teğet, $y = 7x - 1$ doğrusuna paraleldir.

Buna göre, a 'nın alacağı değerler çarpımı kaçtır?

- A) -9 B) -8 C) -6 D) -4 E) -3

4.

$$f(x) = x^3 - bx^2 + ax + 4$$

$$g(x) = x^2 - bx + 3$$

fonksiyonlarının $x = 1$ apsisi noktasından çizilen teğetleri x eksenine paralel olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

5.

$$y = x^2 - ax + b + 1$$

fonksiyonuna $x = 1$ apsisi noktasından çizilen teğet $y = x - 4$ olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -3 C) -4 D) -5 E) -6

6.

$$f(x) = x^2 - 4x + 3$$

eğrisine üzerindeki $x = 1$ apsisi noktadan çizilen teğetin denklemini aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $y = -2x$ B) $y = -2x + 1$ C) $y = -2x + 2$
D) $y = 2x$ E) $y = 2x + 2$

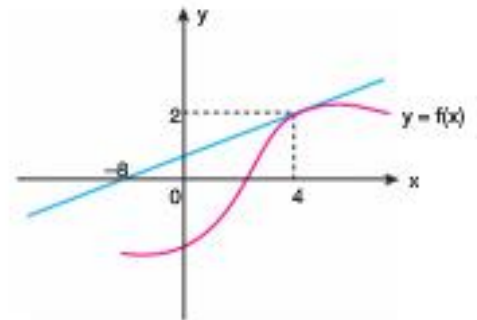
7.

$$f(x) = \frac{3}{4}x^2 + a$$

eğrisinin üzerindeki $A(8, 5)$ noktasından çizilen teğetin eğimi b olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 2 B) $\frac{5}{3}$ C) $\frac{4}{3}$ D) 1 E) $\frac{1}{3}$

8.



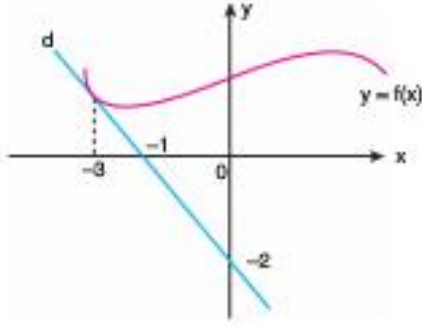
Şekildeki $y = f(x)$ eğrisi d doğrusuna $x = 4$ apsisi noktada teğettir.

$$g(x) = f^2(x)$$

olduğuna göre, $g'(4)$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1 D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{5}{3}$

9.



Şekilde verilen $y = f(x)$ eğrisi d doğrusuna $x = -3$ apsisi noktasında teğettir.

$$g(x) = \frac{x}{f(x)}$$

olduğuna göre, $g'(-3)$ kaçtır?

- A) $-\frac{1}{8}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $-\frac{3}{8}$ D) $-\frac{1}{2}$ E) $-\frac{5}{8}$

10. $y = f(x)$ fonksiyonuna üzerindeki $A(2, b)$ noktasından çizilen teğelin denklemi $y = 2x - 1$ dir.

$$g(x) = x^2 \cdot f(x)$$

olduğuna göre, $g(x)$ fonksiyonuna $x = 2$ apsisi noktasından çizilen teğelin eğimi kaçtır?

- A) 20 B) 18 C) 16 D) 12 E) 10

11. $f(x) = x^3 - mx^2 + nx + 1$

fonksiyonu veriliyor.

$f'(x)$ fonksiyonuna $x = 2$ apsisi noktasından çizilen teğeli $f''(x)$ doğrusudur.

Buna göre, $n - m$ farkı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

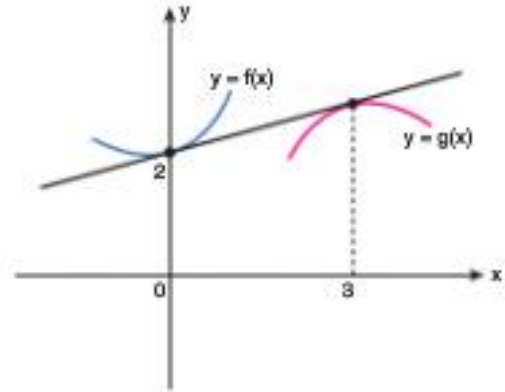
12. $P(x)$, ikinci dereceden başkatsayısı 1 olan bir polinomdur.

$$P(1) = P'(1) = 0$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun grafiğine $x = 3$ apsisi noktasından çizilen teğelin eğimi kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

13. Aşağıda, f ve g fonksiyonlarının grafikleri ve bu grafiklere $x = 0$ ve $x = 3$ apsisi noktalarında teğet olan doğru gösterilmiştir.



$$2f'(0) + g'(3) = 9$$

olduğuna göre, $g(3)$ kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

1. $f(x) = x^2 + mx - 6$ parabolünün $x = 4$ apsisi noktasındaki teğeti,
 $y = \frac{-x}{5} + 3$

doğrusuna dik olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2

2. $f(x) = \frac{x^3}{3} - 4x + 1$

fonksiyonuna $x = a$ noktasından çizilen teğet, x eksenini ile pozitif yönde geniş açı oluşturmaktadır.

Buna göre, a sayısının en geniş aralığı aşağıdakilerden hangisidir?

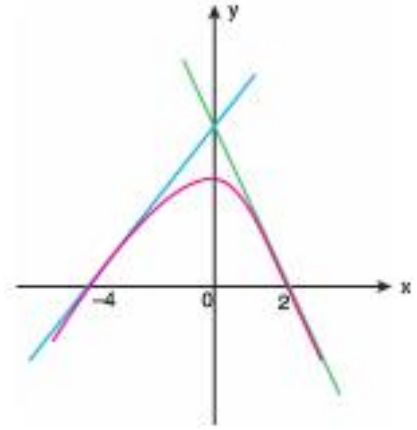
- A) $(-2, 2)$ B) $(0, 2)$ C) $(-2, 0)$
D) $(-\infty, 2)$ E) $(2, \infty)$

3. $f(x^2 - x) = x \cdot f(x) - x - 1$
eşitliği veriliyor.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonuna $x = 0$ apsisi noktasından çizilen teğetin eğimi kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 8

- 4.



Yukarıda grafiği verilen $y = f(x)$ fonksiyonunun $x = -4$ ve $x = 2$ noktalarındaki teğetleri y eksenini üzerinde kesmiştir.

Buna göre, $\frac{f(-4)}{f(2)}$ oranı kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) -1 D) $-\frac{1}{2}$ E) $-\frac{1}{4}$

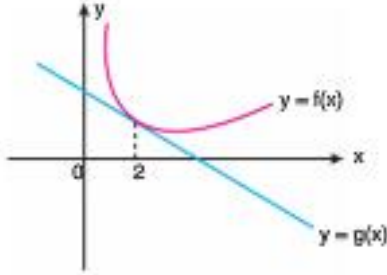
5. $m, n \in \mathbb{R}$ olmak üzere,
 $f(x) = mx^2 + nx + 1$

parabolü üzerinde bulunan $(1, 1)$ noktasından çizilen teğet doğrusu x - eksenini $(3, 0)$ noktasında kesmektedir.

Buna göre, $m - n$ farkı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

6. Şekilde, $f(x)$ fonksiyonuna $x = 2$ apsisi noktasından $g(x)$ teğeti çizilmiştir.

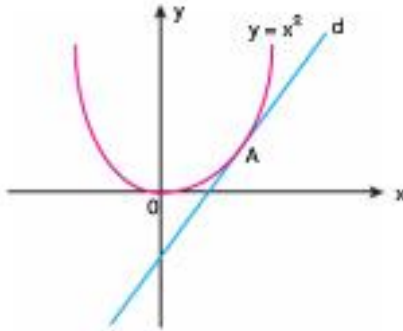


$$g^{-1}(x) = \frac{6-x}{2}$$

olduğuna göre, $f'(2)$ kaçtır?

- A) -4 B) -3 C) -2 D) -1 E) $-\frac{1}{2}$

7.



Şekilde verilen d doğrusu $y = x^2$ parabolüne apsisi $\frac{2}{3}$ olan

A noktasında teğettir. d doğrusunun üzerinde A noktasından 5 birim uzaklıkta bir B noktası alınıyor.

$$|AB| = 5 \text{ birim}$$

olduğuna göre, B ile A'nın apsisi farkının mutlak değeri kaçtır?

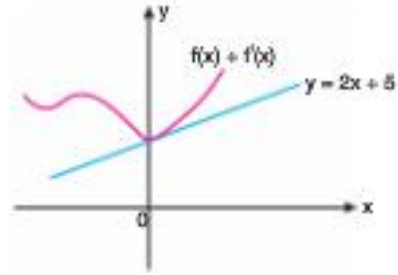
- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

$$f(x) = x^4 - x + 1$$

eğrisinin $y = 3x - 5$ doğrusuna en yakın noktasının koordinatları toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

9. Aşağıda, $f(x) + f'(x)$ fonksiyonunun grafiği ve bu grafiğe $x = 0$ apsisi noktasından çizilen teğet gösterilmiştir.



Buna göre, $f(0) - f''(0)$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

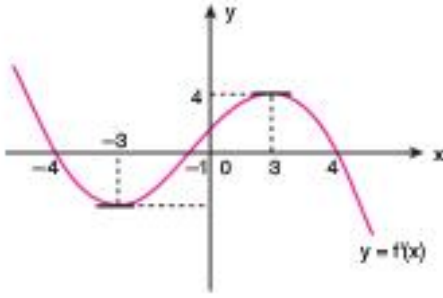
$$f(x) = x^2 + x + 1$$

fonsksiyonuna orijinden teğetler çiziliyor.

Buna göre, çizilen bu teğetlerin eğimleri toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

11.



Yukanda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$g(x) = x^2 \cdot f(x+1)$$

olduğuna göre, $g'(2)$ kaçtır?

- A) 20 B) 18 C) 16 D) 14 E) 12

Rolle Teoremi:

$f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ fonksiyonu sürekli ve $\forall x \in (a, b)$ için türevlenebilir olsun. Eğer $f(a) = f(b)$ ise (a, b) aralığında $f'(c) = 0$ olacak şekilde en az bir c noktası vardır.

12. $f(x) = x^3 - 2x^2 + a$

fonksiyonuna $[0, b]$ aralığında Rolle teoremi uygulanabildiğine göre, b kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

13.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & , x < 1 \\ 2x & , x \geq 1 \end{cases}$$

fonksiyonunun $[-3, 5]$ aralığında Rolle teoremine uygun $A(x, y)$ noktasının koordinatlar toplamı kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

14.

$f(x)$, \mathbb{R} de türevli bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} g(x) & , x > 2 \\ x^2 - x & , x \leq 2 \end{cases}$$

fonksiyonunun $[-1, 3]$ aralığında Rolle teoremine uygun en az bir noktası vardır.

Buna göre, $g(2) + g'(2) - g(3)$ işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

1. D	2. A	3. B	4. D	5. B	6. C	7. C
8. B	9. C	10. B	11. C	12. B	13. B	14. C



1. $f(x) = x^2 - 6x + 4$

fonksiyonunun artan olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[1, \infty)$ B) $[2, \infty)$ C) $[3, \infty)$
D) $(-\infty, 1]$ E) $(-\infty, 3]$



2. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{x^3}{3} - x^2 - 3x + 5$$

fonksiyonunun azalan olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[0, 2]$ B) $[-1, 3]$ C) $[-2, 4]$
D) $[1, \infty)$ E) $(-\infty, 2]$



3. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

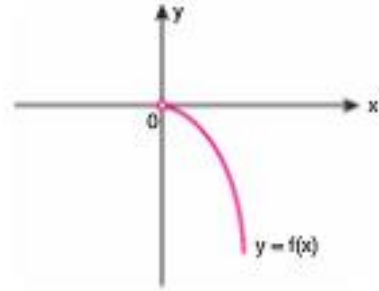
$$f(x) = x^3 + 6x^2 + kx + 2$$

fonksiyonu daima artan olduğuna göre, k hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $(-\infty, 4]$ B) $[-3, 3]$ C) $(-1, 9]$
D) $[-1, 1]$ E) $[12, \infty)$



4. $f: (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

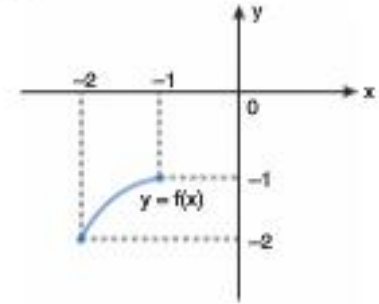
- I. f fonksiyonu $(0, \infty)$ aralığında tanımlı negatif değerli azalan bir fonksiyondur.
II. $f^2(x)$ fonksiyonu artandır.
III. $x \cdot f(x)$ fonksiyonu azalandır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) Yalnız III E) I, II ve III



5. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun $[-2, -1]$ aralığındaki grafiği verilmiştir.



Buna göre,

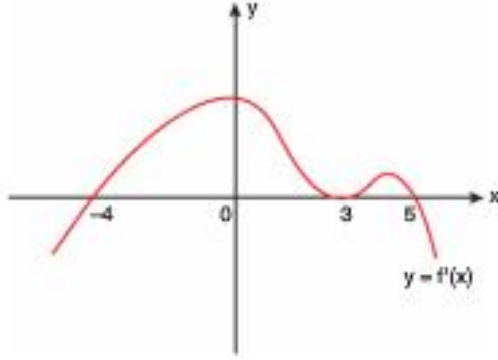
- I. $y = f^2(x)$
II. $y = (f \circ f)(x)$
III. $y = |f(x)|$

fonksiyonlarından hangileri aynı aralıkta azalandır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III



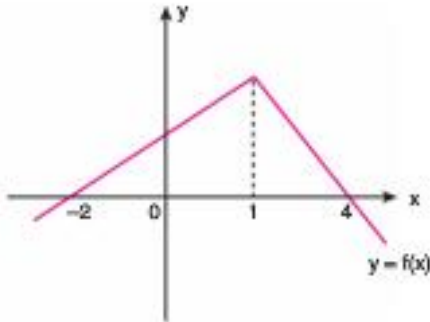
6. Aşağıda f fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.



Buna göre, f fonksiyonunun artan olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $(-\infty, -4]$ B) $[-4, 3]$ C) $[3, \infty)$
D) $[-4, 5]$ E) $[-4, \infty)$

- 7.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

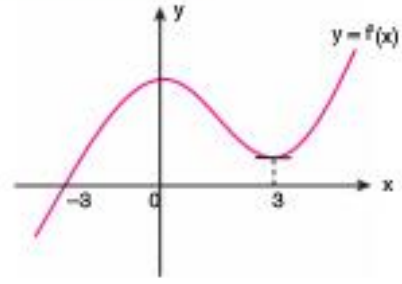
Buna göre,

- I. f fonksiyonu $(-\infty, 1]$ aralığında artandır.
II. f fonksiyonu $[1, \infty)$ aralığında azalandır.
III. $f(2) < 0$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) Yalnız III E) I, II ve III

- 8.



Yukarıdaki şekilde f fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.

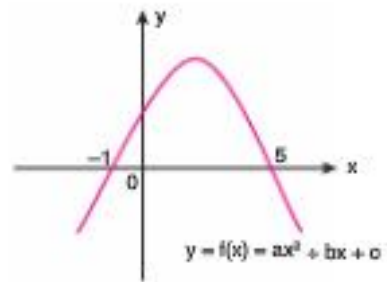
Buna göre,

- I. f fonksiyonu $[-3, \infty)$ aralığında artandır.
II. $f(-5) > f(-4)$
III. $f(1) > f(2)$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) Yalnız III E) I, II ve III

- 9.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - f(5)}{x - 5} < 0$
II. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = 0$
III. $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h) - f(0)}{h} > 0$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III



10.

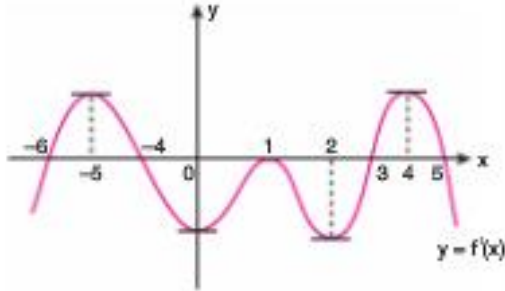
$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2, & x \leq 0 \\ x + 2, & x > 0 \end{cases}$$

fonksiyonunun artan olduğu en geniş aralık aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $[0, \infty)$ B) $[-2, \infty)$ C) $[\sqrt{2}, \infty)$
D) $(-\infty, 2]$ E) $\mathbb{R} - \{2\}$



11.



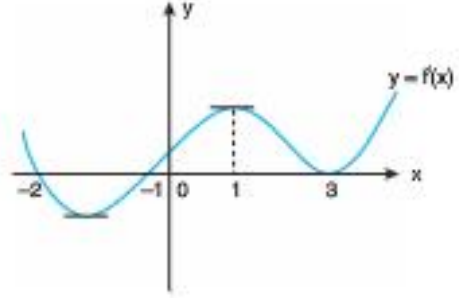
Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $y = f(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum noktalarının apsisi toplamı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



12.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

- I. $x = -2$ apsisi noktada f fonksiyonunun yerel maksimumu vardır.
- II. $x = -1$ apsisi noktada f fonksiyonunun yerel maksimumu vardır.
- III. $f(3) = 0$ olmasına rağmen $y = f(x)$ fonksiyonunun $x = 3$ apsisi noktada yerel ekstremum yoktur.
- IV. $f(-5) > f(-4)$ tür.
- V. $y = f'(x)$ fonksiyonunun $x = 1$ apsisi noktasında yerel maksimumu vardır.

İfadelerinden kaç tanesi doğrudur?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



13. $f : [-3, 0] \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

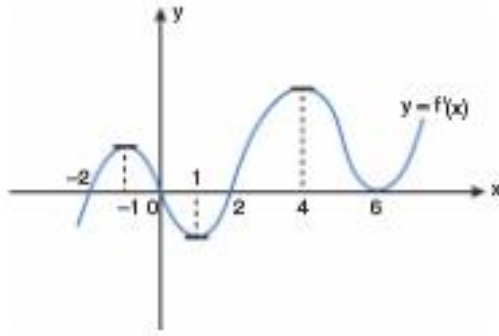
$$f(x) = \frac{x^3}{3} - x^2 - 8x + 1$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, f fonksiyonunun alabileceği en küçük değer kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 0 E) 1

14. Aşağıda $y = f(x)$ fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.



Buna göre,

- I. $y = f(x)$ fonksiyonunun 3 tane ekstremum noktası vardır.
- II. $f(3) < f(4) < f(5)$ tir.
- III. $y = f(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum noktasının apsisi 6'dır.

Öncüllerinden hangileri doğrudur?

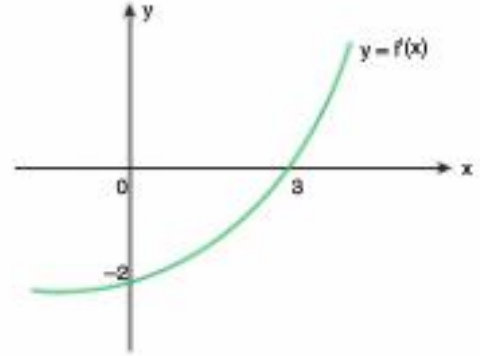
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

15. $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$

fonksiyonunun yerel ekstremum noktalarının ordinatları toplamı kaçtır?

- A) -20 B) -15 C) -12 D) -6 E) -2

16. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun türevinin grafiği gösterilmiştir.



Buna göre,

- I. $y = f(x)$ fonksiyonunun yerel minimum noktasının apsisi 3'tür.
- II. $f(1) > f(2) > f(3)$ tür.
- III. $f'(0) > f'(3)$ dir.

Öncüllerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III



1. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = x^3 - 3x - 1$$

fonksiyonunun yerel maksimum noktasının ordinatı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



2. $f(x) = 2x^3 - 6x + n$

fonksiyonunun yerel maksimum değeri 8 olduğuna göre, n kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



3. a ve b birer gerçekte sayıdır.

$$f(x) = x^3 - (a + b)x^2 + 6$$

fonksiyonunun yerel ekstremum noktalarının apsisi-ri toplamı 4 olduğuna göre, $a + b$ toplamı kaçtır?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 12 E) 16



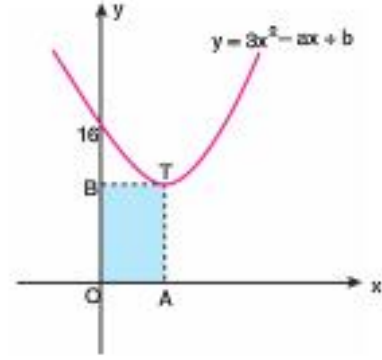
4. $f(x) = (x^3 - x^2)^3$

eğrisinin kaç tane ekstremum noktası vardır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



5.



Yukarıda tepe noktası T olan,

$$y = 3x^2 - ax + b$$

parabolünün yerel minimum değeri 4'tür.

Buna göre, OATB dikdörtgeninin alanı kaç birimkaredir?

- A) 16 B) 14 C) 12 D) 8 E) 6



6.

$$f(x) = x^2 - x - 6$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

- I. $f(x - 1)$
- II. $2f(x)$
- III. $|f(x)|$
- IV. $f(2x)$
- V. $f(-x)$

fonksiyonlarından hangisinin ekstremum nokta sayısı en fazladır?

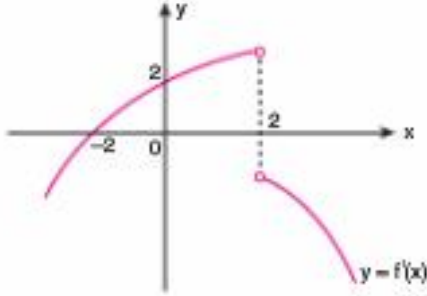
- A) I B) II C) III D) IV E) V

7. I. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x^2 - 4x$
II. $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = 1 - x^2$
III. $h: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, h(x) = 3x - 1$

Yukarıda verilen fonksiyonlardan hangilerinin mutlak maksimum noktası vardır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) Yalnız III

8. Aşağıda, reel sayılarda tanımlı ve sürekli bir f fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.



Buna göre,

- I. f fonksiyonunun $x = 2$ noktasında yerel maksimumu vardır.
II. $f(3) > f(4)$
III. f fonksiyonu $(-\infty, 2)$ aralığında artandır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

9. $f(x) = x^3 + 3x^2 + (m+1)x + 3$

fonksiyonunun ekstremum noktası olmadığına göre, m 'nin en küçük değeri kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

10. $f(x) = x^3 - \frac{3x^2}{2} - 1$

eşitliği ile verilen f fonksiyonunun $[-1, 2]$ aralığında alabileceği en büyük değer kaçtır?

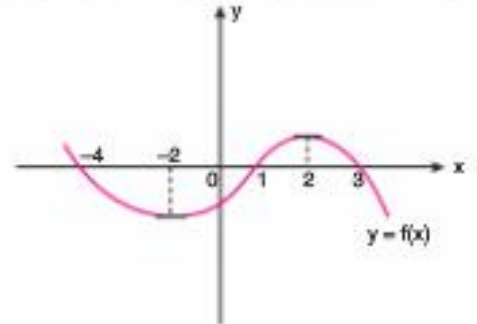
- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 4

11. $f(x) = x^3 - ax^2 + bx + 1$

fonksiyonunun grafiği apsisi -1 olan noktada x eksenine teğet olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -27 B) -18 C) -12 D) -9 E) -6

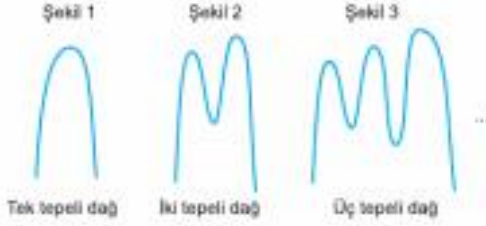
12. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



Buna göre, $(x-1) \cdot f(x) < 0$ eşitsizliğini sağlayan en küçük iki doğal sayının toplamı kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

13. Aşağıda eğrilerin, dağ olarak adlandırılması verilmiştir.



Buna göre, en az kaçinci dereceden bir polinom fonksiyonun grafiği dört tepeli bir dağ görünümünde olur?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

14. $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x, & x \leq 5 \text{ ise} \\ 10 - x, & x > 5 \text{ ise} \end{cases}$$

fonksiyonunun yerel ekstremum değerleri toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

15. $f(x)$ fonksiyonu her $x \in \mathbb{R}$ için süreklidir.
 $x_0 \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f'(x_0^+) \cdot f'(x_0^-) < 0$$

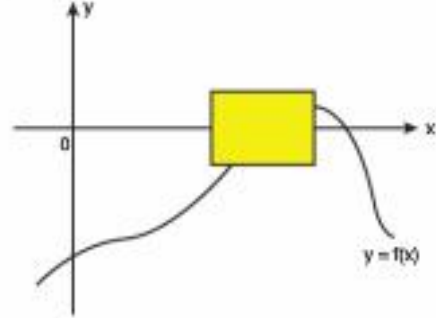
Buna göre,

- I. x_0 , $f(x)$ fonksiyonunun bir ekstremum noktasının apsisidir.
- II. $f(x)$ fonksiyonunun x_0 da limiti vardır.
- III. $f(x)$ fonksiyonunun x_0 da türevi vardır.

Öncüllerinden hangileri daima doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I, II ve III

16. Bir matematik öğretmeni, önce öğrencilerin görmeyeceği şekilde gerçel sayılar kümesi üzerinde tanımlı sürekli bir f fonksiyonunun grafiğini bir kâğıda çiziyor. Sonra grafiğin bir bölümünü şekildedeki gibi sarı renkli bir kâğıt parçasıyla kaplıyor.



Daha sonra, öğrencilerden bazıları aşağıdaki yorumları yapıyor.

- I. Fonksiyonun en az bir ekstremum noktası vardır.
- II. Fonksiyonun grafiği x eksenini en az iki noktada keser.
- III. Fonksiyonun türevinin 0 olduğu en az bir nokta vardır.

Buna göre, öğrencilerin yaptığı yorumlardan hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

1. D	2. C	3. B	4. C	5. D	6. C	7. B	8. C
9. C	10. C	11. D	12. A	13. D	14. A	15. B	16. D

1. a ve b birer reel sayıdır.

$$a + 2b = 12$$

olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımının sonucu en fazla kaçtır?

- A) 12 B) 15 C) 18 D) 20 E) 24

2. $x, y \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$x + y = 16$$

olduğuna göre, $x \cdot y^3$ çarpımının en büyük değerini alması için y kaç olmalıdır?

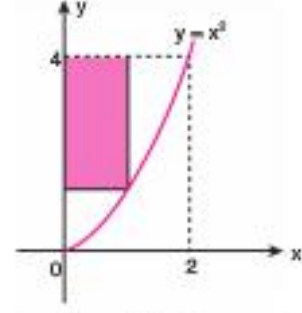
- A) 24 B) 18 C) 16 D) 12 E) 8

3. Dikdörtgen şeklindeki bir bahçenin yansı duvar, diğer yansı ise tel örgü ile çevrilmiştir.

Tel örgünün uzunluğu 120 m olduğuna göre, bahçenin alanı en fazla kaç m^2 dir?

- A) 4000 B) 3600 C) 3200 D) 3000 E) 2400

- 4.



Bir kenarı $y = 4$ doğrusu diğer kenarı y eksenini ve bir köşesi de $y = x^2$ eğrisi üzerinde değişen dikdörtgenlerden alanı en büyük olanın alanı kaç birimkaredir?

- A) $4\sqrt{3}$ B) $2\sqrt{3}$ C) $\frac{16\sqrt{3}}{9}$
D) $\frac{5\sqrt{3}}{3}$ E) $\frac{14\sqrt{3}}{9}$

- 5.

$a \in \mathbb{R}$ olmak üzere $a \neq 0$,

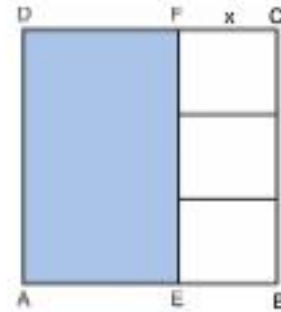
$$ax^2 + (a-1)x + 1 = 0$$

denkleminin diskriminantı en az kaç olabilir?

- A) -16 B) -12 C) -8 D) -6 E) -4

- 6.

Aşağıda verilen ABCD dikdörtgeni, AEFD dikdörtgeni ile 3 tane eş kareden oluşmaktadır.



$$\text{Çevre}(ABCD) = 48 \text{ cm}$$

olduğuna göre, taralı bölgenin alanının en büyük olması için $|FC| = x$ kaç cm olmalıdır?

- A) 2 B) $\frac{5}{2}$ C) 3 D) $\frac{7}{2}$ E) 4

7. Analitik düzlemde $A(1, 1)$ ve $B(a, a + 1)$ noktaları veriliyor.

Bu iki nokta arasındaki uzaklık en az olduğunda a kaçtır?

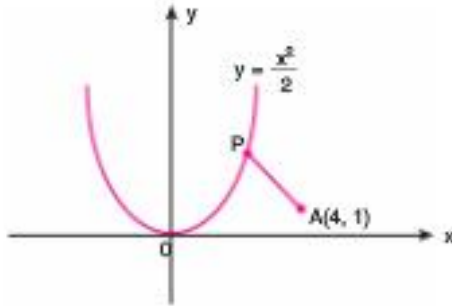
- A) $-\frac{1}{2}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 2

8. x TL'ye alınan mal $x^2 - 5x + 11$ TL'ye satılıyor.

Buna göre, kârın en az olması için x kaç olmalıdır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

9.

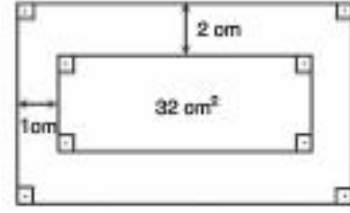


$y = \frac{x^2}{2}$ parabolü üzerinde alınan bir P noktasının

$A(4, 1)$ noktasına olan uzaklığı en az kaç birimdir?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B) $\sqrt{3}$ C) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ D) $\sqrt{5}$ E) $2\sqrt{5}$

10.

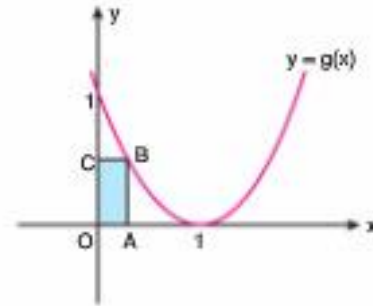


Dikdörtgen şeklindeki bir kağıdın 32 cm^2 ilk kısmına yazı yazılacaktır.

Alttan ve üstten 2 cm, sol ve sağdan 1'er cm lik boşluk bırakılacağına göre, kağıdın alanı en az kaç cm^2 olmalıdır?

- A) 96 B) 84 C) 80 D) 72 E) 60

11.



Yukarıda verilen parabol grafiğinde B noktası parabol ile OABC dikdörtgeninin ortak noktasıdır.

Buna göre, OABC dikdörtgeninin çevresinin alabileceği en küçük değer kaçtır?

- A) $\frac{3}{2}$ B) 2 C) $\frac{5}{2}$ D) 3 E) $\frac{7}{2}$

12.

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 2x + 1$$

fonksiyonuna herhangi bir noktasından çizilen teğetin eğimi en az kaç olabilir?

- A) -14 B) -12 C) -10 D) -8 E) -6

1. C	2. D	3. B	4. C	5. C	6. C
7. D	8. C	9. D	10. D	11. A	12. C

1. Dik kenarlarının uzunlukları toplamı 24 cm olan bir dik üçgenin alanı en fazla kaç cm^2 dir?

A) 48 B) 60 C) 72 D) 80 E) 96

2. $f(x) = x^2 - 4x + 1$

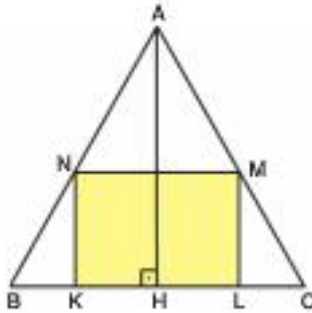
fonksiyonu veriliyor.

$y = f(x) + f'(x)$ fonksiyonunun grafiğinin üzerindeki herhangi bir nokta (a, b) dir.

Buna göre, $a + b$ toplamı en az kaçtır?

A) -4 B) $-\frac{15}{4}$ C) $-\frac{7}{2}$ D) $-\frac{13}{4}$ E) -3

3.



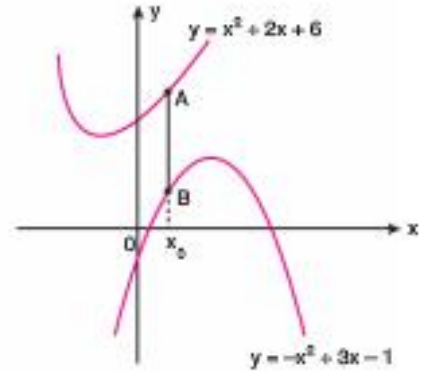
ABC üçgeninin içine KLMN dikdörtgeni çizilmiştir.

$$|AH| = 6 \text{ br}, |BC| = 10 \text{ br}$$

Buna göre, KLMN dikdörtgeninin alanı en çok kaç birimkaredir?

A) 25 B) 24 C) 20 D) 18 E) 16

4. Aşağıda, $y = x^2 + 2x + 6$ ve $y = -x^2 + 3x - 1$ fonksiyonlarının grafiği verilmiştir.



A noktası $y = x^2 + 2x + 6$ ve B noktası $y = -x^2 + 3x - 1$ eğrileri üzerindedir.

Buna göre, y eksenine paralel olan $|AB|$ uzunluğunun en küçük olmasını sağlayan x_0 değeri kaçtır?

A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{3}{8}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{5}{8}$

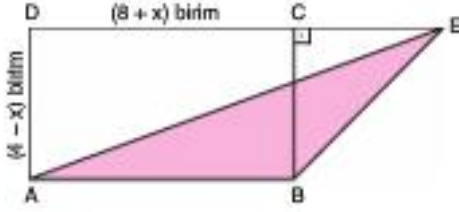
5. İlk 50 yolcunun her biri için uçak bilet fiyatının 200 TL olduğu bir havayolu şirketinde 50 üzerine eklenen her yolcu için bilet fiyatı 2 TL düşmektedir.

Örneğin; uçağa 52 yolcu binerse her yolcu 196 TL bilet parası ödüyor.

Buna göre, havayolu şirketinin kazancının en çok olması için uçağa kaç yolcu binmesi gerekir?

A) 85 B) 80 C) 75 D) 70 E) 65

6.



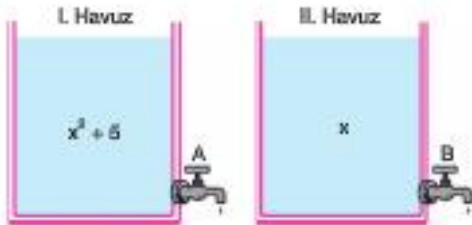
ABCD dikdörtgen ve ABE bir üçgendir.

$$|AD| = 4 - x, |DC| = 8 + x$$

olduğuna göre, $A(\triangle ABE)$ 'nin en büyük değeri kaç birimkaredir?

- A) 24 B) 22 C) 20 D) 18 E) 16

7.



I. havuz $x^2 + 5$ litre ve II. havuz x litredir. A musluğu I. havuzun tamamını 3 saatte B musluğu ise II. havuzun tamamını 2 saatte boşaltmaktadır.

1 saat sonra I. havuzda kalan suyun II. havuzdaki kalan suya oranının minimum olması için başlangıçta I. havuzda kaç litre su olmalıdır?

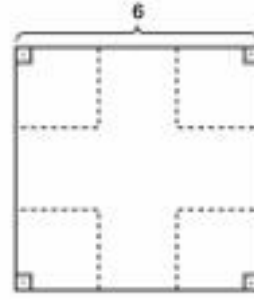
- A) 5 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

8.

$f(x) = \sqrt{x}$ eğrisinin $(2, 0)$ noktasına en yakın olan noktasının ordinatı kaçtır?

- A) $\sqrt{3}$ B) 2 C) $\frac{\sqrt{6}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

9.

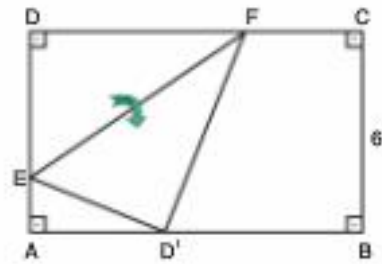


Şekilde bir kenar 6 br olan kare biçimindeki alüminyum levhanın köşelerinden eşit kare parçaları kesilerek katlanıyor ve üstü açık bir dik prizma biçiminde depo yapılıyor.

Buna göre, deponun hacmi en çok kaç birimküptür?

- A) 24 B) 18 C) 16 D) 14 E) 12

10.



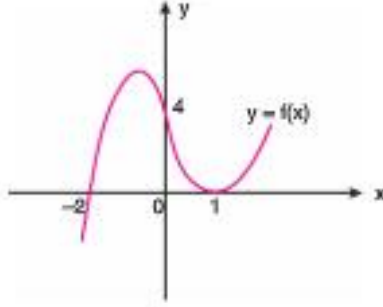
6 cm eninde dikdörtgen şeklindeki kağıt şerit, şeklideki gibi D köşesi kıvrılarak $[AB]$ kenarı üzerine getiriliyor.

Buna göre, EAD' üçgeninin alanının alabileceği en büyük değer kaç cm^2 dir?

- A) $6\sqrt{3}$ B) $5\sqrt{3}$ C) $4\sqrt{3}$ D) $3\sqrt{3}$ E) $2\sqrt{3}$

1. C	2. D	3. E	4. B	5. C
6. D	7. D	8. C	9. C	10. E

1. Aşağıda 3. dereceden $f(x)$ polinomunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 10 E) 12

3.

- I. $f(x) = (x - 1)^2 \cdot (x + 2)$
 II. $g(x) = (x - 1)^3$
 III. $h(x) = (x + 1)^2 \cdot (5 - x)^2$

Yukarıda verilen fonksiyonlardan hangileri daima artandır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
 D) I ve II E) II ve III

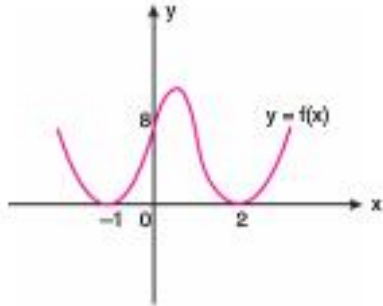
4.

- I. $f(x) = x^2 \cdot (x - 1)^2$
 II. $g(x) = x^4 + x^2$
 III. $h(x) = (x^2 - x)(x + 1)^2$

fonksiyonlarından hangilerinin grafiğinin x ekseninin altında kalan kısmı yoktur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) II ve III E) I, II ve III

2. Aşağıda 4. dereceden $f(x)$ polinomunun grafiği verilmiştir.

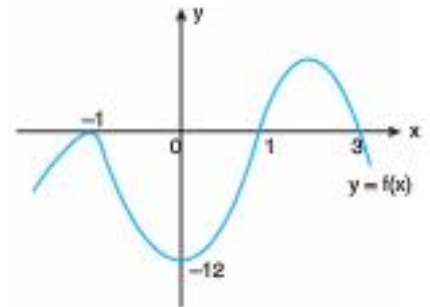


Buna göre, $f(1)$ kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 9 D) 8 E) 6

5.

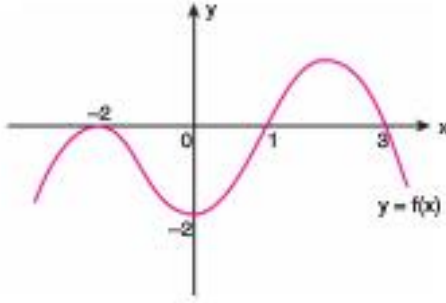
Aşağıda, $f(x) = (x + 1)^2 \cdot (x - 1) \cdot (ax + b)$ fonksiyonunun grafiği çizilmiştir.



Buna göre, $a - b$ farkı kaçtır?

- A) -10 B) -12 C) -14 D) -16 E) -18

6.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f(x) = (x + a)^2 \cdot (x - 1) \cdot \left(bx + \frac{1}{2}\right)$$

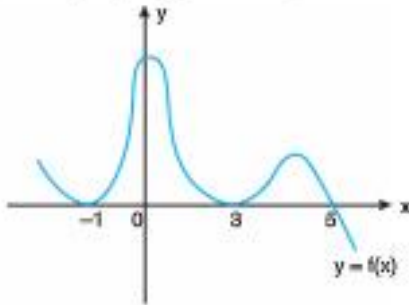
olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -6 B) -3 C) $-\frac{1}{3}$ D) $-\frac{1}{6}$ E) $-\frac{1}{9}$

7.

$$f(x) = -x^5 + bx^4 + cx^3 + dx^2 + e$$

fonsiyonunun grafiği aşağıda verilmiştir.

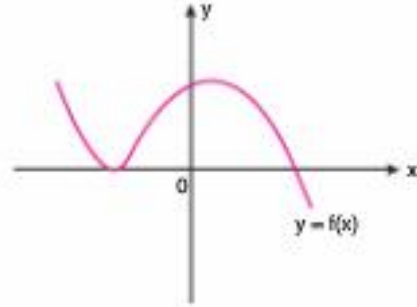


Buna göre, e kaçtır?

- A) 42 B) 43 C) 44 D) 45 E) 46

8.

Aşağıda, $f(x)$ polinom fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



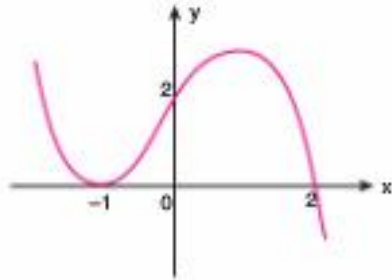
Buna göre,

- I. $f(x)$ in derecesi tektir.
- II. $f(x) = 0$ denkleminin çözüm kümesi iki elemanlıdır.
- III. $f(x)$ in tüm sıfırlarının çarpımı pozitif bir sayıdır.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

9.



Şekilde eğrisi verilen üçüncü dereceden polinom fonksiyonunun yerel maksimum noktasının ordinatı kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

1. $f(2x+1) = \frac{1}{(x^2+1)^2}$

olduğuna göre,

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{3 - x}$$

limitinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{2}$ B) $-\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{4}$ D) 1 E) 2

2. a ve b birer reel sayıdır.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + a, & x > 1 \\ ax + b, & x \leq 1 \end{cases}$$

fonksiyonu $x = 1$ apsisi noktasında sürekli fakat türevli olmadığına göre, $a + b$ toplamı aşağıdakilerden hangisi olamaz?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

3. f bir çift fonksiyon olduğuna göre, $f'(x)$ aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) $x^2 + 5$ B) $2x + 1$ C) $x^2 + x$
D) $x^3 - 2x$ E) $x^4 - 1$

4. f bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(2x - 1) = (x - 1) f(x) + x$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonunun $x = 1$ apsisi noktasından çizilen teğetin eğimi kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) $\frac{3}{2}$

5. $f(x)$ ve $g(x)$ sürekli ve türevlenebilir birer fonksiyon,

$$g'(1) = g(1) = 1 \text{ ve } f(x) = g^2(x)$$

Buna göre, $y = (f \circ f)(x)$ fonksiyonuna $x = 1$ apsisi noktasından çizilen teğetin eğimi kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 8 E) 12

6. $\forall x \in \mathbb{R}$ için,

$$f'(x) > 0 \text{ ve } g'(x) < 0$$

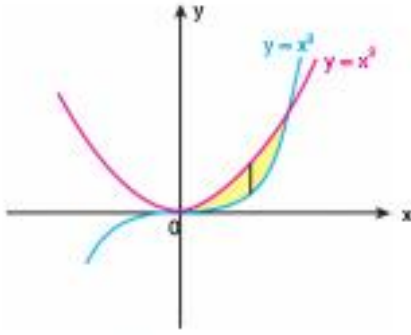
olduğuna göre,

- I. $f(g(x)) > f(g(x+1))$
II. $f(g(x)) > f(g(x-1))$
III. $g(f(x)) > g(f(x+1))$

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) I ve III E) II ve III

7. Aşağıda iki eğri verilmiştir.



Şekildeki boyalı bölgeye, y eksenine paralel olacak biçimde çizilebilecek bir doğru parçasının uzunluğu en çok kaç birim olabilir?

- A) $\frac{1}{27}$ B) $\frac{2}{27}$ C) $\frac{1}{9}$ D) $\frac{4}{27}$ E) $\frac{5}{27}$

8. $x > 0$ olmak üzere, bir kütüphanede ders çalışan öğrenci sayısı,

$$f(x) = x^3 - 9x^2 + 15x + 99$$

fonksiyonuyla ifade edilmektedir. x , kütüphanede ders çalışılan toplam saat sayısıdır.

Buna göre, kütüphaneye en az sayıda öğrenci geldiğinde kaç saat ders çalışılmıştır?

- A) 1 B) 3 C) 4 D) 5 E) 7

9. $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ olmak üzere,

$$f(x) = \sin \alpha \cdot x^2 - \cos \alpha \cdot x + 1$$

fonksiyonu $x = \frac{1}{2}$ noktasında en küçük değerini

aldığına göre, α kaç derecedir?

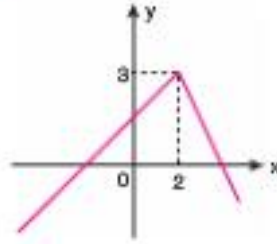
- A) 15 B) 30 C) 45 D) 60 E) 75

10. $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 1$

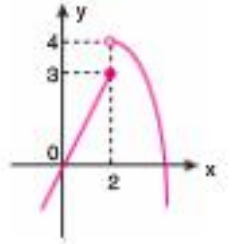
fonksiyonu için aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Yerel minimum değeri 2'dir.
B) $x > 2$ için fonksiyon azalır.
C) (2, 10) noktası yerel minimum noktasıdır.
D) $-3 < x < 2$ aralığında fonksiyon artar.
E) Yerel maksimum değeri 8'dir.

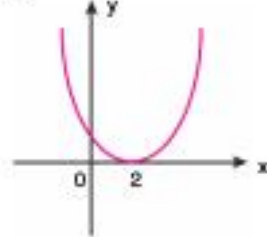
11. I.



II.



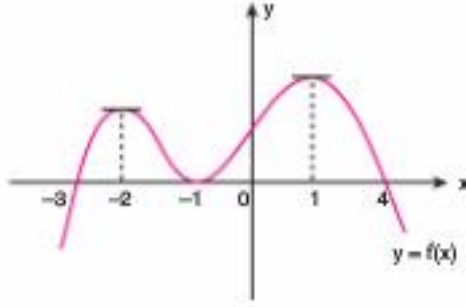
III.



Yukarıda verilen grafiklerin hangilerinde $x = 2$ apsisli noktada yerel maksimum vardır?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

12.



Şekilde, $y = f'(x)$ türev fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, aşağıdaki yargılardan hangisi yanlıştır?

- A) $x = -3$ apsisi nokta f fonksiyonunun yerel minimum noktasının apsisi dir.
- B) f fonksiyonunun $x = -1$ de yerel minimumu vardır.
- C) f fonksiyonunun $x = 4$ te yerel maksimumu vardır.
- D) $f(6) < f(5)$ tir.
- E) f' fonksiyonunun yerel minimum noktasının apsisi -1 dir.

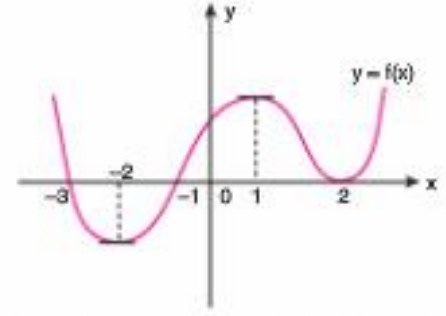
13.

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3$$

fonskiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A)
- B)
- C)
- D)
- E)

14.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

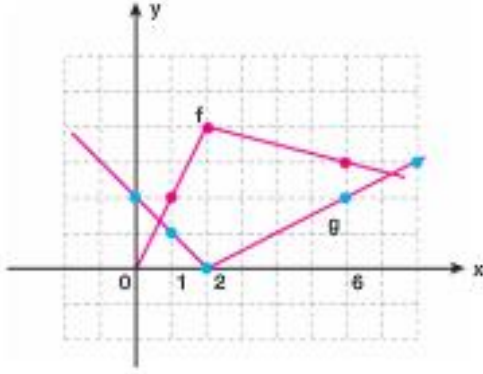
Buna göre, $f'(x)$ türev fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A)
- B)
- C)
- D)
- E)

1. C	2. C	3. D	4. D	5. C	6. D	7. D
8. D	9. C	10. E	11. A	12. B	13. A	14. B



1.



Yukarıda, birim kareli zeminde f ve g fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre,

$$\frac{f(6) \cdot g'(6)}{f'(1) + g'(1)}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{3}{2}$ E) 2



2.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x, & x < 1 \\ x^3 - 1, & x \geq 1 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

$$g(x) = (f \circ f)(x)$$

olduğuna göre, $g'(-1)$ kaçtır?

- A) -48 B) -64 C) -72 D) -90 E) -108



3.

$$2f(x) + f(-x) = x^2 - x + 1$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonuna $x = 1$ apsisi noktasından çizilen teğetin eğimi kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 0 C) $-\frac{1}{5}$ D) $-\frac{1}{4}$ E) $-\frac{1}{3}$



4.

$$l(x) = -x^3 + 3x^2 + 45x - 2$$

eğrisi üzerinde bulunan apsisi tam sayı olan noktalarındaki teğetleri çiziliyor.

Bu teğetlerden kaç tanesi x eksenine ile dar açı yapar?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9



5.

$$y = \frac{2x^3}{3} - 6x^2 + x + 1$$

eğrisinin hangi noktasındaki teğetin eğimi en küçüktür?

- A) (3, -16) B) (3, -32) C) (3, -8) D) (-3, -32) E) (-3, -16)

6. k bir gerçel sayıdır.
 $y = 2x + k$ doğrusu,

$$y = \frac{x^3}{3} + 2x^2 + 6x$$

eğrisine teğet olduğuna göre, k kaçtır?

- A) $-\frac{5}{3}$ B) -2 C) $-\frac{7}{3}$ D) $-\frac{8}{3}$ E) -3

7. Aşağıda bir evin projesiyle ilgili bilgiler verilmiştir.



Evin temeli: dikdörtgen



Her köşeden, taban boyutları 20 cm ve 40 cm olan dikdörtgen prizma biçiminde bir sütun yükseltilir.



Sütunların araları dış duvarlar olacaktır. Dış duvarların arası evin iç kısmı olacaktır.

En alttaki şekilde evin iç kısmının alanı 50 m^2 dir.

Buna göre, ilk şekilde verilen evin temelinin alanı en az kaç m^2 olabilir?

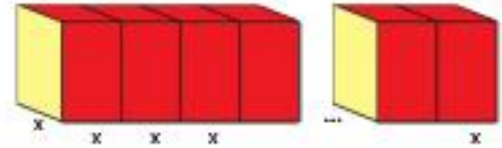
- A) 58 B) 58,08 C) 58,32
D) 58,58 E) 58,64

8. Bir dondurmacı tanesi 50 kuruşa günde 200 dondurma satmaktadır. Dondurmacı her 1 kuruşluk zam için günde iki dondurma daha az satmaktadır. Dondurmacı günde masrafı dondurma başına sabit olup 40 kuruştur.

Buna göre, dondurmacı kârının en çok olması için günde kaç tane dondurma satması gerekir?

- A) 130 B) 125 C) 120 D) 115 E) 110

9. **ACIL MATEMATİK**



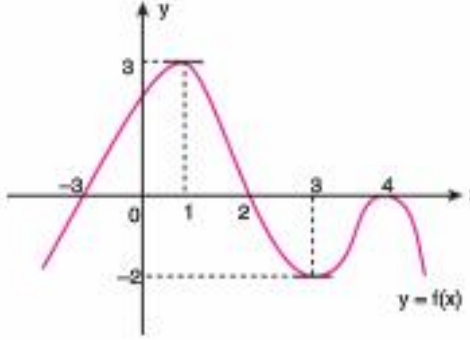
Yukarıdaki şekilde bir sırtı x br ve hacimleri toplamı 1875 br^3 olan x tane kare prizma yan yana dizilerek yukarıdaki yapı oluşturulmuştur. Oluşan yapıda her bir prizmanın ikişer yüzü kırmızıya boyanmıştır.

Buna göre, kırmızıya boyanan kısımların alanları toplamı en az kaç birimkare olur?

- A) 225 B) 250 C) 375 D) 400 E) 500



10.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) $x = 4$ apseli noktada f fonksiyonunun bir yerel maksimumu vardır.
 B) f fonksiyonunun mutlak minimum değeri -2 dir.
 C) $f'(-2) \cdot f'\left(\frac{3}{2}\right) < 0$ dir.
 D) $x = 1$ apseli noktada f fonksiyonunun bir maksimumu vardır.
 E) f fonksiyonunun mutlak maksimum değeri 3 'tür.



11.

$$f(x) = 12x - x^3$$

fonksiyonunun $[-1, 3]$ aralığında alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) -11 B) 9 C) 11 D) 16 E) 25



12.

$f(x) = \frac{x^2}{3} - x - 8$ parabolünün üzerindeki her noktanın, koordinatlar çarpımının değerini veren fonksiyon g olsun.

Buna göre,

- I. g fonksiyonu $[-2, 4]$ aralığında azalır.
 II. g fonksiyonunun 2 tane ekstremumu vardır.
 III. g fonksiyonunun yerel maksimum değeri 10 dur.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) I ve III E) I, II ve III



13.

$y = f(x)$ fonksiyonu $\forall x \in \mathbb{R}$ için $f'(x) > 0$ olmaktadır.

Buna göre,

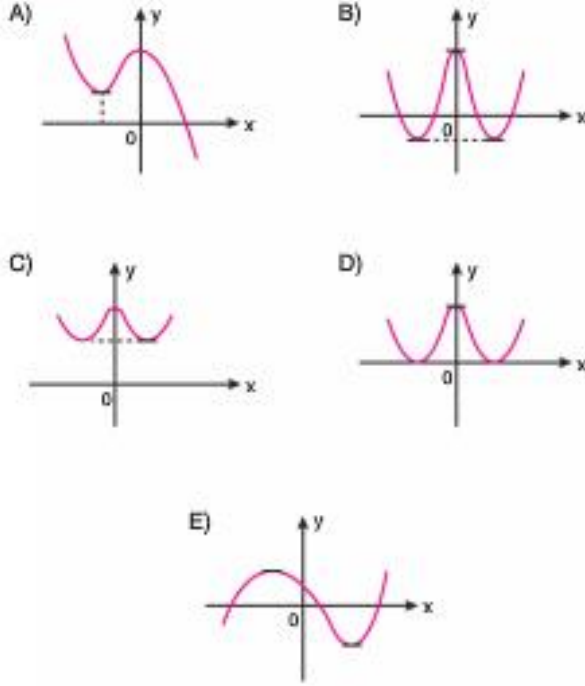
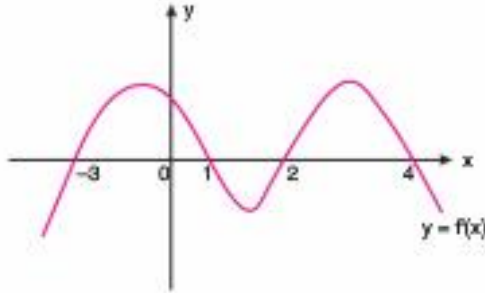
- I. $f(x)$ fonksiyonu periyodiktir.
 II. $f(x)$ tek fonksiyondur.
 III. $f(x)$ çift fonksiyondur.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle yanlıştır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) I ve III E) II ve III

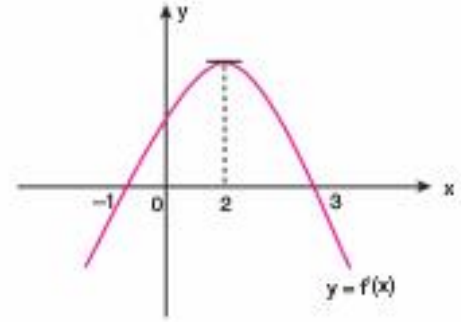
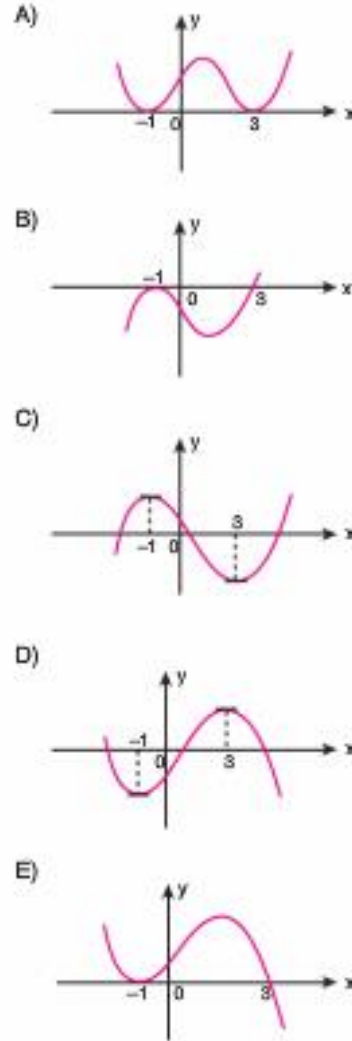
14. $f(x) = x^4 - x^2 + 2$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

15. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun birinci türevinin grafiği verilmiştir.Buna göre, $f(-2x)$ fonksiyonunun yerel maksimum noktalarının apsüsler çarpımı kaçtır?

- A) -3 B) $-\frac{3}{2}$ C) 1 D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

16.

Şekilde, $f'(x)$ (türev fonksiyonunun grafiği) verilmiştir.Buna göre, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

1. D	2. E	3. E	4. C	5. B	6. D	7. C	8. E
9. E	10. B	11. D	12. C	13. D	14. C	15. C	16. D



1. $f(x) = |x^2 + (a-1)x + 4|$ fonksiyonu her $x \in \mathbb{R}$ için türevlidir.

Buna göre, a 'nın alabileceği tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 3 C) 5 D) 7 E) 9



2. $a, b \in \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 - ax + b$ veriliyor.

$$g(x) = \begin{cases} f(x), & x > 0 \\ f(x), & x \leq 0 \end{cases}$$

olmak üzere, $g(x)$ fonksiyonu $\forall x \in \mathbb{R}$ için süreklidir.

Buna göre, $f(-1)$ kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



3. Gerçek sayılar kümesinde tanımlı f fonksiyonu her x için,

$$-6 \leq f(x) \leq -1$$

eşitsizliklerini sağlıyor.

$|f(x)| - f(x)$ fonksiyonuna üzerindeki $(3, 7)$ noktasından çizilen teğet $(4, -3)$ noktasından geçtiğine göre, $f'(3)$ kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



4. $f(x) = x^2 + bx + 10$ fonksiyonu veriliyor.

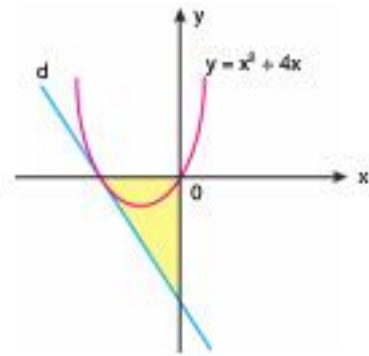
$$f(x) \text{ ve } f'(x)$$

fonksiyonları birbirine teğet olduğuna göre, b nin pozitif değeri kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7



- 5.



Koordinat sisteminde parabolün x eksenini kestiği noktaların birinden parabole d teğeti çiziliyor.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

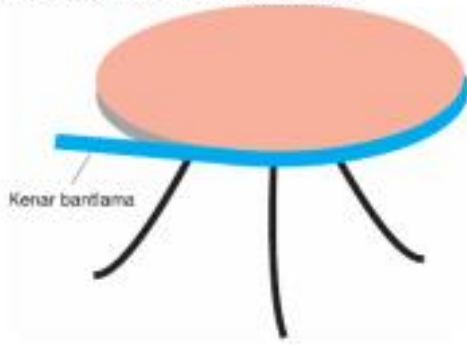
- A) 64 B) 48 C) 36 D) 32 E) 16



6. Hacmi 72 cm^3 olan üstü açık bir silindirin yüzey alanının en küçük olması için yüksekliği, yarıçapının kaç katı olmalıdır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4

7. Aşağıda bir yuvarlak masa gösterilmiştir.



Masanın daire biçimindeki yüzeyinin çevresine bant çekmenin maliyeti her bir metre uzunluk için 2 TL, masanın yüzeyini boyama maliyeti ise her 1 metre kare alan için 1 TL'dir.

Buna göre, böyle bir masanın bant maliyeti, boya maliyetinden en çok kaç TL fazla olabilir?

- A) 2 B) 4 C) 2π D) 4π E) 8π

- 8.



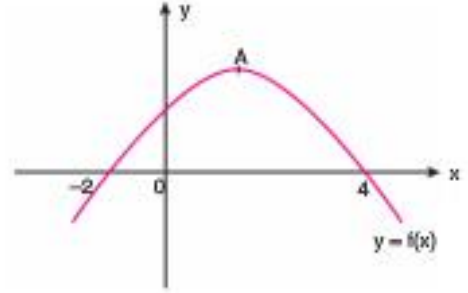
Yukarıda bir kenarı x br olan düzgün altıgen şeklinde bir ayna gösterilmiştir.

Aynanın çevresine ahşap çerçeve yapmanın maliyeti her bir metre uzunluk için 3 TL, ayna maliyeti ise her 1 metre kare için 1 TL'dir.

Buna göre, böyle bir aynanın çerçeve maliyeti ayna maliyetinden en fazla kaç TL daha pahalı olur?

- A) $24\sqrt{3}$ B) $21\sqrt{3}$ C) $20\sqrt{3}$
D) $18\sqrt{3}$ E) $16\sqrt{3}$

- 9.



Yukarıda, $y = f(x)$ parabolü $y = 4$ doğrusuna A noktasında teğettir.

Buna göre, f fonksiyonunun ekstremum noktasının koordinatları toplamı kaçtır?

- A) 8 B) 7 C) 6 D) 5 E) 4

- 10.

- $f(x)$, tüm reel sayılarda türevlenebilir azalan bir fonksiyondur.
- $f(x)$ fonksiyonunun eğimi sıfır olan herhangi bir teğet doğrusu yoktur.

Buna göre,

$$\frac{f(x) + (2 - x)}{x + 3} < 0$$

eşitsizliğini sağlayan x 'in alacağı kaç farklı tam sayı değeri vardır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2

11. $a, b \in \mathbb{Z}$ olmak üzere,

$$f(x) = x^3$$

$$g(x) = (a-2)x^2 + (b-3)x + 2$$

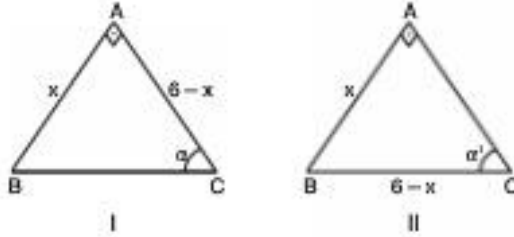
fonksiyonları veriliyor.

$f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonlarının ortak özelliği her ikisinin de artan olmasıdır.

Buna göre, $a + b$ toplamı en az kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

12.



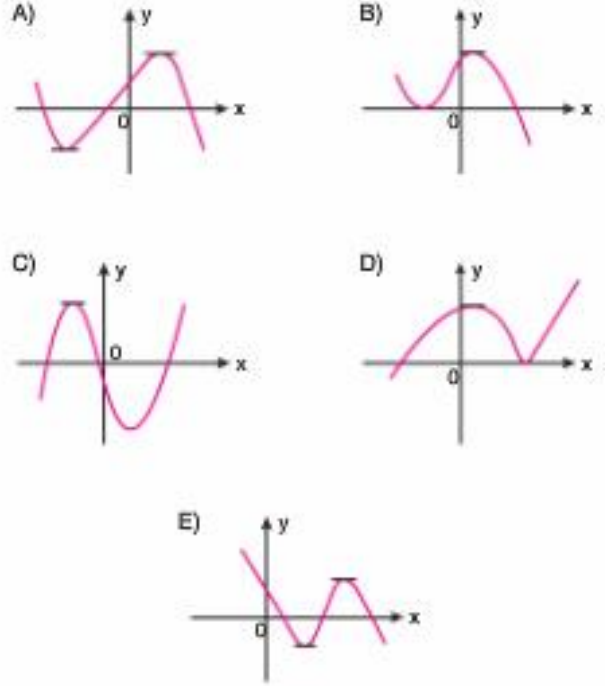
ABC dik üçgeninin iki dik kenarının toplamının 6 olduğunu söyleyen bir öğretmen, öğrencilerine $\text{Alan}(\widehat{ABC})$ nin alabileceği maksimum değeri soruyor. Çözümü yapmaya çalışan Eray adındaki bir öğrenci yanlışlıkla bir dik kenar ile hipotenüs uzunluğu toplamını 6 alıp farklı bir cevaba ulaşıyor.

Buna göre, Eray'ın anladığı şekil ile öğretmenin anlattığı şekillerdeki α ve α' açılarının farkı kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60

13. $f(x) = x^3 - 9x - 1$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?



14. $f(x) = (x+3)^2 \cdot (x-1) \cdot (x-4)$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) $f(5) \cdot f'(1) < 0$ B) $f'(-3) = 0$
C) $f'(-4) < 0$ D) $f'(5) < f'(6)$
E) $f(-1) < 0$

1. E	2. D	3. D	4. D	5. D	6. C	7. D
8. D	9. D	10. C	11. C	12. A	13. C	14. E

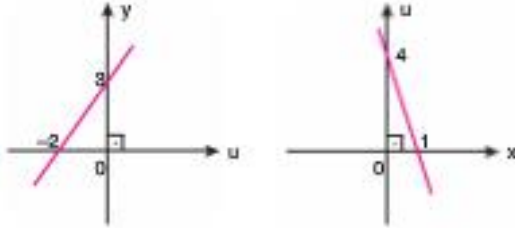
1. $P(x)$, ikinci dereceden bir polinom fonksiyondur.

$$P(2x) = 4 \cdot P(x)$$

olduğuna göre, $\frac{P'(6)}{P'(2)}$ oranı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

2.



Yukarıda verilen grafiklere göre, $\frac{dy}{dx}$ ifadesinin değeri kaçtır?

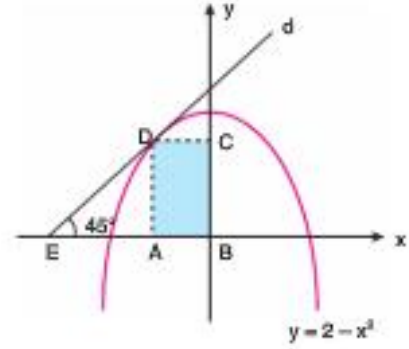
- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2

3. $f(x) = x^3 - x^2$ eğrisinin $A(-1, -2)$ noktasındaki teğeti, eğriyi bir B noktasında kesiyor.

Buna göre, B noktasının apsisi kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3

4.



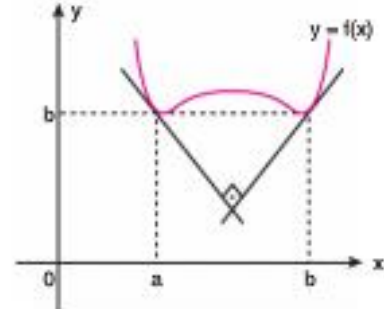
ABCD bir dikdörtgen, d doğrusu f fonksiyonunun grafiğine D noktasında teğettir.

$$m(\widehat{DEA}) = 45^\circ$$

olduğuna göre, Alan(ABCD) kaç birimkaredir?

- A) $\frac{5}{4}$ B) $\frac{9}{8}$ C) 1 D) $\frac{7}{8}$ E) $\frac{3}{4}$

5.



$y = f(x)$ fonksiyonunun $x = a$ ve $x = b$ noktalarındaki teğetleri dik kesilmektedir.

$$g(x) = (f \circ f)(x)$$

olduğuna göre, $g'(a)$ nın bulunması için aşağıdakilerden hangisinin bilinmesi yeterlidir?

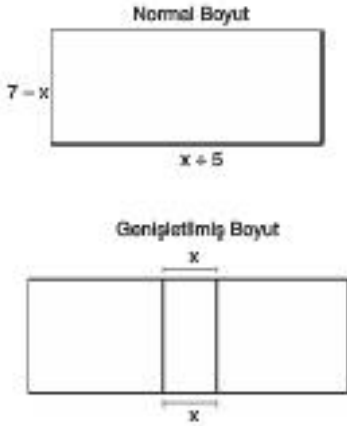
- A) $f'(a)$ B) $f'(b)$ C) $f(a)$
D) $f(b)$ E) Verilen bilgiler yeterlidir.



6. Aşağıda genişleyebilen dikdörtgen şeklinde bir masa verilmiştir.



Masanın normal boyutu ve genişletilmiş boyutu aşağıdaki gibidir.



Buna göre, masanın genişletilmiş boyutundaki alanının maksimum olması için x kaç birim olmalıdır?

- A) 3 B) $\frac{5}{2}$ C) $\frac{9}{4}$ D) 2 E) $\frac{7}{4}$



7. Ali 1'den 20'ye kadar ileri, Fatih 20'den 1'e kadar geriye doğru sayarken aşağıdaki işlemleri yapmaktadır.

Ali, söylediği her sayının karesini almaktadır.

Fatih ise söylediği her sayıyı 8 ile çarpmaktadır.

Böylece buldukları her sayıyı her aşamada toplamaktadırlar.

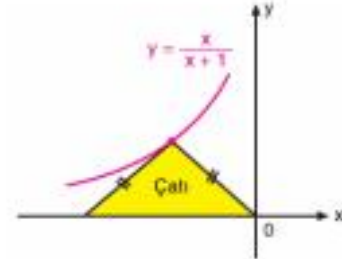
Ali	1	4	...
Fatih	160	152	...
TOPLAM	161	156	...

Buna göre, buldukları toplam değerlerden en küçüğü kaçtır?

- A) 154 B) 152 C) 150 D) 148 E) 146



8. Aşağıda bir binanın çatısı ve çatısı üzerindeki bir noktaya monte edilmiş çanak antenin karşıdan görünüşü verilmiştir.

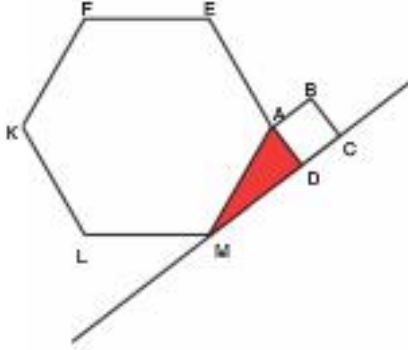


Verilen görüntüde; çatı ikizkenar üçgen, çanak anten ise $y = \frac{x}{x+1}$ eğrisinin ikinci bölgedeki bir kısmıdır.

Çatının bir köşesi orijin ve bir köşesi x eksenini üzerinde olduğuna göre, şekildedeki çatının alanı en az kaç birimkare olabilir?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 9

9.



Yukarıda AEFKLM düzgün altıgeni ve ABCD karesi verilmiştir.

$$|AK| + 2|AB| = 12 \text{ birim}$$

olduğuna göre, taralı MDA üçgeninin alanı en çok kaç birimkare olur?

- A) $\sqrt{3}$ B) $2\sqrt{3}$ C) $3\sqrt{3}$ D) $4\sqrt{3}$ E) $5\sqrt{3}$

10. $0 < a < 1$ olmak üzere,

Mert'in bir hedefi vurma olasılığı a 'dır.

Hedefe üç atış yapan Mert'in yalnızca 3. atışta hedefi vurma olasılığı en çok kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{9}$ D) $\frac{4}{27}$ E) $\frac{5}{36}$

11.

- $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ tanımlı ve her noktada türevli bir fonksiyondur.
- f fonksiyonu $[-1, 5]$ aralığında azalandır.

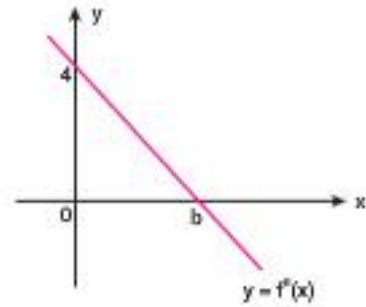
Buna göre,

- Fonksiyon $[-1, 5]$ aralığında bire birdir.
- $f'(3) > 0$
- $f(0) > f(2)$

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

12.



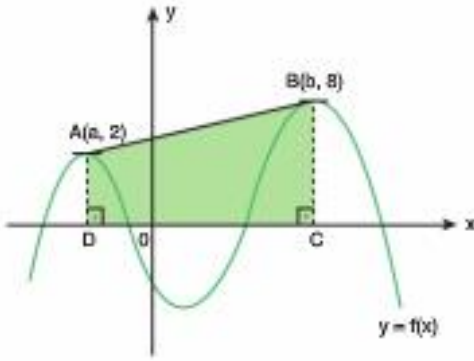
Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun ikinci türevinin grafiği verilmiştir.

$$f'(x) = -3x^2 + 2ax + 6$$

olduğuna göre, b kaçtır?

- A) 3 B) 2 C) $\frac{3}{2}$ D) 1 E) $\frac{2}{3}$

13.

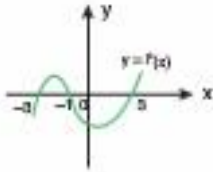


Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

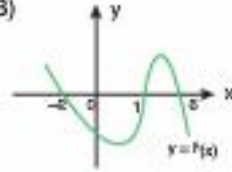
ABCD bir dik yamuk, $A(a, 2)$, $B(b, 8)$ ve $A(ABCD) = 40$ br² dir.

Buna göre, f fonksiyonunun türevinin (f') grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

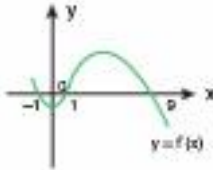
A)



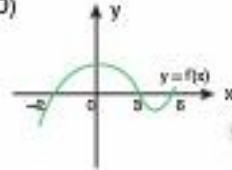
B)



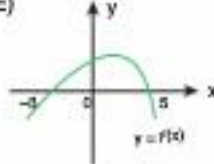
C)



D)



E)



14. f türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,

$$(x-2) \cdot f'(x) \leq 0$$

eşitsizliğin en geniş çözüm aralığı $[-1, 2] \cup [5, \infty)$ olduğuna göre, $f(x-1)$ fonksiyonunun yerel minimum noktasının apsisi kaçtır?

A) -2

B) -1

C) 0

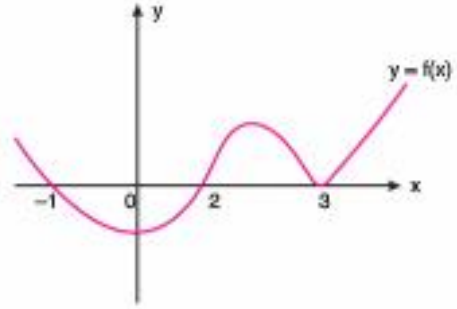
D) 4

E) 6

15.

$$f(x) = x^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e$$

fonksiyonunun grafiği aşağıdaki gibidir.



Buna göre, c kaçtır?

A) 9

B) 11

C) 12

D) 13

E) 14

16.

$$f(x) = (x-1)^3 \cdot (x+1)^2$$

fonksiyonu veriliyor.

$f(x)$ fonksiyonu,

I. $g(x) = x + 1$

II. $h(x) = 1 - x$

III. $k(x) = x^3 - x$

fonksiyonlarından hangileri ile çarpılırsa oluşan yeni fonksiyonun grafiğinin x ekseninin üstünde herhangi bir kısmı oluşmaz?

A) Yalnız I

B) Yalnız II

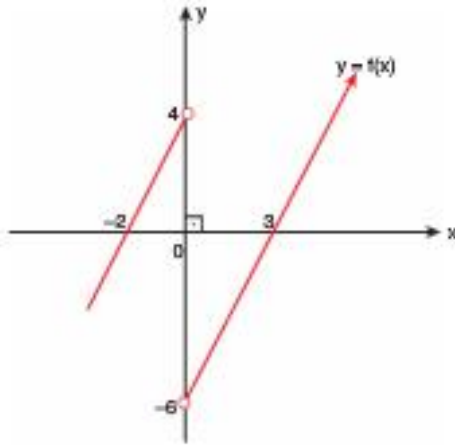
C) Yalnız III

D) II ve III

E) I, II ve III

1. C	2. A	3. E	4. D	5. E	6. C	7. B	8. C
9. B	10. D	11. C	12. E	13. B	14. C	15. D	16. B

1.

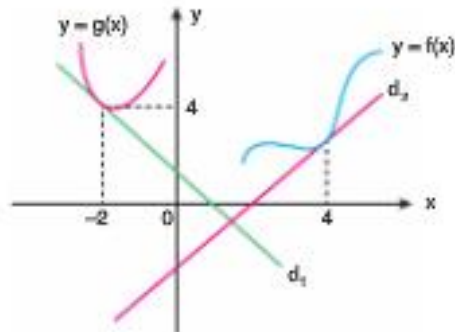


Yukarıda f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $f(x) = f'(x)$ denklemini sağlayan x değerlerinin toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

2.



Şekilde, $f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonlarının grafikleri ve d_1 , d_2 doğruları verilmiştir.

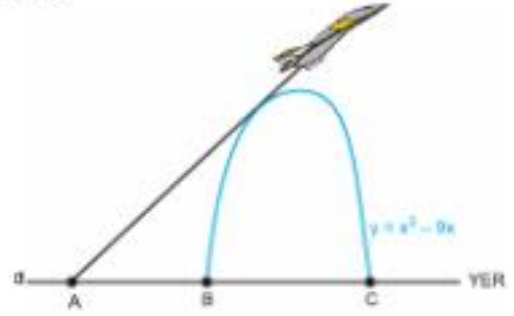
$$d_1 \perp d_2 \text{ ve } (f \circ g)(x) = x^3 - nx + 3$$

olduğuna göre, n değeri kaçtır?

- A) 13 B) 11 C) -1 D) -11 E) -13

3.

Aşağıda bir dağın bir kesiti gösterilmiştir. Gösterilen kesit üçüncü dereceden bir polinom fonksiyonun grafiğinin bir kısmıdır.



Bir uçak doğrusal d pistinin A noktasına gelince belli bir açıyla havalanmış ve doğrusal bir yol izleyerek dağı teğet geçmiştir.

Buna göre, d doğrusu x eksenini kabul edilirse, teğet noktasının apsisi aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

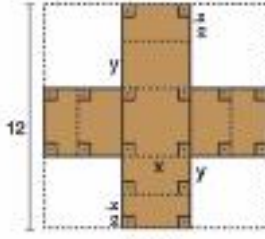
4.

$$y = x^3$$

eğrisinin hangi noktasından çizilen teğeti x eksenini, apsisi 2 olan noktadan keser?

- A) (8, 216) B) (4, 64) C) (3, 27)
D) (1, 1) E) (-2, -8)

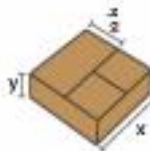
5.



Şekil 1



Şekil 2



Şekil 3

Bir kenarı 12 cm olan kare şeklindeki bir kartonun dört köşesinden bir kenarı $\left(\frac{x}{2} + y\right)$ cm olan kare şeklinde 4 eş parça kesilip atılıyor. Kalan parça kesikli yerlerden katlanıp Şekil 3'teki bir kenarı x cm olan kare tabanlı kutu yapılıyor.

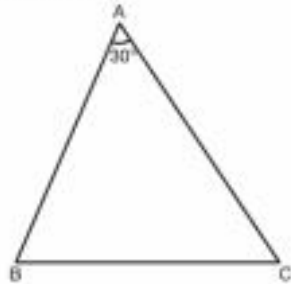
Buna göre, oluşan kutunun hacmi en çok kaç cm^3 tür?

- A) 56 B) 48 C) 42 D) 36 E) 32

6.

Aşağıdaki şekilde kesin olan bilgiler,

- ABC üçgendir.
- $m(\hat{A}) = 30^\circ$ 'dir.
- $A(ABC) = 9 \text{ br}^2$ dir.

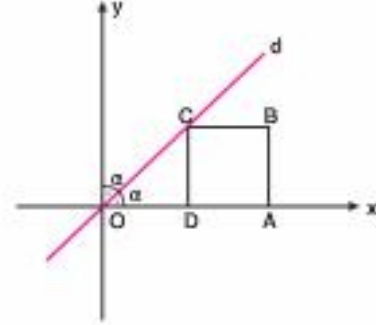


Şekilde; AB, AC, BC uzunlukları ile B ve C açılarının ölçüleri yukarıda belirtilen kesin bilgiler korunacak biçimde değişebilir.

Buna göre, $|AB| + |AC|$ toplamı en az kaç birim olabilir?

- A) 4 B) $4\sqrt{3}$ C) 6 D) $6\sqrt{2}$ E) 12

7.



Yukarıda verilen şekilde d doğrusu ile ABCD dikdörtgeninin ortak noktası C olmak üzere, A noktası sabit bir noktadır.

ABCD dikdörtgeninin alanı maksimum değerini aldığına göre,

- ABCD bir karedir.
- $|OA| = 2 \cdot |AB|$
- A noktasının d doğrusuna göre simetriği Oy ekseninde yer almaz.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

8.

Kısa kenarı x birim ve alanı 2000 br^2 olan bir dikdörtgeni x tane yan yana dizerek aşağıda mavimsi renkle gösterilen dikdörtgen elde edilmiştir.



Buna göre, elde edilen dikdörtgenin çevre uzunluğu en az kaç birim olabilir?

- A) 300 B) 600 C) 750 D) 900 E) 1800

9.

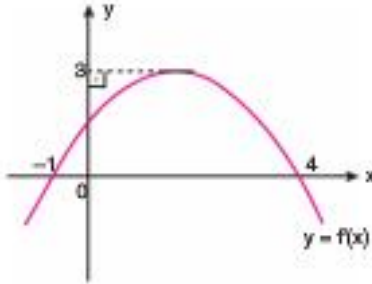
$$f(x) = (3x^2 - 6x + a)^2$$

fonksiyonunun yalnız bir yereki ekstremumu varsa a hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $a < 3$ B) $a \leq 3$ C) $a > 3$
D) $a \geq 3$ E) $a < -3$

10.

$y = f(x)$ fonksiyonunun türevinin grafiği aşağıda verilmiştir.



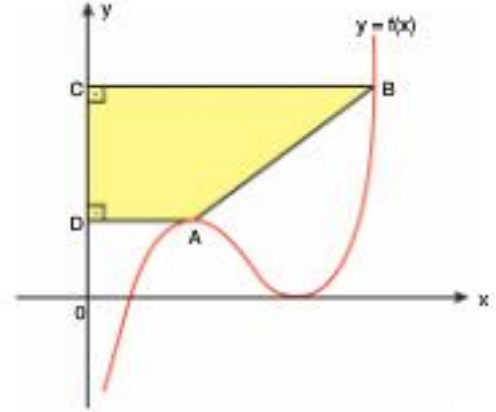
Buna göre,

- I. $f(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum noktasının apsisi 4 tür.
- II. $f(x) - 3x$ fonksiyonu daima azalır.
- III. $f(2 - x)$ fonksiyonunun ekstremum noktalarının apsisi toplamı 1 dir.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

11.



Yukarıda verilen dik koordinat sisteminde ABCD bir dik yamuktur.

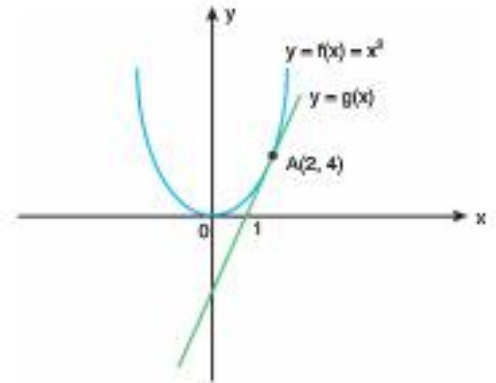
$$[AD], f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x - 16$$

eğrisine A noktasında teğettir.

B noktasının apsisi 6 olduğuna göre, A(ABCD) kaç birimkaredir?

- A) 32 B) 48 C) 56 D) 64 E) 72

12.



Yukarıda, $y = f(x) = x^2$ eğrisine üzerindeki $A(2, 4)$ noktasından $y = g(x)$ teğet doğrusu çiziliyor.

Buna göre, $f(x) \cdot g(x)$ çarpım fonksiyonunun grafiği çizildiğinde çizilen grafiğin minimum noktasının ordinatı kaçtır?

- A) $-\frac{1}{3}$ B) $-\frac{16}{27}$ C) $-\frac{2}{3}$ D) $-\frac{35}{27}$ E) -1



13. $a < b < 0 < c < d$ olmak üzere,

$$f(x) = (x-a) \cdot (x-b)^2 \cdot (x-c)^2 \cdot (x-d)$$

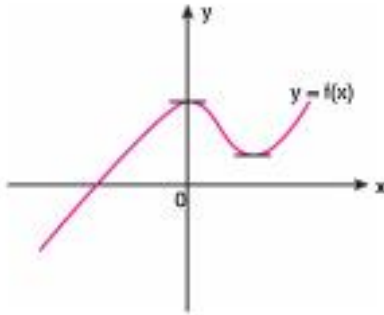
fonksiyonu veriliyor.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlış olabilir?

- A) $f'(a) < 0$ B) $f'(b) = 0$ C) $f'(c) < 0$
D) $f'(d+2) > 0$ E) $f'(b+1) < 0$



14.



$$f(x) = (x+2) \cdot (x^2 + ax + b)$$

fonksiyonunun grafiği veriliyor.

Buna göre, a'nın alabileceği tam sayı değerleri toplamı kaçtır?

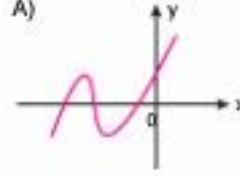
- A) -18 B) -20 C) -22 D) -25 E) -28



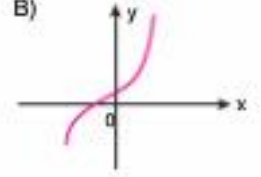
15. $f(x) = x^3 + x + 1$

fonksiyonunun grafiği aşağıdakilerden hangisi olabilir?

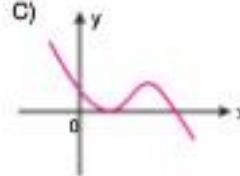
A)



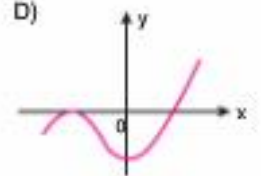
B)



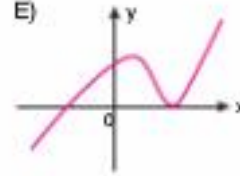
C)



D)



E)



16. $f(x) = x^3 + 3x^2 - ax + 6$

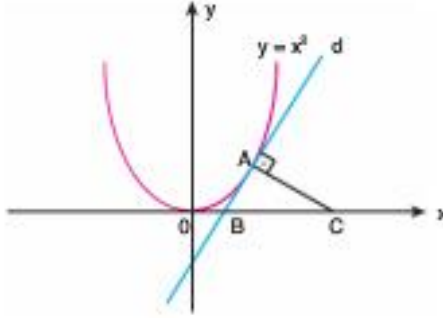
fonksiyonunun bire bir ve örten olması için a hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $a > -1$ B) $a \leq -3$ C) $a > 0$
D) $0 < a < 1$ E) $a > 3$



1. C	2. A	3. D	4. C	5. E	6. E	7. E	8. B
9. D	10. E	11. D	12. B	13. E	14. D	15. B	16. B

1.



d doğrusu $y = x^2$ parabolüne apsisi 2 olan A noktasında teğettir.

Buna göre, $A(\widehat{ABC})$ kaç birimkaredir?

- A) 42 B) 38 C) 34 D) 19 E) 7

2.

$$f(x) = x^2 - 4x + 3$$

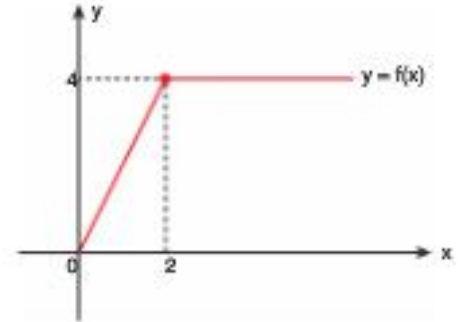
parabolünün $x = -1$ apsisi noktasındaki teğeti, parabolün tepe noktasından çizilen teğetini A noktasında kesiyorsa, A noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{1}{5}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{2}$

3.

Aşağıda f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$$



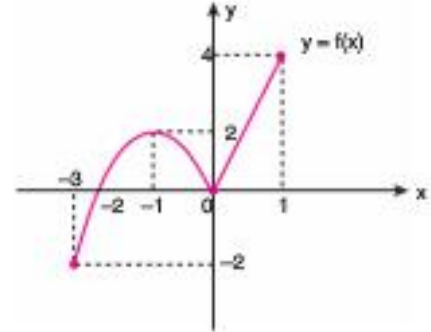
$g(x)$ fonksiyonu 0'dan x'e kadar $f(x)$ fonksiyonunun x eksenini kapalı bölgenin alanı olmak üzere,

- I. $g(x)$ fonksiyonu $x = 2$ 'de süreklidir.
- II. $g(x)$ fonksiyonu $x = 2$ 'de türevlidir.
- III. $g'(3) = 0$ 'dır.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

4.



Şekilde $[-3, 1]$ aralığında tanımlı $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) $x = -3$ de yerel minimum değeri vardır ve bu değer -2 dir.
- B) f fonksiyonunun mutlak minimum değeri -2 dir.
- C) $x = 0$ apsisi noktasında fonksiyon türevsizdir.
- D) $x = 0$ apsisi noktasında yerel minimum vardır.
- E) f fonksiyonunun mutlak maksimum değeri 2 'dir.

5.



a cm uzunluğundaki bir tel bükülerek şekildeki gibi bir daire dilimi elde ediliyor.

Buna göre, bu dilimin alanı en çok kaç cm^2 olur?

- A) $\frac{a^2}{32}$ B) $\frac{a^2}{16}$ C) $\frac{a^2}{8}$ D) $\frac{a}{16}$ E) $\frac{a}{8}$

6.

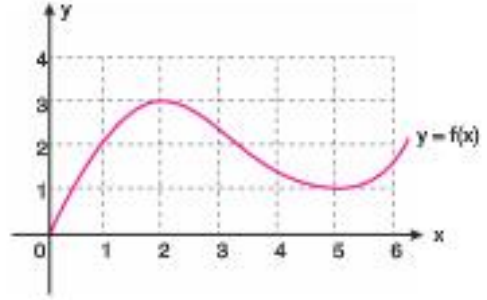


Ödül töreninde verilmek üzere, kristalden yapılmış bir küp üzerine yine kristalden yapılmış bir küre yerleştirilecektir. Kürenin küpe temas ettiği nokta, küpün üst yüzeyinin ağırlık merkezidir. Kürenin yüzeyi ile küpün tabanının ağırlık merkezi arasındaki maksimum uzaklık 2 birimdir.

Buna göre, küre ile küpün yüzey alanlarının toplamının en az olması için kürenin yarıçapı kaç birim olmalıdır?

- A) $\frac{2}{\pi+4}$ B) $\frac{3}{\pi+2}$ C) $\frac{4}{\pi+1}$
D) $\frac{6}{\pi+8}$ E) $\frac{8}{\pi+2}$

7.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

I. $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = f'(5)$

II. $[2, 5]$ aralığında f fonksiyonunun ortalama değişim hızı $\frac{2}{3}$ tür.

III. $f'(1) > f'(5)$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III

8.

Rolle Teoremi:

$f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ fonksiyonu sürekli ve $\forall x \in (a, b)$ için türevlenebilir olsun. Eğer $f(a) = f(b)$ ise (a, b) aralığında $f'(c) = 0$ olacak şekilde en az bir c sayısı vardır.

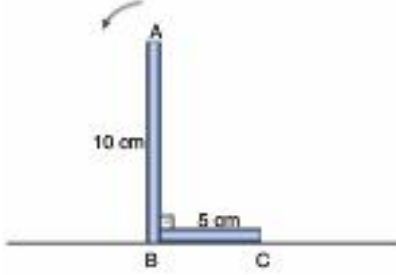
$$f(x) = (x-2) \cdot (x+5) + 3$$

fonksiyonunun $[-5, 2]$ aralığında Rolle teoremine uygun noktasının apsisi kaçtır?

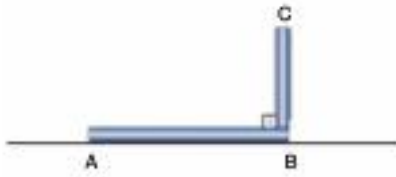
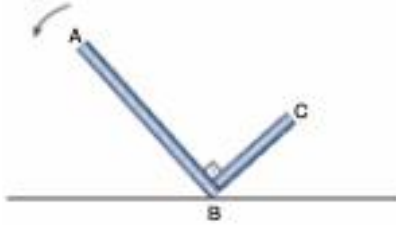
- A) -3 B) $-\frac{5}{2}$ C) -2 D) $-\frac{3}{2}$ E) -1

9. Şekilde kalınlıkları önemsenmeyen 10 cm ve 5 cm uzunluğunda iki çubuk gösterilmiştir.

Bu çubuklar birbirine B noktasında sabitlenmiş olup bu çubuklardan birinin hareket etmesi diğeri de harekete geçirmektedir.



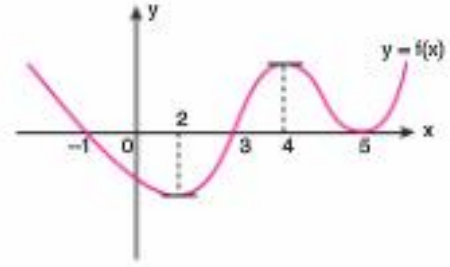
AB çubuğu B noktası sabit kalmak üzere sol tarafa doğru iteklendiğinde sistem sol tarafa aşağıdaki gibi hareket ederek devrilmiştir.



Buna göre, çubukların hareketleri boyunca A ve C noktalarının zemine olan uzaklıklar toplamı en fazla kaç cm olur?

- A) $4\sqrt{5}$ B) 10 C) $2\sqrt{30}$ D) $5\sqrt{5}$ E) $6\sqrt{5}$

- 10.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $x \cdot f'(x) \leq 0$ eşitsizliğini sağlayan x tam sayılarının toplamı kaçtır?

- A) 9 B) 11 C) 12 D) 13 E) 15

- 11.

$$y = x^3 - (a + 1)x^2 + 3x - 4$$

eğrisinin x eksenine paralel teğeti yoksa a'nın en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) -5 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1

1. C	2. E	3. C	4. E	5. B	6. D
7. D	8. D	9. D	10. C	11. C	

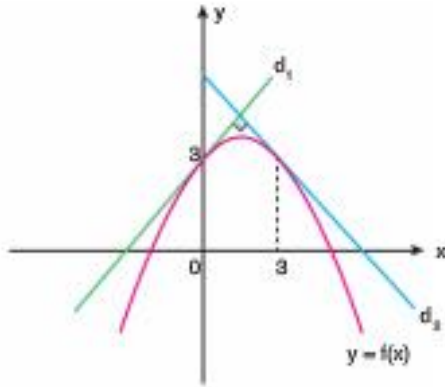


1. $f(x+y) - f(x-y) = x^4 \cdot y$
olduğuna göre, $f'(2)$ ifadesinin değeri kaçtır?

A) 4 B) 8 C) 12 D) 16 E) 20



2.



Şekilde, $f(x)$ fonksiyonunun $x = 0$, $x = 3$ noktalarındaki teğet doğruları verilmiştir.

$$g(x) = (f \circ f)(x)$$

olduğuna göre, $g'(0)$ kaçtır?

A) 9 B) 3 C) 1 D) -1 E) -3



3. $f(x) = x - x^2 + |2x - a|$
fonksiyonu veriliyor.

$f'(x) = 1$ denkleminin iki farklı kökünün olması için a 'nın alacağı kaç farklı tam sayı değeri vardır?

A) 5 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1



4. $y = x^3 - x$ eğrisinin,

- $x = -\sqrt{\frac{2}{3}}$ apsisli noktasındaki teğeti d_1 ,
- orijindeki teğeti d_2 ,
- $x = \frac{1}{\sqrt{3}}$ apsisli noktasındaki teğeti d_3 ,

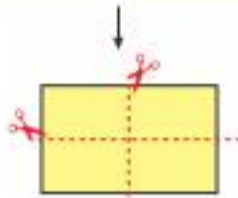
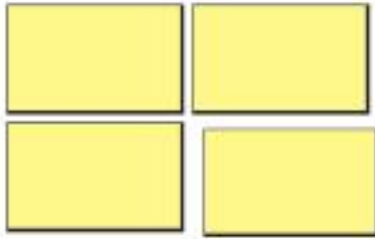
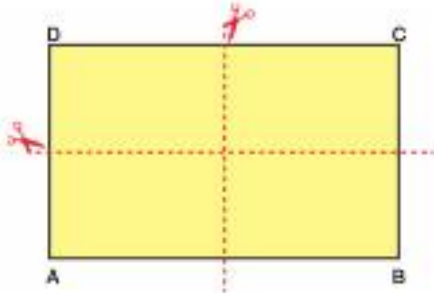
olduğuna göre,

- $d_1 \perp d_2$
- d_3 , eğrinin yerel minimum noktasından geçer.
- d_1 , d_2 ve d_3 arasındaki kapalı bölge ikizkenar dik üçgendir.

yargılarından hangileri doğrudur?

A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III

5. Ali Emir, çevresi 48 cm olan ABCD dikdörtgeni biçimindeki kartonu önce aşağıdaki gibi 4 eş dikdörtgen parçaya ayırıyor.

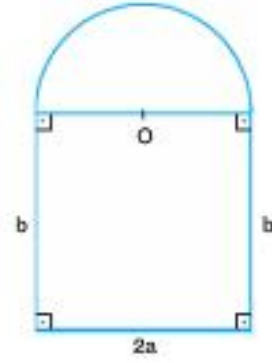


Meydana gelen 4 parçadan birini tekrar dört eş dikdörtgen parçaya bölüyor. Ali Emir, böylelikle 3 büyük ve 4 küçük olmak üzere toplam 7 parça karton elde edilmiştir.

Büyük ve küçük parça kartonlardan birer tane alıp bu parçaların alanları toplamını bulmak isteyen Ali Emir'in hesaplayabileceği maksimum alan kaçtır?

- A) 40 B) 42 C) 45 D) 54 E) 60

6.

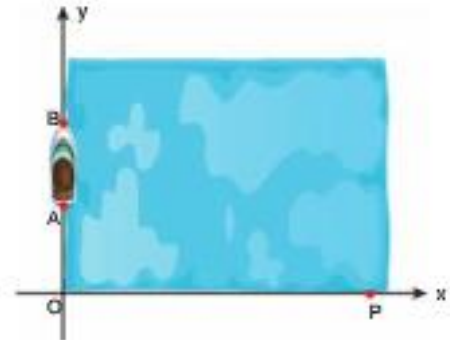


Yukarıdaki şeklin alt tarafı dikdörtgen üst tarafı yarım dairedir.

Şeklin çevresi 12 cm olduğuna göre, şeklin alanının en büyük olması için a kaç olmalıdır?

- A) $\frac{12}{\pi + 4}$ B) $\frac{6}{\pi + 2}$ C) $\frac{12}{3\pi + 4}$
D) $\frac{4}{\pi + 2}$ E) $\frac{2}{3\pi + 4}$

7.



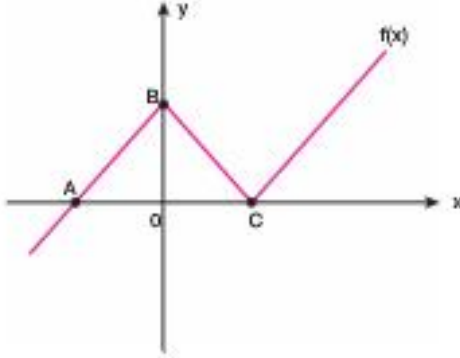
Dik koordinat sisteminde A, B ve P eksenler üzerindedir. x ekseninde iskenenin P noktasında bulunan bir gözlemci A ve B noktalarına bağlı olan tekneyi gözlemlemektedir.

A(0, 20) ve B(0, 40) dir.

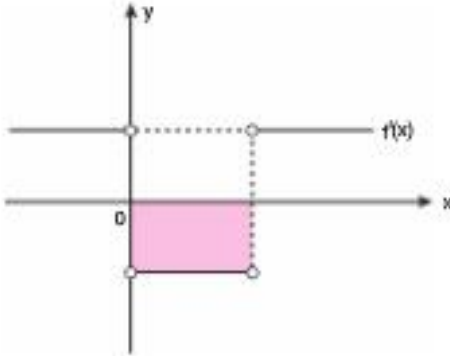
Buna göre, $m(\widehat{APB})$ gözlem açısının maksimum olması için P'nin apsisi kaç olmalıdır?

- A) 10 B) 15 C) 20 D) $20\sqrt{2}$ E) $20\sqrt{3}$

8. Aşağıda f ve f' fonksiyonlarının grafiği verilmiştir.



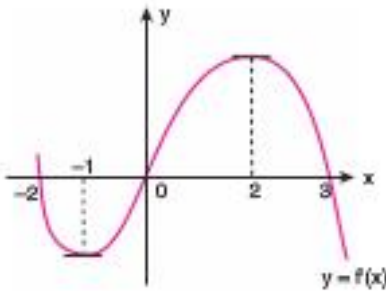
$a \in \mathbb{R}$ olmak üzere B noktasının ordinatı $a^2 - 2a + 10$ br dir.



Buna göre, f grafiğinde boyalı dikdörtgenin alanı en az kaç birimkaredir?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 11 E) 15

- 9.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

f fonksiyonunun yerel maksimum noktaları arasındaki uzaklık $\sqrt{89}$ birimdir.

Buna göre, $f(3) - f(-2)$ farkının mutlak değeri kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 8 D) 6 E) 5

10. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere; Ali, $f(x) = x^3 + a$ fonksiyonunu yazıyor ve arkadaşı Ömer'den a yerine bir sayı yazmasını istiyor. Ömer istediği bir sayıyı yazdıktan sonra fonksiyonun grafiğini çiziyorlar.

Eğer fonksiyon x eksenini sadece bir noktada kesiyorsa Ali, birden fazla noktada kesiyorsa oyunu Ömer kazanacaktır.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

- A) Ömer a yerine bir çift sayı yazarsa oyunu kazanır.
B) Ömer a yerine bir tam sayının karekökünü yazarsa oyunu kazanır.
C) Ömer a yerine negatif bir sayı yazarsa oyunu kazanır.
D) Yarışmayı her şekilde Ali kazanır.
E) Ömer a yerine bir asal sayı yazarsa oyunu kazanır.

11. $f(x) = 2x^3 - 8ax^2 + 12a^2x + 1$

$a > 0$ olmak üzere $f(x)$ fonksiyonu veriliyor.

$f(x)$ fonksiyonunun $x = p$ ve $x = q$ apsisi noktalarında sırasıyla yerel maksimum ve yerel minimumu vardır.

$p^2 = q$ olduğuna göre, a kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

1. B	2. D	3. C	4. E	5. C	6. A
7. D	8. C	9. C	10. D	11. C	

1. $\forall x, y \in \mathbb{R}$ için,

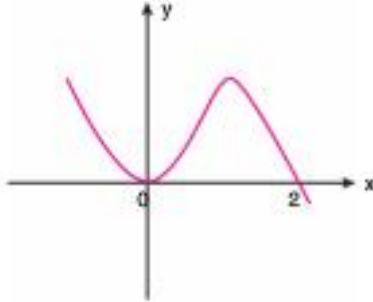
$$f(x \cdot y) = f(x) + f(y)$$

fonksiyonu tanımlanıyor.

Buna göre, $\frac{d(f(x^{20}))}{dx}$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $10f'(x)$ B) $f'(x) + 20$ C) $20f'(x)$
D) $f'(20x)$ E) $f'(x) + 19$

2. Aşağıda üçüncü dereceden $f(x)$ polinomunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, $f(x)$ in yerel maksimum noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1 D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{5}{4}$

3. $f: (1, \infty) \rightarrow (1, \infty)$ olmak üzere,

$$f(x) = \frac{x+1}{x-1}$$

fonksiyonunu veriliyor.

f fonksiyonunun $y = -x$ doğrusuna en yakın noktasının apsisi kaçtır?

- A) $\sqrt{2}$ B) $1 + \sqrt{2}$ C) $\sqrt{3}$
D) $\sqrt{3} - 1$ E) 2

4. Yarıçapı r birim olan bir kürenin hacmi, $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ ve yüzey alanı, $S = 4\pi r^2$ formülü ile bulunur.

Şişirilen bir balonun ulaştığı alan ve hacim değerleri sürekli not edilmektedir. Herhangi bir anda alan a br^2 ve hacim b br^3 tür.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi yanlıştır?

- A) $0 < r < 3$ iken $a > b$ dir.
B) $0 < r < 2$ iken r arttıkça $a - b$ artar.
C) $2 < r < 3$ iken r arttıkça $a - b$ azalır.
D) $r > 3$ iken $a < b$ dir.
E) Balon, yarıçapı $\frac{\pi}{3}$ birim olacak biçimde şişirildiğinde $a - b$ farkı en büyük olur.

5. Hilmi, bir kartondan keseceği parçalarla belli bir sabit hacimde dik silindirik biçiminde bir kutu yapacaktır. Hilmi, kartondan, kutunun tabanları için iki daire ve yan yüzey için bir dikdörtgen kesecektir.

Hilmi'nin yapacağı kutu aşağıdakilerden hangisi olursa kullanılan karton miktarı en az olur?

- A) Taban yarıçapı yüksekliğinin 2 katına eşit
B) Yüksekliği taban yarıçapının 4 katına eşit
C) Yüksekliği taban yarıçapına eşit
D) Yüksekliği taban yarıçapına eşit
E) Yüksekliği taban yarıçapının 2 katına eşit

6. I. $f(x) = x^2 + x + 1$

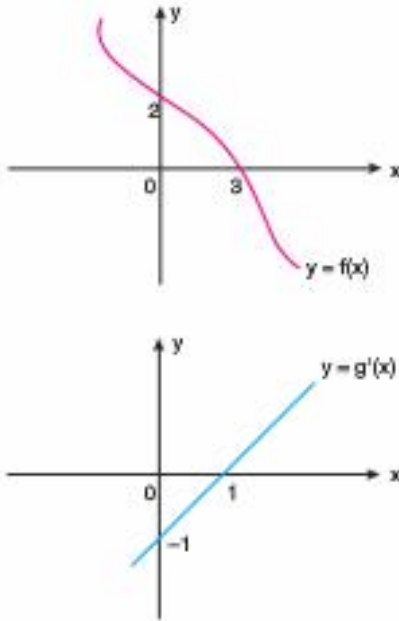
II. $g(x) = \frac{4}{3}x^3 - 2x^2 + x$

III. $h(x) = x^5 - 1$

fonksiyonlarından hangileri gerçel sayılarda daima artandır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

7.



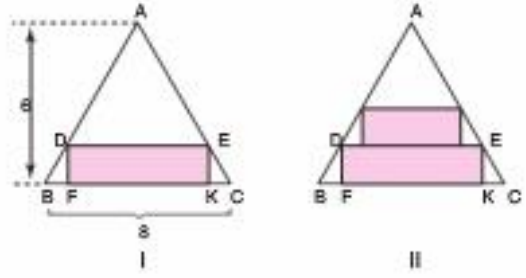
Yukarıda, $y = f(x)$ ve $y = g'(x)$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

$$(x - 5) \cdot f'(x) \cdot g'(x) < 0$$

eşitsizliğin çözüm aralığındaki en küçük iki pozitif tam sayının toplamı kaçtır?

- A) 7 B) 8 C) 10 D) 11 E) 13

8.



ABC üçgeninin yüksekliği 6 br ve taban uzunluğu 8 br dir. ABC üçgeninin tabanına alanı maksimum olan DEKF dikdörtgeni yerleştiriliyor. Sonrasında oluşan ADE üçgeninin tabanına yine alanı maksimum olan başka bir dikdörtgen çiziliyor.

Buna göre, II. Şekilde oluşan taralı dikdörtgenlerin alanları toplamı kaçtır?

- A) 8 B) 15 C) 18 D) 20 E) 24

9.

a bir gerçel sayı olmak üzere,

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 1$$

eğrisi ile $y = a$ doğrusunun üç farklı noktada kesişmesi için a hangi aralıkta olmalıdır?

- A) $-28 < a < 3$ B) $-28 < a < 3$
C) $-28 < a < 4$ D) $-28 < a < 4$
E) $-22 < a < 4$

10. a ve b birer pozitif tam sayıdır. Gerçek sayılarda tanımlı olan,

$$f(x) = x^5 + ax + b$$

fonksiyonu için,

- I. 3 tane gerçek kökü vardır.
- II. 1 tane negatif kökü vardır.
- III. Fonksiyonun tersi vardır.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) Yalnız III E) II ve III

11. Bir süt fabrikası üstü açık dik dairesel silindir şeklinde 90 cm^3 hacimli alüminyum kutu yapacaktır.

Maliyeti düşürmek amacıyla en az alüminyum kullanılması için kutunun taban yarıçapı kaç cm olmalıdır?

- A) $\sqrt[3]{\frac{180}{\pi}}$ B) $\sqrt[3]{\frac{120}{\pi}}$ C) $\sqrt[3]{\frac{90}{\pi}}$
D) $\sqrt[3]{\frac{60}{\pi}}$ E) $\sqrt[3]{\frac{45}{\pi}}$

12. $x \neq 0$ olmak üzere,

$$\frac{x + x + x + \dots + x}{x \text{ tane}} = x^2$$

Yukarıda verilen eşitlikte her iki tarafın türevi alınırsa,

$$1 + 1 + 1 + \dots = 2x$$

$$x = 2x$$

sonucuna ulaşılır.

Yukarıda yapılan hata,

I. $\frac{x + x + \dots + x}{100 \text{ tane}} = 100 \cdot x$

II. $\frac{2 + 2 + 2 + \dots + 2}{x \text{ tane}} = 2x$

III. $\frac{x + x + x + \dots + x}{10 \text{ tane}} = x^{10}$

Öncüllerinden hangilerinde türev alındığında tekrar ortaya çıkar?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

1. C	2. D	3. B	4. E	5. D	6. D
7. E	8. B	9. C	10. E	11. C	12. B

ACİL MATEMATİK AYT

BÖLÜM - 12

İNTEGRAL



- Belirsiz İntegral
- İntegral Alma Kuralları
- Değişken Değiştirme
- Belirli İntegral
- Tek-Çif-Parçalı ve Mutlak Değer Fonksiyonunun İntegrali
- Belirli İntegral Karma
- Riemann Toplamı
- İntegralde Alan Hesabı
- İntegral Karma

Yazarın Notları

Sevgili Öğrencimiz,

Türev bittiğine göre baya bir yol katettin demektir. Hiç ara vermeden türevle bağlantısı fazla olan integral ile devam edeceğiz. İntegral konusunda türevde yapılan işlem ve yorumlar geriye doğru tam tersine yapılacaktır. Bu sayede türevi de unutmayacak aynı anda iki konuyu da daha iyi öğreneceksin. İntegralde temel bilgilerden sonra özellikle alan konusuna çok dikkat etmeli, gerekirse fonksiyon ve parabol bilgilerini gözden geçirmelisin. Üst üste iki önemli ve çok uzun konuyla muhatap olduğundan ara sıra bıkkınlık da oluşabilir. Yapman gereken dinlene dinlene ve sabırla devam etmektir. Bu iki konumuzun iyi anlaşılması sana fazlasıyla özgüven verecektir. Türev ve integral konularında gelişmiş bir öğrencinin bırakın davranışlarını, ses tonu bile değişebilir. Finali iyi yapmanın sevincidir bu. Hayatındaki tüm başarıların bu sevinciyle...



1.

$$\int \left[\frac{d}{dx} (\sin x + x^2) \right] dx$$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sin x + x^2 + c$ B) $\sin x + x^2$ C) $\sin x + 2x + c$
D) $\cos x + 2x + c$ E) $(\sin x + x^2) \cdot dx$



2.

$$d\left(\int 2x^3 dx\right)$$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x^3 \cdot dx$ B) $2x^3 + c$ C) $2x^3$
D) $6x^2 \cdot dx$ E) $6x^2 + c$



3.

I. $\int d(f(x) - x) = f(x) + c$

II. $\frac{d}{dx} \left[\int \cos^3 x dx \right] = \cos^3 x$

III. $\int \frac{f'(x) \cdot g(x) - g'(x) \cdot f(x)}{g^2(x)} dx = \frac{f(x)}{g(x)} + c$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III



4.

$$\frac{d^2}{dx^2} \left[\int (x^{10} - 5) dx \right]$$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $10x^9 + c$ B) $x^{10} + c$ C) $10x^9$
D) $(x^{10} - 5) \cdot dx$ E) $10x^9 \cdot dx$



5.

$$\int [f(x-1) \cdot x] dx = \frac{x^3}{3} - x^2$$

olduğuna göre, $\int f(x) dx$ integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - \frac{x}{2} + c$ B) $\frac{x^2}{2} - 2x + c$ C) $\frac{x^2}{2} - x + c$
D) $x^2 - 2x + c$ E) $\frac{x^2}{2} - \frac{x}{2} + c$



6.

$$f(x) = \int (2^x + x + x^2 - 3) dx$$

fonksiyonunun $x = 1$ noktasındaki teğetinin eğimi kaçtır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4



7. $f(x) = \int (x^2 + ax + 6) dx$

veriliyor.

$f'(x)$ fonksiyonunun ekstremum noktasının apsisi 3 olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -12 B) -8 C) -6 D) -4 E) -2



8. $f, x = 1$ de yerel ekstremuma sahip ve f her noktada iki kere türevlenebilen bir fonksiyondur.

$$\int f''(x) dx = x^2 - 3x + c$$

olduğuna göre, f nin yerel maksimum değeri yerel minimum değerinden kaç fazladır?

- A) $\frac{1}{12}$ B) $\frac{1}{8}$ C) $\frac{1}{6}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{2}$



9. P ve Q polinom fonksiyonlardır.

$Q(x) = \int P''(x) dx$ ve $Q(x)$ üçüncü dereceden bir polinomdur.

Buna göre, $\deg[P(x)]$ kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7



10. $P(x)$ bir polinomdur.

$$\int \frac{P(x+1)}{x-2} dx = 2x^2 + 5x + c$$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun sabit terimi kaçtır?

- A) -1 B) -2 C) -3 D) -4 E) -6



11. $\int x \cdot P(x) dx = P(x^2 - 2x) + x^3 - 2x^2 + 6x + 3$

olduğuna göre, $P(x)$ polinomunun katsayıları toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 5 D) 8 E) 10



12. $\int f(x) dx = x \cdot f(x)$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,

- I. $f(x) = x$
II. $f(x) = 2$
III. $f(x) = x - 1$

Öncüllerinden hangileri doğru olabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III



13. $P(x)$ bir polinom olmak üzere,

$$\deg\left[\int x^2 \cdot P(x) \cdot P'(x) dx\right] = 10$$

olduğuna göre, $\deg[x \cdot P(x^2)]$ kaçtır?

- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

1. A	2. A	3. E	4. C	5. C	6. A	7. C
8. C	9. B	10. C	11. C	12. B	13. C	

1. $\int 5dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $5x + c$ B) $\frac{x}{5} + c$ C) $\frac{x^2}{5} + c$
D) $\frac{x^2}{10} + c$ E) $-5x + c$

4. $\int \frac{6}{x^2} dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{6}{x} + c$ B) $\frac{3}{x} + c$ C) $\frac{-6}{x} + c$
D) $\frac{-3}{x} + c$ E) $\frac{-12}{x} + c$

2. $\int x^3 dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{2} + c$ B) $\frac{x^3}{3} + c$ C) $3x^2 + c$
D) $\frac{x^4}{4} + c$ E) $\frac{3x^4}{4} + c$

5. $\int \frac{1}{\sqrt[4]{x}} dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{4x^3}{3} + c$ B) $\frac{\sqrt[4]{x^3}}{12} + c$ C) $\frac{4 + \sqrt[4]{x^3}}{3} + c$
D) $\frac{4 + \sqrt[4]{x^3}}{5} + c$ E) $\frac{\sqrt[4]{x^3}}{4} + c$

3. $\int x\sqrt{x} dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2 + \sqrt{x}}{4} + c$ B) $\frac{3x^2 + \sqrt{x}}{5} + c$ C) $\frac{2x^2 + \sqrt{x}}{3} + c$
D) $\frac{x^2 + \sqrt{x}}{10} + c$ E) $\frac{2x^2 + \sqrt{x}}{5} + c$

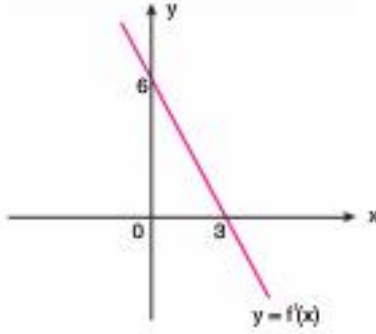
6. $\int (2x^3 - a) dx$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^4}{4} - ax + c$ B) $\frac{x^4}{2} - ax + c$ C) $\frac{x^4}{2} - 2ax + c$
D) $\frac{x^3}{3} - ax + c$ E) $\frac{x^3}{6} - ax + c$



7.



Yukandaki grafik $f(x)$ fonksiyonunun türevinin grafiğidir.

Buna göre, $f(x)$ fonksiyonu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $3x - x^2 + c$ B) $6x - \frac{x^2}{2} + c$ C) $3x - \frac{x^2}{2} + c$
D) $6x - 3x^2 + c$ E) $6x - x^2 + c$



8.

$P(x)$ ve $Q(x)$ birer polinomdur.

$$\text{der} \left[\int P'(x) \cdot Q(x) dx \right] = 9$$

$$\text{der} \left[\int Q'(x) dx \right] = 3$$

olduğuna göre, $\text{der} \left[\int x \cdot P(x) dx \right]$ kaçtır?

- A) 12 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7



9.

$$\int x \cdot f(x) dx = x^3 + x^2 + c \text{ ve } f(2) = 11$$

olduğuna göre, $f(0)$ kaçtır?

- A) 1 B) 3 C) 5 D) 7 E) 9



10.

$$\int \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x - 1} dx$$

integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^3}{3} + x + c$ B) $\frac{x^2}{2} + x + c$ C) $\frac{x^3}{6} + x + c$
D) $\frac{x^3}{3} - x + c$ E) $\frac{x^3}{3} + 2x + c$



11.

$$\int \sqrt{x} \cdot \sqrt{x} dx$$

integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $7 \cdot x \cdot \sqrt[4]{x^3} + c$ B) $\frac{11}{4} \cdot \sqrt[4]{x^3} + c$ C) $\frac{4}{7} \cdot x \cdot \sqrt[4]{x^3} + c$
D) $\frac{11}{7} \cdot x \cdot \sqrt[4]{x^3} + c$ E) $\frac{3}{4} \cdot x \cdot \sqrt[4]{x^3} + c$



12.

$$\int \frac{x^2}{x+2} dx - \int \frac{4}{x+2} dx$$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{x^2}{2} + 2x + c$ B) $x^2 - x + c$ C) $\frac{x^2}{2} - x + c$
D) $x^2 - 2x + c$ E) $\frac{x^2}{2} - 2x + c$



13.

$$\int \frac{1 - \cos^2 2x}{\cos^2 x \cdot \sin^2 x} dx$$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $8x + c$ B) $6x + c$ C) $4x + c$
D) $2x + c$ E) $x + c$



14.

$$f(x) = \int d(\cos x + x)$$

olmak üzere, $f(0) = 5$ tir.

Buna göre, $f\left(\frac{\pi}{2}\right)$ ifadesinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\pi}{2} + 1$ B) $\frac{\pi}{2} + 2$ C) $\frac{\pi}{2} + 4$
D) $\pi + 2$ E) $\pi + 4$



15.

$$\int \frac{x^3}{x^2 + x + 1} dx - \int \frac{1}{x^2 + x + 1} dx$$

İntegralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $x^2 - x + c$ B) $\frac{x^2}{2} + x + c$ C) $\frac{x^2}{2} - x + c$
D) $2x^2 + x + c$ E) $x^2 + x + c$



16.

Reel sayılarda tanımlı türevlenebilir ve integrallenebilir bir f fonksiyonunun türevi,

$$f'(x) = \begin{cases} 2x + k, & x < 1 \\ -1, & x \geq 1 \end{cases}$$

olarak veriliyor.

$f(0) = 1$ olduğuna göre, $f(4)$ kaçtır?

- A) -6 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2

1. A	2. D	3. E	4. C	5. C	6. B	7. E	8. D
9. A	10. A	11. C	12. E	13. C	14. C	15. C	16. C



1. $f(x) = \int d(x^2 + \cos x)$

$f(0) = 3$ olduğuna göre, $f(x)$ in sabit terimi kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) 0 D) 2 E) 3



2. $\int \frac{x\sqrt{x} - 2}{2x^2} dx$

İntegralinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sqrt{x} + \frac{1}{x} + c$ B) $2\sqrt{x} - \frac{1}{x} + c$
C) $\sqrt{x} + \frac{2}{x} + c$ D) $\frac{\sqrt{x}}{2} - \frac{1}{x} + c$
E) $x - \frac{1}{2\sqrt{x}} + c$



3. I. $\frac{d}{dx} \left(\int \frac{\sin x}{\cos x} dx \right) = \tan x$

II. $\int d \left(\frac{\sin x}{\cos x} \right) = \tan x + c$

III. $\int \frac{d}{dx} (x^3 - 2x + 1) dx = x^3 - 2x + c$

Yukarıdaki ifadelerden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III



4. $\frac{d}{dx} \left(\int d(x^2 - 1) \right)$

İfadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2x + c$ B) $2x$ C) $x^2 + c$
D) $2x^2 + c$ E) x^2



5. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\int x^3 + f(x) dx = x^4 + a$$

olduğuna göre, $f(x)$ aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) x B) x^4 C) 3 D) 4 E) $\frac{x}{4}$



6. $\int f(2x - 1) \cdot (x - 1) dx = x^3 - 3x + c$

olduğuna göre, $f(-1)$ kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) 1 D) 2 E) 3



7.

$$f(x) = \int d(x \ln x)$$

olduğuna göre, $f(2) - f(1)$ farkı kaçtır?

- A) $\ln 2$ B) $\ln 4$ C) $\ln \frac{1}{2}$ D) 1 E) 0



8.

$$f'(x) = 5x^4 - 3$$

$$f(-1) = 4$$

olduğuna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) 34 B) 32 C) 30 D) 28 E) 26



9.

$y = f(x)$ fonksiyonunun $A(-1, 2)$ noktasındaki teğetinin eğimi 1 ve $f''(x) = 2$ dir.

Buna göre, $f(1)$ kaçtır?

- A) 2 B) 4 C) 6 D) 8 E) 10

10. $y = f(x)$ eğrisi,

- $(-1, 4)$ noktasından geçmektedir.
- her (x, y) noktasındaki teğetinin eğimi bu noktadaki apsisinin iki katına eşittir.

Buna göre, $y = f(x)$ eğrisinin denklemi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $f(x) = x^2 + 3$ B) $f(x) = x^2 + 1$
 C) $f(x) = x^2 + 2$ D) $f(x) = x^2$
 E) $f(x) = x^2 + 4$

11. Yerel ekstremum noktalarından biri $A(0, 2)$ olan f fonksiyonu için,

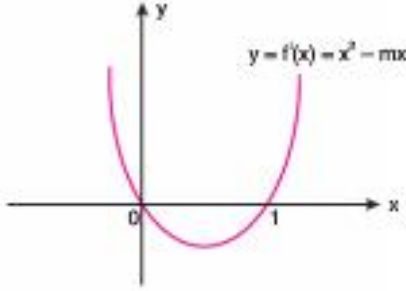
$$f(x) = \int (4x^3 + 2x - a) dx$$

olduğuna göre, $f(1)$ kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 8



12.



Yukarıdaki şekilde $y = f'(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$$f(3) = \frac{1}{2}$$

olduğuna göre, $f(0)$ kaçtır?

- A) $-\frac{5}{2}$ B) -5 C) -4 D) -2 E) $-\frac{3}{2}$



13.

$$f(x) = \int (x^2 + ax - 2) dx$$

- eğrisi $A(-1, 1)$ noktasından geçmektedir.
- $f'(x)$ fonksiyonuna $x = -1$ apselli noktasından çizilen teğetin eğimi sıfırdır.

Buna göre, $f(1)$ değeri kaçtır?

- A) -4 B) -2 C) $-\frac{7}{3}$ D) 2 E) $\frac{8}{3}$



14. $P(x)$ bir polinom ve $P''(x) + \int P(x) dx$ ifadesi 9. dereceden bir polinomdur.

Buna göre, $\deg[P(x)]$ kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3



15. $P(x)$ baş katsayısı pozitif olan bir polinomdur.

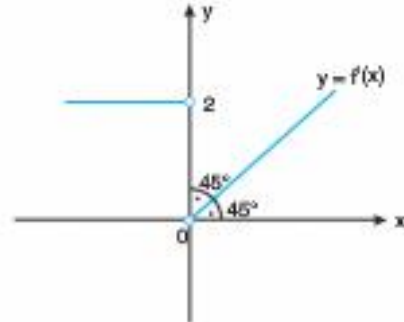
$$P(x) + \int P(x) dx = 2x^3 - 3x^2 + x$$

olduğuna göre, $P(4)$ kaçtır?

- A) 11 B) 8 C) 7 D) 5 E) 3



16.



Yukarıda her $x \in \mathbb{R}$ için sürekli olan $y = f(x)$ fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.

$f(-1) = 3$ olduğuna göre, $f(2)$ nin değeri kaçtır?

- A) 3 B) 5 C) 7 D) 9 E) 11



1. D	2. A	3. E	4. B	5. D	6. E	7. B	8. D
9. D	10. A	11. C	12. C	13. C	14. C	15. C	16. C

1. $\int (x^3 - x + 1)^3 \cdot (3x^2 - 1) dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{(x^3 - x + 1)^4}{4} + c$ B) $\frac{(x^3 - x + 1)^2}{2} + c$
 C) $\frac{(3x^2 - 1)^2}{2} + c$ D) $\frac{(3x^2 - 1)^4}{4} + c$
 E) $\frac{x^3 - x + 1}{4} + c$

2. $\int f(x) \cdot g'(f(x)) dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $g(f(x)) + c$ B) $f(g(x)) + c$ C) $f'(g(x)) + c$
 D) $g'(f(x)) + c$ E) $f(x) \cdot g(x) + c$

3. $\int \frac{f\left(\frac{1}{x}\right)}{x^2} dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $f\left(\frac{1}{x}\right) + c$ B) $-f\left(\frac{1}{x}\right) + c$ C) $f\left(\frac{-1}{x}\right) + c$
 D) $f\left(\frac{1}{x^2}\right) + c$ E) $-f\left(\frac{1}{x^2}\right) + c$

4. $\int f'(f(x)) \cdot f(x) dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $f(f(x)) + c$ B) $f^2(x) + c$ C) $f(f'(x)) + c$
 D) $f'(x) + c$ E) $f'(f(x)) + c$

5. $\int \frac{1}{(3x-1)^4} dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{(3x-1)^3}{3} + c$ B) $\frac{-(3x-1)^3}{9} + c$
 C) $\frac{1}{3 \cdot (3x-1)^3} + c$ D) $\frac{-1}{9 \cdot (3x-1)^3} + c$
 E) $\frac{1}{9 \cdot (3x-1)^3} + c$

6. $\int (x^2 - x + 1)^3 \cdot (2x - 1) dx$

Integralinde $x^2 - x + 1 = u$ değişken değişirmesi yapılırsa oluşacak yeni integral aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) $\int (u+1)^3 \cdot du$ B) $\int 2 \cdot u^3 \cdot du$ C) $\int \frac{u^3}{3} \cdot du$
 D) $\int \frac{u^4}{4} \cdot du$ E) $\int u^3 \cdot du$



7.

$$\int \frac{dx}{x^2 + \sqrt{x}}$$

Integralinde $x = u^2$ değişken değıştirmesi yapılırsa oluşacak yeni integral aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) $2 \cdot \int \frac{du}{u^4 + u}$ B) $\frac{1}{2} \int \frac{du}{u^3 + 1}$ C) $\int \frac{du}{u^3 + 1}$
 D) $\int \frac{du}{u^4 + u}$ E) $2 \cdot \int \frac{du}{u^3 + 1}$



8.

$$\int x \cdot (x-3)^5 dx$$

Integralinde $x-3 = u$ değışken değıştirmesi yapılırsa oluşacak yeni integral aşağıdakilerden hangisine eşit olur?

- A) $\int (u^5 + u^6) du$ B) $\int (u^6 + 3u^5) du$
 C) $\int u(u-3)^5 du$ D) $\int (u^6 - 3u^5) du$
 E) $\int (3u^6 - u^5) du$



9.

$$\int \frac{dx}{\sqrt{2x-1}}$$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\sqrt{2x-1} + c$ B) $\frac{1}{\sqrt{2x-1}} + c$
 C) $-\sqrt{2x-1} + c$ D) $\frac{-1}{\sqrt{2x-1}} + c$
 E) $\frac{\sqrt{2x-1}}{2} + c$



10.

$$\int \frac{dx}{x^2 - 2x + 1}$$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{x-1} + c$ B) $\frac{-1}{x-1} + c$ C) $\frac{(x-1)^2}{2} + c$
 D) $\frac{-2}{x-1} + c$ E) $\frac{1}{2(x-1)} + c$



11.

$$\int x^2 \cdot (x^6 + 1)^{10} dx$$

Integralinde $x = \sqrt[3]{u}$ dönüşümü uygulanırsa oluşan yeni integral aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) $\frac{1}{2} \int (u^6 + 1)^{10} du$ B) $\frac{1}{6} \int (u^2 + 1)^{11} du$
 C) $\frac{1}{11} \int (u^2 + 1)^{11} du$ D) $\int (u^2 + 1)^{10} du$
 E) $\frac{1}{3} \int (u^2 + 1)^{10} du$



12.

$$\int \frac{\sqrt[4]{x} - x}{\sqrt[3]{x}} dx$$

Integrali için $x = t^{12}$ dönüşümü yapılırsa oluşan yeni integral aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{12} \int (t^{10} - t^{19}) dt$ B) $6 \int (t^3 - t^{13}) dt$
 C) $\frac{1}{12} \int (t^3 - t^{13}) dt$ D) $12 \int (t^{10} - t^{19}) dt$
 E) $\int (t^{12} - t^{10}) dt$

13. $\int \frac{2x}{x^4 + 2x^2 + 1} dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 \cdot (x^2 + 1) + c$ B) $\frac{x^2 + 1}{2} + c$ C) $\frac{(x^2 + 1)^2}{2} + c$
 D) $\frac{-1}{x^2 + 1} + c$ E) $\frac{-2}{x^2 + 1} + c$

14. $\int \frac{x+2}{\sqrt{x^2+4x}} dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sqrt{x^2+4x}}{2} + c$ B) $\frac{\sqrt{x^2+4x}}{4} + c$
 C) $2 \cdot \sqrt{x^2+4x} + c$ D) $\sqrt{x^2+4x} + c$
 E) $4 \cdot \sqrt{x^2+4x} + c$

15. $\int (f \circ g^{-1})(x) dx$

Integralinde $g^{-1}(x) = u$ dönüşümü yapılırsa oluşan yeni integral aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) $\int f(u) \cdot g(u) du$ B) $\int f(u) \cdot g'(u) du$
 C) $\int f(u) du$ D) $\int f(g(u)) du$
 E) $\int g(f(u)) du$

16. $\int x^3 \sqrt{x^2-1} dx$

Integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{\sqrt{(x^2-1)^3}}{3} + \frac{\sqrt{x^2-1}}{2} + c$
 B) $\frac{\sqrt{(x^2-1)^5}}{5} + \frac{\sqrt{(x^2-1)^3}}{3} + c$
 C) $\frac{\sqrt{(x^2-1)^5}}{5} + \frac{\sqrt{(x^2-1)}}{2} + c$
 D) $\frac{\sqrt{(x^2-1)^3}}{3} + c$
 E) $\frac{\sqrt{(x^2-1)^5}}{5} + c$

1. A	2. A	3. B	4. E	5. D	6. E	7. E	8. B
9. A	10. B	11. E	12. D	13. D	14. D	15. B	16. B



1. $\int_0^1 (2x + 1) dx$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



4. $\int_1^5 d(x^2 + 5x)$

İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) 24 B) 30 C) 38 D) 40 E) 44



2. $a > 0$ olmak üzere,

$$\int_0^a (2x - 5) dx = 6$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6



5. $f(x) = \log_3(x - 1)$

$$\int_2^4 d(f^{-1}(x))$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 72 B) 64 C) 56 D) 48 E) 42



3. $m \in \mathbb{R}$ olmak üzere, ($m \neq -1$)

$$\int_0^1 (x^m + 1) dx = 4$$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{2}{3}$ C) $-\frac{1}{3}$ D) $-\frac{1}{6}$ E) $-\frac{1}{12}$



6. $f(x)$, $[2, 5]$ aralığında sürekli bir fonksiyondur.

$$\int_2^5 f(x) dx = 6$$

olduğuna göre, $\int_5^2 f(x) dx$ kaçtır?

- A) -6 B) -3 C) 0 D) 3 E) 6

7. $\int_0^1 f(x) dx = 3$ ve $\int_1^0 g(x) dx = 6$

Buna göre,

$$\int_0^1 [2f(x) - g(x)] dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 24 B) 20 C) 18 D) 16 E) 12

8. $\int_1^3 f(x) dx = 4$ ve $\int_3^8 f(x) dx = 12$

olduğuna göre, $\int_1^8 f(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) -16 B) -8 C) 8 D) 12 E) 16

9. $a < b < c$ olmak üzere,
 $\int_a^b f(x) dx = 16$ ve $\int_c^b f(x) dx = 10$

olduğuna göre, $\int_a^c 2f(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) 26 B) 24 C) 13 D) 12 E) 8

10. $\int_1^5 (f(x) - x) dx + \int_5^1 (f(x) - 1) dx$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) 6 E) 8

11. $\int_4^9 \frac{1 - \sqrt{u}}{\sqrt{u}} du$

integralinin değeri kaçtır?

- A) -9 B) -8 C) -6 D) -3 E) -2

12. $\int_0^1 (x^2 - x)^{10} \cdot (2x - 1) dx$

integralinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

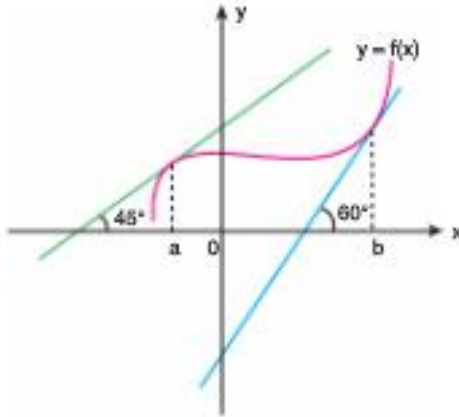
13.

$$\int_1^4 \frac{f(\sqrt{x}-2) dx}{\sqrt{x}} = 2$$

olduğuna göre, $\int_{-1}^0 f(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) 6 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

14.



$y = f(x)$ fonksiyonuna alt eğrinin $x = a$ ve $x = b$ apsilli noktalarındaki eğim açılarının ölçüleri sırasıyla 45° ve 60° dir.

Buna göre,

$$\int_a^b f(x) \cdot f'(x) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ C) $\sqrt{3}$ D) $\frac{1+\sqrt{3}}{2}$ E) $1 + \sqrt{3}$

15.

$$\int_{-1}^4 f(3x+1) dx = A$$

olduğuna göre,

$$\int_{-2}^{13} f(x) dx$$

integralinin A türünden sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 2A B) 3A C) 4A D) 6A E) 8A

16.

$$\int_0^1 \sqrt{x^2+1} \cdot x dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{2\sqrt{2}+1}{2}$ B) $\frac{2\sqrt{2}+1}{3}$ C) $\frac{2\sqrt{2}-1}{2}$
D) $\frac{2\sqrt{2}-1}{3}$ E) $\frac{4\sqrt{2}-1}{6}$

1. E	2. E	3. B	4. E	5. A	6. A	7. E	8. E
9. D	10. A	11. D	12. C	13. E	14. A	15. B	16. D

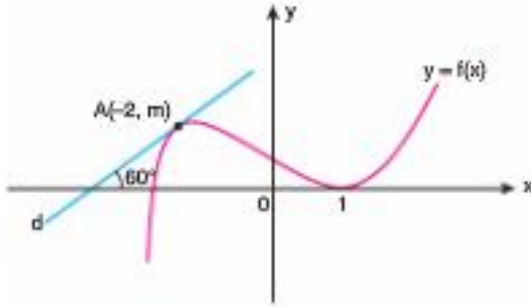
1. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\int_{-a}^a x \cdot f(x^2) dx$$

İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

2.



d doğrusu $y = f(x)$ eğrisine $A(-2, m)$ noktasında teğettir.

Buna göre,

$$\int_{-2}^1 f'(x) dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) $-2\sqrt{3}$ B) $-\sqrt{3}$ C) $\frac{-1}{\sqrt{3}}$
D) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ E) $\sqrt{3}$

3.

$$\int_1^4 \frac{x+1}{\sqrt{x}} dx$$

İntegralinde $\sqrt{x} = u$ dönüşümü yapıldığında oluşan yeni integral aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2 \cdot \int_1^2 (u^2 + 1) du$ B) $\int_1^2 \frac{u^2 + 1}{u} du$
C) $4 \cdot \int_1^2 \frac{u^2 + 1}{u} du$ D) $4 \cdot \int_1^2 (u^2 + 1) du$
E) $\int_1^2 \frac{u+1}{u^2} du$

4.

$$\int_1^{16} \frac{\sqrt[4]{x} + \sqrt{x}}{x - \sqrt{x}} dx$$

İntegralinde $u = \sqrt[4]{x}$ dönüşümü yapıldığında elde edilen integralin eşiti aşağıdakilerden hangisi olur?

- A) $\int_1^2 \frac{u^2}{u-1} du$ B) $2 \cdot \int_1^2 \frac{u^2}{u-1} du$
C) $4 \cdot \int_1^2 \frac{u^2}{u-1} du$ D) $2 \cdot \int_1^2 \frac{u^2 + 1}{u-1} du$
E) $4 \cdot \int_1^2 \frac{u^2 + 1}{u-1} du$

5. $\int_1^8 f(\sqrt[3]{x}) dx = 12$

olduğuna göre,

$$\int_1^2 x^2 + f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 6 B) 4 C) 3 D) 2 E) 1

7. $\int_4^9 x \cdot f(x) dx = 2$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,

$$\int_2^3 x^3 \cdot f(x^3) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 9

6. $\int_0^\pi x \cdot f(\sin x) dx$

integralinde, $x = \pi - t$ dönüşümü yapılırsa, aşağıdaki integrallerden hangisi bulunur?

A) $\int_0^\pi t(\sin t) dt$

B) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (\pi + t) \cdot f(\sin t) dt$

C) $\int_0^\pi (\pi + t) \cdot f(\sin t) dt$

D) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (\pi - t) \cdot f(\sin t) dt$

E) $\int_0^\pi (\pi - t) \cdot f(\sin t) dt$

8. $\sqrt{\int_0^1 x^2 dx} = \int_0^m \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$

olduğuna göre, m kaçtır?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{4}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1

9. Uygun şartlarda,

$$f(x) = \frac{3x}{x-1}$$

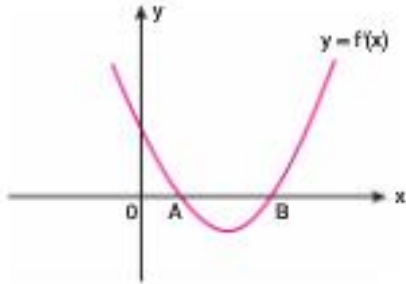
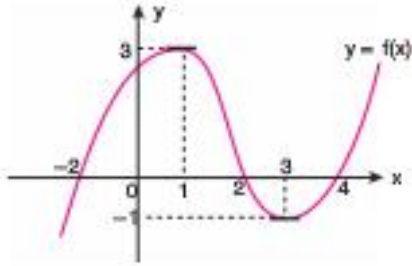
fonksiyonu veriliyor.

$$F(x) = [f^{-1}(x)]'$$

olduğuna göre, $\int_1^2 F(x) dx$ ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{5}{2}$ B) -2 C) $-\frac{3}{2}$ D) -1 E) $-\frac{1}{2}$

10.



Yukarıda, $y = f(x)$ ve $y = f'(x)$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

$$\int_A^B f'(x) dx$$

İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) -3 E) -2

11.

$$\int_1^4 \frac{3x-1}{x+2} dx = A$$

eşitliği veriliyor.

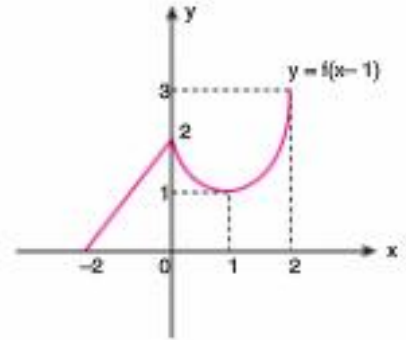
Buna göre,

$$\int_1^4 \frac{x+9}{x+2} dx$$

İntegralinin A cinsinden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $12 - A$ B) $9 - A$ C) $6 - A$
D) $3 + A$ E) $6 + A$

12.



Yukarıda grafiği verilen $y = f(x-1)$ fonksiyonu için,

$$\int_0^1 f(x) dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

13.

$$(x \cdot f(x))' = f(x) + x \cdot f'(x)$$

eşitliği veriliyor.

$$\int_0^2 f(x) dx = 5 \text{ ve } \int_0^2 x f'(x) dx = 1$$

olduğuna göre, $f(2)$ kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

1. C	2. B	3. A	4. C	5. B	6. E	7. A
8. C	9. C	10. C	11. A	12. B	13. B	



1.

$$\int_{-3}^3 (1 + 3x + 5x^2) dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 9 B) 8 C) 6 D) 4 E) 3



2.

$$\int_{-2}^2 \frac{1}{x^3 + x} dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 4 B) 3 C) 2 D) 1 E) 0



3.

$f(x)$ çift fonksiyon olmak üzere,

$$\int_{-3}^3 f(x) dx$$

İntegralinin sonucu,

$$\int_3^0 f(x) dx$$

İntegralinin sonucunun kaç katıdır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



4.

f fonksiyonu $[-1, 1]$ aralığında sürekli ve çift bir fonksiyondur.

$$\int_{-1}^0 f(x) dx = 3$$

olduğuna göre, $\int_2^3 f(3-x) dx$ İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) 6 B) 5 C) 4 D) 3 E) 2



5.

f fonksiyonunun grafiği orijine göre simetrik.

$$\int_{-1}^1 [f(x) + 2|f(x)|] dx = 8$$

olduğuna göre, $\int_{-1}^0 |f(x)| dx$ İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) 12 B) 8 C) 6 D) 4 E) 2



6.

$$f(x) = \begin{cases} 2x, & x < 1 \\ 4, & x \geq 1 \end{cases}$$

f fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\int_{-2}^4 f(x) dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 3 B) 6 C) 9 D) 10 E) 12



7.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & 0 \leq x < 1 \\ 1 - x^2, & 1 \leq x < 2 \end{cases}$$

olduğuna göre, $\int_0^2 f(x) dx$ integralinin eşiti kaçtır?

- A) -8 B) -5 C) -4 D) -3 E) -2



8.

$$f(x) = \begin{cases} x+1, & x \leq 0 \\ x, & x > 0 \end{cases}$$

olduğuna göre,

$$\int_0^2 f(x-1) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



9.

$$f(x) = \begin{cases} x, & x \leq 2 \\ 2, & x > 2 \end{cases}$$

olduğuna göre,

$$\int_1^2 x \cdot f(x^2) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{11}{4}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{9}{4}$ E) 2



10.

$$\int_0^4 |x-2| dx$$

integralinin eşiti kaçtır?

- A) 0 B) 2 C) 4 D) 6 E) 8



11.

$$\int_{-1}^1 x + |x| dx$$

integralinin eşiti kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



12.

$$\int_{-2}^1 \frac{|3x|}{x} dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) -6 B) -4 C) -3 D) -2 E) -1



13.

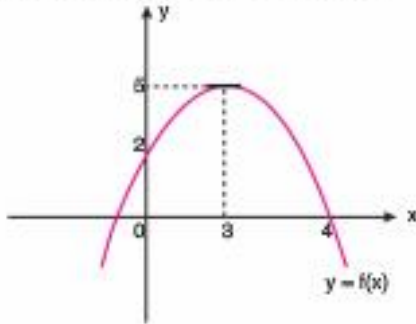
$$\int_1^3 \sqrt{x^2 - 4x + 4} dx$$

integralinin eşiti kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5



14. Aşağıda $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

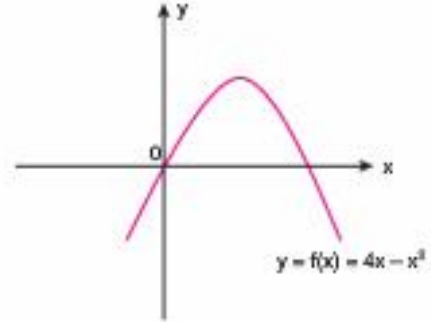
$$\int_0^4 |f(x)| dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12



15.



Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

$$\int_{-1}^3 x \cdot \frac{|2f(x)|}{f(x)} dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 20 B) 18 C) 16 D) 12 E) 10



16.

$$\int_1^4 |x^2 - x - 6| dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{21}{2}$ B) $\frac{31}{3}$ C) $\frac{61}{6}$ D) 10 E) $\frac{59}{6}$



1. C	2. E	3. A	4. D	5. E	6. C	7. E	8. D
9. B	10. C	11. C	12. C	13. A	14. C	15. E	16. C



1.

$$\int_{-1}^2 3x^2 dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) -9 B) -7 C) 5 D) 7 E) 9



4.

$$\int_{-1}^0 (2x+3) \cdot (x^2+3x+2)^3 dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) -8 B) -4 C) -2 D) 4 E) 8



2.

m > 0 ve n > -1 olmak üzere,

$$\int_0^1 x^m dx \cdot \int_0^1 x^n dx = \int_0^1 x^m x^n dx$$

olduğuna göre, n kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



5.

$$\int_0^2 f(x) dx = 8 \text{ ve } \int_2^4 f(x) dx = 12$$

olduğuna göre, $\int_0^2 f(2x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) 24 B) 18 C) 12 D) 9 E) 6



3.

$$\int_2^4 x \cdot f(x^2 - 1) dx = A$$

olmak üzere,

$$\int_3^{15} f(x) dx$$

ifadesinin A türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{A}{2}$ B) A C) $\frac{3A}{2}$ D) 2A E) 4A



6.

$$\int_0^{2\cos\alpha} 2x dx = \cos 2\alpha + 2$$

denklemini sağlayan α dar açısı kaç derecedir?

- A) 15 B) 22,5 C) 30 D) 45 E) 60



7.

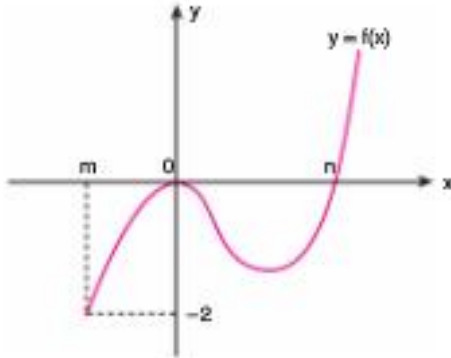
$$\int_1^4 \frac{d(x^2 - 1)}{x}$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 3 C) 4 D) 6 E) 9



8.



Gerçek sayılarda tanımlı $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği yukarıda verilmiştir.

Buna göre,

$$\int_m^n f^2(x) \cdot f'(x) dx$$

İntegralinin sonucu kaçtır?

- A) 3 B) $\frac{8}{3}$ C) $\frac{7}{3}$ D) 2 E) $\frac{4}{3}$



9.

$$\int_m^n f'(x) dx = 4$$

$$\int_m^n f(x) \cdot f'(x) dx = 12$$

olduğuna göre, $f(m) + f(n)$ toplamı kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 6 D) 8 E) 12



10.

$$\int_0^2 \frac{x^2}{x+3} dx = M$$

olduğuna göre, $\int_0^2 \frac{9}{x+3} dx$ ifadesinin M türünden

eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $M - 1$ B) $2 - M$ C) $2M$
D) $M + 2$ E) $M + 4$



11.

$$\int_2^4 f(x) dx = 10$$

$$\int_3^5 f(x) dx = 12$$

olduğuna göre,

$$\int_2^3 f(x) dx - \int_4^5 f(x) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 4 B) 2 C) 0 D) -2 E) -4



12.

$$f(2x) = \begin{cases} x+1, & x < 0 \\ 1-x, & x \geq 0 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\int_{-2}^2 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6



13.

$$f(x) = \begin{cases} |x|, & x < 1 \\ 2x, & x \geq 1 \end{cases}$$

olduğuna göre, $\int_{-1}^2 f(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) 8 B) 6 C) 4 D) 2 E) 1



14.

$$x^2 + 2x - 2a = 0$$

denkleminin kökleri x_1 ve x_2 dir.

$$x_2 + \int_0^{x_1} (2p+3) dp = 10$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 8 B) 6 C) 4 D) 2 E) 1



15.

$$\int_4^9 \frac{\sqrt{x}}{x-\sqrt{x}} dx + \int_9^4 \frac{1}{x-\sqrt{x}} dx$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 9 B) 7 C) 5 D) 3 E) 2



1. E	2. C	3. D	4. D	5. D	6. D	7. D	8. B
9. C	10. E	11. D	12. B	13. C	14. B	15. E	



1. $a, b \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\int_b^a (3x^2 + 1) dx = 21 \text{ ve } a - b = 3$$

olduğuna göre, $a \cdot b$ çarpımı kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 1 D) 2 E) 3



2. $\int_n^{n+1} f(x) dx = n^2$ olmak üzere,

$$\int_{-2}^4 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 16 B) 17 C) 18 D) 19 E) 21



3. $\int_0^{\pi} (e^{\sin x} \sin x + e^{\cos x} \cos x) dx$

integralinin sonucu aşağıdakilerden hangisidir?

- A) π B) $e\pi$ C) $e\pi$ D) $e^{\sin \pi}$ E) $e^{\pi} - 1$



4. Bir $P(x)$ polinomunun x ile bölümünden kalan 2 ve katsayılarının toplamı -1 dir.

$$P'(x) = Q(x)$$

olduğuna göre, $\int_0^1 Q(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) -3 B) -2 C) -1 D) 2 E) 3



5. $\int_2^5 f(x) dx = P$ olmak üzere,

$y = f(x)$ fonksiyonu x ekseninde 5 birim sağa ve y ekseninde 2 birim yukarı ötelendiğinde oluşan yeni fonksiyon, $y = g(x)$ tir.

Buna göre,

$$\int_7^{10} g(x) dx$$

integralinin P türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $P - 8$ B) $P - 3$ C) P D) $P + 3$ E) $P + 8$



6. $x^4 - x^2 - 6 = 0$

denkleminin köklerinden biri m 'dir.

Buna göre,

$$\int_{-1}^m (4x^3 - 2x) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

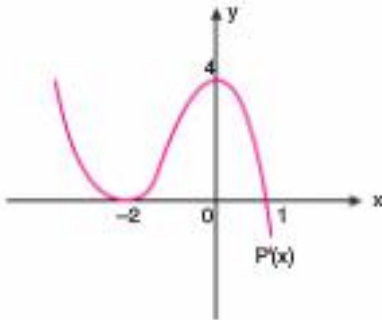
7. f doğrusal ve artan bir fonksiyondur.

$$\int (f \circ f)(x) dx = \frac{9x^2}{2} - 8x + c$$

olduğuna göre, $f'(1) + f(1)$ toplamı kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

8. $\text{der}[P(x)] = 4$ olmak üzere, aşağıda $P(x)$ polinomunun türevinin grafiği verilmiştir.



Buna göre, $P(x)$ polinomunun tek dereceli terimlerinin katsayıları toplamı kaçtır?

- A) -3 B) -1 C) 0 D) 1 E) 3

9. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$\bullet \int_0^1 f(x) dx = 1$$

$$\bullet \int_0^1 x \cdot f(x) dx = a$$

$$\bullet \int_0^1 x^2 f(x) dx = a^2$$

olduğuna göre, $\int_0^1 (x-a)^2 \cdot f(x) dx$ integralinin eşiti

aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $-2a$ B) $-a$ C) 0 D) a E) $2a$

10. $\int_0^1 \left(\frac{\sin x}{x+1} \right)^2 dx = A$

olduğuna göre,

$$\int_0^1 \left(\frac{\cos x}{x+1} \right)^2 dx$$

ifadesinin A türünden eşitli aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{1}{2} - A$ B) $1 - A$ C) A
D) $\frac{1}{2} + A$ E) $1 + A$

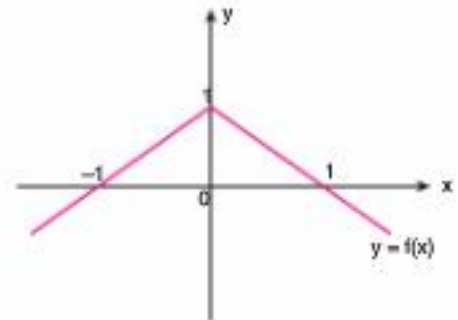
11. $\int_0^4 f(x) dx = A$ olmak üzere,

$$g'(x) = f(2x) + 2x$$

olduğuna göre, $g(2) - g(0)$ farkı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $4 + \frac{A}{2}$ B) $2 + A$ C) $4 - A$
D) $2 - A$ E) $4A$

12. Aşağıda $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

$$\int_{-1}^1 x \cdot f(x) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

13. $f(x)$ integrallenebilen bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(x) = \left(\int_0^1 f(x) dx \right) + x + \left(\int_0^2 f(x) dx \right) + 1$$

olduğuna göre, $\int_0^1 f(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{1}{5}$ B) $-\frac{2}{5}$ C) $-\frac{3}{5}$ D) $-\frac{4}{5}$ E) -1

14. f bir fonksiyon ve $0 \leq x \leq 1$ için,

$$1 - f(x) = f(1 - x)$$

eşitliği sağlanmaktadır.

Buna göre,

$$\int_0^1 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) $\frac{3}{2}$

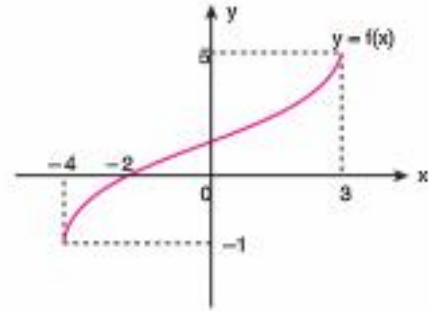
15. $\frac{d}{dx} (f^2(x)) = 2f(x)$

$$\int_2^4 f(x) dx = 8$$

olduğuna göre, $f(3)$ kaçtır?

- A) 8 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3

- 16.



Yukarıda, $[-4, 3]$ aralığında tanımlı bir f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

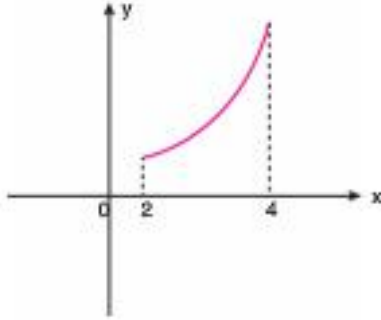
$$\int_{-1}^5 \frac{dx}{f'(f^{-1}(x))}$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 3 C) 5 D) 7 E) 9

1. B	2. D	3. B	4. A	5. E	6. D	7. D	8. E
9. C	10. A	11. A	12. C	13. B	14. C	15. D	16. D

1. Şekilde $[2, 4]$ aralığında tanımlı,
 $f(x) = x^2 + 1$
fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



$[2, 4]$ aralığı 2 eşit alt aralığa ayırıyor.

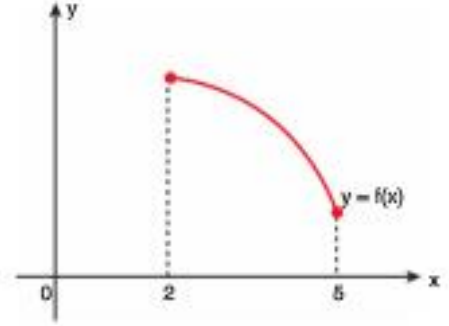
Buna göre, Riemann alt toplamı kaçtır?

- A) 12 B) 14 C) 15 D) 18 E) 20

2. $f(x) = 16 - x^2$
fonksiyonunun $[0, 4]$ aralığı 4 eşit alt aralığa ayırıyor.
Buna göre, Riemann üst toplamı kaçtır?

- A) 54 B) 52 C) 50 D) 48 E) 45

3. $f : [2, 5] \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere, f fonksiyonunun grafiği aşağıda gösterilmiştir.



$f(2) = 8$ ve $f(5) = 2$ dir.

$[2, 5]$ aralığı 3 eşit alt aralığa bölünerek hesaplanan Riemann üst toplamının sonucu 20'dir.

Buna göre, aynı koşullarda Riemann alt toplamının sonucu kaçtır?

- A) 10 B) 12 C) 14 D) 15 E) 16

4. $f : [0, 6] \rightarrow [0, 4]$ olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & , x < 2 \\ 6 - x & , x \geq 2 \end{cases}$$

fonksiyonunun eşit uzunluktaki üç aralığa göre, Riemann üst toplamının sonucu kaçtır?

- A) 30 B) 25 C) 24 D) 20 E) 18

5. $f, [0, a]$ aralığı üzerinde sürekli, artan, pozitif değerli bir fonksiyondur ve $\int_0^a f(x) dx = 20$ dir.

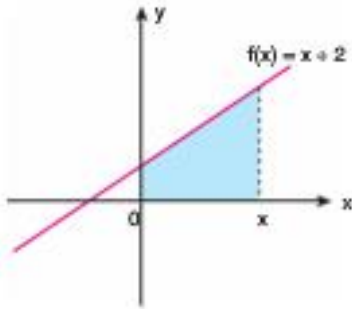
Buna göre,

$$a \cdot \left[f\left(\frac{a}{20}\right) + f\left(\frac{2a}{20}\right) + f\left(\frac{3a}{20}\right) + \dots + f\left(\frac{20a}{20}\right) \right]$$

toplamının en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 399 B) 400 C) 401 D) 405 E) 409

6.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Taralı bölgenin alanı $S(x)$ olmak üzere,

I. $S(x) = \int_0^x (x+2) dx$

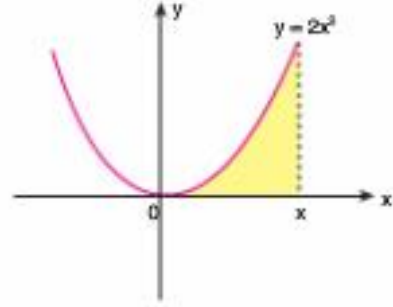
II. $S'(x) = f(x)$

III. f bire bir ve örten bir fonksiyondur.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) II ve III
D) I ve III E) I, II ve III

7.



Şekilde taralı bölgenin alanını veren fonksiyon $S(x)$ olduğuna göre, $S'(3)$ kaçtır?

- A) 36 B) 24 C) 18 D) 12 E) 6

MATEMATİK

8.

Bir reklam şirketinin, bir mağazanın yaptırmak istediği amblem tasarımına fiyat bilgisi verebilmesi için amblem alanını hesaplaması gerekmektedir. Amblem; üçgen, dörtgen, daire vb. gibi bilinen bir şekli olmadığından şeklin alanı bir matematikçi olan Can'a hesaplatılmıştır. Can, alan üzerinde yaptığı çalışmalarda aralık genişliğini a birim aldığında Riemann alt ve üst toplamı sırasıyla 18 ve 21 olmuştur. Can, aralık genişliğini a'dan küçük aldığında Riemann alt ve üst toplamı birer tam sayı olmuştur.

Buna göre, amblem alanı aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) 18,5 br² B) 19 br² C) 19,5 br²
D) 20 br² E) 20,5 br²

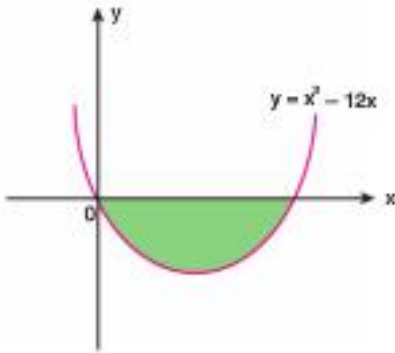
1. C 2. C 3. C 4. D 5. C 6. E 7. C 8. C

1. $y = f(x) = x^2 - 2x$

parabolü ile x ekseninin sınırladığı alan kaç birimkaredir?

- A) 2 B) $\frac{5}{3}$ C) $\frac{4}{3}$ D) 1 E) $\frac{2}{3}$

2.



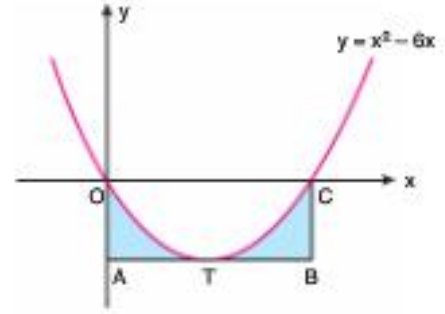
Şekilde verilen taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 288 B) 276 C) 264 D) 180 E) 144

3. $y = x^2$ eğrisi, $x = 3$ doğrusu ve x eksenini sınırlı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 27 B) 21 C) 18 D) 12 E) 9

4. Aşağıda, $y = x^2 - 6x$ parabolünün grafiği verilmiştir. T noktası parabolün tepe noktası ve ABCO bir dikdörtgendir.



Buna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

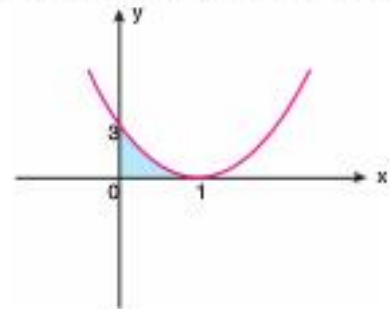
- A) 24 B) 22 C) 20 D) 18 E) 12

5. $f(x) = x^2 - x$

fonksiyonu ile $y = 6$ doğrusu arasında kalan bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 21 B) $\frac{125}{6}$ C) $\frac{62}{3}$ D) $\frac{41}{2}$ E) $\frac{61}{3}$

6. Aşağıda, $y = f(x)$ parabolünün grafiği verilmiştir.

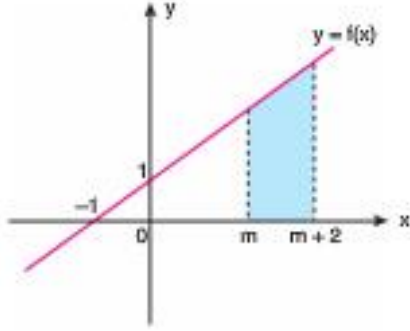


Buna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3



7.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

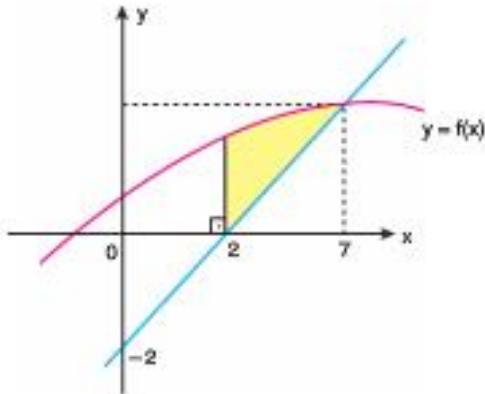
$$\int_0^m f'(x) dx = 5$$

olduğuna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 15 B) 14 C) 13 D) 12 E) 11



8.



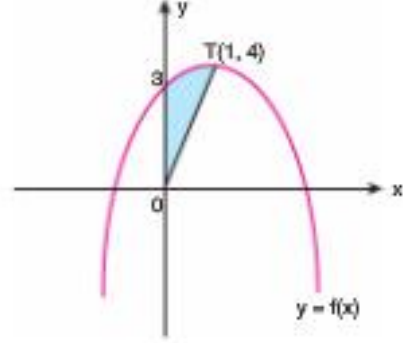
$$\int_2^7 f(x) dx = 21$$

olduğuna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{21}{2}$ B) $\frac{19}{2}$ C) $\frac{17}{2}$ D) $\frac{15}{2}$ E) $\frac{13}{2}$



9.



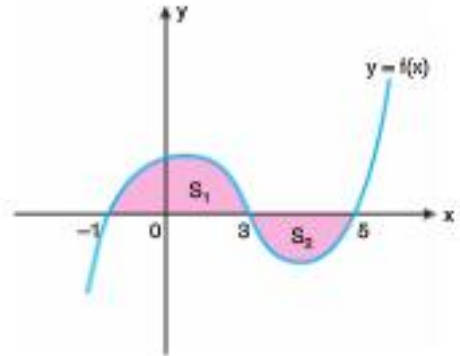
$y = f(x)$ parabolünün tepe noktası $T(1, 4)$ tür.

Parabol y eksenini $(0, 3)$ noktasında kestiğine göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{7}{3}$ B) 2 C) $\frac{5}{3}$ D) $\frac{4}{3}$ E) 1



10.



Şekilde $f(x)$ fonksiyonu ve x eksenini arasında kalan bölgelerin alanları;

$$S_1 = 7 \text{ birimkare}$$

$$S_2 = 3 \text{ birimkaredir.}$$

Buna göre, $\int_{-1}^5 f(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 6 E) 10

11. $y = x^3$ ve $y = x^2$ eğrileri arasında kalan sınırlı bölgenin alanı;

I. $\int_0^1 (x^2 - x^3) dx$

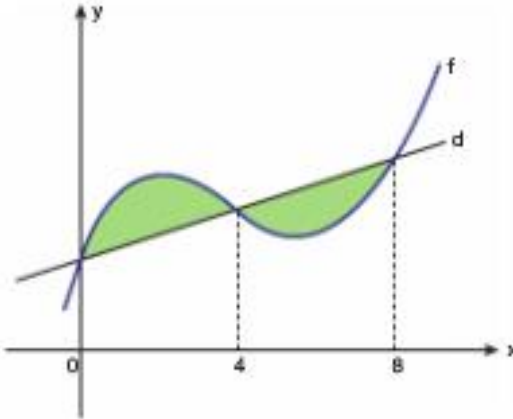
II. $\int_0^1 (x - \sqrt{x}) dx$

III. $\int_0^1 (\sqrt[3]{y} - \sqrt{y}) dy$

Öncüllerinde verilen integralerin hangileri ile hesaplanabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

12. Aşağıda, f fonksiyonunun ve d doğrusunun grafiği gösterilmiştir.



d doğrusunun denklemi, $y = x + 2$ dir.

$\int_0^4 f(x) dx = 20$ ve

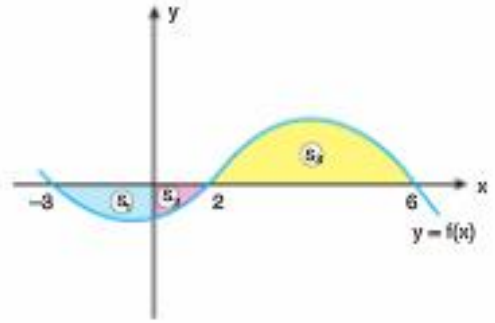
$\int_3^7 f(x+1) dx = 27$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, boyalı bölgelerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8

13. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

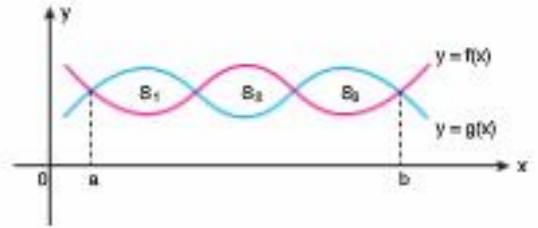


$\int_0^6 |f(x)| dx = A$ ve $\int_{-3}^6 f(x) dx = B$

olmak üzere, $2S_2 - S_1$ ifadesinin A ve B türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $A + 2B$ B) $A + B$ C) $2A + B$
D) $2A - B$ E) $A - 2B$

- 14.



$S_1 = S_2 = 2S_3 = 4$ birimkare

olduğuna göre,

$\int_a^b (f(x) - g(x)) dx$

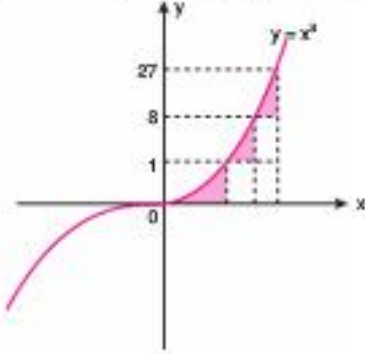
integralinin sonucu kaçtır?

- A) -8 B) -6 C) -4 D) 4 E) 8

1. C	2. A	3. E	4. D	5. B	6. A	7. B
8. C	9. C	10. C	11. D	12. E	13. B	14. B

1. $f(x) = x^3$ eğrisi, $x = 2$ doğrusu ve x eksenini tarafından sınırlanan bölgenin alanı kaç birimkaredir?
A) 12 B) 8 C) 6 D) 4 E) 2

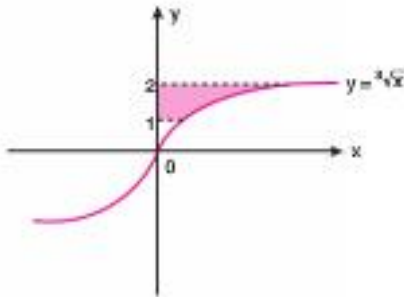
2. Aşağıda, $y = x^3$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre, taralı bölgelerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{23}{2}$ B) $\frac{45}{4}$ C) 11 D) $\frac{43}{4}$ E) $\frac{21}{2}$

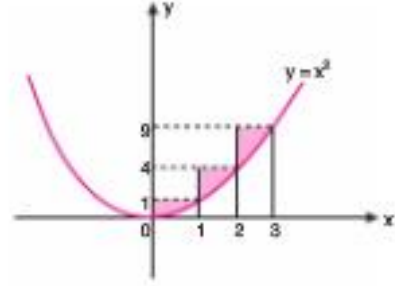
3.



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{9}{2}$ B) $\frac{17}{4}$ C) 4 D) $\frac{15}{4}$ E) $\frac{7}{2}$

4.



Yukarıdaki verilere göre, pembe bölgelerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

5.

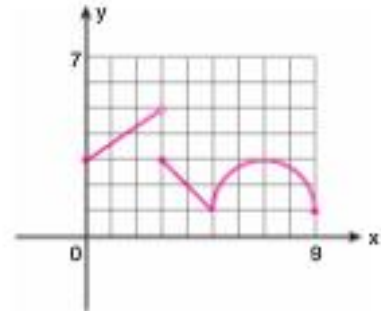
$$f(x) = x^2 + x + 1$$

fonksiyonu ile $y = 2x + 7$ doğrusu arasında kalan sınırlı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 21 B) $\frac{125}{6}$ C) $\frac{62}{3}$ D) $\frac{41}{2}$ E) $\frac{61}{3}$

6.

Aşağıdaki şekil birimkarelerden oluşmaktadır. $[0, 9]$ aralığında bir f fonksiyonunun grafiği 2 doğru parçası ve bir yarı çemberden oluşmaktadır.



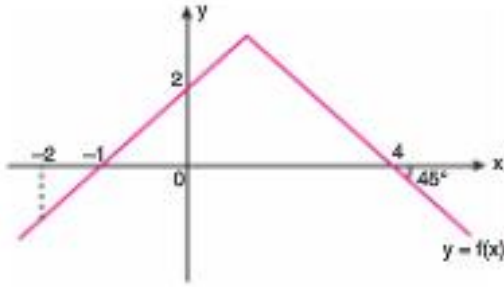
Buna göre,

$$\int_0^9 f(x) dx$$

integralin değeri kaçtır?

- A) $\pi + 10$ B) $\pi + 20$ C) $2\pi + 10$
D) $2\pi + 15$ E) $2\pi + 20$

7. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



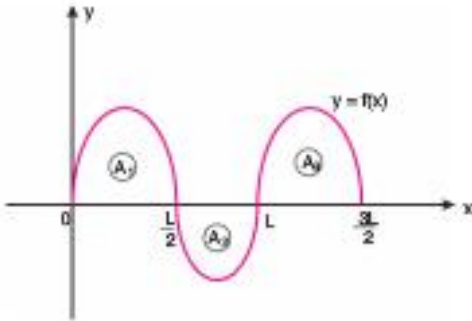
Buna göre,

$$\int_{-2}^4 f(x) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 6 B) $\frac{16}{3}$ C) 5 D) $\frac{14}{3}$ E) $\frac{10}{3}$

8.



Yukarıda sürekli ve periyodu L olan $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

$A_1 = A_2$ olmak üzere, A_1 , A_2 ve A_3 bulundukları bölgelerin alanlarını göstermektedir.

$$\int_0^{\frac{3L}{2}} f(x) dx = 5$$

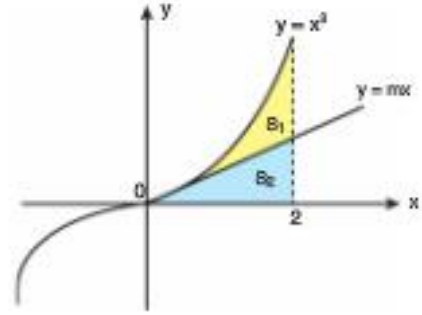
olduğuna göre,

$$\int_0^{\frac{3L}{2}} |f(x)| dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 30 B) 25 C) 20 D) 15 E) 10

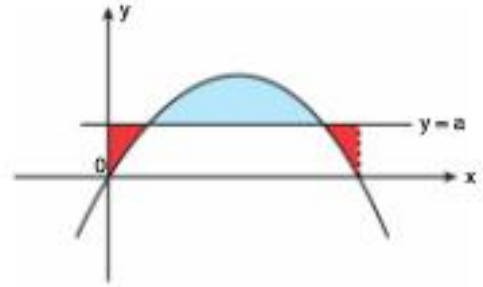
9. Aşağıda, $f(x) = x^3$ fonksiyonu ile $y = mx$ doğrusunun grafiği verilmiştir.



Şekilde verilen S_1 ve S_2 alanları birbirine eşit olduğuna göre, m kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

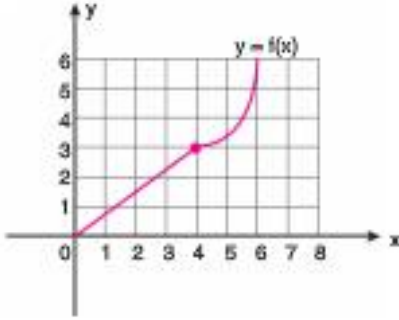
10. Aşağıda, $f(x) = 4x - x^2$ parabolünün ve $y = a$ doğrusunun grafiği verilmiştir.



Kırmızı bölgelerin alanları toplamı mavi bölgenin alanına eşit olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 4 B) $\frac{10}{3}$ C) 3 D) $\frac{8}{3}$ E) 2

11. Aşağıda, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



$$\int_0^6 f(x) dx = 13$$

olduğuna göre, $\int_3^6 f^{-1}(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) 21 B) 19 C) 17 D) 15 E) 13

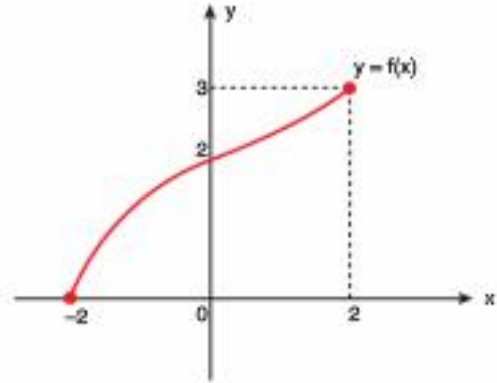
12. $a < b$ olmak üzere,

$$\int_a^b (3x - x^2) dx$$

ifadesinin en büyük değeri kaçtır?

- A) 5 B) $\frac{9}{2}$ C) 4 D) $\frac{7}{2}$ E) 3

13. Aşağıda, $[-2, 2]$ aralığında tanımlı f fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



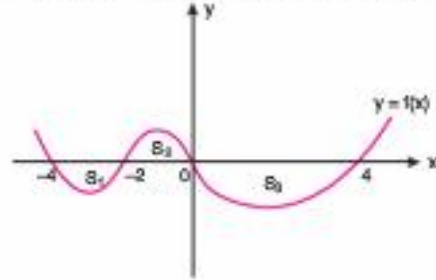
$$\int_{-1}^1 f(2x) dx = 10$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre, $\int_0^3 f^{-1}(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) -8 B) -10 C) -12 D) -14 E) -16

14. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



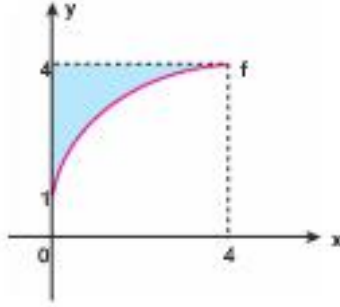
$$S_2 = 4b^2 \text{ ve } \int_{-4}^4 f(x) dx = \int_{-4}^4 f(-x) dx$$

olduğuna göre, $S_1 - S_3$ farkı kaç birimkaredir?

- A) 8 B) 6 C) 4 D) 2 E) 0

1. D	2. B	3. D	4. C	5. B	6. E	7. B
8. B	9. A	10. D	11. C	12. B	13. D	14. C

1.



Yukarıda verilen f fonksiyonunun grafiğine göre, taralı alan 5 br^2 dir.

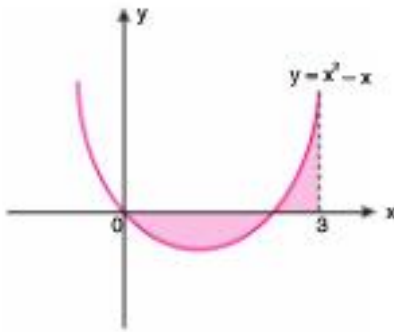
Buna göre,

$$\int_0^4 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 16 B) 14 C) 12 D) 11

2.



Şekilde, $y = x^2 - x$ parabolü ve $x = 3$ doğrusu verilmiştir.

Buna göre, taralı alanlar toplamı kaç birimkaredir?

- A) 5 B) $\frac{29}{6}$ C) $\frac{14}{3}$ D) $\frac{9}{2}$ E) 4

3.

$$y = x^2 - x \text{ ve } y = 1 - x^2$$

eğrileri arasında kalan bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{5}{4}$ C) $\frac{9}{8}$ D) 1 E) $\frac{3}{4}$

4.

$$f(x) = \begin{cases} x^2, & 0 \leq x < 1 \\ 2-x, & 1 \leq x \leq 2 \end{cases}$$

fonsksiyonu ve x eksenli ile sınırlanan bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 1 B) $\frac{5}{8}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{3}$

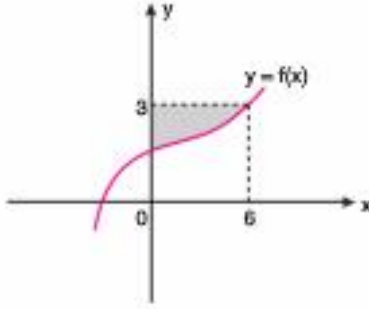
5.

$$y = 6 - x^2$$

parabolü ile $y = |x|$ fonksiyonunun sınırladığı alan kaç birimkaredir?

- A) 15 B) $\frac{44}{3}$ C) 14 D) $\frac{40}{3}$ E) 12

6. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

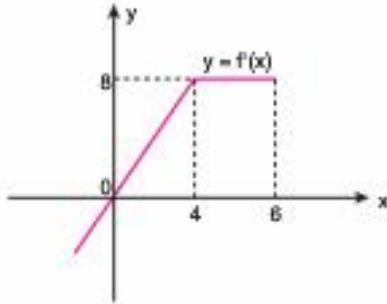


$$\int_1^4 f(2x-2) dx = 7$$

olduğuna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

- 7.

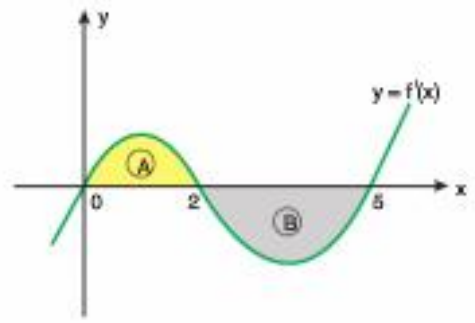


Yukarıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre, $f(6) - f(2)$ farkı kaçtır?

- A) 30 B) 28 C) 26 D) 24 E) 22

8. Aşağıda, f fonksiyonunun 10 devrinin grafiği gösterilmiştir.



A ve B bulundukları bölgelerin alanlarını göstermektedir. $A = 4$ birimkare ve $B = 6$ birimkaredir.

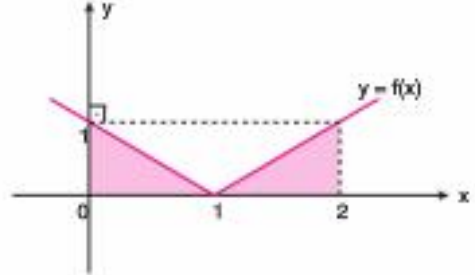
Buna göre,

- I. $f(5) - f(2) = 6$
- II. $f(0) - f(5) = 2$
- III. $f(2) - f(0) = 4$

Öncüllerinde verilen bilgilerden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

- 9.

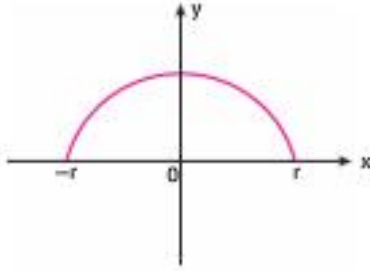


Verilen taralı bölgenin alanı aşağıdaki integrallerden hangileri ile ifade edilebilir?

- I. $\int_0^2 |x-1| dx$
- II. $2 + \int_0^1 (x-1) dx$
- III. $\int_0^2 |x-2| dx$

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) Yalnız III E) II ve III

10.



Yukarıdaki yarım çemberin denklemi $y = \sqrt{r^2 - x^2}$ dir.

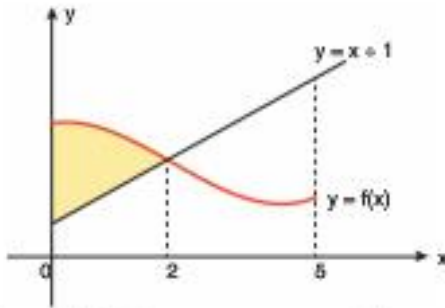
Buna göre,

$$\int_0^3 \sqrt{9 - x^2} dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 3π B) $\frac{9\pi}{4}$ C) 2π D) $\frac{3\pi}{2}$ E) $\frac{\pi}{4}$

11.



Şekilde $y = f(x)$ fonksiyonunun ve $y = x + 1$ doğrusunun grafiği verilmiştir.

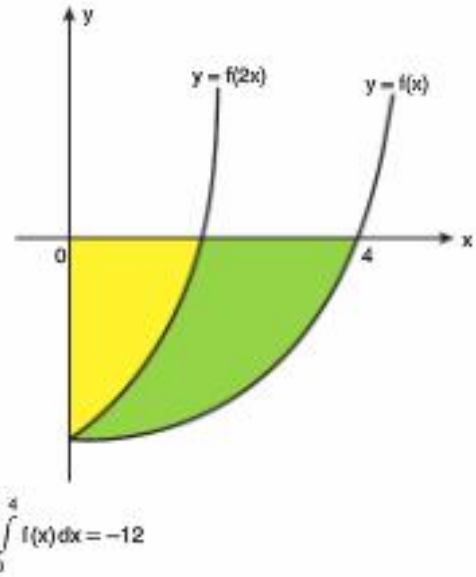
$$\int_2^7 f(x-2)dx = 18 \text{ ve } \int_0^3 f(x+2)dx = 8$$

olduğuna göre, boyalı bölgenin alanı kaç birimkare-

dir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

12. $f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ olmak üzere, aşağıda $y = f(x)$ ve $y = f(2x)$ fonksiyonlarının grafiği gösterilmiştir.



Buna göre, yeşil renkli bölgenin alanı kaç birimkare-

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

13. $a < b \leq 2$ olmak üzere,

$$\int_a^b (x-2)^2 \cdot (x+1) dx$$

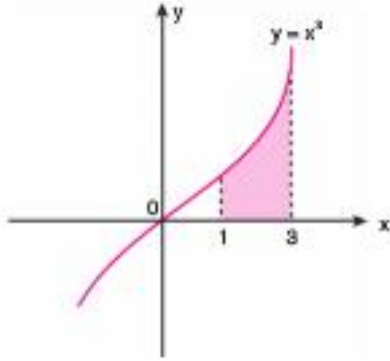
integrali en büyük değerini aldığı anda $a + b$ toplamı kaç olur?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2

1. D	2. B	3. C	4. B	5. B	6. B	7. B
8. E	9. A	10. B	11. D	12. E	13. D	



1.



Şekilde, $y = x^3$ eğrisi verilmiştir.

Buna göre, şekildedeki taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{26}{3}$ B) 20 C) $\frac{81}{4}$ D) 23 E) 26



2.

Gerçek sayılarda tanımlı ve sürekli olan f fonksiyonunun her noktasında birinci ve ikinci türevi tanımlıdır.

$$f''(x) = 4x^2 - 2x \text{ ve } f'(0) = 0 \text{ dir.}$$

Buna göre, $y = f(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum noktasının apsisi kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0 D) 1 E) 2



3.

$$y = f(x) = x^2 - 2x - 8$$

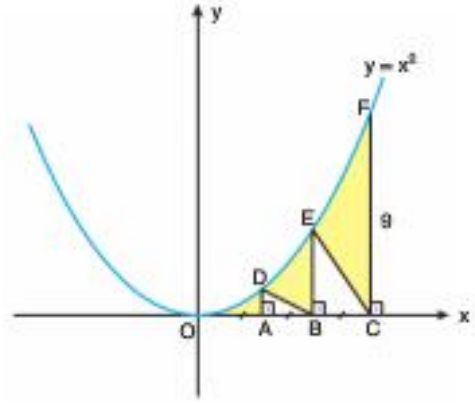
parabolünün eksenleri kestiği noktalar birleştirilerek oluşturulan şeklin alanı B, parabolün x eksenine ile sınırladığı bölgenin alanı A dir.

Buna göre, A - B farkı kaçtır?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 14 E) 16



4.



Şekilde, $y = x^2$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

DAB ve EBC dik üçgenlerdir.

$$|OA| = |AB| = |BC| \text{ ve } |FC| = 9 \text{ br}$$

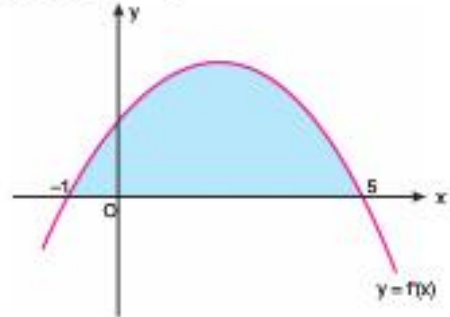
olduğuna göre, taralı alanlar toplamı kaç birimkaredir?

- A) 7 B) 8,5 C) 6 D) 5,5 E) 5



5.

Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun türevi olan $f'(x)$ fonksiyonunun grafiği gösterilmiştir.



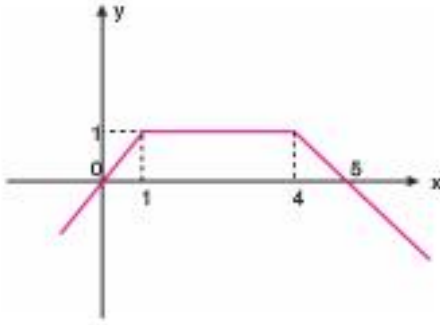
Buna göre,

- I. $f'(5) < 0$
- II. Taralı bölgelerin alanı $f(5) - f(-1)$ br² dir.
- III. $f''(x) = 0$ denkleminin tek bir kökü vardır.

Öncüllerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) I, II ve III

6. Aşağıda, $f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



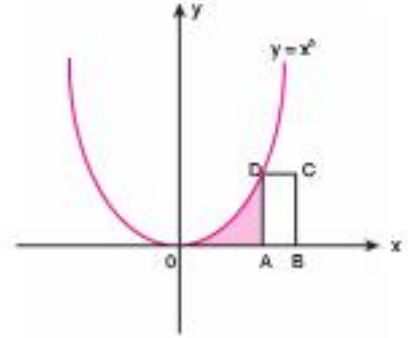
Buna göre,

$$\int_1^2 x \cdot f(x^2 + 1) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{4}$ E) 3

8.



Yukarıdaki şekilde $y = x^2$ parabolü, x eksen ve ABCD dikdörtgeninin bir kenarı ile sınırlı boyalı bölgenin alanı, ABCD dikdörtgeninin alanına eşittir.

Buna göre, $\frac{|OA|}{|OB|}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{3}{4}$ D) $\frac{5}{3}$ E) 2

7. Aşağıdakilerden hangisi yanlış olabilir?

A) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(3^x + 2^{\frac{1}{x}} \right) = 1$

B) f türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(1+x) - f(1)}{x} = f'(1) \text{ dir.}$$

C) Bir f fonksiyonuna üzerindeki $(2, 6)$ noktasında çizilen teğetin eğilimi 3 ise $f'(2) = 3$ tür.

D) $\int_m^n f(x) dx \geq \int_m^K f(x) dx$ ise $n \geq K$ dir.

E) $\frac{d}{dx} \left[\int_3^7 (x^5 - 3) dx \right] = 0$ dir.

9.

$$\int_a^b f(x) dx = 3 \text{ ve } \int_a^b g(x) dx = -2$$

veriliyor.

Buna göre,

I. $x \in [a, b]$ olmak üzere $f(x) > g(x)$ dir.

II. $\int_a^b [f(x) + g(x)] dx = 1$

III. $\int_a^b [f(x) \cdot g(x)] dx = -6$

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

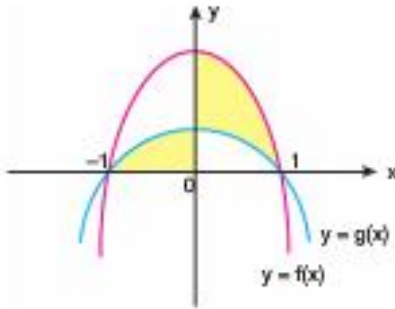
10. $\alpha \in (0, \pi)$ olmak üzere,

$$\int_0^{\sin \alpha} 2x dx = \cos^2 \alpha$$

denklemini sağlayan α değerlerinin toplamı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{5\pi}{4}$ B) π C) $\frac{3\pi}{4}$ D) $\frac{2\pi}{3}$ E) $\frac{\pi}{2}$

11.



Yukarıda grafikleri verilen $y = f(x)$ ve $y = g(x)$ parabollerinin tepe noktası y ekseninde ve taralı alanlar toplamı $\frac{5}{3}$ birim karedir.

Buna göre, $y = f(x)$ parabolünün tepe noktasının ordinatı kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) $\frac{5}{2}$

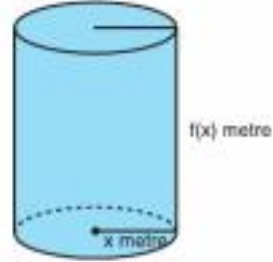
12. f sabit ve g birim fonksiyondur.

$$\int_1^2 f(x) dx = \int_2^3 g(2x) dx$$

olduğuna göre, $f(10)$ değeri kaçtır?

- A) 7 B) 6 C) 5 D) 4 E) 3

13. Dik silindirik biçimindeki bir kuyunun taban alanı ile yüksekliğinin çarpımı kuyunun kaç m^3 su alabileceğini verir.



$f(x)$ fonksiyonu, taban yarıçapı x metre olan kuyunun yüksekliğini (metre) göstermek üzere,

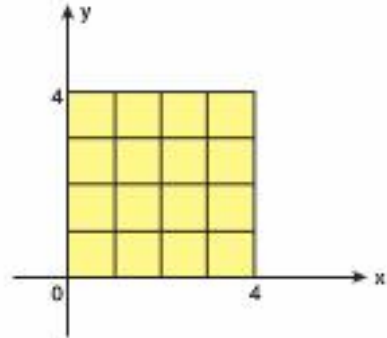
$$\int d[f(x) + 1] = x^2$$

eşitliği veriliyor.

Kuyunun taban yarıçapı 1 metre iken yüksekliği 2 metre olduğuna göre, şekildeki kuyunun alabileceği su miktarı (m^3) aşağıdakilerden hangisidir?

- A) πx^4 B) $\pi x^4 + \pi$ C) $\pi x^4 + \pi x$
D) $\pi x^4 + \pi x^2$ E) $\pi x^4 + \pi x^2 + \pi$

14.



Yukarıda verilen dik koordinat düzleminde taralı bölge, özdeş birim karelerden oluşmaktadır.

$a > 0$ olmak üzere, $y = ax^2$ parabolü taralı bölgenin içinden geçerek, taralı bölgeyi eşit alanlı iki bölgeye ayırmaktadır.

Buna göre, a kaçtır?

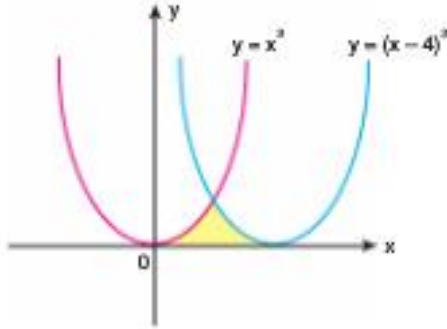
- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{3}{4}$ E) $\frac{4}{9}$

1. B	2. B	3. C	4. B	5. E	6. D	7. D
8. C	9. B	10. B	11. E	12. C	13. D	14. E

1. $y = x^2$ parabolü ile $y = x + 2$ doğrusu arasında kalan bölgenin alanı kaç birimkaredir?

A) 5 B) $\frac{9}{2}$ C) 4 D) $\frac{7}{2}$ E) 3

2.

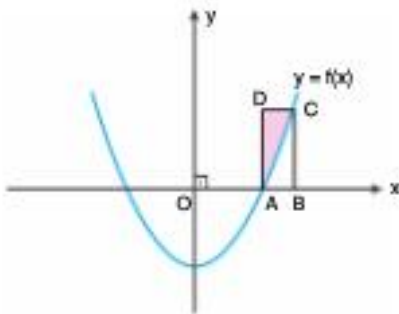


Şekilde, $y = x^2$ ve $y = (x-4)^2$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

Buna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

A) $\frac{64}{3}$ B) $\frac{56}{3}$ C) 16 D) $\frac{32}{3}$ E) $\frac{16}{3}$

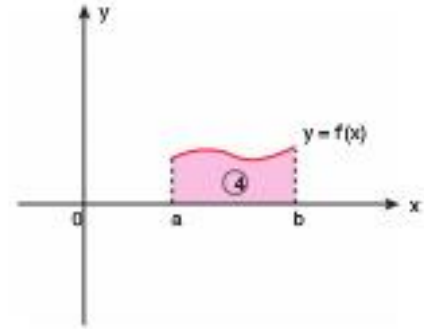
3. Aşağıda, $f(x) = x^2 - 9$ parabolünün grafiği ve ABCD dikdörtgeni verilmiştir.



D noktasının ordinatı 7 birim olduğuna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

A) $\frac{7}{3}$ B) $\frac{8}{3}$ C) $\frac{10}{3}$ D) $\frac{11}{3}$ E) $\frac{13}{3}$

4.



Yukarıda, f fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.

$[a, b]$ aralığında eğrinin altında kalan alan 4 br^2 ve $f(a) + f(b) = 6$ dir.

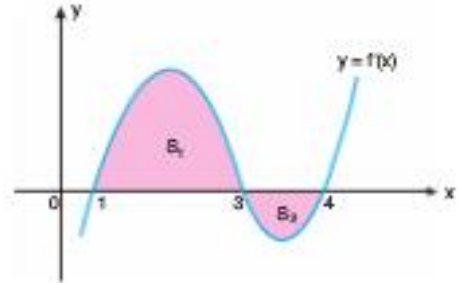
Buna göre,

$$\int_a^b f(x) \cdot f'(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

5.



$S_1 > S_2$ olmak üzere, $f'(x)$ fonksiyonunun grafiği şekildedir.

Buna göre, aşağıdakilerden hangisi doğrudur?

A) $f(1) < f(4) < f(3)$ B) $f(1) < f(3) < f(4)$
C) $f(1) = f(4) = f(3)$ D) $f(4) < f(1) < f(3)$
E) $f(1) = f(2) < f(4)$



6.

$$f(x) = (x+2)(x-1)(x-2)^2$$

fonksiyonu veriliyor.
 $m > n$ olmak üzere,

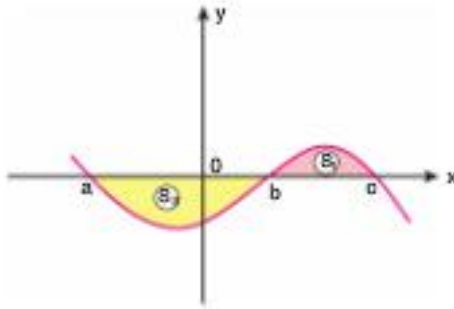
$$\int_n^m f(x) dx$$

İntegralinin alabileceği en küçük değer için $m - n$ farkı kaçtır?

- A) -1 B) 0 C) 1 D) 2 E) 3



7.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

S_1 ve S_2 bulundukları bölgenin alanları ve

$S_1 = 10 \text{ birim}^2$, $S_2 = 15 \text{ birim}^2$ dir.

Buna göre,

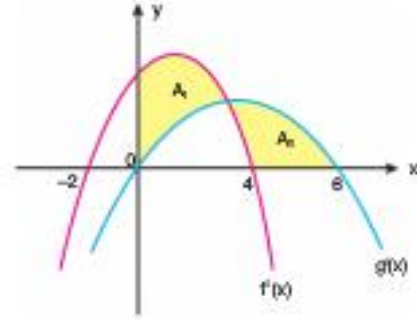
$$\int_a^c (|f(x)| + f(x)) dx$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 20 B) 25 C) 30 D) 35 E) 50



8.



Yukarıdaki şekilde $f'(x)$ ve $g'(x)$ fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.

- $g(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum değeri 7 ve yerel minimum değeri -3 tür.
- $A_1 = A_2$ olmak üzere, $f(0) = 4$

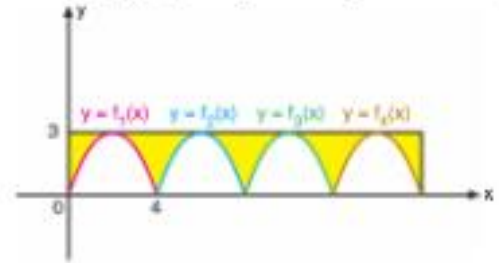
Buna göre, f fonksiyonunun yerel maksimum değeri kaçtır?

- A) -2 B) 4 C) 7 D) 8 E) 14



9.

Aşağıdaki analitik düzlemde her biri ikinci dereceden fonksiyon olan f_1, f_2, f_3, f_4 fonksiyonlarının grafikleri verilmiştir.



Her $n \geq 1$ tam sayısı için,

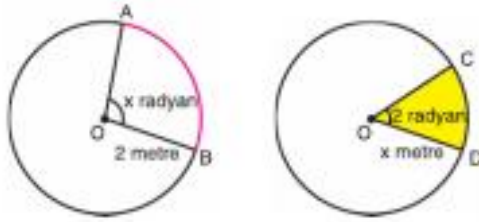
$$f_{n+1}(x) = f_n(x-4)$$

olduğuna göre, şekilde bir köşeli orijin ve fonksiyonların tepe noktalarında grafiklere teğet olan dikdörtgenin içindeki sarı renkli bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 10 B) 12 C) 14 D) 16 E) 18



10. Aşağıda iki çember verilmiştir.



Soldaki çemberde pembe renkte gösterilen AB yayının uzunluğu $f(x)$ metre, sağdaki çemberde sarı renkte gösterilen daire diliminin alanı $g(x)$ metrekaaredir.

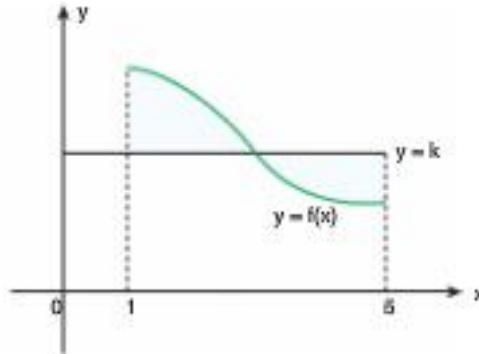
Buna göre,

$$\int_0^2 \frac{g(x)}{f(x)} dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) $\sqrt{2}$ C) 2 D) $2\sqrt{2}$ E) 4

11. k pozitif bir gerçel sayı olmak üzere, dik koordinat düzleminde, $y = k$ doğrusu ile $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği aşağıda verilmiştir.



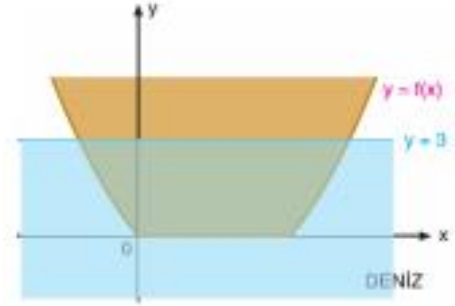
Şekildeki boyalı bölgelerin alanları birbirine eşittir.

$$\int_2^{10} f\left(\frac{x}{2}\right) dx = 24$$

olduğuna göre, k değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12. Aşağıdaki analitik düzlemde denizde hareket eden bir gemiden su yüzeyine dik bir kesit gösterilmiştir.



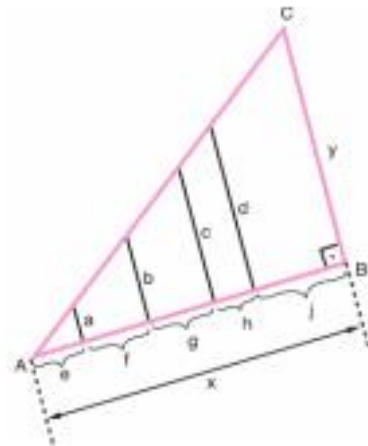
Verilen gemi kesitinin yan kenarları ve tabanı $y = f(x)$ eğrisidir. Deniz suyunun yüzeyi $y = 3$ doğrusudur.

$$f(x) = \begin{cases} y = x^2 - 2x, & x < 0 \\ y = 0, & 0 \leq x \leq 2 \\ y = x^2 - 2x, & x > 2 \end{cases}$$

olduğuna göre, verilen gemi kesitinin denizin içinde kalan kısmının alanı kaç birimkaaredir?

- A) $\frac{25}{3}$ B) $\frac{26}{3}$ C) 9 D) $\frac{28}{3}$ E) $\frac{29}{3}$

13. Aşağıda dik kenarları x ve y birim olan ABC dik üçgeni verilmiştir. Şekilde uzunlukları a, b, c, d birim olan doğru parçaları üçgenin BC kenarına paraleldir.



e, f, g, h, j değerleri AB kenarı üzerindeki doğru parçalarının uzunlukları olmak üzere,

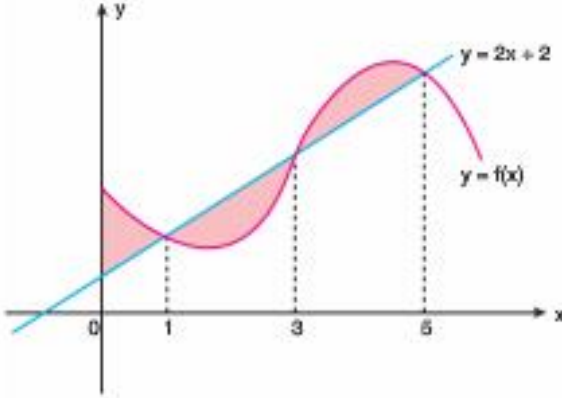
$$e \cdot a + f \cdot b + g \cdot c + h \cdot d + j \cdot y = 6,2$$

eşitliği verilmiştir.

Buna göre, $x \cdot y$ çarpımının alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 12 E) 13

14. Dik koordinat düzleminde, $y = 2x + 2$ doğrusu ve $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği aşağıda verilmiştir.



$$\int_0^1 f(x) dx = 5$$

$$\int_1^3 f(x) dx = 7$$

$$\int_3^5 f(x) dx = 24$$

olduğuna göre, boyalı bölgelerin alanları toplamı kaç birimkaredir?

- A) 10 B) 11 C) 12 D) 13 E) 14

15. $[0, 1]$ aralığında tanımlı bir f fonksiyonu için,

$$f(x) + 2f(1 - x) = 3x$$

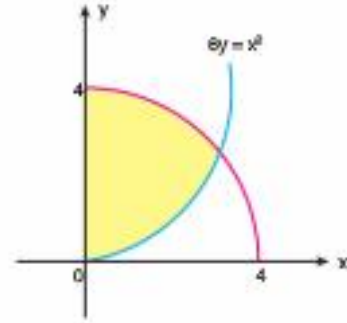
olduğuna göre,

$$\int_0^1 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) $\frac{3}{2}$

- 16.



Şekilde, yarıçapı 4 br olan çeyrek çember ile $6y = x^2$ parabolü görülmektedir.

Buna göre, taralı bölgeyi ifade eden integral aşağıdakilerden hangisidir?

A) $\int_0^{2\sqrt{3}} \left(\sqrt{16 - x^2} - \frac{x^2}{6} \right) dx$

B) $\int_0^4 \left(\sqrt{16 - x^2} - \frac{x^2}{6} \right) dx$

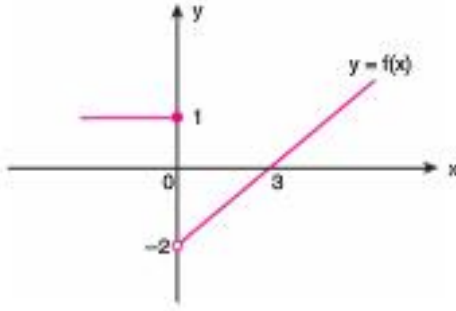
C) $\int_0^2 \left(\sqrt{12 - x^2} - x^2 \right) dx$

D) $\int_0^{2\sqrt{2}} \left(\sqrt{16 - x^2} - \frac{x^2}{6} \right) dx$

E) $\int_0^{2\sqrt{3}} \left(\frac{x^2}{6} + \sqrt{16 - x^2} \right) dx$

1. B	2. E	3. D	4. D	5. A	6. E	7. A	8. E
9. D	10. C	11. C	12. D	13. D	14. B	15. B	16. A

1.



Şekilde, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

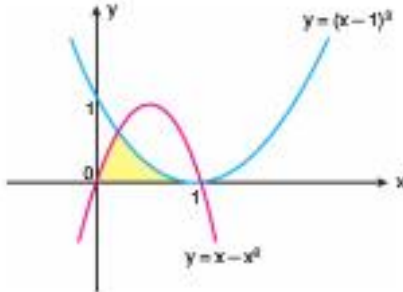
$$\int_{-2}^3 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 17 B) 14 C) 12 D) 11 E) 7

2.

Aşağıda, $y = (x-1)^2$ ve $y = x - x^2$ parabolünün grafiği verilmiştir.



Buna göre, taralı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{1}{8}$ B) $\frac{2}{9}$ C) $\frac{3}{10}$ D) $\frac{4}{11}$ E) $\frac{5}{12}$

3.

$$f(x) = 2x + 1$$

$$g'(x) = 3$$

$$f(0) = g(0)$$

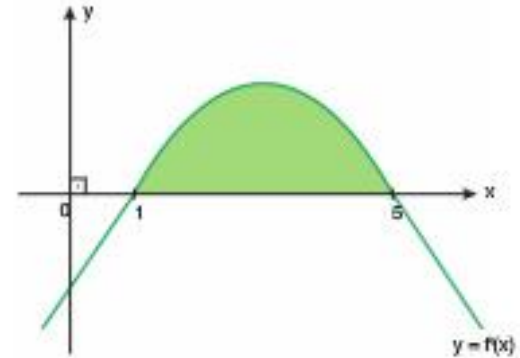
eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, $f(x)$ ve $g(x)$ fonksiyonlarının sınırladığı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) 1 B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{8}{3}$ D) 3 E) $\frac{13}{3}$

4.

Aşağıda f fonksiyonunun türevi olan f' fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Taralı bölgenin alanı bilindiğine göre, $y = f(x)$ fonksiyonunun yerel maksimum değerini bulmak isteyen bir öğrencinin aşağıdaki bilgilerden hangisini bilmesi yeterli olacaktır?

- A) $f''(1)$ B) $f(1)$ C) $f''(5)$ D) $f(0)$ E) $f'(0)$



5. $\forall a \in \mathbb{R}$ için,
 $f(a) + f(-a) = 0$

olmak üzere,

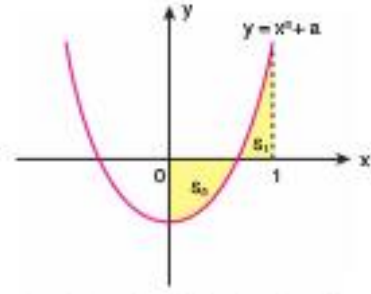
$$\int_{-3}^3 (\cos^2 x \cdot f(x) + 1) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 12 B) 9 C) 6 D) 2π E) 0



7.



Şekilde taralı alanlar birbirine eşit olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -1 B) $-\frac{1}{2}$ C) $-\frac{1}{3}$ D) $-\frac{1}{4}$ E) $-\frac{1}{5}$



6. Gerçek sayılar kümesi üzerinde tanımlı ve sürekli bir f fonksiyonunun türevi,

$$f'(x) = \begin{cases} 5, & x < 0 \\ -2, & x > 0 \end{cases}$$

şeklinde tanımlanmıştır.

Buna göre,

- I. $f(-2) - f(-1) < 0$ dir.
II. f fonksiyonunun $x = 0$ noktasında yerel maksimumu vardır.
III. $\int_{-2}^1 f'(x) dx = 8$ dir.

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I, II ve III



8.

$y = f(x)$ parabolünün x eksenini kestiği noktaların apsisi m ve n dir.

$$\int_{m-1}^m f(x) dx = m$$

olduğuna göre,

$$\int_n^{n+1} f(x) dx$$

integrali aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) $m - 1$ B) m C) $m + 1$
D) $2m$ E) $2m + 1$

9. Her
- $x \in \mathbb{R}$
- için,

$$f(x) = f(x+3)$$

eşitliği sağlanmaktadır.

$$\int_1^7 f(x) dx = 10$$

olduğuna göre, $\int_1^4 f(x) dx$ integralinin değeri kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

- 10.
- $a, b \in \mathbb{R}$
- ve
- $a < 1 < b$
- olmak üzere,

$$\int_a^1 (1-x) dx = m \text{ ve } \int_1^b (1-x) dx = n$$

olduğuna göre, $\int_a^b |1-x| dx$ integralinin sonucu

aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $-m-n$
- B)
- $n-m$
- C)
- $m-n$
-
- D)
- $m+n$
- E) 0

- 11.
- $\forall x \in \mathbb{R}, 1 \leq f(x) \leq 3$
- olan sürekli
- $f(x)$
- fonksiyonu için,

$$\int_{-2}^5 (f(x) - x) dx$$

integralinin değeri aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) -4 B) 4 C) 11 D) 12 E) 13

12. Bir aracın bir yoldaki hızı ile o yolu gidiş zamanının çarpımı yolun uzunluğunu verir.

 $f(x)$ fonksiyonu, başlangıçla durağan olan ve AB yolunu x saatte giden aracın hızını (km/saat) göstermek üzere,

$$\int [f(x) \cdot f^3(x)] dx = 4x^8$$

olduğuna göre, AB yolunun uzunluğu (km) aşağıdakilerden hangisidir?

- A)
- $2x$
- B)
- $2x^2$
- C)
- $2x^3$
- D)
- $2x^4$
- E)
- $4x^3$



13. $f(x)$ sürekli ve türevlenebilen bir fonksiyondur. Her $x \in [0,2]$ olmak üzere,

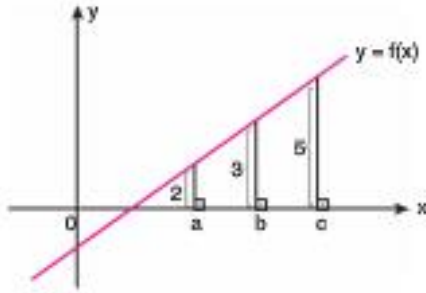
$$f'(x) = f'(2-x), \quad f(0) = 1, \quad f(2) = 9 \text{ dir.}$$

Buna göre, $\int_0^2 f(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) $\sqrt{14}$ B) $\sqrt{10}$ C) 7 D) 10 E) 14



14.



Şekildeki doğru üzerinden x eksenine inilen dikme uzunlukları sırasıyla 2, 3 ve 5' tir.

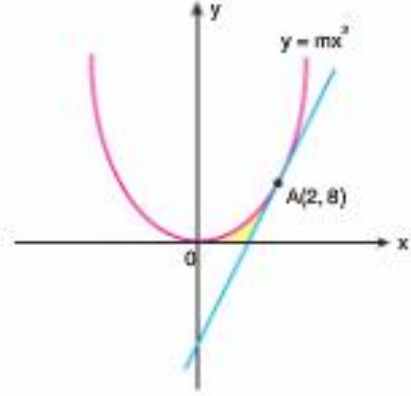
$$\int_a^b f(x) dx = 5$$

Buna göre, $\int_b^c f(x) dx$ integralinin sonucu kaçtır?

- A) 5 B) 10 C) 16 D) 20 E) 24



15.



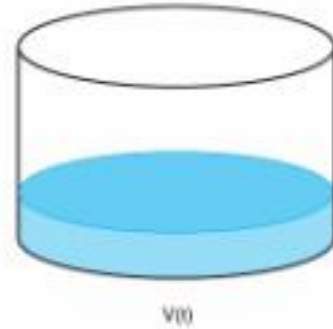
Şekilde, $y = mx^2$ parabolü ve $A(2, 8)$ noktasındaki teğeti verilmiştir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{16}{3}$ B) 5 C) $\frac{8}{3}$ D) 2 E) $\frac{4}{3}$



16. Aşağıda dolun yapılmakta olan bir su deposu gösterilmiştir. Başlangıçta ($t = 0$ anında) depoda $\frac{1}{3}$ litre su bulunmaktadır.



t (saniye) anında depoda bulunan suyun hacmi $V(t)$ litre olmak üzere,

$$\frac{dV}{dt} = [(t^2 + 3t)(t^2 + 3t + 2) + 1] \cdot (2t + 3)$$

eşitliği veriliyor.

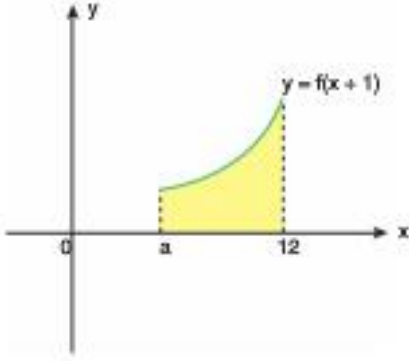
$a^2 + 3a = 5$ olduğuna göre, a . saniyede depoda bulunan suyun hacmi aşağıdakilerden hangisidir?

- A) 36 B) 48 C) 60 D) 72 E) 90



1. D	2. A	3. B	4. B	5. C	6. E	7. C	8. B
9. B	10. C	11. B	12. C	13. D	14. C	15. E	16. D

1. Seçkin Öğretmen sınıfta tahtaya,



grafliğini çizerek öğrencilerine taralı alanın 20 br^2 olduğunu söylemiştir.

Seçkin Öğretmen;

$$\int_b^{18} f(x-3) dx = 20$$

eşitliğini yazdığında öğrencileri $a - b$ farkının doğru sonucunu kaç olarak bulurlar?

- A) -8 B) -4 C) -2 D) 4 E) 8



2.

$$\int_1^8 2f(x) dx = 3 \text{ ve } \int_8^2 f(x) dx = \frac{-1}{2}$$

olduğuna göre,

$$\int_{-2}^{-1} f(-x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) $-\frac{3}{2}$ B) -1 C) $-\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{2}$ E) 1



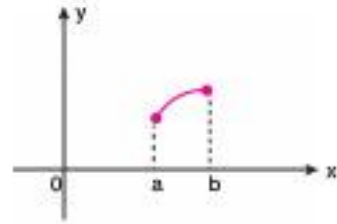
3. $x \in [a, b]$ aralığında türevli ve integrallenebilen $f(x)$ fonksiyonu için,

$$\frac{f(x) + \int_a^b f(x) dx}{f(x)} < 0$$

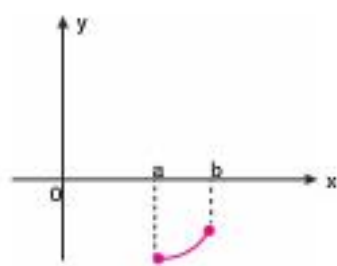
eşitsizliği veriliyor.

Buna göre,

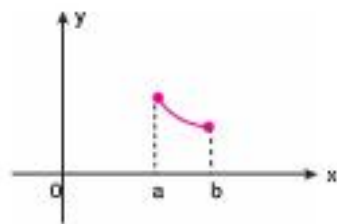
I.



II.



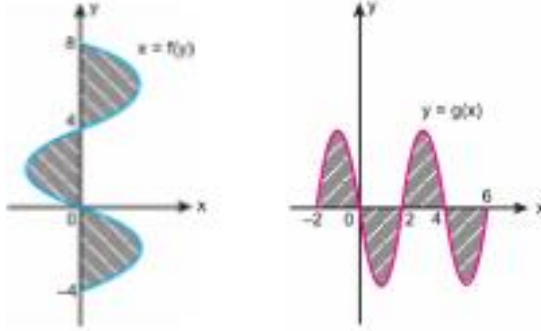
III.



Öncüllerinden hangilerinde verilen grafik $f(x)$ in grafiği olabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız III C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

4. Aşağıda iki tane eğri verilmiştir. $x = f(y)$ eğrisi ile y eksenini arasındaki her kapalı bölgenin alanı eşittir. $y = g(x)$ eğrisi ile x eksenini arasındaki her kapalı bölgenin alanı eşittir.



Buna göre, aşağıdaki işlemlerden hangisinin sonucu en küçüktür?

- A) $\int_{-4}^0 f(y) dy + \int_{-2}^0 g(x) dx$
 B) $\int_{-4}^0 f(y) dy + \int_0^2 g(x) dx$
 C) $\int_0^4 f(y) dy + \int_{-2}^0 g(x) dx$
 D) $\int_0^4 f(y) dy + \int_0^2 g(x) dx$
 E) $\int_{-4}^0 f(y) dy + \int_0^4 g(x) dx$

5. $g'(2x) = f(3x) + 2x + 1$
 $g(4) = g(2) + 10$ dur.

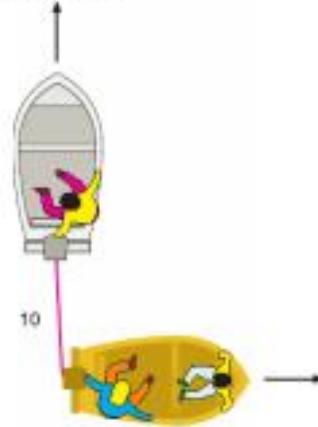
Buna göre,

$$\int_1^4 f(x+2) dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) -2 B) 1 C) 3 D) 5 E) 9

6. Aşağıda biri kuzeye diğeri doğuya giden iki tekne gösterilmiştir. $t = 0$. saniyede teknelerin arka noktaları arasında 10 metre uzaklık vardır.



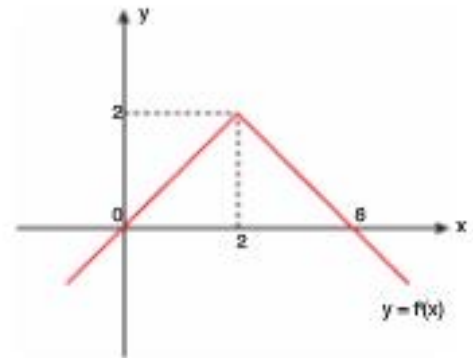
İki tekne hareketlerine devam ederken t . saniyede arka noktaları arasındaki uzaklık $f(t)$ fonksiyonu ile tanımlanmıştır.

$$\frac{df}{dt} = \sqrt{t+1}$$

olduğuna göre, 3. saniyede teknelerin arka noktaları arasındaki uzaklık kaç metredir?

- A) 14 B) $\frac{43}{3}$ C) $\frac{44}{3}$ D) 15 E) $\frac{46}{3}$

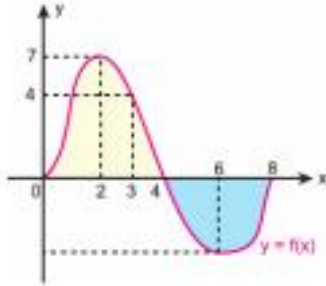
7. Aşağıda, f fonksiyonunun türevinin grafiği verilmiştir.



Buna göre, aşağıdakilerden hangisi $f(4)$ değerine eşittir?

- A) $f(-\sqrt{10})$ B) $f(-3)$ C) $f(-\sqrt{5})$
 D) $f(2\sqrt{5})$ E) $f(2)$

8. Aşağıda türevlenebilir $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Bir hareketlinin konum zaman fonksiyonu,

$$s(t) = \int_0^t f(x) dx$$

biçimindedir. Bu hareketli t. saniyede başlangıç noktasından s(t) metre uzaktadır.

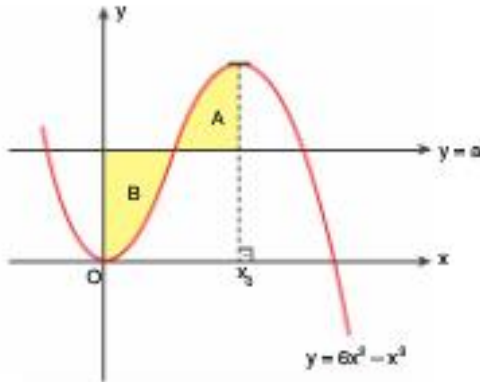
Buna göre,

- I. Hareketlinin 3. saniyedeki hızı 4 m/sn'dir.
- II. Hareketlinin 4. saniyedeki ivmesi negatiftir.
- III. Sarı bölgenin alanı mavi bölgenin alanından büyük ise ilk 8 saniyede hareketlinin başlangıç noktasına en uzak olduğu an 4. saniyedir.

yargılarından hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III D) I ve III E) I, II ve III

9. Aşağıda, $y = 6x^2 - x^3$ ve $y = a$ fonksiyonlarının grafiği verilmiştir.

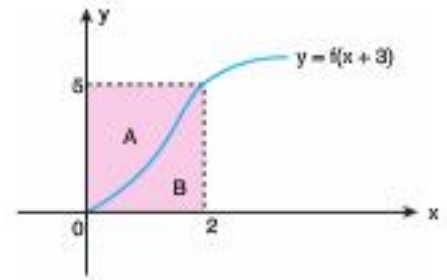


x_0 apseli nokta $y = 6x^2 - x^3$ fonksiyonunun yerel ekstremum noktasıdır.

Boyalı A ve B bölgelerinin alanları eşit olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 14 E) 16

10.



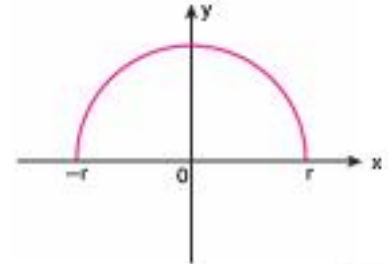
A ve B bulundukları bölgelerin alanı olmak üzere,

$$\int_3^5 f(x) dx$$

integralinin değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) A B) 10 - A C) 10 - 2A
D) 10 - 2B E) B + 3

11.



Yukarıdaki yarım çemberin denklemi $y = \sqrt{r^2 - x^2}$ dir.

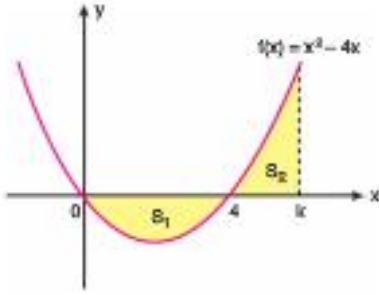
Buna göre,

$$\int_0^{\sqrt{2}} x + \sqrt{4 - x^2} dx$$

integralinin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{\pi}{4}$ B) $\frac{\pi}{2}$ C) π D) 2π E) 4π

12. Aşağıda, $f(x) = x^2 - 4x$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



S_1 ve S_2 alanlarının birbirine eşit olduğunu bilen Fatih, şekilde gösterilen k değerini bulmaya çalışmaktadır.

Fatih'in k değerini bulmaya çalışırken kurduğu denklemler aşağıdaki gibidir.

I. $\int_0^4 (4x - x^2) dx = \int_4^k (x^2 - 4x) dx$

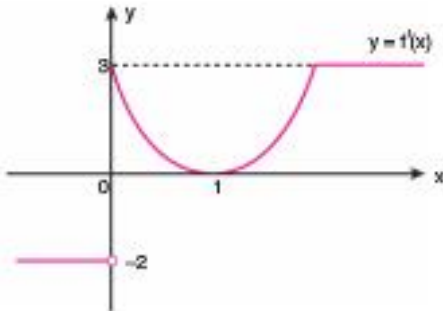
II. $\int_0^k |x^2 - 4x| dx = 2 + \int_0^4 (4x - x^2) dx$

III. $\int_0^k (x^2 - 4x) dx = 0$

Buna göre, Fatih bu denklemlerden hangileriyle k değerine ulaşabilir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

- 13.



Yukarıda grafiği verilen $y = f'(x)$ fonksiyonu iki sabit doğru ve parabolden oluşmaktadır. Parabolün simetri eksenini $x = 1$ doğrusudur.

$a \neq 10$ ve $f(10) = f(a)$

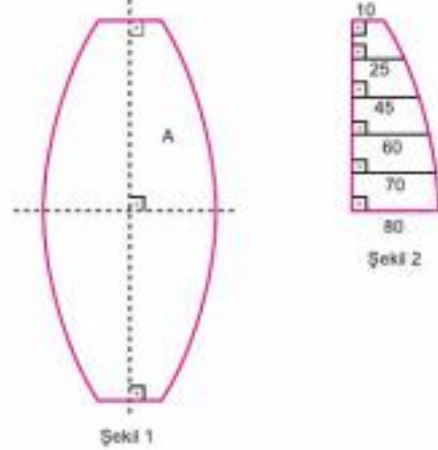
olduğuna göre, a kaçtır?

- A) -10 B) -11 C) -12 D) -13 E) -14

14. Aşağıdaki balon yeşil ve beyaz toplam 24 eş kumaş parçasıyla yapılmıştır.



Bu parçalardan biri Şekil 1'deki gibidir ve birbirine dik iki tane simetri eksenine sahiptir. Soner, bu parçanın alanını Riemann yöntemiyle tahmin etmek için Şekil 1'deki A bölgesinde 20 cm aralıklarla ölçüm yapmış ve Şekil 2'de gösterilen cm birimli değerleri bulmuştur.

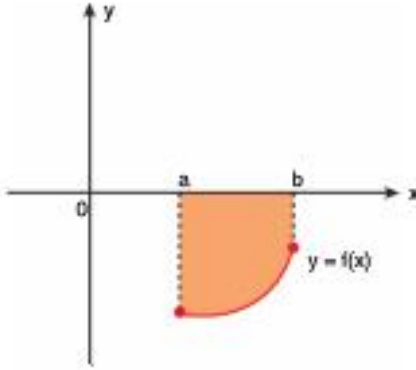


Soner'in ölçüm yaptığı A bölgesinin alanı 2500 cm^2 nin bir tam sayı katı olduğuna göre, bu balonun yapımında kaç m^2 kumaş kullanılmıştır?

- A) 24 B) 32 C) 40 D) 48 E) 72

1. B	2. E	3. B	4. D	5. C	6. C	7. A
8. E	9. E	10. B	11. B	12. E	13. D	14. D

1. Aşağıda, $x \in [a, b]$ aralığında türevli ve integrallenebilen $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



Buna göre,

I. $f(x) + \int_a^b f(x) dx > 0$

II. $f(x) + \int_a^b f(-x) dx < 0$

III. $\int_b^a x dx > 0$

İfadelerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) I ve III E) Yalnız III

2. Hep aynı yönde ilerleyen bir hareketlinin hızının t zamanına göre fonksiyonu $v(t)$ dir ve bu hareketli $[9, 16]$ zaman aralığında 20 birim yol almıştır.

Buna göre,

$$\int_3^4 [1 + v(t^2)] dt$$

İntegralinin değeri kaçtır?

- A) 5 B) 10 C) 15 D) 20 E) 40

3. f , sürekli bir fonksiyon, $a < 3 < b$ ve a, b birer reel sayıdır.

Buna göre,

I. $\int_a^b f(x) dx = \int_{a+3}^{b+3} f(x-3) dx$

II. $\int_a^b f(x) dx = \int_a^3 f(x) dx - \int_b^3 f(x) dx$

III. $\int_{3a}^{3b} f(x) dx = 3 + \int_a^b f(3x) dx$

eşitliklerinden hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız II
D) II ve III E) I, II ve III

4. $a \leq b$ olmak üzere,

I. $\left| \int_a^b f(x) dx \right| \leq \int_a^b |f(x)| dx$

II. $\int_a^b f(x) dx = \int_b^a f(-x) dx$ ise $f(x)$ çift fonksiyondur.

III. $\int_a^b f(x) dx \geq \int_a^c f(x) dx$ ise $b \geq c$ dir.

Öncüllerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III



5. $k \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(x) = x^2 + x + k$$

$$g(x) = -x^2 + 2x + k$$

eğrilerinin sınırladığı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{9}$ C) $\frac{1}{12}$ D) $\frac{1}{18}$ E) $\frac{1}{24}$



6.

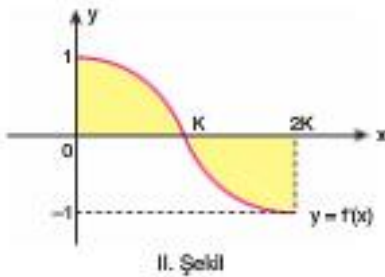
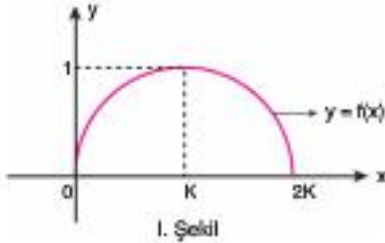
$$\int_{-2}^2 |x+1| - 1 |dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6



7.



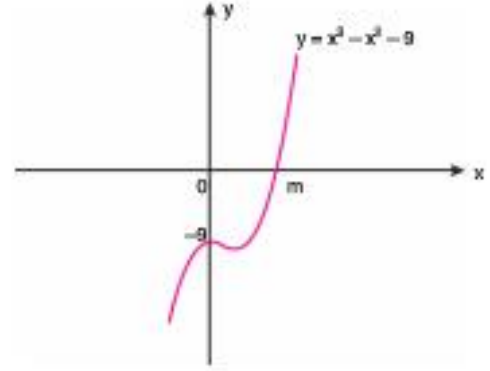
I. Şekil f fonksiyonunun, II. Şekil f fonksiyonunun grafiğidir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) 6 B) 4 C) 2 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$



8.



Yukarıda, $y = x^3 - x^2 - 9$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.

Buna göre,

$$\int_{-2}^m (3x^2 - 2x) dx$$

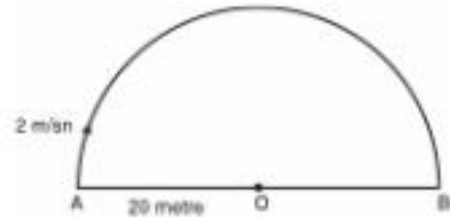
integralinin sonucu kaçtır?

- A) 21 B) 19 C) 17 D) 15 E) 13



9.

Bir hareketli, yarıçapı 20 metre olan bir çember pistin A noktasından ok yönünde şekilde gösterilen hızla hareket ederek B noktasına gidecektir.



t. saniye sonunda hareketlinin B noktasına kalan yolunun uzunluğu metre birimine göre $K(t)$ fonksiyonu ile tanımlanıyor.

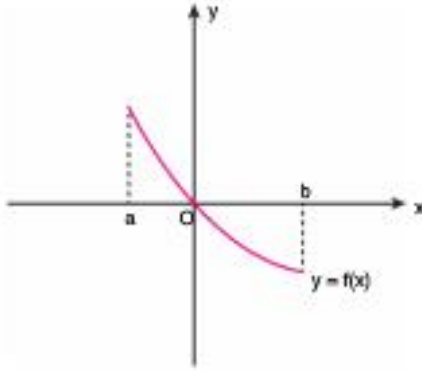
Buna göre,

$$\int_0^{\pi} K(t + 5\pi) dt$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 9π B) 12π C) $8\pi^2$ D) $9\pi^2$ E) $10\pi^2$

10. Aşağıda $[a, b]$ aralığında tanımlı ve türevli olan f fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



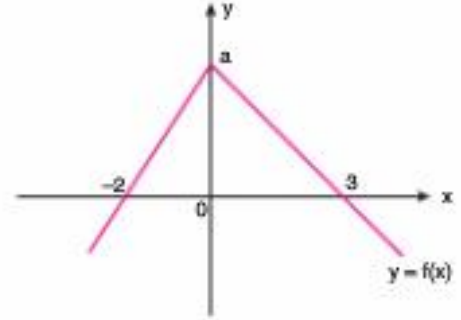
Buna göre,

- I. $\forall x \in (a, b)$ için $f'(x) < 0$
- II. $\exists x_0 \in (a, b)$ için $f'(x_0) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$ dir.
- III. $\int_a^b f'(x) dx - \int_0^a f'(x) dx \geq 0$ dir.

İfadelerinden hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve II C) Yalnız III
D) II ve III E) I, II ve III

12. Aşağıda, $y = f(x)$ fonksiyonunun grafiği verilmiştir.



$$\int_{-1}^2 f(x) dx = -2$$

olduğuna göre, a kaçtır?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

11. Bir hareketlinin hızının t zamanına göre fonksiyonu $v(t)$ 'dir ve bu hareketli $[3, 4]$ zaman aralığında 20 birim yol almıştır.

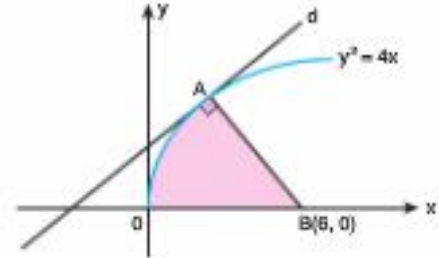
$v(t)$ artan, sürekli ve pozitif değerli bir fonksiyon olduğuna göre,

$$v(3) + v\left(3 + \frac{1}{10}\right) + v\left(3 + 2 \cdot \frac{1}{10}\right) + \dots + v\left(3 + 9 \cdot \frac{1}{10}\right)$$

toplamının en büyük tam sayı değeri kaç olabilir?

- A) 19 B) 99 C) 101 D) 199 E) 201

- 13.



Yukarıda verilen grafikte $y^2 = 4x$ eğrisi, d doğrusuna A noktasında teğettir.

Buna göre, taralı alan kaç birimkaredir?

- A) $\frac{32}{3}$ B) $\frac{35}{3}$ C) $\frac{39}{3}$ D) $\frac{44}{3}$ E) $\frac{61}{3}$

1. A	2. B	3. E	4. A	5. E	6. B	7. C
8. A	9. D	10. B	11. D	12. E	13. D	

1. $f(x)$, her gerçel sayı için tanımlı bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(x) = \begin{cases} 2x + 4, & x > 0 \\ f(-x), & x \leq 0 \end{cases}$$

fonksiyonu veriliyor.

Buna göre,

$$\int_{-2}^2 f(x) dx$$

integralinin değeri kaçtır?

- A) 12 B) 15 C) 18 D) 21 E) 24

2. $P(x)$ bir polinom olmak üzere,

$$P'(x) = Q(x)$$

eşitliği veriliyor.

Buna göre,

$$\int_1^2 Q(2-x) dx$$

integralinin sonucunu hesaplayan biri aşağıdakilerden hangisini bulur?

- A) $P(x)$ polinomunun katsayılar toplamının, sabit teriminden kaç fazla olduğunu
B) $P(x)$ polinomunun sabit teriminin, katsayılar toplamından kaç fazla olduğunu
C) $P(x)$ polinomunun $(x-2)$ ile bölümünden kalanın, katsayılar toplamından kaç fazla olduğunu
D) $P(x)$ polinomunun sabit teriminin, $(x-2)$ ile bölümünden meydana gelen kalandan kaç fazla olduğunu
E) $P(x)$ polinomunun tek dereceli terimlerinin katsayılar toplamının, sabit teriminden kaç fazla olduğunu

3. $a \in \mathbb{R}$ olmak üzere,

$$f(2a-x) = -f(x)$$

olduğuna göre,

$$\int_0^a f(x) dx$$

integralinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\int_{2a}^a f(x) dx$ B) $\int_a^{2a} f(x) dx$ C) $\int_0^{2a} f(x) dx$
D) $2 \int_a^{2a} f(x) dx$ E) $2 \int_{-a}^a f(x) dx$

- 4.

t. dakikada
Yenilen kısmın alanı $S(t)$ metrekaresine



Tavukların beslenmesi için ekilmiş şekildeki arazide tavuklar ekinleri yemeye başladıktan sonra, t. dakika sonunda arazideki ekinlerin yenilen kısmının alanı m^2 birimine göre $S(t)$ fonksiyonu ile

$$S(t) = \begin{cases} \frac{d(t^2 + 2t)}{dt}, & 0 < t < 4 \\ \int (3t^2 + 2t) dt, & t \geq 4 \end{cases}$$

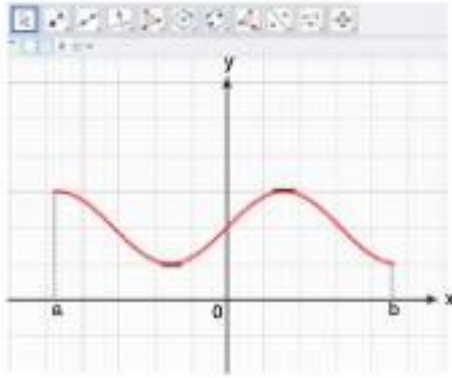
biçiminde tanımlanmıştır. 5. dakika sonunda arazinin $150 m^2$ lik kısmında bulunan ekinler yenmiştir.

Buna göre, 6. dakika sonunda arazideki ekinlerin yenilen kısmının alanının 2. dakika sonunda arazideki ekinlerin yenilen kısmının alanına oranı kaçtır?

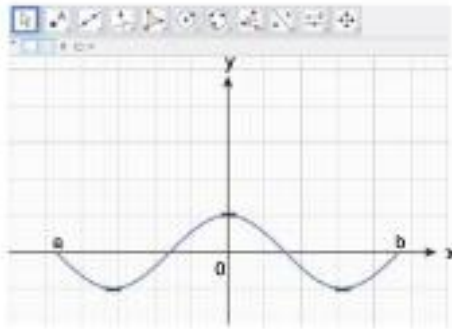
- A) 42 B) 44 C) 45 D) 48 E) 50

5.

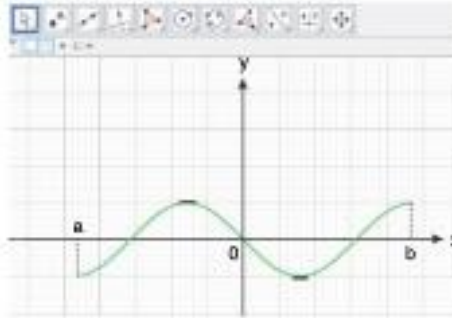
I.



II.



III.



Yukarıda GeoGebra yazılımında verilen I, II ve III numaralı grafikler $[a, b]$ aralığında tanımlı, türevli ve integrelenebilir bir $f(x)$ fonksiyonunun, $f(x)$, $f'(x)$ ve $\int f(x) dx$ grafikleridir.

Grafikler karışık bir sırada gösterildiğine göre, I, II ve III sırasıyla aşağıdakilerden hangisi olabilir?

A) $f'(x)$, $\int f(x) dx$, $f(x)$

B) $f(x)$, $\int f(x) dx$, $f'(x)$

C) $f(x)$, $f'(x)$, $\int f(x) dx$

D) $\int f(x) dx$, $f(x)$, $f'(x)$

E) $\int f(x) dx$, $f'(x)$, $f(x)$

6.

$f(x)$, türevlenebilen bir fonksiyon olmak üzere,

$$f(1) = -2, f'(x) \geq 2 \text{ ve } x \in [1, 6]$$

olduğuna göre, aşağıdakilerden hangisi kesinlikle doğrudur?

A) $f(6) < 8$

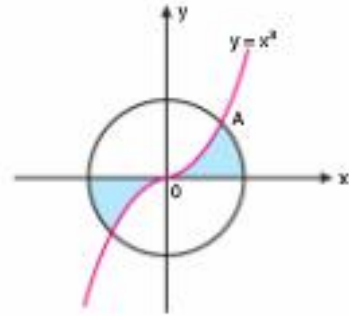
B) $f(6) \geq 8$

C) $f(6) = 5$

D) $f(6) < 5$

E) $f(6) = 10$

7.



Yukarıda denklemi $x^2 + y^2 = 2$ olan çember ile $y = x^3$ eğrisi verilmiştir.

Çember ile eğri A(1, 1) noktasında kesiştiklerine göre, taralı alanlar toplamı kaç birimkaredir?

A) $\frac{\pi - 1}{2}$

B) $\frac{\pi - 1}{4}$

C) $\frac{\pi + 1}{2}$

D) $\frac{\pi + 2}{4}$

E) $\frac{\pi - 2}{2}$

8.

$$2x^2 + bx + c = 0$$

denkleminin kökleri arasındaki uzaklık 1 br dir.

Buna göre, $f(x) = 2x^2 + bx + c$ fonksiyonunun x eksenine sınırladığı alan kaç birimkaredir?

A) $\frac{1}{3}$

B) $\frac{1}{2}$

C) 1

D) 2

E) 4

1. E 2. A 3. A 4. A 5. D 6. B 7. A 8. A